

UNIVERSITY
DE
TORONTO
LIBRARY







Dr. Wilhelm Olbers' Abhandlung

über die

leichteste und bequemste Methode

die

Bahn eines Cometen zu berechnen.







0 and 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

1119



Dr. Wilhelm Olbers') Abhandlung

über die

leichteste und bequemste Methode

die

Bahn eines Cometen zu berechnen.

Mit Berichtigung und Erweiterung der Tafeln im Jahre 1847 von neuem herausgegeben

von

J. F. Encke,

Director der Berliner Sternwarte.

Dritte Ausgabe,

vermehrt mit einem Anhange, die Fortsetzung und Ergänzung des Cometen-Verzeichnisses bis zum Jahre 1864 enthaltend.

Von

Dr. J. G. Galle,

Professor der Astronomie und Director der Sternwarte in Breslan.

Mit dem Fildnice von Olkere und einer Figurenterfil



117363

Leipzig, Voigt & Günther. 1864.





Vorwort zu dem der dritten Ausgabe beigefügten Nachtrage.

In der von Herrn Prof. Encke besorgten, mit der verbesserten Barker'schen Tafel und mehreren andern Zusätzen versehenen zweiten Auflage der für diesen Zweig der Astronomie so förderlich gewordenen Schrift von Olbers über die Berechnung der Cometenbalmen schliesst das Cometen-Verzeichniss mit dem Anfang des Jahres 1847 ab, und bereits seit längerer Zeit hatte ich darauf bezügliche Ergänzungen und Nachträge gesammelt, ohne iedoch eine baldige Publication derselben vor Erschöpfung der genannten Auflage der Olbers'schen Schrift in Aussicht zu nehmen. Erst als vor einigen Jahren mehrere auf die Herausgabe eines Nachtrags gerichtete Wünsche mir kund wurden, traf ich Vorbereitungen zu einem solchen, konnte jedoch wiederholter Hindernisse wegen erst im vorigen Herbste die eigentliche Redaction beginnen, bei welcher alsdann auch die Menge des angehäuften Materials ein einstweiliges Abschliessen als räthlich erscheinen liess. In der That sind in den verflossenen 17 Jahren nicht weniger als 53 neue Cometen hinzugekommen, der zahlreichen Wiedererscheinungen periodischer Cometen nicht zu gedenken, und eine grosse Reihe werthvoller Berechnungen über neuere und ältere Cometen ist ausgeführt worden. biernach der Wunsch eines diese Arbeiten nachweisenden Verzeichnisses gerechtfertigt erscheint, so ist nur noch binzuzufügen, dass die Verlagshandlung demselben für jetzt dadurch zu entsprechen sucht, dass dieselbe den Bestand der zweiten Auflage mit diesem Nachtrage vermehrt nen ausgibt, iedoch so, dass für die Besitzer der Ausgabe von 1847 dieser Nachtrag auch als gesonderte Schrift dargeboten wird.

In der Zählung der Cometen und den sonstigen äusseren Formen, sowie in der Auswahl der verzeichneten Bahnen schliesst sich der gegen-

wärtige Nachtrag der Ansgabe von 1847 vollständig an, da z.B. eine Aenderung der Nummern (deren Beifügung ohnehin von untergeordnetem Werthe ist) erst bei einer späteren Verschmelzung des Nachtrags mit dem ursprünglichen Verzeichnisse an der Zeit sein würde. Nur in der Reihenfolge der einzelnen Bahnen eines bestimmten Cometen ist in diesem Nachtrage strenger als bisher das Princip festgehalten, dass die minder genauen Bahnen den genaueren vorangehen, die zuletzt angegebenen denmach immer als die der Wahrheit am nächsten kommenden zu betrachten sind. Das frühere Verzeichniss würde in dieser Hinsicht einer durchgängigen Revision bedürfen, indem bei der zweiten Auflage an der von v. Zach und von Olbers gewählten Reihenfolge möglichst wenig geändert worden ist. Als massgebend für die grössere Genauigkeit einer Balın habe ich im Allgemeinen und unter übrigens gleichen Umständen die Länge des Zeitraums betrachtet, auf welchen die bei der Berechnung benutzten Beobachtungen sich erstrecken. Es ist nun zwar einleuchtend, dass diese Länge des durchlaufenen Bogens nicht allein hierbei entscheidet, indess würde die Abwägung der Genauigkeit der einzelnen Rechnungen selbst (wo nicht die gewählte Methode bestimmteren Aufschluss gibt) und der benutzten Beobachtungen entweder zu grossen Schwierigkeiten geführt oder oftmals ungerechtfertigten Vorurtheilen Raum gegeben haben, während die Fehlgriffe bei der Anwendung des obigen Princips sich bei einer grösseren Reihe von Bahnen meist von selbst kund geben, auf Unsicherbeiten in den einzelnen Rechnungen oder Beobachtungen nicht selten bestimmt binweisen oder auch wirkliche Verschiedenheiten der aus verschiedenen Bogen geschlossenen Bahnen andeuten können. In dieser Hinsicht habe ich die Anmerkungen in dem gegenwärtigen Nachtrage dahin etwas erweitert, dass ich die benutzten Beobachtungen oder Methoden kurz angegeben habe, was für eine oberflächliche vergleichende Beurtbeilung eines Elementen-Systems meist ausreichend sein wird. Die einzige Ausnahme in der genannten Art der Reihenfolge der einzelnen Bahnen bildet der Fall, wo von einem und demselben Berechner mehrere Bahnen angeführt sind, was zur Kenntniss des Ganges der Untersuchungen und zur Beurtheilung der Genauigkeit der erlangten Resultate oft wesentlich schien. In diesem Falle sind die Bahnen dieses einen Berechners unmittelbar nach einander angeführt, und nur die letzte derselben fügt sich in die sonst gewählte Ordnung der übrigen Bahnen ein. Eine Trennung der Arbeiten desselben Rechners würde die Uebersicht über diese erschwert und in

den Anmerkungen die erstrebte Kürze wesentlich beeinträchtigt haben. — Jene geringe Erweiterung der Anmerkungen aber dürfte vor der früheren Form dadurch ohne Zweifel sich rechtfertigen, dass diese über den Werth der einzelnen Bahnen oft gar keinen Anhalt gewährt, vielmehr eine spätere Ergänzung und Umarbeitung gleichfalls in diesem Sinne als wünschenswerth erscheinen lässt. Auch Cooper in seinem werthvollen Verzeichnisse von 1852, das ich mit vielem Nutzen verglichen habe, gibt ausführlichere Anmerkungen zu den einzelnen Cometen, besonders auch über die physische Beschaffenheit derselben, was um so dankenswerther ist, als eine der Pingré'sehen Cometographie entsprechende vollständige Beschreibung der einzelnen Cometen für die neuere Zeit mangelt. — Für eine kurze Kennzeichnung der einzelnen Bahnberechnungen spricht sich auch Bessel aus in dem Briefwechsel mit Olbers, Bd. 1, p. 323.

In Bezug auf die die Beobachtungen enthaltenden Quellen habe ich zwar nach einiger Vollständigkeit gestrebt, muss aber aus den Nachträgen, welche gelegentlich oft noch hinzuzufügen waren, schliessen, dass dieselbe keineswegs nach allen Seiten hin erreicht ist. Ergänzungen und Berichtigungen würden mich in dieser Hinsicht, sowie in Bezug auf alle sonstigen Angaben sehr zum Danke verpflichten.

Um für die neueren Cometen (und neben Pingré's Cometographie auch für eine Anzahl älterer) in den Anmerkungen zu dem Verzeichniss der Bahnen auch die Sammlung der sonstigen Literatur über die einzelnen Cometen thunlichst zu fördern, sind in diesen Anmerkungen erheblich mehr Cometen aufgeführt als in dem Verzeichniss der Bahnen. So ist beispielsweise die Reihe aller derjenigen Cometen aufgenommen, deren Identität mit dem Halley'schen Cometen nach den Untersuchungen von Hind theils wahrscheinlich ist, theils als möglich erscheint. Desgleichen findet man die nicht ganz unbedeutende Anzahl der unvollständig beobachteten Cometen auch der neneren Zeit, deren Bahnen nicht berechnet werden konnten.

Bei den Perihel-Durchgängen ist von einzelnen Berechnern der gewählte Meridian nicht angegeben, doch sind der in dieser Hinsicht vorkommenden Fälle nur wenige, und man wird bei Vergleichung der angegebenen Quelle leicht finden, welche Annahme der Reduction auf den Pariser Meridian von mir zu Grunde gelegt ist; überdem ist diese Aunahme an einigen Stellen auch in den Anmerkungen erwähnt. — Häufiger fehlt für die Längen die Angabe des Acquinoctiums, jedoch auch meist nur bei den ersten Entwürfen der Bahn. Bei einer neuen Redaction des gesammten Cometen-Verzeichnisses dürfte es sich für grössere Kürze in den Anmerkungen empfehlen, alle Längen auf den Anfang des Jahres, in welches das Perihel fällt, zu reduciren, ein Zeitpunkt, der der Zeit des Perihel-Durchgangs selbst (die Cooper gewählt hat) aus mehreren Gründen vorzuziehen sein möchte. Im Uebrigen wird dem Wunsche von Olbers in Schumacher's Astron. Abhandlungen III. p. 100:

"Der Gleichförmigkeit wegen und um alle Ungewissheit und Verwirrung zu heben, wäre es sehr zu wünschen, dass alle Rechner immer das mittlere Acquinoctium von Jan. O desjenigen Jahres zu Grunde legten, in welches das Perihelium fällt."

im der That bei den meisten neueren Publicationen von Cometen-Elementen ohnehin Genüge geleistet.

Ob nicht die Perihel-Durchgänge besser in Decimaltheilen des Tages statt in Stunden, Minuten und Seeunden anzugeben seien, wie Cooper dies bereits gethan hat, würde bei einem neu geordneten Cometen-Verzeichniss gleichfalls zu erwägen sein, so leicht auch (gewissermassen à vue) die Tafel p. 82 der Ausgabe von 1847 diese Verwandlung ausführen lässt. Für jetzt schien es geboten, die frühere Form beizubehalten. — Alle diese Meridian-Reductionen, sowie sonstige vorkommende Rechnungen, besonders bei den elliptischen Cometen und für die sogenannte mittlere Bewegung, sind doppelt ausgeführt oder sonst controlirt, wonach zu hoffen ist, dass sowohl in Bezug auf Rechnungs- als auf Druckfehler der vorliegende Nachtrag an Correctheit der früheren Ausgabe von 1847 nicht nachstehen werde.

In Betreff der in der ersten Columne der Tafel enthaltenen Zählung der bisher berechneten Cometenbahnen sei schliesslich noch bemerkt, dass der Zahl 231, womit das vorliegende Verzeichniss abschliesst, noch 11 eingeschaltete Cometen hinzuzufügen sind, wodurch dieselbe auf 242 sich erhöhen würde. Eine fernere Erhöhung, welche dadurch entsteht, dass die Identität der Cometen von 1264 und von 1556 nicht wohl mehr aufrecht erhalten werden kann, wird durch die wahrscheinliche Identität des Cometen von 1678 mit dem de Vico'schen Cometen 1844 (1) wiederum aufgehoben. Dass bei der Unsicherheit mehrerer Bahnen die genannte Zählung nur von untergeordnetem Werthe ist, bedarf keiner näheren Erörterung.

Breslau, im Juli 1864.

Vorrede zur ersten Auflage.

Hoffentlich bedarf es wohl keiner Entschuldigung, gegenwärtige vortreffliche Schrift zum Druck befördert zu haben. Der Herausgeber hofft vielmehr den Dank aller Astronomen und Liebhaber der Sternkunde zu verdienen, ihnen eine so gründliche, nützliche und fassliche Abhandlung über die Berechnung der Cometenbahnen in die Hände geliefert zu haben, von der schon ein competenterer Richter, Herr Hofrath Kästner, geurtheilt hat, dass ihr Verfasser die vier Hauptgleichungen dieses schweren Problems in ihrer einfachsten Gestalt dargestellt habe, welches noch keiner der grossen Analysten, welche sich mit dieser Aufgabe beschäftiget haben, vor ihm geleistet. Nicht nur mit diesem Urtheil eines der ersten Geometer Deutschlands stimmt der Herausgeber überein, sondern auch als praktischer Astronom hat er sich von der Allgemeinheit. dieser neuen Methode des Herrn Leichtigkeit und Nutzbarkeit Dr. Olbers aus eigener Erfahrung mit Vergnügen überzeugt, welches nicht immer der Fall bei den oft scheinbar eleganten Methoden anderer Geometer ist. Er kann daher dreist die Versicherung geben, dass gegenwärtige Auflösungsart neu, kurz, leicht anwendbar ist, und die unverkennbaren Spuren an sich trägt, dass sie nicht nur der gründliche Analyste, sondern auch der mit allen Beobachtungs-Methoden vertraute Astronom entworfen habe, welcher nicht blos den Faden der Analyse allein verfolgt, unbekümmert, in welches Labyrinth von Rechnungen er den Astronomen führt, und ohne den Werth und die Gränzen fehlerhafter Beobachtungen praktisch zu kennen und ihren Einfluss zu würdigen, welchen sie mehr oder weniger auf Rechnungs-Resultate haben können. Der Herausgeber bedarf jedoch für sich nicht nur einer Anzeige, wie er zur Herausgabe gegenwärtiger Schrift gekommen ist, sondern auch einer ausführlichen Rechtfertigung, dass er es sich angemaasst habe, solche mit einer Vorrede und einigen Zusätzen zu begleiten, ohne von dem verchrungswürdigen Herrn Verfasser hierzu aufgefordert worden zu sein.

Da ich schon lange das Glück habe, mit Herrn Dr. Olbers in Bremen in literarischer Verbindung zu stehen, und mich der Ehre und des Vortheils seines interessanten und lehrreichen Briefwechsels zu erfreuen habe, hatte er die Güte, mir bei Gelegenheit der Berechnung seines von ihm entdeckten Cometen vom vorigen Jahre zu melden, dass er auf eine neue und viel leichtere Methode, die Bahn eines Cometen zu bestimmen, gekommen sei, als die de la Place'sche, welche ich ihm angerühmt hatte und der ich mich gewöhnlich vorzugsweise bisher bediente. Er schrieb mir, dass er nun damit beschäftigt sei, hierüber eine eigene Abhandlung zu schreiben. *)

In den Göttingischen Anzeigen von gelehrten Sachen erschien in dem 11. St. vom 21. Januar d. J. eine Anzeige von dieser Abhandlung, welche Herr Dr. Olbers der Königl. Societät der Wissenschaften in der Handschrift vorgelegt hat, und da von dem Herrn Hofrath Kästner ein sehr vollständiger und lichtvoller Auszug daraus gemacht worden, so lernte ich aus demselben wenigstens den Geist dieser Methode kennen und schätzen; dies machte mich nur um so begieriger, den Herrn Verfasser um eine gütige Mittheilung seiner Abhandlung zu ersuchen, da solche doch etwas später in den Commentarien dieser gelehrten Gesellschaft erscheinen dürfte. Mit einer Freundschaft und mit einer Bereitwilligkeit, welche ich schon mehrmalen von dem Herrn Doctor auf die zuvor-

^{*)} Berl. Astr. Jahrbuch 1799, S. 106.

kommendste Art erfahren hatte, überschickte er mir sogleich gegenwärtigen Auszug aus seiner grössern Abhandlung, da er von dieser keine vollständige Abschrift zurückbehalten hatte, und wünschte dabei über folgende drei Fragen meinen Rath und meine Meinung zu hören:

- 1) Ob er diese Abhandlung drucken lassen solle?
- 2) Wie das am besten geschehen könne?
- 3) Ob ich es besser fände, sie so, wie sie ist, herauszugeben, oder ob er die vortreffliche Barker'sche Tafel über die Parabel mit einer kurzen Erklärung anhängen solle?

Nachdem ich diese schöne Abhandlung nicht nur mit aller Aufmerksamkeit durchgelesen, sondern sogleich eine Anwendung derselben auf einen Cometen versucht hatte, welcher die Verzweiflung so vieler Astronomen ausgemacht und der Stein des Anstosses aller Berechnungs – Methoden war, davon ich besser unten sprechen werde, fand ich solche von so ausnehmender Leichtigkeit und Anwendbarkeit; sie gewährte mir eine solche überraschende Befriedigung und überzeugte mich so sehr von dem Nutzen und Gewinn, der daraus für die sonst so ermüdenden Berechnungen der Cometenbahnen erwächst, dass ich mich sogleich entschloss, von obigen drei Anfragen, deren Entscheidung der Herr Verfasser meinem Rathe zu überlassen, das Vertrauen hatte, den ausgedehntesten Gebrauch zu machen, wozu ich noch durch folgende hinzugekommene Umstände nothgedrungen ward.

Bekanntlich sind Verleger zu mathematischen und astronomischen Werken in dem Verhältnisse schwer zu erhalten, je gründlicher und gelehrter die Schriften sind, die ihnen zum Verlage angeboten werden. Es ist ihnen auch nicht zu verdenken; denn Verleger, welche nur merkantilisch und auf Renner spekuliren, finden ihre Rechnung besser bei einem schalen Roman, als mit den Schriften eines Euler, La Grange, La Place, Kästner, Hindenburg, Klügel, Hennert u. s. w. Solcher Anstalten, wie die englische und französische Nation, hat sich die deutsche (vielleicht eben deswegen, weil sie noch keine Nation ausmacht) nicht zu erfreuen, es giebt da noch keine Clarendon Press, keine Boards of Longitude, keine Imprimeries Royales oder Nationales, in

welchen gelehrte und nützliche Werke, welche kein Privatmann wohl unterstützen kann, auf Kosten des Staats gedruckt werden, und Herzoge von Marlborough, welche deutsche Arbeit, auf deutschem Boden erzeugt, in Deutschland drucken lassen, giebt es wohl in England, aber nicht — in Deutschland.

Einem gewöhnlichen Verleger durfte ich demnach Herrn Dr. Olbers Schrift nicht anbieten; ich wandte mich daher an einen meiner gelehrten Freunde, den Herrn Legationsrath Bertuch in Weimar, welcher eine Buchhandlung zur Unterstützung der Wissenschaften, nicht der Druckerpressen, errichtet hat, und von welchem ich schon mehrere Beweise einer edlen und höheren Denkungsart erfahren hatte und bald mehr von einer ähnlichen, noch grösseren Unternehmung zu sprechen Gelegenheit haben werde.

Der Herr Legationsrath übernahm demnach den Verlag dieses Werks mit der grössten Bereitwilligkeit, auf die blosse Versicherung, dass den Wissenschaften durch dessen Erscheinen ein Dienst geschehe; er überraschte mich zugleich mit der ihm eigenen mir unerwarteten Thätigkeit, indem er das Werk sogleich dem Druck übergeben, es noch zur bevorstehenden Ostermesse liefern und dessen Vollendung möglich machen wollte. Auf meine Bitte hatte er die Gefälligkeit, es hier in Gotha unter meinen Augen drucken zu lassen, wodurch es allein geschehen konnte, dass es, wie ich mir schmeichle, nicht nur correct gedruckt, sondern auch nicht die geringste Spur dieser Eilfertigkeit an sich tragen soll, obgleich das Werk ein halb Alphabet stark ist und ein Kupfer hat. Dieses konnte nur dadurch bewirkt werden, dass 2 Setzer daran gearbeitet, und Herr Dr. Burckhardt nicht nur in der mühsamen Correctur desselben mich unterstützte, sondern auch der Sicherheit wegen alle darin vorkommende Formeln auf's neue durchgerechnet und an der Verfertigung der angehängten Cometentafeln den grössten Antheil genommen hat, wofür ich diesem Gelehrten, der mich seit einem Jahr in meinen übrigen astronomischen Arbeiten und bei der Verfertigung meines grossen Stern-Verzeichnisses mit einem ausserordentlichen Fleiss und mit grosser Geschicklichkeit unterstützt, hiermit öffentlich meinen Dank erstatte.

Da bei so bewandten Umständen die Zeit, zumalen wegen der Langsamkeit des niedersächsischen Postcourses, viel zu kurz war, um des Herrn Verfassers letzte Einwilligung erst einzuholen, die überschickte Abhandlung keine Vorrede hatte, der Herr Verleger eine hierzu wünschte, ich mir auch eigenmächtig einige Zusätze und Zugaben erlaubt habe, so fand ich mich genöthigt, da ich die erwünschte Gelegenheit, dieses vortreffliche Werk sobald als möglich bekannt zu machen, nicht versäumen wollte, die Rolle eines unberufenen Herausgebers zu übernehmen, und hier sowohl dem Herrn Verfasser als auch dem astronomischen Publicum Rechenschaft von meiner genommenen Freiheit abzulegen, in der sichern Hoffnung, dass man meinen wahren Eifer für die Wissenschaft hierin nicht verkennen und mir diese Anmaassung in Rücksicht der Wichtigkeit dieser Schrift zu gute halten wird, da man blos dieser Veranlassung ihre so baldige Erscheinung, womit ich jedoch allen Astrounfehlbar einen angenehmen Dienst zu erweisen mir schmeichle, zu verdanken hat.

Es werden sich gewiss viele aufmerksame Leser der gegenwärtigen Abhandlung mit dem Herausgeber wundern, dass so viele grosse und scharfsinnige Geometer, welche sich mit diesem berühmten und schweren Problem so oft und so vielfältig beschäftigt haben, nicht längst auf die einfache, schöne, glückliche Idee, worauf sich hauptsächlich die leichte und kurze Berechnungs-Methode unseres Herrn Verfassers gründet, gekommen sind. Schon Newton und Lambert machten bei drei einer Rechnung zum Grunde gelegten Beobachtungen eines Cometen von kurzen Zwischenzeiten die der Wahrheit sehr nahe Voraussetzung, der mittlere radius vector theile die Sehne der Cometenbahn von der ersten bis zur letzten Beobachtung im Verhältnisse der Zeiten: dass man aber so etwas auch bei den drei Stellen der Erde in ihrer Bahn mit eben dem Vortheil voraussetzen könne, dieser glückliche Gedanke war Herrn Dr. Olbers vorbehalten. Wie er diese fruchtbringende Idee benutzt und eben so scharfsinnig ausgeführt hat, muss man in der Abhandlung selbst nachlesen.

Damit der Herausgeber sein Urtheil nicht ohne nähere Prüfung

niedergeschrieben zu haben scheine, so kann und will er solches hier durch seine eigene gemachte Erfahrung begründen, und da diese unternommene Untersuchung nicht wenig dazu beitragen kann, diese Berechnungs-Methode in das verdiente Licht zu stellen, so wird es ihm vergönnt sein, um nicht ganz den Namen eines müssigen Herausgebers zu verdienen, hierüber einen näheren Aufschluss zu geben.

Obgleich die parabolische Bahn des Cometen, welcher im Jahr 1779 erschien, von mehreren Astronomen durch indirecte Methoden ohne Anstoss ist bestimmt worden, und weder Herr Pingré in seiner Cométographie, noch Herr de la Lande in der neuesten Ausgabe seiner Astronomie etwas von der Sonderbarkeit dieses Cometen erwähnen, so hat derselbe dennoch vielen anderen Astronomen, welche sich zur Berechnung seiner Bahn anderer Methoden bedient haben, nicht nur unübersteigliche Schwierigkeiten dargeboten, sondern sie auf ganz besondere Eigenheiten und unerwartete Resultate geführt. Herr Oriani in Mailand berechnete nach der Enler'schen Methode (Recherches et calculs sur la vraie orbite elliptique de la Comète de l'au 1769, p. 35) die Bahn dieses Cometen, allein er konnte nach unsäglicher Mühe und nach vielmals wiederholten Rechnungen, welche seine ganze Geduld erschöpften, durchaus und auf keine Weise Elemente herausbringen, welche mit jenen, die er jedoch durch die Lambert'sche Construction ziemlich genau und ohne Anstoss erhalten hatte, auch nur auf die entfernteste Art übereinstimmten. Er berechnete den Cometen daher in einer Ellipse; allein statt diese zu erhalten, erhielt er eine Excentricität, welche grösser als die halbe Axe der Bahn war und wurde solchergestalt auf eine hyperbolische Bahn geführt. *)

Herrn Professor Prosperin in Upsala erging es nicht besser: er erhielt nicht nur eine ähnliche hyperbolische Cometenbahn, sondern er brachte noch drei andere elliptische Orbiten heraus, in deren einer die Umlaufszeit des Cometen 1160 Jahre, in der zweiten 19009 Jahre, und in der dritten unendlich war, und doch stellte

^{*)} Ephem. astron. Mediolan. ad A. 1782, p. 160 sq.

jede derselben, sowie die hyperbolische Bahn, die ganze Reihe der viermonatlichen Beobachtungen dieses Cometen, so gut, als man nur immer erwarten konnte, dar!*)

Herr von Paccassi wandte die Boscovich'sche Methode **) und Herr Schulze ***) seine eigene (eigentlich die Lambert'sche Construction in Formeln gebracht) auf diesen Cometen an; beide brachten von den wahren höchst verschiedene Elemente heraus. Ich selbst habe im Jahr 1783 in Paris unter den Augen des Herrn de la Place seine eben damals erschienene Methode auf diesen Cometen angewandt, und habe, wie ich schon in dem Berliner astronomischen Jahrbuche 1788, S. 151 geäussert hatte, die dadurch gefundenen Elemente der Bahn nur mit vieler Mühe den schon bekannten wahren näher bringen können.

Welch einen grösseren und schärferen Probirstein könnte man demnach für Herr Dr. Olbers Methode als eben diesen Cometen wählen? welcher die Qual so vieler Berechner und die Klippe so vieler Methoden war, welche daran gescheitert sind. Ich berechnete also diesen sonderbaren und schwierigen Weltkörper nach unsers Herrn Verfassers Auflösungsart und wählte hierzu folgende drei Pariser Beobachtungen des Herrn Messier:

		Mittlere Zeit.	geoc. Länge d. Com.	geocentr. Breite.
1779,	26. Febr.	26,5658101	2220 13/ 1//	490 5/ 57/
	4. März	32,4337267	213 14 24	44 45 43
	10. März	38,4001273	205 23 40	39 48 20

Mit Zuziehung der zustimmenden Längen der Sonne und der Abstände von der Erde aus meinen Sonnentafeln, erhielt ich ohne Mühe und durch eine sehr leichte Rechnung in Zeit von einer Stunde folgende drei Gleichungen und Werthe für ϱ , ϱ''' , r', r''', und k''.

^{*)} Neue Abhandl, der K. Schwedischen Akad, d. W., VI. Band S. 263 ff. der dentschen Übersetzung.

^{°°)} Scherffer Instit. Astr. theor., p. 226. L. Enter's Theorie der Planeten und Cometen, übersetzt von Herrn von Paccassi. Wien 1781, S. 170.

^{***)} Nouv. Mém. de l'Acad, de Prusse 1782, p. 192.

 $r'^{2} = +0.9824023 + 0.8736297 \varrho' + 2.332634 \varrho'^{2}$ $r'''^{2} = +0.988609 + 2.118688 \varrho' + 2.880413 \varrho'^{2}$ $k''^{2} = +0.0418773 + 0.0068447 \varrho' + 0.208501 \varrho'^{2}$

woraus ferner

e' = 0.3085758 e''' = 0.4023238 r'' = 1.124123 r''' = 1.384433 k'' = 0.2526712, und sofort nachstehende erste genäherte Elemente der Bahn:

Länge des Knotens . . . 0° 29° 53′ 37″

Neigung der Bahn . . . 26 38 22

Länge des Periheliums . 2 28 31 35

Abstand des Periheliums 0.70729

Zeit des Durchgangs durch's Perihel 6,2813 Jan. 1779.

Wie sehr diese gefundenen Bestimmungsstücke der Bahn, ohne alle übrige Verbesserungen und ohne Rücksicht auf den nicht immer mit aller Sicherheit zu erhaltenden Werth von M (§. 62), welchen der Herr Verfasser selbst zu verbessern lehrt, den schon bekannten wahren Elementen sich nähern, wird man beim Vergleich dann erst recht zu bewundern Ursache haben, wenn man bedenkt, dass Herr Oriani nach der Euler'schen Methode aus der vorläufig gefundenen Länge des Knotens und Neigung der Bahn den Abstand, die Zeit und die Länge des Periheliums auf keine nur einigermassen erträgliche Art hat ausmitteln können, obgleich er sich nicht hat verdriessen lassen, zwanzig verschiedene Hypothesen zu berechnen. Vergleicht man ferner, was Herrn von Paccassi's und Herrn Schulze's scharf geführte Rechnungen, Herrn Prosperin's Ellipsen, Herrn Bode's Construction *) für ungleich grössere Unterschiede und Verschiedenheiten für die Elemente dieses Cometen angegeben haben, so wird man noch mehr Gelegenheit haben zu bemerken, welcher Vorzug der Methode des Herrn Dr. Olbers vor allen andern eingeräumt werden müsse, wie leicht, kurz und bequem sich dieselbe auch in den schwierigsten und verwickeltsten Fällen mit dem glücklichsten Erfolg anwenden lasse. Dass nun diese, durch die erste und schnelle Annäherung beiläufig

^{*)} Berliner astronomisches Jahrbuch 1782, S. 15.

gefundenen Elemente noch ferner durch die von unserem Herrn Verfasser selbst angezeigte Art verbessert und der ganzen Reihe von Beobachtungen des Cometen angepasst werden können, versteht sich von selbst; uns genügt es hier gezeigt zu haben, wie weit diese erste Annäherung in einem so ausserordentlichen Falle zu gehen vermochte, da wo andere Methoden gar nichts herausbrachten und wo manche bei mit aller Schärfe geführten Rechnungen nicht das leisteten, was unsers Herrn Verfassers vorläufige Approximation viel besser, leichter und sicherer gewährte. Worin übrigens die Ursache der so schwierigen Anwendung so vieler Berechnungs-Methoden auf diesen Cometen liegt, gehört nicht hierher, verdiente aber wohl eine eigene Untersuchung und Erörterung.

Bei dieser Gelegenheit wollen wir unsere Leser auf einen andern wichtigen Umstand wiederholt aufmerksam machen, welcher dem Scharfsinne unseres Herrn Verfassers nicht entgangen ist und welchen er in seiner Abhandlung S. 53, S. 63, aber nur zu leise, berührt hat. Dass fehlerhafte Beobachtungen eines Cometen auf die daraus hergeleiteten Elemente seiner Bahn einen Einfluss haben können und müssen, ist für sich klar, und ihre mehr und weniger namhaften Folgen sind allerdings in Erwägung gezogen worden; weniger ernsthaft hat man die Einwirkungen der hierzu gebrauchten fehlerhaften Längen der Sonne bedacht und gewürdigt. Der Herr Verfasser macht daher mit Recht darauf aufmerksam und sagt, dass ein Fehler von 10 Secunden in der Länge der Sonne, unter gewissen Umständen, grössere Folgen haben könne, als ein Fehler von einer oder gar mehreren Minuten in der beobachteten Länge und Breite des Cometen hervorbringen kann. Pingré hat in dem II. Theile seiner Cométographie S. 86 schon einen Fall angeführt, wo ein Irrthum von 10 Sec. in dem Orte der Sonne einen von 15 Minuten auf die geocentrische Länge des Cometen verursacht hat; allein dieser Fehler kann sogar einen halben Grad und auch noch mehr betragen, wenn die Astronomen noch überdies, wie Einige zu thun pflegen, die Correction von 20 Sec. für die beständige Abirrung des Lichts vernachlässigen. Ich habe mir es daher schon vor langer Zeit zur Vorschrift gemacht, bei allen mei-

nen Planeten-Beobachtungen, oder wo ich sonst noch den Ort der Sonne nöthig habe, denselben allemal unmittelbar aus der Beobachtung selbst herzuholen, oder wenigstens um die Zeit solcher Beobmittlern Fehler der Sonnentafel zu bestimmen. achtungen den Freilich haben nicht alle Astronomen dieses zu thun die Macht und Gelegenheit, welches nur auf wohl bestellten, mit fixen und vorzüglich mit grossen und guten Mittagsfernröhren versehenen Sternwarten möglich wird; diese müssen sich daher auf die besten Sonnentafeln verlassen; dass aber die allerneuesten derselben des Herrn de Lambre, des Herrn Triesnecker*) und die meinigen. diesen Grad von Genauigkeit bis auf 10 Sec. noch nicht erlangt haben, zeigen theils die Vergleichungen, welche ich in meinen Sonnentafeln (p. CXXIX) mit 314 Greenwicher Sonnenbeobachtungen vom Jahr 1775 bis 1784 angestellt habe, theils meine fortgesetzten eigenen Sonnenbeobachtungen, welche ich von Zeit zu Zeit mit meinen Tafeln vergleiche; und ich muss hier offenherzig und der Wahrheit zur Steuer bekennen, dass ich durch meine auf das sorgfältigste angestellten Beobachtungen der Länge der Sonne, (welche Art Beobachtungen meines Wissens sonst nirgends als in Greenwich und Gotha gemacht werden,) im Februar dieses 1797ten Jahres gefunden habe, dass unsere besten Sonnentafeln bisweilen noch um 15 bis 17 Sec. von dem Himmel und der Wahrheit abweichen können, Im Aug. 1796, wo ich die Sonnenlängen zur Beobachtung und Berechnung der untern Zusammenkunft der Venus mit der Sonne nöthig hatte, fand ich zwar den Fehler meiner Sonnentafeln nur zwischen 3 und 4 Sec.; als ich aber zum Gegenschein des Uranus im Februar und zur Quadratur des Saturns im März dieses gegenwärtigen Jahres die Örter der Sonne gleichfalls nöthig hatte, so erhielt ich, mehrere Tage fortgesetzt, den mittlern Fehler meiner Sonnentaf. — 17", für jene des Herrn de Lambre — 15" und für Herrn Triesnecker seine gar eine halbe Min. oder richtiger 28 Sec. Dass hiervon hauptsächlich die Störungsgleichung der Venus Ursache sei, werde ich an einem anderen Orte zeigen. Es genügt

^{*)} Ephem, astron. Vienn. ad Ann. 1793, S. 401 sq.

mir, hier angezeigt zu haben, dass die Gränzen der Irrthümer, welche aus dieser Quelle entspringen können, auch bei dem allerneuesten Zustande der Sternkunde bei weitem grösser sind, als man vermuthen sollte, und daher die doppelte Aufmerksamkeit und Bemühung der Geometer und Astronomen verdienen.

Es liegt mir noch ob., von den Zusätzen eine Erwähnung zu machen, welche ich in dem Lauf der Abhandlung selbst gemacht habe. Deren sind nur zwei: Der erste (S. 55) betrifft die de la Place'sche Verbesserungsmethode der beiläufig bekannten Elemente einer Cometenbahu. Herr Dr. Olbers wollte sich bei einer weitläufigen Auseinandersetzung derselben nicht aufhalten, da sie sowohl Herr de la Place selbst in den Memoiren der Pariser Academie 1780. p. 80 und nach ihm Herr Pingré im 2ten Theile seiner Cométographie S. 368 umständlich auseinandergesetzt haben. Da aber diese kostbaren ausländischen Werke in Deutschland doch nicht in Jedermanns Händen sind, auch sonst, meines Wissens, nirgends bekannt σemacht worden, und unser Herr Verfasser dieselbe in gewissen Fällen selbst anräth: so habe ich aus diesem und noch aus dem zweiten Grunde, weil der Herr Doctor alle übrigen bequemern Verbesserungsarten beibringt, erklärt und erläutert, wodurch man diese Correctionsarten sämmtlich beisammen erhält, keine undankbare Mühe zu übernehmen geglaubt, hier die de la Place'sche Methode in dieselben Buchstaben, deren sich unser Herr Verfasser in seiner Abhandlung bedient, übersetzt mitzutheilen, welches um so füglicher geschehen konnte, da sich die vollständige Darstellung der ganzen Rechnung ohne Figur und ohne der Deutlichkeit zu schaden, in eine gedrängte Kürze zusammenziehen liess und zugleich eine Gelegenheit an die Hand gab, die Rechner bei ähnlichen Calculs, wo die zu machenden verschiedenen Hypothesen eine öftere Wiederholung derselben nöthig machen, auf den Vortheil constanter Logarithmen aufmerksam zu machen.

Der zweite Zusatz (S. 60) betrifft eine Interpolationsmethode, deren weder Herr de la Place, noch Pingré, in oben angezeigten Werken gedenken, sondern die vom Ersten als ein Zusatz in seinem seltenen Werke Théorie du mouvement et de la figure elliptique des Planétes, Paris 1784, p. 51 u. 52 gegeben worden und wovon, auf Kosten des durch seine Verdienste um die Sternkunde und durch sein hartes Schicksal in den Herzen aller Astronomen verewigten Parlamentspräsidenten Bochart de Saron, nur wenige Exemplare gedruckt und an Freunde und berühmte Gelehrte vertheilt worden. Es giebt nämlich Fälle, wo man bei diesen Verbesserungsmethoden, um die wahren Correctionsfactoren zu finden, mit den ersten Differenzen nicht ausreicht und daher seine Zuflucht zu den zweiten nehmen muss. Dies ereignet sich allemal, so oft die Glieder, die von den zweiten Differenzen abhangen, von derselben Ordnung werden wie jene, welche von den ersten Differenzen kommen. Dieser Fall tritt z. B. ein, wenn in einer der gewählten Beobachtungen der radius vector des Cometen senkrecht auf die Gesichtslinie trifft, welche aus der Erde nach dem Cometen gezogen wird. Da nun diese Interpolationsart auch bei andern Verbesserungsmethoden, als der de la Place'schen und bei allen Interpolationen mit zweiten Differenzen überhaupt anwendbar und hier die Formeln für den Fall der einfachen und doppelten Variationen schon eingerichtet sind: so glaubte ich, obgleich sie an sich weder neu noch den Analysten unbekannt sind, dennoch durch ihre Hersetzung den Liebhabern einen Gefallen zu erweisen, damit sie auch diese hier sogleich zur Hand finden und im Erforderungsfalle derselben sich bedienen können.

Aus demselben Grunde und in der sichern Erwartung, dass sich in Zukunft nicht nur Astronomen von Profession der leichteren Methode unseres Herrn Verfassers vorzugsweise bedienen werden, sondern da dieselbe und ihre Anwendung so lichtvoll, fasslich und populär vorgetragen ist, auch viele Liebhaber der Sternkunde aufmuntern und wecken dürfte, sich an die sonst schwere Berechnung der Cometenbahnen zu wagen, wodurch den astronomischen Wissenschaften nicht nur mehrere Mitarbeiter, sondern auch gründlichere Liebhaber gewonnen würden, und der Herausgeber, ohne einen Widerspruch zu befürchten, wahrhaft versichern kann, dass er kein Werk dieser Art kenne, welches dieses zu befördern so sehr geeignet wäre, als gegenwärtige Schrift, so hat er in diesem Anbetracht

auch alles dasjenige beizubringen gesucht, wodurch jedem Liebhaber diese Arbeit erleichtert und er in den Stand gesetzt wird, mit diesem Werk allein, wenn er nur noch logarithmische-trigonometrische Tafeln *) und etwa die Berliner astronomischen Jahrbücher zur Hand hat, die Bahn eines jeden Cometen nach der deutlichen und bestimmten Anweisung des Herrn Verfassers berechnen zu können. Anfänger können daher erst die in dem Werke selbst gegebenen Beispiele nachrechnen, zur ferneren Übung schon berechnete Bahnen vornehmen, ihre gefundenen Resultate mit den bekannten vergleichen und sodann ihre geübten und erlangten Kräfte auf neu entdeckte oder noch zu bestimmende Cometen anwenden, und so die noch sparsame Zahl der Cometenberechner vermehren und sich dadurch ein erhabenes Vergnügen verschaffen, von dessen reinem Genuss der Uneingeweihte sich weder einen deutlichen Begriff machen, noch ihn auf die allerentfernteste Art ahnen kann.

Um so lieber habe ich daher die Idee des Herrn Verfassers aufgefasst, die bequeme Barker'sche Cometentafel hier in einem Abdruck zu liefern, da sie nicht nur in Frankreich und Deutschland unbekannt und nirgends, ausser England, im Druck erschienen ist und ich schon längst wegen ihrer vorzüglichen Brauchbarkeit das Vorhaben hatte, sie bekannt zu machen, und zu dieser Absicht von einer Person, welche zu nennen die Ehrerbietung mir verbietet, habe ganz neu und auf mehrere Decimalstellen, als die Barker'sche Tafel hat, berechmen lassen. Erwünscht kam mir also diese Gelegenheit, wodurch nicht nur ein neuer Abdruck der so oft und in mehreren Büchern anzutreffenden gewöhnlichen parabolischen Cometentafel erspart, sondern den Astronomen eine ganz neue und berichtigte Tafel in die Hände gegeben wird, womit sie die wahren Anomalien in einer Parabel viel leichter und schärfer berechnen

^{*)} Hierzu empfehlen wir vorzüglich die zweite, verbesserte, vermehrte und gänzlich umgearbeitete Auflage der log.-trigonometrischen Tafeln des K. K. Herrn Obristwachtmeisters v. Vega, welche diese Messe in der Weidmann'schen Buchhandlung in 2 Bänden gr. 8. erschienen sind und sich durch ihre Correctheit, zweckmässige Einrichtung und Wohlfeilheit vor allen andern auszeichnen.

können. Es hat zwar der englische Baronet Sir Henry Englefield dieselbe Barker'sche Cometentafel in seinem i. J. 1793 in London erschienenen Werke: On the Determination of the Orbits of Comets *) abdrucken lassen, allein da dieses in Quart splendid gedruckte Werk: welches zwar für Engländer, welche sich um ausländische Gelehrsamkeit weniger bekümmern, seinen guten Nutzen haben mag, für den deutschen Leser nichts Neues, was ihnen nicht schon bekannt wäre, enthält, so ist dieses Werk in Deutschland nicht sehr, und selbst Herrn Dr. Olbers nicht bekannt worden: übrigens ist die darin enthaltene Barker'sche Tafel ohne Revision oder Anzeige von Druckfehlern ganz so, wie sie in dessen Account etc. stehet, abgedruckt worden. **) Da man bei Berechnung der Cometenbahnen die gegebenen mittlern Zeiten der Beobachtungen viel beguemer in Decimaltheile eines Tages ausdrückt, so sind dieser Tafel einige andere vorangeschickt worden, welche dazu dienen, die Stunden, Minuten und Secunden in solche Decimaltheile zu verwandeln.

Zu gleicher Zeit habe ich noch eine andere neue, noch nie durch den Druck bekannt gemachte Cometentafel beigefügt, um die in einer Parabel berechnete Anomalie sogleich auf jene einer gegebenen, sehr excentrischen Ellipse zu berechnen. Herr de 1a Place schlug ihre Berechnung in seiner *Théorie du Mouvement etc. p.* 22 schon im Jahre 1784 vor, und ich habe noch in demselben Jahr in London einen Liebhaber der Mathematik aufgemuntert, diese Tafel zu berechnen. †)

^{*)} Der vollstandige Titel dieses Werkes ist: On the determination of the orbits of comets, according to the methods of father Boseorich and Mr. de ta Ptace, with new and complete Tables, and Examples of the Calculation by both methods. By Sir Henry Englefield Bart. F. R. S. et F. A. S. London. Printed by Richie and Sammetts for Peter Elmsty in the Strand 1379. 204 Seiten ohne die Tafeln, und mit 4 Kupferplatten.

^{**)} In der Vorrede erzählt der Herr Baronet, dass er die beiden französischen Astronomen Herrn Pingré und Herrn Mechain mit Barker's Schrift bekannt gemacht, und dass besonders letzterer von den Vorzügen dieser parabolischen Cometentafel mit grossen Lobeserhebungen gesprochen habe.

^{†)} Berl. Astronomisch. Jahrb. 1788, S. 152.

Da sich aber keine Veranlassung darbot, dieselbe irgendwo schicklich als Anhang herauszugeben, auch dieses Manuscript in den Händen des Rechners in England zurückgeblieben ist; so hat dieselbe Person, welche die Barker'sche Cometentafel berechnet hat, auch diese elliptische Tafel nach der Place'schen Formel entworfen. Ich glaube den Astronomen damit um so mehr ein angenehmes Geschenk zu machen, da überhaupt Tafeln für dies zwar seltnere Bedürfniss in äusserst wenigen Sammlungen astronomischer Tabellen anzutreffen sind, und diejenigen, welche sich hier und da zerstreut finden, entweder sehr fehlerhaft, oder nicht so bequem und genau wie die unsrige eingerichtet sind. Bisher kenne ich wenigstens keine andere Tafel dieser Art, als welche Simpson in seinen Miscellaneous Tracts 1757 p. 62 gegeben, und Pingré in seiner Cométographie T. II., p. 496, Tab. III. abgedruckt hat: sie befinden sich zwar auch im Auszuge und mit einer kleinen Veränderung in De la Caille's Leçons élémentaires d'Astronomie 4me édit. Paris 1780, p. 301, allein es ist dabei zu erinnern, dass die Aufschriften derselben durchaus falsch sind, da, wo additive, subtractive, und umgekehrt, wo subtractive steht, additive gesetzt werden muss. Obgleich Simpson auf einem ganz anderen Wege eine dem Anscheine nach sehr verschiedene Formel findet, als Herr de la Place, so sind sie doch im Grunde identisch, und die durch Simpson's Formel gefundenen Corrections-Logarithmen für die parabolischen Anomalien sind ganz den de la Place'schen gleich, wenn zu letzteren nur noch der constante Logarithmus 6.1627 hinzugefügt wird. Den Grund hiervon, sowie die Vorzüge der de la Place'schen Formel, wird man bei der Erklärung der Tafeln angezeigt finden.

Die VI. Tafel begreift die Elemente aller Cometenbahnen, welche seit dem Jahr 837 n. Chr. Geb. bis auf gegenwärtige Zeit (Mai 1797) sind berechnet worden. Ich glaubte sie nothwendig hierher setzen zu müssen, damit die Berechner neuer Cometenbahnen gleich nachsehen und vergleichen können, ob ihre gefundenen Elemente mit irgend einer der schon bekannten übereinstimmen und zusammentreffen, und so auf die Identität zweier Cometen schliessen

können. Um aber auch diese Tafel nicht blos abzuschreiben und mit allen ihren Fehlern abdrucken zu lassen, so ist sie mit vieler Sorgfalt ganz neu entworfen, die Data so viel als möglich aus ihren Urquellen nachgesucht, viele Ergänzungen und Berichtigungen vorgenommen, eine ganz neue Rubrik für die Logarithmen der täglichen mittlern Bewegung eines jeden Cometen hinzugefügt und jene dadurch zu einem solchen Grade von Vollständigkeit gebracht worden, dass ich mir gewiss zu behaupten getraue, dass diese Tafel, welche man in verschiedenen astronomischen Schriften und Lehrbüchern häufig antrifft, noch nirgend mit diesem kritischen Fleisse und der Vollständigkeit wie hier vorkommt. Man findet zwar die allerneueste dieser Tafeln in des Herrn de la Lande letzten Ausgabe seiner Astronomie (1792), sie geht aber nur bis zum Jahr 1790 und enthält 78 Cometen; unsere Tafel hingegen reicht bis 1796 und begreift 87 Cometen.

Herr de la Lande führt von jedem Cometen nur die Elemente eines einzigen Berechners an, grösstentheils nur seiner Landsleute: wir haben die Bahnen aller Berechner, so viel ihrer jedesmal waren, augeführt. Dies hat seinen vielfältigen Nutzen. Erstlich erfährt man überhaupt, was und wieviel über jeden Cometen gearbeitet worden, und von wem. Zweitens gewährt es eine schnelle und augenfällige Übersicht dieser also zusammengestellten Elemente verschiedener Berechner, inwiefern die Bahn eines solchen Cometen gut und einstimmig bestimmt ist, oder nicht. Drittens, da in unserer Tafel zugleich die Methoden angezeigt sind, nach welcher jeder Berechner seine Bahn berechnet hat, so giebt dieser Vergleich eine Würdigung derselben: es zeigen sich die oft namhaften Abweichungen in einem Überblicke, man lernt Methoden dadurch näher kennen und schätzen; oder wem daran liegt, dem wird wenigstens der Fingerzeig gegeben, wo zu untersuchen ist, ob die Fehler in den zur Rechnung gebrauchten Beobachtungen, oder in den angewandten Rechnungsmethoden liegen. Herr Pingré hat zwar auch in seiner Tafel die Elemente eines und desselben Cometen von mehreren Berechnern angeführt, allein es fehlt derselben nicht nur sehr viel an ihrer Vollständigkeit, sondern es haben sich auch mehrere

Schreib - und Druckfehler darin eingeschlichen. So hat er z. B. von dem Cometen 1779 die Elemente nur von drei Berechnern: in unserer Tafel wird man solche von funfzehn verschiedenen Astronomen aufgeführt finden; die Druckfehler, welche hier und da in den ältern Tafeln sowohl, als auch in den Original-Beobachtungen selbst sich vorgefunden haben, sind nicht nur sorgfältig verbessert, sondern bei der Erklärung der Tafeln allemal angezeigt worden, damit Jedermann, der ein Exemplar eines solchen Werkes besitzt, dasselbe selbst verbessern könne. Als merkwürdiges Beispiel führe ich hier nur den Cometen von 1533 an, in dessen von Corn. Douwes berechneten Elementen Herr Dr. Olbers einen groben Schreibfehler von 1 Zeichen und 13 Grade in der Länge des Periheliums entdeckt hat. Schon Barker fand die Elemente dieses Cometen verdächtig*) und sagt, dass sie durchaus nicht auf die Beobachtungen passen. **) Sonderbar ist, dass Herr Dr. Olbers, der seine nene Methode auf einen und den andern älteren, ihm noch nicht hinreichend berechnet scheinenden Cometen angewandt hat, aus Appian's Beobachtungen eben so gut eine rechtläufige, von der Douwes'schen rückläufigen sehr verschiedene Bahn gefunden hat, welche nicht nur die Appian'schen Beobachtungen gut darstellt, sondern auch mit dem, was andere Schriftsteller von diesen Cometen melden, mehr übereinzukommen scheint. hiervon wird Herr Dr. Olbers in Herrn Bode's astronomischem Jahrb. 1800 sagen. Was ich hier anführe, ist aus den interessanten Briefen dieses verdienstvollen Gelehrten an mich. Seine verbesserten und neuen Elemente dieses Cometen wird man in der angehängten Tafel selbst finden.

Dieser Tafel sind am Ende noch Anmerkungen angehängt, und so viel als möglich waren auch die Quellen angezeigt, in welchen die Beobachtungen der Cometen selbst vorkommen. Ich hoffe dadurch denjenigen einen angenehmen Dienst zu erweisen, welche ältere zweifelhafte Cometenbahnen prüfen, bei neuern verschiedene Metho-

^{*)} An Account of the Discov. p. 13.

^{**)} Heretii Cometographia Lib. XII, p. 847.

den versuchen wollen und hierzu die Originalbeobachtungen selbst nöthig haben. Diese werden dann meistens auf die Urquellen hingewiesen, wo diese Beobachtungen anzutreffen sind, wodurch theils denjenigen, die einen grossen Büchervorrath oder grosse öffentliche Bibliotheken zu Gebote haben, vieles Nachsuchen erspart, denen aber, welche diese Vortheile nicht haben und die Bücher erst borgen oder verschreiben müssen, wenigstens das einzelne Werk namhaft gemacht wird, in welchem sie ihre Befriedigung finden werden.

Da diese Tafel mit so vieler Sorgfalt abgefasst und abgedruckt worden, so glaubte ich neben ihr auch jener des Herrn Prof. Prosperin aus Upsala einen verdienten Platz einräumen zu müssen, welche die Bestimmungsstücke bei den kleinsten Abständen der Bahnen aller bisher berechneten Cometen von der Erdbahn zeiget. Diese Tafel, aus welcher sich die Gefahr beurtheilen lässt, welche die Erde bei der Annäherung eines Cometen zu befürchten hat, *) wird wohl für manche Leser einen grossen Reiz haben; sie werden hieraus ihre Neugierde befriedigen können und die Furchtsamen den Trost und den Beruhigungsgrund finden, dass wenigstens die bisher seit dem Jahr 837 bekannten und berechneten 84 Cometen, wenn ihre Bahnen auch ohne Ordnung im Weltraume zu liegen scheinen, doch so weislich gestellt sind, dass die Erde von ihnen keinen Anstoss zu befürchten gehabt hat, oder, wenn sie wieder zurückkehren sollten, zu befürchten haben wird. Es bestätigt sich also

^{*)} Der berühmte Halley hielt eine solche Gefahr nicht für unmöglich; er sagt daher am Ende seiner Cometographie: "Cottisionem rero ret contactum tautorum corporum uc tauta ri motorum (quod quidem manifestum est minime impossibite esse) avortat Dens O. M., ne pereut funditns patcherrimns hic rerum ordo et in chaos antiquum redigatur." Lambert war der Meinung in seinen kosmologischen Briefen, dass ein solches Zusammentreffen nicht statthaben könne. Du Séjour halt die Wahrscheinlichkeit der Gefahr, welche die Erde von Cometen zu befürchten hat, soviel als ganz unmöglich, da er sie ein unendlich Kleines von der zweiten Ordnung nennt. Da wir alle Absiehten des Schöpfers in der Natur zu beurtheilen viel zu schwach sind, so lässt sich eine ganz absolute Unmöglichkeit dieses Falles zwar nicht rigoros beweisen, aber die vielen Umstände, welche hier zusammentreffen müssen, machen die Sache im höchsten Grade unwahrscheinlich.

auch hier die alte Wahrheit, je näher man des Schöpfers Werke kennen lernt, desto mehr bewundert man die weise Vorsicht dieses allmächtigen Baumeisters in der Anordnung dieses grossen Weltalls und in den unter so vielen Weltkörpern nach so einfachen Gesetzen doch so weislich vertheilten Anlagen, dass sich nichts verwirren, trennen, stossen und zerstören kann. Wer sieht, fühlt und beurtheilt diese tiefe Weisheit anschaulicher, vertrauter und inniger, als der Astronom? Und doch durfte in unsern Tagen ein deutscher Staatsmann die Verläumdung, um kein stärkeres Wort zu gebrauchen, wagen, Astronomie führe zum Atheismus.

Devotion! Daughter of Astronomy!

An underout astronomer is mad.

True; All things speak a God; but in small,

Men trace out Him; in great, He seizes man.

YOUNG'S Night-Thoughts. N. IX, v. 772 sq.

Herrn Prosperin's Tafel findet man nirgends zusammengestellt. Sie findet sich stückweise in den ältern schwedischen Abhandlungen 37. B. und in dem neuern 6tem Bande, in den Pariser Memoiren 1773, in den Wiener Ephemeriden 1776, und in den Berliner Jahrbüchern 1781 und 1799 zerstreut. Hier erhält man sie im Zusammenhange, bis auf den vorletzt erschienenen Cometen.

Schliesslich zeige ich hier noch an, dass mir Herr Prof. Hennert aus Utrecht ohnlängst einen neuen Versuch, die Laufbahn der
Cometen zu berechnen, zugeschickt hat. Diesen habe ich Hoffnung,
nebst einer neuen Abhandlung über die Strahlenbrechung, und der
ganz umgearbeiteten Petersburger Preisschrift dieses Geometers:
Dissertatio de perturbatione motus diurni terrae ab Acad. St. Petropolit. praemio ornata Petrop. 1787, 4., in einem Bande herauszugeben, welcher den zweiten Theil seiner Dissertations de Physique et
de Mathématique ausmachen soll. Der Abdruck dieser Preisschrift,
obgleich solche im Jahr 1787 erschienen, ist sogar ihrem Verfasser
selbst noch nicht zu Gesichte und in keinen Buchhandel gekommen,
daher sie auch Herrn de la Lande bei der letzten Ausgabe seiner
Astronomie Art. 949 unbekannt geblieben ist. Diese Abhandlung
habe ich mir erst von dem Herrn Ritter und beständigen Sekretär

der kaiserl. Akademie Albert Euler aus Petersburg erbitten müssen. Sie ist, nach dem eigenen Geständniss ihres Verfassers, die beste Arbeit, welche aus seiner Feder geflossen ist; sie wird von ihrem Verfasser nach den neuesten Datis in französischer Sprache ganz umgearbeitet und den schönsten und wichtigsten Beitrag zu diesem zweiten Bande ausmachen.

Auf die im Eingang dieser Vorrede angezeigten Umstände, dass nämlich in Zeit von drei Wochen dieses Werk gedruckt und auf die Messe geliefert werden musste, hoffe ich, werden billige Richter Rücksicht nehmen, wenn, wider alles Verhoffen, noch einige Druckfehler sollten stehen geblieben sein. Vermisst man übrigens in dem Vortrag dieser Vorrede und in der Erklärung der Tafeln die nöthige Correctheit, welche ohnehin bei mathematischen Werken, wo man nur auf Deutlichkeit und Verständlichkeit sieht, minder bedeutend ist, so wird man um so mehr hier auf Nachsicht rechnen können, da der Herausgeber nicht allein kein geborner Deutscher, sondern auch bei der grossen Eilfertigkeit den Vortheil der Musse und der mehrmaligen Umarbeitung entbehren musste.

Sternwarte auf Seeberg bei Gotha, den 16. Mai 1797.

F. v. Zach.

Vorrede zur zweiten Auflage.

Die gegenwärtige Abhandlung von Olbers, deren zweite Auflage, auf den Wunsch des Herrn Verlegers, ich zu besorgen übernommen habe, ist mir immer als eine in der Geschichte der Astronomie Epoche machende erschienen. Wenn früher, wie man aus Lalande's Astronomie sieht, die Astronomen gewohnt waren, bei der Lösung der Probleme in der Regel ganz ausschliesslich von geometrischen Betrachtungen auszugehen, und daran die Vorschriften zur Ausführung der Rechnungen anzuknüpfen; wenn die analytische Behandlung der Aufgaben, in ähnlicher Weise ausschliesslich ohne Zuziehung der Construction, wie sie von La Grange und La Place begonnen war, ebendeshalb wenig Eingang gefunden hatte, weil die Anschaulichkeit der gebrauchten Hülfsgrössen dabei ganz fehlte, so gab die Behandlung des hier berührten Problems von Olbers das erste Beispiel einer so geschickten Verbindung beider Wege, dass die eben durch diese Verbindung erhaltene Leichtigkeit der Berechnung ihr sogleich Eingang verschaffte und in der That auch späterhin keine irgend wesentliche Verbesserungen nöthig machte. Nimmt man dazu die ungemein ansprechende und mit wenig Worten immer auf den eigentlichen Nerv der Sache eingehende Kritik der früheren weniger zweckmässigen Lösungen desselben Problems, die ebendeshalb weit belehrender ist, als wenn blos in Formeln der Vorzug oder

Nachtheil nachgewiesen wäre, so kann Keiner der sich ernsthaft mit Astronomie beschäftigt, diese Abhandlung ungelesen lassen und wird bei genauerem Durchgehen sich immer von Neuem zu anzichenden Betrachtungen angeregt fühlen. Wenn hauptsächlich durch Gauss und Bessel diese Art der Behandlung und die daraus hervorgehende Zweckmässigkeit der Anlage zur Berechnung jetzt allgemein geworden ist, so findet doch auch hier, wie in anderen Wissenschaften, der Fall Statt, dass gerade das Studium des Anfanges einer neuen Behandlung für den Lernenden fast noch fruchtbringender ist, als die Erforschung der ganz vollendeten Form, weil es am besten anleitet neue Wege einzuschlagen.

Es war keinesweges die Absicht, die neue Ausgabe zu einem vollständigen Inbegriff alles Dessen zu machen, was über das Cometen-Problem oder selbst nur über die Art der Behandlung, wie sie bier zuerst gelehrt wurde, sei es nun für die Bequemlichkeit der Rechnung oder für einzelne Ausnahmefälle von verschiedenen Astronomen geschrieben worden ist, und was allerdings in vielen Fällen als eine werthvolle Zugabe hätte erscheinen können. würde nämlich zu sehr die Individualität des Herausgebers hervorgetreten sein, da gerade in einem solchen Falle wie hier, wo die eigentliche Grundlage von Olbers unverändert geblieben ist, die Ansicht, ob die eine oder die andere kleine Änderung als wirkliche Verbesserung zu betrachten sei, eine Sache der Gewöhnung ist. Vielmehr war es der eigentliche Zweck bei der nöthig gewordenen zweiten Auflage, das Andenken von Olbers auf eine würdige Art zu ehren, durch eine anständige Ausstattung des einzigen selbstständigen Buches, was er bekannt gemacht, und eine Vervollständigung der Zugaben, die er selbst ausgewählt hatte.

Olbers's Namen ist dem grösseren astronomischen Publicum durch die Entdeckung zweier Planeten und mehrerer Cometen, sowie durch einige seiner Abhandlungen bekannt, welche auf eine höchst geistreiche Weise astronomische Fragen berühren, die von allgemeinerem Interesse sind. Die Astronomen der Mit- und Nachwelt werden in den zahlreichen gründlichen und eleganten Abhandlungen über die verschiedenartigsten und zum Theil die schwierigsten,

mehrfach behandelten Probleme, welche aus seiner Feder bis in den letzten Jahren seines Lebens hervorgegangen, den reichhaltigsten Stoff zum Nachdenken und zur Verehrung finden. Denen aber, welche das Glück hatten seine persönliche Bekanntschaft zu machen, oder auch nur im Briefwechsel mit ihm zu stehen, wird er, auch abgesehen von den eben erwähnten grossen Verdiensten, durch seine Einwirkung auf sie selbst und überhaupt auf seine Zeit für immer unvergesslich bleiben, und die Stelle, welche er in ihrem Andenken einnimmt, durch einen Andern schwerlich je ersetzt werden können.*)

Vieles vereinigte sich in Olbers, um seinem Umgange für Jeden, den Gelehrten selbst vom höchsten Range sowohl, als Den, der auf bescheidenerer Stufe stehen blieb, oder seine Laufbahn eben erst begann, einen ungewöhnlichen Reiz zu geben und überdies denselben Reiz auch auf die (astronomischen denn nur von diesen ist es mir erlaubt zu reden) Kreise auszuüben, die weniger ernstlich mit den wissenschaftlichen Fragen sich beschäftigen, sondern mehr mit lebhafter Theilnahme die Erfolge begleiten. Die bewunderungswürdig scharfe Beobachtungsgabe, welche Olbers nach zwei Hauptrichtungen hin entwickelte, war verbunden mit einem ungewöhnlichen mathematischen Talente, wovon sowohl seine hier gegebene Abhandlung zeugt, als auch mehrere der späteren. Die Klarheit seiner Darstellung, hervorgegangen aus der ganz selbstständigen Entwickelung, gab zugleich dem Lesenden die angenehme Empfindung, einen eben so gründlichen, als von aller Pedanterei

^{*)} Es kann hier nicht der Ort sein, einen Abriss des reichen, für zwei Hauptwissenschaften, die Astronomie und Medicin, so fruchtbaren Lebens von Olbers zu geben, wozu mir die Materialien sowohl als das dazu erforderliche Talent fehlt. Eine sehr anziehende Schilderung desselben hat Herr Dr. G. Barkhusen in den Biographischen Skizzen verstorbener Bremischer Ärzte, Bremen 1844, unter dem bescheidenen Titel: Bruchstücke aus dem Leben von Dr. Heinrich Wilhelm Matthias Olbers, gegeben. Olbers war geboren am 11. October 1758 zu Arbergen, einem Dorfe zwei Meilen oberhalb Bremen am rechten Weserufer, wo sein Vater Prediger war. Er starb am 2. März 1840 zu Bremen, wo er ununterbrochen seinen Wohnsitz genommen hatte.

entfernten, den Ton der wahren guten Gesellschaft, ohne das Ansehen der Belehrung sich geben zu wollen, immer festhaltenden Kenner zu hören, und zog ebendeshalb junge Gemüther um so mehr Aber eben dieses mathematische Talent war bei den höheren Fragen, welche Olbers selbst zu behaudeln keine Veranlassung gehabt hatte, die Quelle des feinen mathematischen Taktes, der die Urtheile von Olbers über jeden darauf sich beziehenden Gegenstand fortwährend leitete und selbst für den Mann, der vollkommen derselben Meister war, nicht selten Ansichten berührte, die sich hin und wieder leichter bei einem generelleren, aber gründlichen Überblick entwickeln, als bei dem Eingehen in die kleinsten Einzelnheiten, wo die Mühe der Arbeit sie überschen lässt. Derselbe Takt setzte Olbers in den Stand, kein Werk auch der höchsten Art ganz ungelesen bei Seite legen zu müssen, und eben dadurch die Unterhaltung mündlich oder schriftlich, jedesmal nach den weiteren oder engeren Schranken, die angemessen waren, einrichten zu können. Frei von jeder amtlichen Verpflichtung in diesem Felde, war er eben so frei von dem leider manchmal unwillkürlich sich einschleichendem Streben, seine Autorität aufrecht halten zu müssen und seine Unsehlbarkeit fest zu gründen. Sein Ruf war auf einer zu sicheren inneren und äusseren Grundlage gegründet, um selbst durch kleine Irrthümer nicht im Mindesten erschüttert zu werden. Ja, die anziehende Art, mit der er, wie z. B. in der Untersuchung über den Fall der Körper in einem widerstehenden Mittel, einen Irrthum zuerst vertheidigt, nachher, als er überzeugt worden, dass es ein Irrthum sei, berichtigt und erklärt, ist eben so belehrend für die Einsicht in die Frage selbst, als für die Art, wie man in ähnlichen Fällen eine Irrung beseitigen soll und einzugestehen nicht scheuen darf. Allerdings aber muss bemerkt werden, dass es ein Irrthum war, der nicht aus völliger Unkenntniss entsprang, sondern ein solcher, der auch von einem Mathematiker wohl begangen werden konnte, vielleicht bei Manchem, wenn nicht die Aufklärung sich anschliesst, als eine Wahrheit angenommen würde.

Gerade diese eigenthümliche Stellung, dass Olbers durch die Gründlichkeit und den Umfang seiner Kenntnisse, sowie durch den glänzenden Frfolg seiner Arbeiten, mit den Männern von Fach auf gleicher Linie stand, während er durch seine eben so grosse Wirksamkeit als praktischer Arzt sich eine äussere Unabhängigkeit sicherte, und, wenn man den Ausdruck gebrauchen darf, in der Astronomie nur als Dilettant aufzutreten brauchte, gewährte ihm alle die grossen Vortheile, welche ein so hochbegabter Mann auf das Trefflichste zu henntzen verstand. Sie erlaubte ihm die Beschäftigungen ganz ausschliesslich zu wählen, welche seinem Geschmacke am meisten zusagten, und ebendesshalb darin die höchste Stufe zu erreichen. Hierher gehört seine vielleicht unübertroffene Kenntniss des gestirn-Himmels, von der ein grosser Kenner, der verstorbene hochgeehrte Herr Professor Harding in Göttingen, mich mehrfach versicherte dass sie unübertroffen sei, und dass in seinen besten Jahren Olbers aus der blossen Übersicht der Sterne, die irgendwo in dem Felde emes Cometensuchers sichtbar sein mochten, ohne alle entferntere oder bestimmtere Orientirung, jedesmal den Ort des Himmels, wohin der Cometensucher gerichtet sei, anzugeben sich im Stande gefühlt habe. In der That sind auch nur durch diese ganz ungewöhnliche Vertrautheit mit dem Himmel die beiden Planeten-Entdeckungen zu erklären, welche die Astronomie ihm verdankt. Ihm fehlten alle die Hülfsmittel, durch welche jetzt das Aufsuchen neuer Gestirne, wenn der Ort auch nur beiläufig bekannt ist, so ungemein erleichtert wird. Die Zahl der gut bestimmten Sterne war zu seiner Zeit ungemein klein, nicht der zehnte Theil derer, deren Ort man jetzt mit verhältnissmässig grosser Sicherheit angeben kann. Auch waren es damals nur die helleren Sterne, sowie, als natürliche Folge davon, alle damaligen Charten sehr wenige Anhaltspunkte zur Orientirung dar-Ihm stand kein Instrument zu Gebote, was, wie die jetzigen Refractoren, eine rasche und doch dabei sehr präcise Durchmusterung jeder Gegend möglich macht. Das treffliche Auge und die geübte Ortskenntniss musste diese Vortheile ersetzen, und grösstentheils gingen gerade aus den Olbers'schen Entdeckungen sowohl die späteren Entdeckungen selbst, als auch die Vervollkommnung der Hülfsmittel hervor.

Seine Privatwohnung gestattete keine Aufstellung von festen

Instrumenten, mit welchen zu seiner Zeit fast allein genaue Beobachtungen gemacht wurden. Um so grösser war sein Verdienst, dass er den Werth eines längst bekannten Hülfsmittels, des Kreismikrometers, wieder von Neuem kennen lehrte und durch die glückliche Anwendung desselben ihm eine Vervollkommnung verschafte, welche noch jetzt dem Gebrauche dieses einfachen Instrumentes in den Händen geübter Beobachter fast denselben Werth giebt, den die kostbarsten und grössten Instrumente nur haben können, besonders bei Beobachtung von Cometen. Zu seiner Zeit waren seine damit gemachten Beobachtungen bei weitem den sichersten beizuzählen, und wenn auch hierin die neuere Zeit Fortschritte gemacht hat, so verdankt sie es wiederum den Bemühungen von Olbers, auf die dabei zu nehmenden Vorsichtsmaassregeln bei der Anwendung und bei der Reduction fortwährend aufmerksam zu machen, vorzüglich aber der Vervollkommnung der Fernröhre und ihrer Aufstellung.

Dass Olbers, da er für die Theorie der Cometenbahnen einen Hauptschritt gethan hatte und in der Beobachtungsart des Ortes der Cometen ein Muster für seine Zeit aufgestellt hatte, gerade diesem Theile der Astronomie, der ganz für seine übrige Beschäftigung sich eignete, da er keine regelmässig fortlaufenden Beobachtungen erforderte und ebenso für die Localität seines Observatoriums der angemessenste war, fortdauernd seine Vorliebe zuwandte, liegt in der Natur der Sache. Die Literatur der Cometen war bei ihm am allervollständigsten vereinigt, so vollständig, dass die Erwerbung seiner Bibliothek für die Pulkowaer Sternwarte, diesem mit kaiserlicher Munificenz ausgestatteten Institute, ein wahrer Schatz geworden ist, und die Astronomen sich nur Glück wünschen können, diese in ihrer Art einzige Sammlung in den Händen der kenntnissreichen und thätigen Vorsteher dieses Institutes zu wissen. Aber Olbers begnügte sich nicht mit dem todten Besitze, sondern hatte sich die verschiedenen Notizen so angeeignet, dass er mehrere Dunkelheiten oder Irrthümer, die sich in den Bahnen der Cometen eingeschlichen hatten, auf eine überraschende Weise aufhellte und löste. Glänzendsten trat diese Kenntniss, verbunden mit der ungemeinen Anschaulichkeit, mit welcher die Bewegungen der Himmelskörper ihm

vorschwebten, bei dem Pons'schen Cometen hervor. Nicht nur fand er, als aus den Erscheinungen von 1805 und 1819 die Periodicität erwiesen war, eine vollständige frühere Bahn, die des Cometen von 1795, welche demselben Cometen angehörte, sondern auch zwei ganz unbekannt gebliebene Beobachtungen eines Cometen von 1786, welche eine auch nur genäherte Kenntniss des eigentlichen Laufes nicht gestatteten, wurden durch ihn mit völliger Entschiedenheit dem periodischen Cometen zugewiesen, und lehrten so die Wichtigkeit, jede Wahrnehmung, wenn sie nur sicher ist, selbst wenn allein aus ihr Nichts zu ziehen ist, aufzubewahren, um für spätere Beobachtungen Anhaltspunkte zu gewähren. Gewiss mit vollem Rechte hat der letzte Comet, den Olbers 1815 entdeckte, da er sich als ein periodischer erwies, den Namen seines Entdeckers erhalten.

Diese grosse Kenntniss der Literatur in allen Theilen der Astronomie war ein neuer grosser Vorzug bei Olbers, der seine Unterhaltung so belehrend und anziehend machte. Keine Schrift von irgendwelcher Bedeutung ging unbeachtet an ihm vorüber, wenn auch seine zersplitterte Zeit nicht bei Allen erlaubte, so ganz sie sich anzueignen, wie es bei seinen Lieblingsgegenständen der Fall war. Mit hohem Interesse erinnere ich mich einiger Tage im Jahre 1819, wo mir vergönnt war, die gastfreie Aufnahme in Olbers' Hause zu geniessen, zu einer Zeit, wo häusliche Unglücksfälle und körperliche Beschwerden noch nicht ihn genöthigt hatten, seine frühere Zeiteintheilung zu verlassen. Nachdem er am Tage den Genuss seiner Unterhaltung mir gegönnt, ward um 10 Uhr der Gang auf die oberen Zimmer angetreten, wo die Bibliothek und die Einrichtungen zu den Beobachtungen vereinigt waren. Hier liebte er es allein zuzubringen im Durchgehen der neuen Schriften oder der älteren Werke, oder im Ausarbeiten und Berechnen der Aufsätze und Beobachtungen und der Führung der Correspondenz, wobei ein gelegentliches Hintreten an das Fenster, das Zurhandnehmen eines Fernrohres, die Durchmusterung einer ihm interessanten Himmelsgegend den Geist erfrischte und zur Fortsetzung der Arbeiten bis zum frühen Morgen stärkte, wenn nicht besondere Wahrnehmungen den Blick dauernd auf sich zogen. Es machte mir damals den Ein-

druck, und dieser Eindruck ist noch nicht verlöscht, dass eine solche Beschäftigung, wo der hochbegabte Mann, bei der Unmöglichkeit müssig zu bleiben, in dem steten Wechsel der verschiedenen Thätigkeiten sich die nöthige Spannung bewahrt und während der Betrachtung der Gestirne die eben aufgefassten Gedanken sich selbst vielleicht unbemerkt verarbeitet, in mancher Hinsicht den Vorzug verdient vor dem strengen Binden an eine ganz bestimmte, lange anhaltende Aufmerksamkeit auf einen einzelnen Gegenstand, wie es die Beobachtung an den festen Instrumenten unausbleiblich erfordert. Nicht als ob im Entferntesten hier die Rede sein könne, die Nothwendigkeit dieser Fixirung auf das Einzelne auch nur in Zweifel ziehen zu wollen. Die Vervollkommnung der Resultate und die reichen Früchte, welche die Wissenschaft aus dieser nicht geringen Anstrengung so vieler hochverdienten Männer gezogen hat, würde eine solche Zurücksetzung unausbleiblich als ganz verwerflich nachweisen. Auch nicht, als ob es so leicht sei, sich gewissermaassen freier ergehen zu lassen und, ohne sich ganz fest zu binden, der augenblicklichen Neigung sich hinzugeben. Die grösseren, umfangreichen Arbeiten in der Astronomie, die eigentlichen Grundlagen für Mit- und Nachwelt, können allein durch solche Opfer erkauft werden, und ausserdem ist es Wenigen gegeben, bei der Zeiteintheilung, die Olbers sich gemacht hatte, das Übel eines geschäftigen Müssigganges und unzweckmässiger Zeitanwendung zu vermeiden. Aber eben deshalb sind Männer wie Olbers, die den generellen Überblick neben der Verfolgung der Einzelnheiten beizubehalten und zu vereinigen wissen, noch seltener, als Die, welche, in bestimmter Richtung auf ein festes Ziel, eine sehr lange Zeit hindurch nur durch die Aussicht auf die Gewinnung des Endresultates sich angeregt erhalten und nicht in allen Fällen der Gefahr entgehen können, den speciellen Theil, den die Gewohnheit ihnen unentbehrlich machte, zu überschätzen und sich gewissermaassen in ihm zu verlieren. In dieser Hinsicht hat Olbers' Hinscheiden eine fühlbare Lücke gelassen, und es wäre sehr zu wünschen, dass sein glänzendes Beispiel so manchen geistreichen Männern unserer Zeit bewiese, wie auch ohne die für die Wissenschaft im Allgemeinen

ganz unentbehrlichen und mit dem innigsten Danke anzuerkennenden Gewährungen grösserer kostbarer Apparate, auch solche Hülfsmittel, welche jedem wohlhabenden Privatmanne zu Gebote stehen, von dem ächten Geiste fruchtbar für die Wissenschaft im Grossen und höchst bildend für Den gemacht werden können, der sich mit Talent damit beschäftigt. Sowie die meisten Herschel'schen Entdeckungen nicht durch die kolossalen Reflectoren gemacht sind, die nur königliche Freigebigkeit ihm gewähren konnte, so sind auch die beiden Planeten, welche seit einem Jahre in unserem Sonnensystem hinzugekommen sind, durch sehr kleine Sehinstrumente gefunden, oder hätten doch eben so leicht durch solche aufgefunden werden können.

Nimmt man nun noch hinzu, dass gerade der ärztliche Beruf, das angeborne Talent von Olbers für den Umgang mit Menschen der verschiedensten Art vollständig ausgebildet hatte, so dass er ohne alle Mühe für Jeden die angemessenen Formen in Bereitschaft hatte, so kann man sich gewiss nicht wundern über den Zauber, mit dem er Jeden, der das Glück hatte ihm bekannt zu werden, fesselte. Dass er, als ächter Menschenkenner, den hohen Standpunkt, den Männer, wie der geheime Hofrath Gauss und Bessel, in der Wissenschaft einnehmen mussten, nachdem anscheinende Zufälligkeiten sie der Astronomie glücklicherweise zugeführt hatten, sogleich bei der ersten Bekanntschaft übersah und mit ihnen ein Freundschaftsbündniss für das Leben schloss, kann kaum eine besondere Aufmerksamkeit erregen. Wem würden nicht auch die ersten Arbeiten beider Gelehrten schon den Genius verrathen haben, der später sie leitete, auch wenn er nicht ein durch eigenes Eindringen in die Wissenschaft so competenter Richter, wie Olbers, gewesen wäre? Noch gegen das Ende seines Lebens äusserte Olbers mehrmals, dass die von ihm benutzte Gelegenheit, Bessel's Talent aus einem anderen Wirkungskreise in sein eigentliches Gebiet versetzt zu haben, als das grösste Verdienst, was er um die Astronomie sich erworben, von ihm angesehen werde. Aber der freie Blick, den seine eigenthümliche Stellung ihm gegeben oder doch erhalten hatte, und die Hinneigung, die unverkennbar in seinem milden Gemüthe vorherrschte, auf Menschen zu wirken, machte ihn nicht nur für die

Anerkennung der ungewöhnlichen Talente empfänglich, sondern iede Thätigkeit, die irgendwo sich entwickelte und seinen Rath in Anspruch nahm, ward mit einer Zuvorkommenheit und Hülfsleistung aufgenommen, welche um so höher anzurechnen war, als sie jedesmal eine auf das Wesen der Sache unmittelbar gerichtete war. und kein Brief von Olbers ohne eine Notiz, die vielleicht nur ihm zugänglich geworden, einen Wink, der belehrte und anspornte, oder eine Berichtigung eines Irrthums vorüberging. Kaum wird es in der damaligen Zeit einen jüngeren oder älteren Astronomen, wenigstens in Deutschland, gegeben haben, sowie gewiss ausser den eigentlichen Astronomen noch viele Physiker und Mathematiker, mit welchen Olbers nicht in Correspondenz und zum Theil in lebhafte Correspondenz getreten wäre, und welchen er durch seine Kenntniss der Sache und der Literatur nicht wesentliche Unterstützung gewährt hätte. Auch mir ward gleich in den ersten Jahren meines Eintritts in eine astronomische Stellung das Glück zu Theil, mit Olbers und Bessel in lebhaften brieflichen Verkehr zu treten, in welchem Olbers meistens specielle Rücksicht auf meine Beschäftigung mit verschiedenen Cometen nahm, Bessel mehr die anderen Theile der Wissenschaft berührte. Die Eigenthümlichkeit beider grossen Männer trat, nach meiner noch immer lebendigen Erinnerung, ungemein entschieden in diesen Briefen hervor. Beider Briefe regten ungemein an, aber der Unterschied des Eindrucks auf den Empfänger bestand wesentlich darin, dass Bessel durch die Erwähnung seiner Arbeiten zum Nacheifern spornte und häufig bestimmte Wege angab, die er eingeschlagen zu sehen wünschte, wobei nicht immer die eigene Neigung so in Übereinstimmung mit seinen Wünschen gebracht werden konnte, dass nicht entweder mit einem kleinen Kampfe die vorgeschriebene Richtung befolgt wäre, oder selbst nach einem missglückten Versuche, darin fortzugehen, es vorgezogen wäre, eine abweichende, der Individualität mehr zusagende Richtung zu verfolgen. Bei Olbers's Briefen dagegen, wenn sie auch immer in ähnlicher Art zu Arbeiten aufforderten oder Andeutungen gaben, fand dieser kleine Zwiespalt mit den eigenen Ansichten nie Statt. Jeder Empfang eines solchen war ein wahres Fest, was von Neuem

erwärmte, und der Inhalt war ohne alle Kunst stets von der Art, dass er der eigenen Ansicht anscheinend den freiesten Spielraum liess, aber doch unvermerkt so leitete, dass nach dem Versuche. andere Wege zu gehen, in der Regel die Erfahrung von der besseren Einsicht des Meisters belehrte. So wenig ich in Abrede stellen will, dass Bessel's vollständige Uebersicht des ganzen Gebietes der Wissenschaft, verbunden mit einer Thatkraft und Willensstärke, die allein es ihm möglich machten, so glänzende, umfangreiche und erschöpfende Untersuchungen, in einer Anzahl, wie, soviel mir bekannt, kein anderer Astronom je gethan hat, zu vollenden, seine Wirksamkeit für die Wissenschaft entschieden weit höher stellt, als die, auf welche Olbers nach seinen anderen Geschäften sich beschränken musste, so möchte ich doch glauben, dass die Erwärmung und Aufmunterung jüngerer Männer, wenn sie einer solchen überhaupt oder nur zu gewissen Zeiten bedurften, um auf dem betretenen Wege fortzufahren, mehr in der Gewalt von Olbers gewesen ist. Seine Menschenkenntniss und einsichtsvolle Milde machten sich selbst da geltend, wo, den strengen Forderungen der Wissenschaft nach, kaum eine Frucht zu erwarten war; nur in Andentungen, welche jeder Andere für viel zu leise gehalten haben würde, äusserte er seinen Unwillen, wenn er entweder ganz und gar missverstanden war oder sein Vertrauen gemissbraucht; aber wenn man mit ruhigem Blute bei reiferem Alter solchen früher zu milde genannten Tadel von Olber's wieder durchgeht, so erkennt man die Richtigkeit seines Weges, der wesentlich darauf sich gründete, dass in Others der schöne Charakterzug einer wahren Achtung jeder fremden Thätigkeit, selbst mit Hintansetzung seiner eigenen Verdienste, durchaus vorherrschend war.

Wenn das Leben einer Wissenschaft in einer Nation nicht blos auf die strengsten und höchsten wissenschaftlichen Kreise sich beschränken darf, sondern die Forderung sowohl der neueren Zeit als auch überhaupt der besseren Einsicht verlangt, dass ausserdem in den weiteren Kreisen ein richtiger Takt und eine Übersicht Dessen, worin der eigentliche Werth der Wissenschaft besteht, allgemein verbreitet ist, und dass gerade diese am erfolgreichsten von den

Männern ausgeht, die neben eigenen grossen Verdiensten auch die Neigung und das Talent besitzen, die schwächeren und stärkeren Entwickelungskeime in dem grossen Ganzen einsichtsvoll zu pflegen und zu schützen: so ist in diesen Worten, meiner Ansicht nach, die hohe Bedeutung von Olbers's Stellung ausgesprochen, wenn man sie abgesehen von seinen eigenen grossen Leistungen auffassen will. Darum verband auch ein so inniges Freundschaftsband ihn mit dem Herry Conferenzrath Schumacher, der durch seine vortrefflichen astronomischen Nachrichten einen Centralpunkt für alle astronomische Bestrebungen, nicht in Deutschland allein, gebildet hat, sowie früher mit dem Königlich Sächsischen Staatsminister Herrn von Lindenau, dem die Monatliche Correspondenz in ähnlicher Art ihre hohe Bedentung verdankte. Beiden stand er mit Rath und That zur Seite und wirkte gemeinschaftlich mit ihnen so ungemein erfolgreich für die Blüthezeit der deutschen Astronomie seit dem Beginne dieses Jahrhunderts.

Olbers's ungemein ähnliches Portrait, was diesem Bande vorgesetzt ist, ist in dem Auftrage des Herrn Verlegers nach dem besten Gemälde, welches die Familie besitzt, mit Erlaubniss seines einzigen nachgelassenen Sohnes, des Herrn Senator Olbers, gezeichnet worden.

Das nachfolgende Verzeichniss der einzelnen astronomischen Abhandlungen von Olbers selbst, sowie einiger auf ihn Bezug habenden Schriften, ist, so weit meine Keuntniss reichte, von Herrn d'Arrest ziemlich vollständig, wie ich hoffe, zusammengetragen worden.

Berlin, im Mai 1847.

J. F. Encke.

Verzeichniss der Abhandlungen

1 OF

Heinr. Wilh. Matth. Olbers.

1. In Bode's astronomischen Jahrbüchern.

Berechnung der Elemente des Cometen von 1779	A. J.	1782,	S.	130.
Über die im Nov. 1795 und April 1796 erschienenen Cometen		1799,	\mathbf{S} .	100.
Über die von Apian im Jahre 1533 beobachteten Cometen		1800,	S.	125.
Über den im Aug. 1797 beobachteten Cometen		1801,		
Uber den zweiten Cometen von 1798		1802.		
Beobachtung des ersten Cometen von 1799 und Berechnung seiner Bahn		1803,		
Über den ersten Cometen von 1780		1804,	S	172
Über die Wahrscheinlichkeit, einen Cometen vor der Sonne zu sehen		1804,	g.	208
Wiederauflindung der Geres		1805,		
Entdeckung der Pallas (1802, März 28)		1805.		
Entdeckung eines Cometen (1802, Sept. 2)		1805, 1805,		
		1805,	.a.	232.
Beobachtungen und Elemente desselben				
Entdeckung (1804, Marz 12), Beob. und Berechn. des Cometen v. 1804		1507,		
Parallaxen - Rechnung		1808,		
Beobachtungen der beiden Cometen von 1865		1809,		
Bemerkungen über seine Methode, die Bahn eines Cometen zu berechnen		1809,		
Bemerkungen über die Aufsuchung der Cometen		1809,		
Entdeckung der Vesta (1807, März 29)		1810,	\mathbf{S} .	194.
Über die Parallaxen-Rechnung		1811,	\mathbf{S} .	95.
Beobachtungen des grossen Cometen von 1807		1811,		
Üeber einen neuen im März 1808 entdeckten Cometen		1811,	S.	215.
Über den Cometen von 1795		1814.	S.	169.
Über den Cometen von 1811		1814,		
Beobachtungen der beiden Cometen von 1811		1815,	S.	118.
Über den zweiten Cometen von 1813		1817,	S	97
Über den Cometen von 1558		1817,		
Entdeckung eines Cometen (1815, Marz 6). Beob. und Elemente		isis,		
Über den Cometen von 1815 (Olbers'scher Comet)		1818.		
Einige Bemerkungen über das Licht der Cometen		1819,		
Über die Verbesserung einer schon bekannten Cometenbahn		1820,		
Entdockness cines Compton (1817, Nov. 1)		1821,		
Entdeckung eines Cometen (1817, Nov. 1)		1521,		
Beobachtungen des Cometen von 1819 (Pons'scher Comet)		1822,		
Beobachtungen und Elemente eines anderen Cometen von 1819		1522,		
Den Ort eines Gestirns aus beobachteten Alignements zu finden		1822,	ъ.	231.
Über den grossen Cometen von 1819 und seinen Vorübergang vor der		4	. 1	400
Sonne		1823,		
Entdeckung eines Cometen (1521, Jan. 30)		1824,		
Beobachtungen und Elemente desselben		1824,		
Geographische Lage von Bremen		1825,		
Über die Durchsichtigkeit des Weltraums		1826,		
Originalbeob, des dritten Cometen von 1822		1826,		
Bemerkungen über den Halley'schen Cometen		1828,		
Beobachtungen und Elemente des Cometen von 1825 , ,		1828,		
Elemente des Cometen vom Aug. 1825		1829,		
Bemerkungen über den dritten Cometen von 1759		1829,	S.	135.
2. v. Zach's Monatliche Correspondenz.				
Uber eine merkwürdige Entdeckung von Schröter	Bd.			571.
Beschreibung der Sternwarte von Olbers		Ш,		
Methode, die Zeit durch Sternverschwindungen zu bestimmen		Ш,		
Über seine Methode, Cometenbahnen zu berechnen		IV,		
Wiederaustindung der Ceres		V,		
Entdeckung der Pallas		V,	S.	181.
Geogr. Bestimming von Rehburg		VI,		
Elemente und Beobachtungen des Cometen von 1802	V	I, S. 3	78,	506.

XXXVI

Ther die vom Himmel gefallenen Steine				
3. Hindenburg's Magazin für reine und angew. Mathematik.				
Über den im Jahre 1789 erwarteten Cometen Magaz. 1787, S. 450.				
4. v. Lindenau und Bohnenberger, Zeitschrift für Astronomie.				
3 ,				
Literarisch-astronomische Bemerkungen. Über den veräuderlichen Stern im Halse des Schwans Über den Einfluss des Mondes auf die Witterung. V, S. 234.				
5. Schumacher's Astronomische Nachrichten.				
Big. St. 10				
6. Schumacher's astronomisches Jahrbuch.				
Die Sternschnuppen Jahrb. 1837, S. 36, Die Sternschnuppen im August 1837 1838, S. 315, Über die neuern Sternbilder 1840, S. 239, Über Z Bayeri im Schwan 1841, S. 83, Über den Erfinder der Fernröhre 1843, S. 57.				
7. v. Zach, Correspondance astronomique.				
Lettre de M. Olbers sur la Comète de l'an 1618 T. IV, S. 475.				
8. Benzenberg Versuche über die Umdrehung der Erde.				
Schreiben über die Abweichung fallender Korper vom Loth wegen der Rotation der Erde				
9. Berliner astronom, Jahrb. 1833.				
Über die zweckmassigste Art, bei der Berechnung einer Cometenbahn Versuche anzustellen				
Als selbstständiges Werk ward von Urn. v. Zach herausgegeben: Abhandlung über die bequemste und leichteste Methode, die Bahn eines Cometen aus eigenen Beobachtungen zu berechnen, von Wilh. Olbers. Weimar. 1797. S.				
Biographische Nachrichten von Olbers finden sich in: v. Zach, Allg. geogr. Ephemeriden. biographische Stötzen verstorbener Bremischer Ärzte und Naturforscher. Eine Festgabe für die zweiundzwanzigste Versammlung Deutscher Naturforscher und Ärzte zu Bremen vom Ärztlichen Vereine zu Bremen. Bremen 1841. 8. S. 593 – 659.				
Die Doctordissertation von Olbers, welche ausser dem physiologischen, auch mathema- tisches Interesse hat, führt den Titel: Dissertatio Inauguralis physiologica de oculi mutationibus internis. Göttingen, 1780.				

Erster Abschnitt.

Allgemeine Betrachtungen über die Bestimmbarkeit einer Cometenbahn und über die zur Bestimmung derselben vorgeschlagenen Methoden.

S. 1.

Die Bahn eines Cometen um die Sonne aus einigen geocentrischen Beobachtungen zu bestimmen, schien selbst dem grossen Newton nicht wenig schwierig. Er nennt dies Problem longe difficillimum, dessen Auflösung er auf verschiedene Art versucht habe, ehe er auf die schöne Construction kam, die er in seinen Princ. Phil. nat. vorträgt. Newton's Construction ist vollkommen des Genies ihres Urhebers würdig: nur ist sie freilich mühsam und führt erst durch viele Versuche zum Ziele. Nach Newton's Zeiten haben sich mehrere der grössten Geometer mit dieser Aufgabe beschäftigt, die Unmöglichkeit einer directen völlig genauen Auflösung gezeigt oder gefühlt, und eine grosse Menge von Methoden angegeben, wodurch man zur Kenntniss der Elemente einer Cometenbahn gelangen kann. Einige dieser Methoden sind kürzer, andere länger, einige mehr, andere weniger genau; ja verschiedene, die ihre Erfinder oder andere Gelehrte als bequem und brauchbar angerühnt hatten, werden wieder von andern Messkünstlern als völlig unnütz verworfen. Es scheint also allerdings interessant zu sein, das Cometen-Problem nochmals nach seinen Schwierigkeiten darzulegen, und alle jene Methoden unter eine allgemeine Uebersicht zu bringen, die ihren verschiedenen Werth im Ganzen schätzen lehrt, um sodann mit einiger Zuversicht den kürzesten und bequemsten Weg zur Bestimmung einer Cometenbahn wählen zu können.

S. 2.

Jede geocentrische Beobachtung eines Cometen giebt die Lage einer Gesichtslinie an, in der sich der Comet irgendwo zur Zeit dieser Beobachtung befaud. Man kann sich bei jeder Beobachtung yorzüglich zwei Triangel denken. Einen zwischen den Mittelpuncten der Sonne, des Cometen und der Erde; einen andern zwischen den Mittelpuncten der Sonne, der Erde und der Projection des Cometen auf die Ebene der Ecliptik. Vermöge der Beobachtung ist in beiden Triangeln nur eine Seite, die Distanz der Erde von der Sonne, und ein Winkel, der Winkel an der Erde gegeben. Um diese Dreiecke auflösen, um den Ort des Cometen angeben zu können, muss in einem von beiden noch eine Seite, oder ein Winkel gegeben werden, und dann werden beide, da sie von einander abhängen, sogleich bestimmt. Dies ist also die unbekannte Grösse für jede Beobachtung, und dafür kann man nach Belieben den Winkel am Cometen, oder an der Sonne, oder den wahren, oder den curtirten Abstand des Cometen von der Erde, oder von der Sonne, annehmen.

S. 3.

Wenn die Cometen gleich nie Parabeln um die Sonne beschreiben, so weiss man doch, dass man das kleine Stück ihrer elliptischen Bahn, das in der Nähe der Sonne liegt, und worin sie uns sichtbar sind, ohne Bedenken mit einer Parabel verwechseln kann. nehme also die Comefenbahn als eine Parabel an, in deren Brennpunct der Mittelpunct der Sonne ist; und so liegen auch alle Puncte der Cometenbahn in einer durch den Mittelnunct der Sonne liegenden Ebene. Denke ich mir nun eine solche Ebene durch den Mittelpunct der Sonne gelegt, so wird durch jede Beobachtung die Lage einer Gesichtslinie und also ein Punct auf dieser Ebene bestimmt. Durch zwei Puncte und den Brennpunct ist die Parabel schon gegeben: sollen drei durch die Beobachtungen auf der Ebene angegebene Puncte in eine Parabel fallen, so giebt es für jede angenommene Durchschnittslinie mit der Ecliptik nur eine bestimmte Inclination, und für eine angenommene Inclination nur eine bestimmte Lage der Knotenlinie dieser Ebene, in der dies geschieht. Vier Beobachtungen endlich lassen weder die Inclination noch die Knotenlinie mehr willkürlich, sondern bestimmen beide: und so ist die Cometenbahn, in so fern sie eine Parabel ist, durch vier Beobachtungen, ohne alle Rücksicht auf die Zwischenzeiten, völlig bestimmt.

§. 4.

Drei Beobachtungen würden hinreichend sein, sobald man die Zwischenzeiten in Betrachtung zieht, und annimmt, dass die um die Sonne beschriebenen Räume sich wie die Zeiten verhalten. Aber da nicht blos die Räume im Verhältniss der Zwischenzeiten, sondern da diese Zwischenzeiten selbst bekannten Functionen aus den radiis rectoribus und der Chorde gleich sind, so ist die parabolische Cometenbahn durch drei Beobachtungen mehr als bestimmt: oder man wird in diesem Fall vier Gleichungen und nur drei unbekannte Grössen haben.

S. 5.

Man kann sich von diesen vier Gleichungen leicht einen allgemeinen Begriff machen. Die drei unbekannten Grössen mögen die drei Abstände des Cometen von der Erde sein. Durch drei nicht in einer geraden Linie-liegende Puncte ist die Lage einer Ebene gegeben: folglich bestimmen zwei Abstände und der Mittelpunct der Sonne die Lage dieser Ebene und den dritten Abstand. Dies giebt die erste Gleichung. Die Bedingung, dass die drei Oerter des Cometen in einer Parabel liegen sollen, in deren Brennpunct sich der Mittelpunct der Sonne befindet, giebt die zweite Gleichung. Und endlich die Vergleichung der Zwischenzeiten mit den radüs vectoribus und den Chorden, die beiden übrigen. Ueberhaupt wird man, wenn man n Beobachtungen nimmt, n unbekamte Grössen. und zu ihrer Bestimmung 3n-5 Gleichungen haben: nämlich n-2Gleichungen, die von der Bedingung abhängen, dass alle Oerter des Cometen in einer durch den Mittelpunct der Sonne liegenden Ebene sein müssen: n-2 Gleichungen, weil die Oerter des Cometen in einer Parabel sind, wovon die Sonne den Brennpunct einnimmt: und n-1 Gleichungen, weil die Zwischenzeiten bekannten Functionen der Chorden und Vectoren gleich sind.

S. 6.

Bei diesem grossen Ueberfinss von Gleichungen sollte es vielleicht nicht schwer scheinen, eine Cometenbahn aus einigen geocentrischen Beobachtungen auf eine directe Art mit geometrischer Genauigkeit zu bestimmen. Allein betrachtet man die Gleichungen selbst, so sind sie so verwickelt, dass die Kräfte der Algebra und die Geduld des unverdrossensten Rechners dabei zu kurz kommen. Ich will die vier Gleichungen für den Fall, da man drei Beob-

achtungen braucht, hersetzen, und dabei, was mir am bequemsten scheint, die curtirten Distanzen des Cometen von der Erde als die unbekannten Grössen ansehen.

S. 7.

lch nenne demnach

die drei Längen der Sonne A', A", A",

indem ich durch die Zahl der Striche ', ", ", unterscheide, was zur ersten, zweiten und dritten Beobachtung gehört.

Die drei Längen des Cometen a', a'', a'''

die Breiten des Cometen \(\beta', \beta'', \beta''' \)

die Abstände der Erde von der Sonne R', R", R"

die Zeit zwischen der ersten und zweiten Beobachtung t'

die Zeit zwischen der zweiten und dritten Beobachtung t"

die Zeit zwischen der ersten und dritten Beobachtung T = t' + t''.

Dies sind die gegebenen Grössen. Nun heissen ferner

die drei curtirten Abstände des Cometen von der Erde ρ' , ρ'' , ρ''' .

Die Lage des Cometen gegen die Sonne werde jedesmal durch drei rechtwinklige Coordinaten x, y, z bestimmt. x wird auf der Linie der Frühlingsnachtgleiche genommen: y senkrecht auf die Linie der Frühlingsnachtgleiche in der Ebene der Ecliptik gegen Osten, und z senkrecht über y und über die Ebene der Ecliptik gegen Norden. Es ist demnach

$$x = \varrho \cos \alpha - R \cos A$$

 $y = \varrho \sin \alpha - R \sin A$
 $z = \varrho \tan \beta$

so dass x, y, z blos von ϱ abhängen. Nennen wir nun

die drei Abstände des Cometen von der Sonne r', r'', r''', so ist

$$r' = \sqrt{x'^2 + y'^2 + z'^2}$$

$$r'' = \sqrt{x''^2 + y''^2 + z''^2}$$

$$r''' = \sqrt{x'''^2 + y'''^2 + z'''^2}$$

Ferner

die Chorde der Cometenbahn zwischen der ersten und zweiten Beobachtung $k^{\prime},$

zwischen der ersten und dritten Beobachtung $k^{\prime\prime},$ wohei

 $k' = \sqrt{(x''-x')^2 + (y''-y')^2 + (z''-z')^2}$ $k'' = \sqrt{(x'''-x')^2 + (y'''-y')^2 + (z'''-z')^2}$

S. 8.

Damit lassen sich nun die vier Gleichungen leicht angeben. Die Bedingung, dass die drei Örter des Cometen in einer durch den Mittelpunct der Sonne gehenden Ebene liegen, giebt die Gleichung

$$\frac{y''z'-y'z''}{x''y'-y''x'} = \frac{y'''z'-y'z'''}{x'''y'-y'''x'}$$

eine Gleichung, die bei wirklicher Entwickelung starke Reductionen zulässt, und einfach genug ist.

Die zweite Gleichung beruhet, wie gesagt, auf dem Umstande, dass die drei Örter des Cometen in einer Parabel liegen, in deren Brennpunct sich der Mittelpunct der Sonne befindet. Also ist

$$\frac{-2r'+\sqrt{(r'+r'')^2-k'^2}}{\sqrt{k'^2-(r''-r')^2}} = \frac{-2r'+\sqrt{(r'+r''')^2-k''^2}}{\sqrt{k''^2-(r'''-r')^2}}$$

Die übrigen beiden Gleichungen finden sich aus der Vergleichung der Chorden und Abstände von der Sonne mit den beobachteten Zwischenzeiten; und sie sind

$$t' = \frac{\left(\frac{r' + r'' + k'}{2}\right)^{\frac{3}{2}} - \left(\frac{r' + r'' - k'}{2}\right)^{\frac{3}{2}}}{m \, 3\sqrt{2}}$$
$$T = \frac{\left(\frac{r' + r''' + k''}{2}\right)^{\frac{3}{2}} - \left(\frac{r' + r''' - k'''}{2}\right)^{\frac{3}{2}}}{m \, 3\sqrt{2}}$$

wobei m die bekannte von Euler und Lambert gebrauchte und angegebene Grösse bedeutet. *)

S. 9.

Man darf diese vier Gleichungen auch nur etwas aufmerksam betrachten, um sich zu überzeugen, dass es im gegenwärtigen Zustand der Analyse noch ganz unmöglich ist, aus ihnen die drei unbekannten Grössen ϱ' , ϱ'' , ϱ''' unmittelbar zu bestimmen. Denn wenn auch die Geduld eines Rechners so weit reichte, um diese Gleichungen völlig zu entwickeln, alle Wurzelgrössen wegzuschaffen, und für r, k, x, y, z ihre Werthe in ϱ zu setzen, so wird man doch am Ende auf Gleichungen von so hohem Grade verfallen, worin die drei unbekannten Grössen, oder, wenn man durch

^{*)} Mir ist nicht bekannt, dass man alle diese vier Gleichungen in dieser ihrer einfachsten Form irgendwo angegeben habe.

die erste Gleichung eine wegschaft, wenigstens zwei derselben mit einander vermengt sind, dass man mit diesen Gleichungen durchaus nichts anfangen kann. Auf dieser Vermengung der unbekannten Grössen beruht eigentlich die unübersteigliche Schwierigkeit des Problems. Wäre die zweite Gleichung in §. 8 so einfach, als die erste, und liesse sich also alles auf eine unbekannte Grösse bringen, so würde man leicht Mittel finden können, die übrigen beiden Gleichungen auf eine bequeme und brauchbare Art aufzulösen, sie möchten auch noch verwickelter sein, als sie das schöne Lambert'sche Theorem angiebt. Ja es liesse sich vorausschen, dass man auf diese Art zuletzt auf eine blosse linearische Gleichung würde kommen können, da das Problem für drei Beobachtungen schon mehr als bestimmt ist.

S. 10.

Bei dieser Unmöglichkeit, die Gleichungen für die Cometenbahn geradezu aufzulösen, haben die Messkünstler und Astronomen auf andere Mittel denken müssen, die Bahn eines Cometen aus den Beobachtungen zu bestimmen. Man hat deswegen zu falschen Voraussetzungen, Näherungen und Umwegen seine Zuflucht genommen, die Elemente einer Cometenbalın kennen zu lernen. Diejenige Methode, die Herr Pingré gleichsam vorzugsweise die Methode der falschen Voraussetzungen nennt, und die, so viel ich weiss, von la Caille zuerst umständlich angegeben ist, muss wohl, als die kunstloseste, zuerst angeführt werden. Man nimmt nämlich in der ersten Beobachtung einen willkürlichen Abstand des Cometen von der Erde oder von der Sonne an, und bestimmt dann durch Versuche einen Abstand in der dritten Beobachtung von der Beschaffenheit, dass der Comet nach den parabolischen Bewegungsgesetzen gerade zwischen den beiden Beobachtungen die nämliche Zeit brauchen musste, die die Beobachtungen angeben. berechnet darauf in der so bestimmten Bahn die mittlere Beobachtung und sieht, ob sie nicht oder weniger mit der Wahrheit zutrifft. Man nimmt so lange für die erste Beobachtung neue Werthe an und wiederholt für jede neue Annahme die ganze Arbeit, bis man endlich zwei Abstände in der ersten und dritten Beobachtung gefunden hat, mit denen auch die mittlere Beobachtung in einer Parabel nach den verflossenen Zwischenzeiten zustimmt. Ausser de la Caille haben Hr. Pingré und Hr. de la Lande diese Methode umständlich erläutert, deren sich die

Franzosen, ehe de la Place's Auflösung bekannt wurde, fast ausschliesslich zur Berechnung der Cometen bedienten. Den deutschen Messkünstlern ist sie immer äusserst langweilig, weitläufig und ermüdend vorgekommen. Doch muss man gestehen, dass sie in der That nicht unbequem ist, sobald man sich nur erst den wahren Werthen der hier willkürlich angenommenen unbekannten Grössen etwas genähert hat: und ich bemerke nur noch, dass sich das von jenen Gelehrten vorgeschriebene Verfahren beträchtlich abkürzen lasse, wenn man das Lambertsche Theorem dabei anbringt, woran man bisher nicht gedacht zu haben scheint.

S. 11.

Alle übrige Mathematiker, die sich mit der indirecten Auflösung des Cometenproblems abgegeben haben, sind daranf bedacht gewesen, durch einige von der Wahrheit nicht sehr abweichende Hypothesen Alles auf eine unbekannte Grösse, z. B. auf einen curtirten oder wirklichen Abstand, zu bringen. Zweierlei solcher Sätze sind hier vorzüglich gebraucht worden. Entweder 1) man setzte vorans, das Stück der Cometenbahn zwischen den drei Beobachtungen, die man nicht sehr entfernt von einander zur Rechnung wählte, sei eine gerade, mit gleichförmiger Geschwindigkeit durchlaufene Linie: oder man nahm auch nur 2) an, dass die Chorde dieses Stücks der Cometenbahn von dem mittlern radius vector oder einer andern der Lage nach bekannten Linie im Verhältniss der Zwischenzeiten geschnitten werde. Beide Annahmen sind nicht völlig wahr, und besonders ist die erste unsicher: allein durch eine jede von ihnen wird man in den Stand gesetzt, aus einem einzigen Abstande die beiden übrigen, die Chorde und mithin die ganze Bahn zu bestimmen. Um nun diesen Abstand zu finden, bedient man sich auch der Versuche, oder der sogenannten regula falsi, giebt ihm einen willkürlichen Werth und sieht nach einer kürzern oder längern Rechnung, ob dieser angenommene Werth mehr oder weniger mit der Wahrheit übereinstimmt. Von Versuchen geht man zu neuen Versuchen über, bis man endlich der Wahrheit so nahe gekommen ist, dass man das Übrige durch eine Interpolation nachholen kann. Statt der Rechming kann man sich hier freilich auch mit einer Construction begnügen; aber hier muss man alle die vergeblichen Versuche, die man sonst in Berechnungen macht, in der Zeichnung vornehmen: ein Umstand, der sie Manchem eben nicht als beguemer empfehlen wird.

S. 12.

Wir wollen die vornehmsten dieser indirecten Constructionsoder Berechnungsarten hier kurz betrachten. Boscovich nimmt geradezu an, *) das Stück der Cometenbahn zwischen den drei Beobachtungen sei eine gerade Linie, gleichförmig mit der Geschwindigkeit, die der Comet in der Mitte dieses Stücks seiner Bahn hatte, beschrieben. Lambert setzt voraus, der radius vector in der zweiten Beobachtung schneide die Chorde zwischen den beiden Örtern des Cometen in der ersten und dritten Beobachtung im Verhältniss der Zwischenzeiten, und die Länge dieser Chorde vergleicht er völlig genau mit der Zeit durch sein bekanntes schönes Theorem. Newton hingegen schneidet die Chorde viel genauer, als es durch den mittlern radius vector geschieht, im Verhältniss der Zeiten: die Vergleichung der Länge dieser Chorde mit der Zeit geschieht auch durch ein Theorem, das im Grunde mit dem Lambert'schen viel Aehnlichkeit hat, nur erlaubt er sich hier freilich ein quam proxime. So lassen sich diese Methoden im Wesentlichen vergleichen, und deswegen ist die Newton'sche Construction die genaueste, die Boscovich'sche die beauemste: Lambert's Construction hält in beider Absicht das Mittel. nimmt also einen willkürlichen Abstand des Cometen von der Erde in der mittlern Beobachtung an, bestimmt durch iene Voraussetzungen Lage und Länge der Chorde und vergleicht sie mit der Zeit, worin sie von dem Cometen beschrieben worden ist: man wiederholt diesen Versuch so lange, bis die beobachtete Zwischenzeit und die Länge der Chorde mit den parabolischen Bewegungsgesetzen übereinstimmen. Auch Euler bedient sich der Voraussetzung, dass der mittlere radius vector die Chorde im Verhältniss der Zeiten schneide: aber er vergisst, unmittelbar den von dem Cometen zwischen der ersten und dritten Beobachtung beschriebenen Raum mit der beobachteten Zwischenzeit zu vergleichen; er bestimmt vielmehr bei jedem Versuch die ganze Bahn, nimmt diese, selbst dann, wenn er noch weit von der Wahrheit entfernt ist, nicht für parabolisch, sondern überhaupt nur für einen Kegelschnitt an, und ob der gefundene Kegelschnitt mehr oder weniger mit der Wahrheit übereinstimmt, sieht er erst durch Berechnung einer vierten Beobachtung aus den gefundenen Elementen. Eine ungeheure

^{*)} Wenigstens wie Hr. Pingré Cométographie T. 11, p. 308 die Constructionsmethode des Hrn. Boscovich angiebt.

Arbeit! deren sich auch, so viel ich weiss, nach Euler kein Astronom unterzogen hat. *)

§. 13.

Um diese verschiedenen indirecten Constructions - oder Berechnungsarten mit der la Caille'schen des S. 10 zu vergleichen. so bemerke man, dass durch die Voraussetzungen von §. 11 ein Theil der Versuche ganz unnöthig wird, die de la Caille machen muss. Nach de la Caille's Verfahren muss man erst eine Menge Versuche machen, um der Zwischenzeit zweier Beobachtungen genug zu thun, und dann diese Versuche von neuem wiederholen, bis man auch die dritte Beobachtung mit der jedesmal gefundenen Parabel in Uebereinstimmung findet. In den im vorigen S. angegebenen Methoden ist es aber genug, einen Abstand zu finden, der die beobachtete Zwischenzeit gehörig angiebt; denn sodann wird die mittlere Beobachtung vermöge jener Voraussetzung schon von selbst sehr nahe zustimmen. Dies erleichtert nun die Arbeit sehr. Jedoch kann man durch de la Caille's Verfahren die Bahn genau bestimmen: hier hingegen bleibt die Bestimmung immer nur beiläufig, 1) weil die Voraussetzung der geraden, gleichförmigen Bewegung oder des Schnittes der Chorde im Verhältniss der Zeiten nicht ganz wahr ist, 2) weil sich nur einander nahe Beobachtungen dabei brauchen lassen, da die Zwischenzeit nicht gross sein darf, wenn jene Voraussetzungen nicht gar zu sehr von der Wahrheit abweichen sollen. Der Einfluss der unvermeidlichen Fehler der Beobachtungen wird aber auf die Bestimmung der ganzen Bahn um so viel grösser, je kleiner die Zwischenzeiten sind.

S. 14.

Aller der vielen ermüdenden Versuche der bisher angeführten Methoden überhoben zu sein, ist längst der Wunsch der Astro-

^{*)} Euler hat auch diese Methode, die er in der Theoria motuum planet. et comet. angegeben hatte, nachmals selbst nicht mehr gebraucht, sondern sich anderer Mittel bedient, die genäherten Bestimmungsstücke einer Cometenbahn zu berechnen, die mir aber indessen auch nichts weniger als kurz oder bequem scheinen. S. Recherches et calculs sur la rraie orbite elliptique de la comète de l'an 1769. Petersb. 1770, 4. Ich führe dieselbe deswegen nicht umständlich an, so wenig als Newton's erste Methode in seinem kleinen Buche de muudi systemate, von der ich mir zu beweisen getraue, dass Newton selbst dadurch nie die Bahn eines Cometen bestimmt habe, und dass sich auch sehwerlich die Bahn eines Cometen dadurch bestimmen lasse.

nomen gewesen, und deswegen gehört die Aufgabe, aus den geocentrischen Beobachtungen die Bahn eines Cometen ohne Versuche geradezu zu bestimmen, zu den berühmtesten der neueren Astronomie. Dass sich diese Aufgabe nicht allgemein auflösen lasse, ist oben §. 9 bei den vier Gleichungen gezeigt worden. Man hat also theils zu ähnlichen, theils zu neuen nicht vollkommen wahren Annahmen, wie bei den indirecten Methoden, seine Zuflucht nehmen, oder die Zwischenzeiten unendlich klein voraussetzen müssen. Aller Scharfsinn des Genies, alle Kunstgriffe der Algebra sind dabei aufgeboten, und so haben Lambert, Boscovich, Hennert, du Séjour, de la Grange, de la Place u. a. m. Auflösungen dieses schweren Problems gegeben.

S. 15.

Lambert glaubte mit einer Gleichung des sechsten Grades auszureichen; sie ist aber eigentlich, wie Herr de la Grange zu zeigen gesucht hat, von einem höhern Grade, wenn man nicht eine Voraussetzung gelten lassen will, die Herr de la Grange, ich weiss nicht, ob mit Recht, nicht für ganz zulässig hält. Boscovich hat unter denselben Voraussetzungen, die er sich bei seiner Construction erlaubt, die Aufgabe auf eine Gleichung des sechsten Grades gebracht, wodurch man auch der Wahrheit sehr nahe kommen kann, wenn die Beobachtungen nur so genau sind, dass man sie nabe genug bei einander annehmen darf. Lambert's zweite Methode gründet sich auf eine scharfsinnige Betrachtung der scheinbaren Cometenbahn, - und ist unbrauchbar. Weder Herrn Pingré, noch mir, der ich sie auch versucht habe, hat sie glücken wollen: theils weil sie die Beobachtungen genauer voraussetzt, als diese je sind; theils aber auch, weil in der Auflösung selbst zu vieles angenommen wird, was sich mehr oder weniger von der Wahrheit entfernt, *) Den von der Berliner Akademie auf die Auflösung dieser Aufgabe gesetzten Preis hat Hr. v. Tempelhof und Herr v. Condorcet, und das Accessit Herr Hennert erhalten. Ich gestehe, dass ich diese Auflösungen nicht alle hinreichend kenne; aber ich finde eben nicht, dass die practischen Astronomen eine davon bequem gefunden und zum wirklichen Gebrauch ange-

^{*)} Sehr wahr bleibt indessen der schöne Lehrsatz, den Lambert bei dieser Gelegenheit fand: dass man aus der Abweichung der scheinbaren Cometenbahn von einem grössten Kreise benrtheilen kann, ob der Comet der Sonne naher sei, als die Erde, oder nicht.

wendet hätten. Allein eben dieser Preis scheint die schönen. gleichsam wetteifernden Untersuchungen der Herren de la Grange, du Séjour und de la Place veranlasst zu haben. Hr. de la Grange hat drei Auflösungen des Problems gegeben, alle drei durch Gleichungen des sechsten, siebenten, achten, oder höherer Grade. Die erste scheint er selbst nachher für weniger genau zu halten: wirklich hat sich nach Herrn de la Place's Erinnerung ein kleiner Rechnungsfehler eingeschlichen, und Herr Pingré konnte bei der Anwendung nichts Befriedigendes herausbringen. Die andere erfordert sechs Beobachtungen, die paarweise sehr nahe bei einander sein müssen, und führt nach weitläufigen Rechnungen auf eine Gleichung des sechsten Grades; sie ist indess allerdings brauchbar, und Herr Schulze hat dadurch die Bahn des Cometen von 1774 wenigstens ziemlich nahe bestimmt. Die dritte, die von Seiten der analytischen Behandlung dem Kenner die grösste Bewunderung abnöthigen wird, erfordert äusserst mühsame vorbereitende Rechnungen, und dann doch noch die Auflösung einer Gleichung des siebenten oder achten Grades. Herr du Séjour hat alles auf Gleichungen des zweiten Grades zu bringen gesucht; mit welchem Erfolge, das werden wir im zweiten Abschnitte sehen. Herr de la Place endlich hat durch eine Art von Interpolation aus mehrern unter sich entferntern Beobachtungen die ersten und zweiten Differentialien der scheinbaren geocentrischen Bewegung zu erhalten gewusst, um die Zwischenzeiten so klein annehmen zu können, wie er wollte. Seine Auflösung geschieht auch durch Gleichungen des sechsten oder höherer Grade, und sie würde vielleicht wenig zu verlangen übrig lassen, wenn nicht eben die Vorbereitungen, oder die Art von Interpolation oft viel mehr Zeit, Mühe und Rechnungen erforderte, als die Auflösung selbst. *)

\$. 16.

Man wird sich von den branchbarsten unter diesen Auflösungen ohne allen weitläufigen Calcul leicht einen allgemeinen Begriff

^{*)} Man vergleiche über diesen Paragraphen, wenn man näher von den augeführten Methoden unterrichtet sein will: Lambert instyniores orb. compropr. p. 78 sy. Scherfer institutiones astr. theor. p. 226—30. Lambert astronomisches Jahrbuch 1777, S. 127. Mém. de CAcad. Roy. de Berlin 1771. De la Grange Mém. de CAcad. Roy. de Berlin 1778, p. 124. 1783, p. 296. Astronom. Jahrb. 1783 p. 166. Du Sejour Mém. de CAcad. Roy. des Sciences de Paris 1779 p. 51—168. De la Place Mém. de CAcad. Roy. des Sciences de Paris, 1780 p. 13—73.

machen können. Dadurch, dass man die Zwischenzeiten als unendlich klein betrachtet, nimmt man von selbst, wie Herr Boscovich, schon an, das kleine Stück der Cometenbahn zwischen den Beobachtungen sei eine gerade, mit gleichförmiger Geschwindigkeit durchlaufene Linie. Damit lassen sich ϱ' , ϱ''' durch eine linearische Gleichung aus ϱ'' finden: oder es ist, wenn H und G bekannte Coefficienten bedeuten: $\varrho' = \mathrm{H}\varrho''$, $\varrho''' = \mathrm{G}\varrho''$. So lässt sich also auch h'' blos durch ϱ'' ausdrücken. Die Vergleichung der Zeit mit dem durchlaufenen Raum verwandelt sich sodann in den einfachen Ansdruck

 $k^{\prime\prime}\sqrt{r^{\prime\prime}} = mT$

Schafft man hier alle Irrational-Grössen weg, so wird man am Ende immer auf eine Gleichung kommen, die sich so ausdrücken lässt: Das Biquadrat der durchlaufenen geraden Linie, mit dem Quadrat des mittlern radius rector multiplicirt, ist der vierten Potenz der Zeit in einen beständigen Coefficienten multiplicirt gleich. Diese Gleichung ist also vom sechsten Grade, und sie ist die einfachste, worauf sich das Cometenproblem reduciren lässt.

S. 17.

So sehr ich viele unter diesen directen Auflösungen bewundere, und so wenig ich über ihren Werth zu entscheiden mir anmassen will, so wird man mir doch leicht zugeben: 1) dass alle nur eine beiläufige, nachmals zu berichtigende Bestimmung der Cometenbahn geben, da bei allen Voraussetzungen vorkommen, die nicht vollkommen wahr sind, oder Grössen vernachlässigt werden, die nicht unendlich klein sind; 2) dass alle, freilich in sehr verschiedenem Verhältniss, noch immer weit mühsamer und weitläufiger sind, als man bei einer blos beiläufigen Bestimmung einer Cometenbahn wünschen oder erwarten möchte; 3) dass, da Gleichungen, die den vierten Grad übersteigen, bekanntlich nur durch Versuche und Näherungen aufzulösen sind, hier aber Gleichungen des sechsten, siebenten, achten und höherer Grade vorkommen, fast alle doch am Ende nur durch mehrere nähernde Versuche das verlangte Resultat geben. Diese Mängel, wenn ich sie so nennen darf, haben vielleicht die Astronomen abgehalten, von einer dieser directen Methoden, die des Herrn de la Place etwa ausgenommen, wirklichen Gebrauch zu machen, und sie sind lieber bei ihren ältern indirecten Constructions - und Berechnungsarten geblieben, die sie, ihrer Weitläufigkeit unerachtet, noch immer eben so beguem fanden.

S. 18.

Wirklich macht auch das Indirecte einer Berechnungsart sie deswegen noch gerade nicht verwerflich. Es kommen im astronomischen und überhaupt im mathematischen Calcul oft Fälle vor, wo man absichtlich eine indirecte Methode auch dann ihrer grösseren Leichtigkeit und Bequemlichkeit wegen bei Rechnungen wählt, wenn man auf einem directen Wege dasselbe hätte finden können. Dass man sich also über die gewöhnliche Art, durch nähernde Versuche und willkürliche Annahmen unbekannter Grössen Cometenbahnen berechnen zu müssen, so sehr beschwert, dass man so emsig nach einer sicherern und bessern sucht, liegt wohl nicht eigentlich darin, dass man hier nicht geradehin das Gesuchte findet, sondern dass diese Versuche gar zu beschwerlich, mühsam und weitläufig sind, und dass man ihrer viele ganz umsonst, und überhaupt gar zu viele machen muss, ehe man der Wahrheit nahe genug kommt, Geometer und Analyst wird immer den Werth einer directen Auflösung zu schätzen wissen, aber der praktische Rechner wird ihr, glaube ich, mit Recht eine indirecte vorziehen, sobald er mehr Leichtigkeit und Bequemlichkeit dabei findet. Selbst Herr de la Place hat seine directe Methode im Grunde zum wirklichen Gebrauch in eine indirecte verwandelt

§. 19.

Der Werth einer Methode, die Bahn eines Cometen zu berechnen, muss nach dem zusammengesetzten Verhältniss ihrer Kürze und der Genauigkeit ihres Resultats geschätzt werden. Alle Berechnungsarten erfordern nachmals noch eine weitere Berichtigung: diese wird aber um so viel leichter gefunden werden, je näher die ersten Resultate schon der Wahrheit kommen. Wenn man nach diesen Grundsätzen die im dritten Abschnitt angegebene Methode beurtheilt, so wird sie, wie ich mir schmeichle, vor allen übrigen den Vorzug verdienen. Aber vorher müssen wir noch die Gleichungen des ersten und zweiten Grades betrachten, die man zur Auflösung des Cometenproblems vorgeschlagen hat, und die, wenn sie wirklich brauchbar wären, uns auf einmal der Mühe überheben könnten, nach einer neuen Methode zu suchen, oder wegen der Auswahl unter den schon vorhandenen verlegen zu sein, indem sie unwidersprechlich die einfachste und gemächlichste Art darbieten würden, die Bahn eines Cometen zu berechnen.

Zweiter Abschnitt.

Ueber einige Gleichungen des ersten und zweiten Grades, die man zur Bestimmung der Cometenbahnen vorgeschlagen hat.

S. 20.

Die nicht völlig wahren Voraussetzungen S. 11, worauf sich die directen und indirecten Auflösungen des Cometenproblems gründen, führen, geometrisch betrachtet, weiter, als man in den bisher hergezählten Methoden gegangen ist. Wenn man annimmt, das Stück der Cometenbahn, das zwischen drei Beobachtungen von dem Cometen beschrieben worden, sei eine gerade gleichförmig durchlaufene Linie, so lassen sich die Distanzen des Cometen von der Erde durch Gleichungen des ersten Grades finden. Die Voraussetzung, dass die Chorde vom mittleren radius vector im Verhältniss der Zeiten geschnitten werde, führt zu Gleichungen des zweiten Grades, eben diese Distanzen zu bestimmen. Diese Gleichungen erheischen um so mehr eine nähere Untersuchung, da sie theils nicht blos von ihren ersten Erfindern, sondern auch von andern Gelehrten als so brauchbar und vorzüglich anempfohlen werden, was sie doch nicht verdienen; theils von andern unrichtig beurtheilt sind, und man aus ihrer Verwerflichkeit Schlüsse gezogen hat, die sichn cht daraus folgern lassen.

S. 21.

Das Problem, durch drei gegebene gerade Linien eine vierte zu ziehen, die von ihnen im gegebenen Verhältniss geschnitten wird, ist eine unbestimmte Aufgabe. Man weiss, dass alle Tangenten derjenigen Parabel dieser Forderung genug thun, von der die drei gegebenen geraden Linien gleichfalls Tangenten sind, und die durch eine einzige auf vorgeschriebene Art gezogene gerade Linie, folglich durch vier Tangenten völlig gegeben ist. unbestimmt bleibt die Aufgabe nur, wenn die gegebenen drei geraden Linien in einer Ebene liegen. Liegen sie nicht in einer Ebene, so giebt es überhaupt für jeden angenommenen Punct auf einer dieser geraden Linien nur eine einzige gerade Linie, die auch von den übrigen beiden geschnitten wird. Kommt nun die Bedingung hinzu, dass sie im gegebenen Verhältniss geschnitten werden soll, so ist die Lage des Puncts, wodurch sie gezogen werden muss, völlig und zwar durch eine Gleichung des ersten Grades gegeben. Bouguer nahm also an, der Comet habe wegen dreier nicht weit von einander entfernter Beobachtungen eine gerade Linie gleichförmig durchlaufen: diese gerade Linie musste von den drei durch die Beobachtungen angegebenen, nicht in einer Ebene liegenden Gesichtslinien im Verhältniss der Zwischenzeiten geschnitten werden: und so glaubte er durch diese Aufgabe die Distanzen des Cometen von der Erde, mithin die ganze Laufbahn, ja selbst die Natur derselben bestimmen zn können. *)

§. 22.

Allein es kommt noch ein Fall vor, wo die Aufgabe, wenngleich die Linien nicht in einer Ebene liegen, wieder unbestimmt wird. Immer nämlich bleibt es wahr, dass sodann durch jeden angenommenen Punct auf einer dieser Linien nie mehr als eine einzige gerade Linie**) gezogen werden kann, die auch von den übrigen geschnitten wird. Aber es giebt einen Fall, wo die durch jeden beliebigen Punct auf solche Weise gezogenen geraden Linien

$$(x'-x''):(x''-x''')=t':t''$$

 $(y'-y''):(y''-y''')=t':t''$
 $(z'-z''):(z''-z''')=t':t''$

^{*)} Nach dieser Bouguer'schen Voraussetzung und der obigen Bezeichnung h\u00e4tte man n\u00e4mlich die drei Gleichungen

woraus ϱ' , ϱ'' , ϱ''' blos durch linearische Gleichungen gefunden werden können, nnd da die hieraus folgenden Werthe von ϱ' und ϱ''' von der parabolischen Hypothese ganz unabhängig sind, so könnte nun aus ϱ' , ϱ''' und der beobachteten Zwischenzeit nicht allein die Lage und Abmessung, sondern auch die Art des Kegelschnitts, den der Comet beschrieben hat, bestimmt werden, wenn man anders die so gefundenen Werthe von ϱ' und ϱ''' als richtig annehmen will.

^{**)} Sind die drei gegebenen geraden Linien nicht in einer Ebene, aber alle drei einander parallel, so lässt sich gar keine gerade Linie ziehen, die von allen dreien geschnitten wird.

alle in einerlei Verhältniss geschnitten werden. Dieser Fall tritt dann ein, wenn die drei gegebenen geraden Linien, astronomisch zu reden, verlängert in einen grössten Kreis der Sphäre treffen: oder geometrisch, wenn zwei Linien, die man durch einen beliebigen Punct auf einer dieser gegebenen Linien mit den übrigen beiden parallel zieht, mit dieser gegebenen geraden Linie in einer Ebene sind. Dies geschieht nun immer, wenn nur zwei gerade Linien in dem nämlichen Verhältniss von den drei gegebenen geraden Linien geschnitten werden. Wäre also auch das Stück der Erdhahn zwischen den drei Beobachtungen eine gerade gleichförmig durchlaufene Linie, so würde die Bouguer'sche Aufgabe unbestimmt werden: denn sodann würde sowohl die gerade Linic, welche die Erde beschrieben, als die gerade Linie, die der Comet durchlaufen hat, in dem nämlichen Verhältniss von den Gesichtslinien geschnitten. Wenn Bouguer also die Cometenbalm als geradlinig und gleichförmig durchlaufen voraussetzt, so konnte er doch die Distanzen des Cometen von der Erde nur in sofern durch seine Aufgabe bestimmen, als er die Erdbahn zugleich wirklich als krumm und ungleichförmig durchlaufen beibehielt; oder vielmehr, diese Distanzen wurden blos durch die Krümmung, und die ungleiche Bewegung der Erde bestimmt. *) Dies geht nun durchaus nicht an: denn wenn die Krümmung der Erdbahn Alles bestimmen soll, so darf die gewöhnlich eben so grosse, oft noch grössere Krümmung der Cometenbahn nicht aus der Acht gelassen werden, und so wird man einen sonst nicht gleich deutlichen Ausdruck Lambert's verstehen lernen, wenn er sagt. Bouguer habe eben durch den kleinen sinus versus d b Fig. 1, die Distanz des Cometen von der Erde finden wollen. Auch wird man sich nun nicht wundern, dass Hr. de la Grange **) gefunden hat, Bouguer's Aufgabe sei auch noch dann nicht anzu-

so werden die drei Gleichungen

^{*)} Entwickelt man nämlich die in der Anmerkung zn §. 20 gegebenen drei Gleichungen, und erinnert sich, es sei, wenn die Erde auch eine gerade Linie mit gleichförmiger Geschwindigkeit durchlaufen hat,

 $⁽R' \cos A' - R'' \cos A'') : (R'' \cos A'' - R''' \cos A''') = t' : t''$

 $⁽R' \sin A' - R'' \sin A'') : (R'' \sin A'' - R''' \sin A''') = t' : t''$

 $^{(\}rho' \cos \alpha' - \rho'' \cos \alpha'') : (\rho'' \cos \alpha'' - \rho''' \cos \alpha''') = t' : t''$

 $^{(\}varrho' \sin \alpha' - \varrho'' \sin \alpha'') : (\varrho'' \sin \alpha'' - \varrho''' \sin \alpha''') = t' : t''$

 $^{(\}varrho' \tan \beta' - \varrho'' \tan \beta'') : (\varrho'' \tan \beta'' - \varrho''' \tan \beta''') = t' : t''$

woraus sich, wie man leicht übersieht, nur das Verhältniss von ϱ' , ϱ'' , ϱ''' zu einander, nicht ihr Werth bestimmen lässt.

^{**)} Mém. de l'Acad. de Berlin , Année 1778, p. 134, 135.

wenden, wenn man die Zwischenzeiten der Beobachtungen unendlich klein setzt; denn wenn hier gleich das Stück der Cometenbahn unendlich wenig von einer geraden gleichförmig durchlaufenen Linie abweicht, so ist auch das Stück der Erdbahn wieder unendlich nahe eine gerade gleichförmig durchlaufene Linie, und so sind das, wodurch die Auflösung eigentlich bestimmt, und das, was bei der Auflösung als unendlich klein vernachlässigt wird, Grössen von einerlei Ordnung. Der Schluss dieses grossen Geometers, dass es durchaus nicht erlaubt sei, ein Stück der Cometenbahn auch nur zur Näherung als geradlinig anzunehmen, wenn man drei Beobachtungen gebraucht, erhält dadurch seine eingeschränktere Bedeutung; denn wenn man ihn, wie Hr. Pingré, allgemein nimmt, so sehe ich nicht, wie z. B. Hrn. Boscovich's Construction ein der Wahrheit so nahe kommendes Resultat geben könnte, von der sich übrigens leicht zeigen lässt, dass sie bei unendlich kleinen Zwischenzeiten völlig genau ist. *) - Und so wird es nun auch begreiflich, wie Bougner selbst, bei Anwendung seiner Methode auf den Cometen von 1729, noch so glücklich war. Denn da gerade zufälliger Weise dieser Comet so weit von der Sonne entfernt bleibt, so ist ein Bogen der Erdbahn vielfach krümmer, als ein in derselben Zeit beschriebener Bogen der Cometenbahn: und so konnte hier die Krümmung bei dieser aus der Acht gelassen, und doch die Distanz des Cometen von der Erde durch die Krümmung jener ziemlich nahe bestimmt Bonguer's Methode giebt also nur dann etwas der Wahrheit nahe kommendes, wenn der Comet vielfach weiter von der Sonne entfernt ist, als die Erde, und also sehr grosse Bogen

^{*)} Boscovich nämlich setzt nur die Krümmung des kleinen Stücks der Bahn gegen die Länge dieses Stücks gerechnet, und den kleinen Unterschied der Geschwindigkeit gegen die ganze Bewegung = 0, und dies geht allerdings an. Aber man darf nicht die Krümmung und Ungleichheit der Bewegung des Cometen, gegen die der Bewegung der Erde mit Bouguer als unendlich klein ansehen. Herrn de la Grange's Betrachtung über den krümmungskreis gehört also wirklich hier gar nicht her. Eben so wenig scheint mir des Herrn de la Place's Einwurf gegen die Boscovich'sehe Methode wichtig zu sein, wenn er sagt, man könne dadurch zuweilen einen Cometen rückläufig finden, der wirklich rechtlaufig sei, und so anch umgekehrt. Denn da Boscovich's Methode auf eine Gleichung des sechsten Grades führt oder auf einer solchen beruht, die der reellen Wurzehn mehrere haben kann und nothwendig zwei haben muss, so kann man in der Rechnung leicht auf die unrechte Wurzel treffen. Eine Eigenschaft des Problems, kein Fehler der Methode, den Herr de la Place auch unr durch eine überflüssige Gleichung vermeidet, die er die Versieherungs-Gleichung neunt.

der Erdbahn und sehr kleine Bogen der Cometenbahn in denselben Zeiten beschrieben werden. In allen übrigen Fällen ist sie völlig unbrauchbar.

§. 23.

Ein ganz ähnliches Urtheil, und aus ganz ähnlichen Gründen. wird eine andere in der Cometentheorie berühmt gewordene Aufgabe uns abnöthigen, diejenige nämlich; wenn vier gerade Linien gegeben sind, eine fünfte zu ziehen, die von ihnen im gegebenen Verhältniss geschnitten wird. Wren, Newton, Gregory, Cassini und Lambert haben Auflösungen dieser Aufgabe gegeben, und man hat allgemein vorgeschlagen, zur Näherung die Bahn eines Cometen zwischen vier nicht weit von einander entfernten Beobachtungen als geradlinig und gleichförmig durchlaufen anzunehmen, und so aus vier beobachteten Längen *) die curtirten Distanzen des Cometen von der Erde mittelst dieser Aufgabe zu bestimmen. Es muss auffallen, dass man immer nur bei dem Vorschlage geblieben ist, und dass niemand diesen Vorschlag, wenigstens nicht mit Glück, befolgt hat. Selbst Cassini, der seine ganze Cometentheorie darauf gründete, hat nie wirklichen Gebrauch davon gemacht. Die Methode, wodurch er die Distanz des Cometen von 1729 so glücklich bestimmte, ist von dieser, nur vielleicht nicht wesentlich, verschieden, ob sich gleich gerade bei diesem Cometen die Wren'sche Aufgabe aus eben den Gründen mit Erfolg hätte anwenden lassen, warum hier Bonguer's Methode ein der Wahrheit so nahe kommendes Resultat gab. Bei dem Cometen von 1742 hat Cassini sie versucht: er beklagt sich aber, dass sie gar zu genaue Beobachtungen erfordere und deswegen nichts Befriedigendes gegeben habe. An der Genauigkeit der Beobachtungen lag es nun wohl so eigentlich

^{*)} Wenn die vier gegebenen geraden Linien nicht in einer Ebene liegen, so ist die Lage einer fünften, die von allen vieren geschnitten werden soll, an sich bestimmt, ohne auf die Verhältnisse der Abschnitte zu sehen. Man könnte also blos mit der Voraussetzung, dass das Stück der Cometenhahn zwischen den vier Beobachtungen gerade sei, ausreichen, ohne auch die gleichförmige Geschwindigkeit anzunehmen, wenn man die Breiten mit in Betrachtung ziehen wollte. Die Lage dieser fünften geraden Linie wird indess nicht durch eine linearische, sondern durch eine Gleichung des achten Grades und eine ziemlich verwickelte Formel gefunden werden. Auch würden bei dieser Aufgabe ähnliche Einschränkungen, wie bei der Bouguer'schen, stattfinden, ob man gleich sonst viel weiter damit reichen könnte. Denn die Geschwindigkeit des Cometen ist gerade dann am ungleichförmigsten, wenn seine Bewegung sich am mehrsten der geraden Linie nahert, und ungekehrt.

nicht. Das Wahre ist nämlich, dass diese Aufgabe zur Bestimmung der Distanz des Cometen von der Erde eben so wenig brauchbar ist, als die Bouguer'sche. Sohald man nämlich voraussetzt, auch die Erde habe während der vier Beobachtungen eine gerade Linie gleichförmig durchlaufen, so wird die Aufgabe unbestimmt: und so soll auch hier die Krümmung der Erdbahn die Distanzen bestimmen, während man die Krümmung der Cometenbahn nicht in Betrachtung zieht. Dies geht nun schlechterdings nicht an, und es kann selbst bei unendlich kleinen Zwischenzeiten und den schärfsten Beobachtungen diese Methode nichts der Wahrheit nahe kommendes geben, wenn der Comet nicht vielfach weiter von der Sonne entfernt ist, als die Erde. So würde sie z. B. beim Uranus, ehe die Bemerkung, dass er ein Planet sei, ein leichteres Mittel darbot, seine Distanz zu bestimmen, mit Nutzen anzuwenden gewesen sein. Den Beweis, dass die Aufgabe unbestimmt wird, sobald man voraussetzt, auch die Erde habe während der vier Beobachtungen eine gerade Linie gleichförmig durchlaufen, übergehe ich der Kürze wegen, ob er sich gleich auf mehrere Arten führen lässt, und bemerke nur, dass die vier Gesichtslinien, das Stück der Erdbahn, und das Stück der Cometenbahn unter diesen Voraussetzungen Tangenten einer und derselben Parabel werden, von welcher auch jede andere Tangente in dem nämlichen Verhältniss durch die Gesichtslinien geschnitten wird. Diese unter den angeführten Umständen eintretende Unbestimmtheit der Aufgabe scheint übrigens selbst dem Scharfsinne des berühmten Lambert, der sich doch viel mit derselben beschäftigt hat, entgangen zu sein; denn sein Vorschlag, wodurch, wie er glaubte, das Missliche bei dieser Aufgabe grösstentheils gehoben werden könnte, macht sie ehen ganz indeterminirt und also unbrauchbar, *)

§. 24.

Die Gleichungen des ersten Grades, welche die Geometrie darzubieten scheint, die Distanz des Cometen von der Erde unter Voraussetzung seiner geradlinigen und gleichförmigen Bewegung zu

^{*)} Astronomisches Jahrbuch 1779, S. 168 ff. Dass Herr Boscovich schon vor langer Zeit die Unbrauchbarkeit der Bougner'schen und der in dem jetzigen §. abgehandelten Methode zur Bestimmung der Distanzen des Cometen von der Erde erwiesen hat, weiss ich blos aus Hrn. de la Lande Astronomie. 3me Edit., Tome 111, p. 232, 233. Da ich Hrn. Boscovich's Schriften nie gelesen habe, so kann ich nicht sagen, ob mein Beweis mit dem seinigen gleich ist.

bestimmen, sind demnach nicht brauchbar, weil hier die Distanz desselben durch Grössen eben der Ordnung gefunden werden muss, die man durch jene Voraussetzung vernachlässigt.

S. 25.

Wenn man annimmt, die Chorden der Cometenbahn und der Erdbahn zwischen den Örtern derselben in der ersten und dritten Beobachtung werden von den mittlern radiis vectoribus im Verhältniss der Zeiten geschnitten, so lässt sich das Verhältniss der wahren oder curtirten Distanzen des Cometen von der Erde in der ersten und dritten Beobachtung bestimmen. Wir werden dies im folgenden Abschnitt näher sehen. Nun lässt sich wieder mit der dritten Beobachtung eine vierte und fünfte verbinden, und so wird man das Verhältniss der Distanzen in der ersten, dritten und fünften Beobachtung angeben können. Man braucht aber nur das Verhältniss dreier Distanzen des Cometen von der Erde zu wissen, um die Distanzen selbst blos aus der Bedingung zu finden, dass die drei Örter des Cometen in einer und derselben Ebene, die durch den Mittelpunct der Sonne geht, liegen.

S. 26.

Fig. 4.

Um dies zu zeigen, darf man nur überhaupt eine Gleichung zwischen x, y, z, und der Länge des Knotens und der Neigung der Bahn des Cometen suchen. Es sei $Fig.\ 4$. S der Mittelpunct der Sonne, S γ eine Linie nach dem Punct der Frühlings-Nachtgleiche, S γ die Knotenlinie. Ferner sei S γ die Knotenlinie. Ferner sei S γ die Linie B stehe der Comet senkrecht in C, so dass BC=z. Fällt man nun aus B auf S γ die Linie BD senkrecht, so ist BDC= der Neigung der Bahn. Es sei nun γ S γ oder die Länge des γ h, CDB oder die Neigung der Bahn = γ , so ist

 $AE = x \tan h$

also

 $BE = y - x \tan g h$

ferner

 $BD = BE \cos h = y \cos h - x \sin h$

und

BC=z=BD tang i=y cos h tang i—x sin h tang i. Für drei Beobachtungen wird man also drei Gleichungen von der Form z=y cos h tang i—x sin h tang i haben. Jede enthält, wenn die Verhältnisse der curtirten Distanzen gegeben sind, nur drei unbekannte Grössen *) ϱ , h und i, die sich also daraus bestimmen lassen.

§. 27.

Es sei also $\varrho'' = M\varrho'$, $\varrho''' = N\varrho'$, so haben wir $z' = \varrho'$ tang β , $z'' = M\varrho'$ tang β''' , und $z''' = N\varrho'$ tang β''' , und damit lassen sich die drei Gleichungen so ausdrücken

$$\frac{\varrho'}{\cos h \ \operatorname{tang} i} = \frac{y' - x' \ \operatorname{tang} h}{\operatorname{tang} \beta'}$$

$$\frac{\varrho'}{\cos h \ \operatorname{tang} i} = \frac{y'' - x'' \ \operatorname{tang} h}{\operatorname{M} \ \operatorname{tang} \beta''}$$

$$\frac{\varrho'}{\cos h \ \operatorname{tang} i} = \frac{y''' - x''' \ \operatorname{tang} h}{\operatorname{N} \ \operatorname{tang} \beta}$$

Folglich ist

$$(y'-x' \text{ tang h}) \text{ M tang } \beta'' = (y''-x'' \text{ tang h}) \text{ tang } \beta'$$

und

(y'-x') tang h) N tang $\beta''' = (y'''-x''')$ tang h) tang β' . Setzt man nun in diese Gleichungen die Werthe von x', x''', x''', y'', y''', y''', so erhält man zwei Gleichungen, die nur die beiden unbekannten Grössen ϱ' und tang h enthalten. Jede derselben kann also nach Gefallen und zwar durch eine Gleichung des zweiten Grades gefunden werden. Bestimmt man h, so hat die Auflösung die grösste Achnlichkeit mit derjenigen, die Hr. Professor Hennert gegeben hat; sucht man aber ϱ' , so verfällt man auf Formeln, die denen ganz analog sind, die Hr. du Séjour gefunden hat, und die er als so brauchbar rühmt.

§. 28.

Ich will mich hier nur bei der letzten aufhalten, und den Werth von ϱ' suchen. Man schaffe also aus den beiden Gleichungen taug h weg, so ist

$$\frac{y'' \ \tan g \ \beta' - \mathbf{M}y' \ \tan g \ \beta''}{x'' \ \tan g \ \beta' - \mathbf{M}x' \ \tan g \ \beta''} = \frac{y''' \ \tan g \ \beta' - \mathbf{N}y' \ \tan g \ \beta'''}{x''' \ \tan g \ \beta' - \mathbf{N}x' \ \tan g \ \beta'''}$$

Folglich

tang
$$\beta'$$
 ($y''x'''-y'''x''$) + M tang β'' ($y'''x'-y'x'''$)
+ N tang β''' ($x''y'-x'y''$) = 0,

welches eine Gleichung des zweiten Grades ist. Nun haben wir §. 7:

^{*)} x, y, z ist nämlich durch \rho gegeben. S. §. 7.

$$x' = \varrho' \cos \alpha' - R' \cos A'$$

$$x'' = M\varrho' \cos \alpha'' - R'' \cos A''$$

$$x''' = N\varrho' \cos \alpha''' - R''' \cos A'''$$

$$y' = \varrho' \sin \alpha' - R' \sin A'$$

$$y'' = M\varrho' \sin \alpha'' - R'' \sin A''$$

$$y''' = N\varrho' \sin \alpha'' - R''' \sin A'''$$

Setzt man diese sechs Werthe in die Gleichung, so findet man nach einigen leichten Zusammenziehungen, und wenn man der Kürze wegen annimmt

$$P = M \operatorname{tang} \beta'' \operatorname{R'R'''} \sin (A''' - A') - \operatorname{tang} \beta' \operatorname{R''} \operatorname{R'''} \sin (A''' - A'') - \operatorname{N} \operatorname{tang} \beta''' \operatorname{R'} \operatorname{R''} \sin (A'' - A')$$

$$\begin{aligned} \mathbf{Q} &= \mathbf{M} \ \operatorname{tang} \beta^{\prime\prime} \left(\mathbf{R}^{\prime\prime\prime} \ \sin \left(\mathbf{A}^{\prime\prime\prime} - \boldsymbol{\omega}^{\prime} \right) + \mathbf{N} \, \mathbf{R}^{\prime} \ \sin \left(\boldsymbol{\omega}^{\prime\prime\prime} - \mathbf{A}^{\prime} \right) \right) \\ &- \operatorname{tang} \beta^{\prime} \left(\mathbf{M} \, \mathbf{R}^{\prime\prime\prime} \ \sin \left(\mathbf{A}^{\prime\prime\prime} - \boldsymbol{\omega}^{\prime\prime} \right) + \mathbf{N} \, \mathbf{R}^{\prime\prime} \ \sin \left(\boldsymbol{\omega}^{\prime\prime\prime} - \mathbf{A}^{\prime\prime} \right) \right) \\ &- \mathbf{N} \ \operatorname{tang} \beta^{\prime\prime\prime} \left(\mathbf{R}^{\prime\prime} \ \sin \left(\mathbf{A}^{\prime\prime} - \boldsymbol{\omega}^{\prime} \right) + \mathbf{M} \mathbf{R}^{\prime} \ \sin \left(\boldsymbol{\omega}^{\prime\prime} - \mathbf{A}^{\prime} \right) \right) \end{aligned}$$

$$S = MN (\tan \beta'' \sin (\alpha'' - \alpha') - \tan \beta' \sin (\alpha''' - \alpha'') - \tan \beta''' \sin (\alpha'' - \alpha'))$$

die quadratische Gleichung

$$S\varrho'^2 - Q\varrho' + P = 0,$$

woraus sich denn sogleich

$$\varrho' = \frac{\varrho}{2S} \pm \sqrt{\left(\frac{\varrho^2}{4S^2} - \frac{P}{S}\right)}$$

oder

$$\varrho' = \frac{Q \pm \sqrt{(Q^2 - 4SP)}}{2S}$$

ergieht. Dies ist im Grunde mit der Formel des Hrn. du Séjour übereinstimmend: nur, dünkt mich, ist der Weg, auf dem hier die quadratische Gleichung für ϱ' gefunden worden ist, viel leichter und kürzer, als derjenige, den jener grosse Analyst gewählt hat. So wird sich auch eine quadratische Gleichung für tang h aus den §. 27 angegebenen Gleichungen viel bequemer finden lassen, als es Hr. Hennert vorgetragen hat.

§. 29.

Herr Pingré hat sowohl die Methode des Hrn. du Séjour, als die des Hrn. Hennert in der Rechnung versucht, allein beim Gebranche sehr mangelhalte Resultate gefunden. Die Coefficienten S, Q, P wurden immer sehr klein, und deswegen hatten die geringsten Fehler der Beobachtungen immer einen ungemein grossen Einfluss auf den Werth der unbekannten Grösse: einen so grossen Einfluss, dass er deswegen Hrn. Hennert's Auflösung für ganz

unbrauchbar erklärt. Und was von Hrn. Hennert's Auflösung gilt, lässt sich auch auf die des Hrn. du Séjour anwenden; denn beide sind Folgen aus denselben Gleichungen.

§. 30.

Es wird wohl der Mühe werth sein, dies etwas näher zu untersuchen, um über die Brauchbarkeit dieser Methoden richtig urtheilen zu können. Es ist einleuchtend, dass die Auflösung eine geometrische Schärfe haben würde, wenn 1) die Beobachtungen völlig genau, und 2) die Verhältnisse der Distanzen M und N richtig bestimmt wären. Letzteres ist nicht der Fall, weil eine nicht ganz richtige Hypothese dabei zum Grunde liegt, und völlig richtige Beobachtungen gehören unter die frommen Wünsche. Nun hängt aber der Werth von ϱ' in des Hrn. du Séjour Formeln lediglich von der scheinbaren Krümmung der Cometenbahn, oder von der Abweichung der scheinbaren Cometenbahn von einem grössten Kreise ab. Liegen nämlich die drei beobachteten Örter des Cometen m einem grössten Kreise der Sphäre, so ist der Coefficient von ϱ'^2 , oder S = 0. Dies lässt sich so übersehen. Es ist nämlich

$$S = NM \left(\tan \beta'' \sin (\alpha''' - \alpha') - \tan \beta' \sin (\alpha''' - \alpha'') - \tan \beta''' \sin (\alpha'' - \alpha') \right).$$

Nun wird

tang
$$\beta''$$
 sin $(\alpha'''-\alpha')$ — tang β' sin $(\alpha'''-\alpha'')$
— tang β''' sin $(\alpha'''-\alpha')=0$

wenn die drei Örter in einem grössten Kreise liegen. Denn gesetzt, der Abstand des Cometen der Länge nach gerechnet, von dem Puncte, wo dieser grösste Kreis die Eeliptik schneidet, sei in der ersten Beobachtung = q, und die Neigung dieses grössten Kreises gegen die Eeliptik = μ , so ist

tang
$$\beta' = \tan \mu \sin \phi$$

tang $\beta'' = \tan \mu \sin (\phi + \alpha'' - \alpha')$
tang $\beta''' = \tan \mu \sin (\phi + \alpha''' - \alpha')$

Setzt man diese Werthe in die obige Gleichung, und dividirt mit tang μ , so hat man

$$\sin (\varphi + \alpha'' - \alpha') \sin (\alpha''' - \alpha') - \sin \varphi \sin (\alpha''' - \alpha'') - \sin (\varphi + \alpha''' - \alpha') \sin (\alpha'' - \alpha')$$

welches offenbar = 0 ist.

Hr. du Séjour sucht die quadratische Gleichung nicht für ϱ oder die curtirte Distanz, sondern für den wirklichen Abstand, den

er \triangle' nennt. Allein sein Coefficient von \triangle'^2 ist ebenfalls =0, sobald die drei Örter des Cometen in einem grössten Kreise liegen. Er heisst nämlich, in unsere Buchstaben übersetzt:

wo man nur mit $\cos\beta'$ $\cos\beta''$ $\cos\beta'''$ dividiren darf, um unser S zu haben.

S. 31.

Es würde sich nun auch zeigen lassen, dass die übrigen beiden Coefficienten für diesen Fall, der im Grunde mit der Voraussetzung der geradlinigen und gleichförmigen Bewegung übereinkommt, verschwinden müssen. Allein man kann jetzt schon hinreichend über die Brauchbarkeit dieser Methode urtheilen. Da nämlich drei einander nahe Beobachtungen eines Cometen immer auch sehr nahe in einem grössten Kreise liegen, so müssen die Coefficienten S. P und Q, die lediglich von der Krümmung der scheinbaren Cometenbahn abhängen, immer sehr klein sein: und dieser ihr kleiner Werth kann durch die unvermeidlichen Fehler der Beobachtung gänzlich verändert werden. Man nehme noch hinzu, dass M und N, oder die Verhältnisse der curtirten Abstände nicht geometrisch genau sind, und so ist diese Methode bei drei unter sich sehr nahen Beobachtungen schlechterdings nicht zu gebrauchen und wird gewöhnlich ein von der Wahrheit ungemein abweichendes Resultat geben. Wenn man indessen mehrere auf einander folgende, unter sich nahe und genaue Beobachtungen hat, dass die erste, mittlere und letzte Beobachtung sehon ziemlich entfernt von einander sind, für die man M und N aus den zwischenliegenden bestimmen kann, so wird man freilich auf etwas von der Wahrheit nicht ganz entferntes kommen können, *) Nur wird sodann die Rechnung nicht wenig weitläufig, und der Erfolg doch immer zu unsicher bleiben. als dass man nicht die bequemeren und zuverlässigeren Approximations-Methoden diesen Gleichungen des zweiten Grades vorziehen sollte.

^{*)} Und zwar um so mehr, je stärker die scheinbare Cometenbahn von einem grössten Kreise abweicht. Diese Abweichung ist aber um so viel grösser, je ungleicher die Abstände des Cometen und der Erde von der Sonne sind, besonders wenn sich der Comet zugleich nicht weit von der Quadratur befindet, oder weder der Opposition noch der Conjunction sehr nahe ist.

S. 32.

Es scheint nicht, dass Hrn. du Séjour oder Hrn. Hennert diese natürliche Ursache der wenigen Brauchbarkeit ihrer Methoden aufgefallen wäre. Ersterer ist indessen wenigstens practisch davon überzeugt worden, indem er in seinem neueren Werke statt dieser eine andere angiebt, die ich hier aber nicht umständlich auseinanderzusetzen brauche, da ich bei aller Achtung, die ich für diesen berühmten, nun verewigten Gelehrten hege, dreist behaupten kann, dass sie nur eine sehr mühsame, weitläufige und wenig genaue Approximations-Methode ist.*) — Genng, dass weder Gleichungen des ersten noch des zweiten Grades, worauf man zur Bestimmung einer Cometenbahn verfallen ist, mit wirklichem Nutzen in der Ausübung angewendet werden können.

^{*)} Durch eine sehr sinnreiche Analyse sucht Hr. du Séjour das Verhältniss der Distanzen in den drei Beobachtungen zwar genauer, als es nach §. 25 geschieht, aber auch so, dass in diesen Verhältnissen ein von der noch unbekannten Distanz von der Sonne abhängender Factor vorkommt, sie also erst durch wiederholte Näherung genau gefunden werden können. So bringt er die Distanzen auf eine unbekannte Grösse zurück, bestimmt daraus die Länge der Chorde, und vergleicht diese auf Newton's nicht ganz scharfe Art mit der Zeit. Diese Methode erfordert sehr mühsame vorbereitende Rechnungen, ist nur auf Cometen anwendbar, von denen man eine ganze Folge genauer Beobachtungen hat, und giebt doch nach einer langweiligen Arbeit nur ein genähertes Resultat. S. Du Séjour Traité analytique des monvemens apparens des corps cétestes. Tom. 11.

Dritter Abschnitt.

Kurze und leichte Methode, die genäherten Bestimmungsstücke einer Cometenbahn zu finden.

§. 33.

Aus dem Vorigen ist es also erwiesen, dass, wenn man nicht mit de la Caille durch unzählige Versuche eine Cometenbahn nach und nach, fast möchte ich sagen, errathen will, nothwendig eine nicht ganz wahre, nur der Wahrheit nahe kommende Voraussetzung angenommen werden müsse, die dies gar zu verwickelte Problem zur ersten genäherten Auflösung mehr vereinfacht. Mit Hrn. Boscovich das Stück der Cometenbahn zwischen den Beobachtungen als geradlinig und mit gleichförmiger Geschwindigkeit durchlaufen anzunehmen, ist etwas zu gewagt und giebt in den mehrsten Fällen eine noch zu sehr von der Wahrheit abweichende Bestimmung. Denn hier macht man nicht eine, sondern zwei falsche Hypothesen: die geradlinige Bewegung und die gleichförmige Geschwindigkeit. Viel näher kommt man der Wahrheit, wenn man sich blos mit dem Satze begnügt, dass die Chorde der Cometenbahn von dem mittlern radius vector im Verhältniss der Zeiten geschnitten werde. Und nimmt man nun zugleich an, auch die Chorde der Erdbahn werde im nämlichen Verhältnisse geschnitten, so erhält man eine zwar indirecte, aber so leichte und bequeme Methode, die genäherten Elemente einer Cometenbahn zu berechnen, als man sich nach der Schwierigkeit des Problems vielleicht kaum vorstellen sollte.

§. 34.

Fig. 1.

Es sei also S die Sonne, A, B, C drei Örter des Cometen in dreien in Ansehung der Zwischenzeiten nicht sehr verschiedenen und überhaupt nicht weit von einander entfernten Beobachtungen, a, b, c die drei Örter der Erde zu den Zeiten der drei Beobachtungen: so nehme ich an, dass die mittlern radii rectores SB, Sb die Chorden AC, ac in D und d im Verhältniss der Zwischenzeiten schneiden, so dass, wenn man die Zeit zwischen der ersten und zweiten Beobachtung t', zwischen der zweiten und dritten Beobachtung t" nennt, ad:de=AD:DC=t':t'' sei. Diese Voraussetzung ist nicht vollkommen wahr: sie weicht aber sehr wenig von der Wahrheit ab, wenn die Bogen AC, ac klein sind. Die Zeiten verhalten sich nämlich eigentlich wie die parabolischen und elliptischen Sectoren ANBS, BMCS, anbS, bmcS: die Abschnitte der Chorden aber, wie die triangulären Sectoren ABS, CBS, abS, bcS. Allein 1) sind, wenn die Bogen klein sind, überhaupt die parabolischen und elliptischen Sectoren sehr wenig grösser, als die triangnlären, nämlich nur um die kleinen Segmente ANBA, anba, BMCB, bmcb; es ist klar, dass, wenn die Bogen und also auch die Sectoren selbst kleine Grössen der ersten Ordnung sind, diese Segmente nur Grössen der dritten Ordnung sein werden; 2) werden diese Segmente mit den Sectoren, nur freilich nicht im einfachen Verhältniss der Sectoren, grösser oder kleiner; und 3) giebt es für jeden parabolischen und elliptischen Bogen einen radius rector, der die Chorde genau im Verhältniss der Zeiten schneidet, oder für den auch wieder die kleinen Segmente ANBA, BMCB etc. genau im Verhältniss von AD: DC sind. Unter welchen Umständen dies bei der Parabel stattfindet, haben Newton, Gregory und vorzüglich Lambert untersucht, *) und überhaupt gezeigt, dass bei kleinen Bogen sehr wenig an diesem Verhältniss fehlen kann, wenn die Zeiten nicht sehr ungleich sind. Bei der Erdbahn wird der Fehler in dem Falle der fast gleichen Zwischenzeiten noch um so viel geringer sein, da diese Bahn von einem Kreise so wenig verschieden ist.

^{*)} Newton Princip. t. III. lemma VIII. Gregory Astronom. Phys. et Geom. etem. t. V. pr. XVIII. Lambert Beirage Th. 3, S, 261 ff. Man vergleiche auch Lambert Propriet insign. orbitae com. §, 49, 50. Astronomisches Jahrbuch 1779 S, 466 u. f.

S. 35.

Nach dieser Voraussetzung wird sich nun leicht der scheinbare Ort des Cometen zur Zeit der mittlern Beobachtung bestimmen lassen, den er würde gehabt haben, wenn die Erde in d und der Comet in D gestanden hätten. Denn einmal liegen die scheinbaren Örter von A, D, C aus a,d,c gesehen in einem grössten Kreise der Sphäre; zweitens liegen auch b,d, S, D, B in einer Ebene, folglich alle Puncte der Linie BS, aus einem beliebigen Puncte der Linie bS gesehen, in einem und demselben grössten Kreise. Man darf also nur den Durchschnittspunct dieser beiden grössten Kreise auf der Sphäre suchen, um die Lage der Linie dD zu finden. Der erste grösste Kreis wird durch die beobachteten Örter des Cometen in der ersten und dritten Beobachtung, der zweite durch die mittlere Beobachtung und den Ort der Sonne zur Zeit derselben bestimmt, Nimmt man nun

$$\cot \pi = \frac{\tan \beta'''}{\sin (\alpha''' - \alpha') \tan \beta'} - \cot (\alpha''' - \alpha')$$

so ist π ein Bogen , der von α' abgezogen den Punct giebt , wo der durch die beiden äussersten Örter des Cometen gezogene grösste Kreis die Ecliptik schneidet , und zwar unter einem Winkel η , der durch die Gleichung

$$\tan \eta = \frac{\tan \beta'}{\sin \pi}$$

bestimmt wird. Die Länge des Puncts, wo der andere grösste Kreis die Ecliptik schneidet, ist = A'', oder gleich der Länge der Sonne in der mittlern Beobachtung, und seine Neigung \mathcal{F} findet sich

$$\tan \theta = \frac{\tan \beta''}{\sin (A'' - a'')}$$

Damit lässt sich nun die Lage des Durchschnittspuncts heider grössten Kreise gegen die Ecliptik leicht finden. Denn es sei

$$\cot \sigma = \frac{\tan \eta}{\tan \theta} + \cot (A'' + \pi - \alpha')$$

so ist $\alpha' - \pi + \sigma$ die Länge dieses Puncts, die ich c'' nennen will, und die Breite γ'' ergiebt sich

tang
$$\gamma'' = \tan \sigma \eta \sin \sigma$$
.

§. 36.

Da unserer Voraussetzung zu Folge die Chorde der Cometenbahn A.C., und die Chorde der Erdbahn ac von den Gesichtslinien A.a,

dD, cC im Verhältniss der Zeiten geschnitten werden, so muss dies nämliche Verhältniss auch bei allen orthographischen Projectionen dieser Chorden und Gesichtslinien stattfinden. Es sei also CDA die auf die Fläche der Erdbahn projicirte Chorde der Cometenbahn, acd wie vorhin die Chorde der Erdbahn, aA, dD, cC nach den drei gegebenen Längen a', c'', a''' gezogen, so ist

$$CO : AM = \frac{CD}{\sin COD} : \frac{AD}{\sin DMA}$$

$$CO : aM = \frac{cd}{\sin COD} : \frac{ad}{\sin DMA}$$

Da nun

$$cd: da = CD: AD = t'': t'$$

und

$$Cc = CO + cO$$

$$Aa = AM + aM$$

ist, so ergiebt sich

$$Aa : Cc = \frac{t'}{\sin DMA} : \frac{t''}{\sin COD}$$

Es ist aber DMA == dem Unterschiede der Längen in der ersten und zweiten Beobachtung = $e^{\prime\prime}-a^\prime$, und COD == dem Unterschiede der Längen in der zweiten und dritten Beobachtung = $e^{\prime\prime\prime}-e^{\prime\prime}$: ferner sind Aa, Ce die curtirten Distanzen des Cometen von der Erde in der ersten und dritten Beobachtung, die wir oben e^\prime , $e^{\prime\prime\prime}$ genannt haben. Demnach ist

$$\varrho':\varrho'''=\frac{t'}{\sin\left(e''-\alpha'\right)}:\frac{t''}{\sin\left(\alpha'''-e''\right)}$$

also

$$\varrho''' = \varrho' \frac{t'' \sin(\varrho'' - \alpha')}{t' \sin(\varrho''' - \varrho'')} = M\varrho'$$

wodurch das Verhältniss der curtirten Distanzen des Cometen in der ersten und dritten Beobachtung gegeben ist.

§. 37.

Diese Art, den Werth von M oder das Verhältniss der curtirten Abstände zu finden, ist indessen weder allgemein brauchbar, noch immer am bequemsten. Es giebt nämlich 1) einen Fall, wo man sie gar nicht brauchen kann: bei Cometen nämlich, deren scheinbare Bewegung fast senkrecht auf die Ecliptik, oder deren Bewegung in der Länge sehr gering, in der Breite sehr beträchtlich ist. Hier werden die Bogen e"—e", a""—e" zu klein, und also wird M sehr unsicher gefunden werden. 2) Einen Fall, wo man

sie brauchen muss: bei Cometen nämlich, die in der Nähe ihrer Quadratur sich langsam, besonders in Ansehung der Breite bewegen. Hier kann die folgende Methode misslich werden. 3) Einen Fall, wo man sie der vorzüglichen Bequemlichkeit wegen brauchen wird: dann nämlich, wenn die Zwischenzeiten sehr klein, oder die Beobachtungen nicht sehr genan sind. Hier wird es ohne Bedenken erlaubt sein, statt der corrigirten Länge c", unmittelbar a" zu gebrauchen, und sich so die ganze Berechnung des §. 35 zu ersparen. Es ist dies eben so viel, als wenn man annähme, dass die Linien Bb, Dd (Fig. 1.) einander parallel sind, und daran kann sehr wenig fehlen, wenn die Bogen ac, AC klein, und also die Linien bd, BD sehr klein sind. Dann hat man sogleich

$$\mathbf{M} = \frac{t''}{t'} \frac{\sin(\alpha'' + \alpha')}{\sin(\alpha''' + \alpha'')}$$

S. 38.

Da alle orthographische Projectionen der Gesichtslinien die orthographischen Projectionen der Chorden in dem nämlichen Verhältniss schneiden, so darf man, eine allgemeiner branchbare Formel zu finden, diese Linien nur auf eine Ebene projiciren, die auf der Ebene der Ecliptik senkrecht steht, und auf der auch wieder der mittlere radius vector für die Erde senkrecht ist. Diese Ebene hat bekanntlich auch schon Lambert mit Vortheil gewählt. Macht man sodann

$$\tan b' = \frac{\tan \beta'}{\sin (\Lambda'' - a')}$$

$$\tan b'' = \frac{\tan \gamma''}{\sin (\Lambda'' - c'')}$$

$$\tan b''' = \frac{\tan \beta'''}{\sin (\Lambda'' - c''')}$$

so sind b', b'', b''' die Winkel, die die Gesichtslinien in der Projection mit der projicirten Chorde der Erdbahn machen. Hierbei ist nun offenbar

$$\frac{\tan \alpha \gamma''}{\sin(A''-c'')} = \frac{\tan \alpha \beta''}{\sin(A''-\alpha'')}$$

also wird die Rechnung zur Bestimmung von c'' und γ'' unnöthig. Setzt man nun den projicirten Abstand in der ersten Beobachtung $= \delta$, in der dritten Beobachtung $= N \, \delta$, so ist, weil auch hier die Chorden im Verhältniss der Zeiten geschnitten werden,

$$N = \frac{t''}{t'} \frac{\sin (b''' - b')}{\sin (b''' - b'')}$$

Nun ist aber

$$e' = \frac{\delta \cos b'}{\sin (A'' - \alpha')}$$

$$e''' = Me' = \frac{N\delta \cos b'''}{\sin (A'' - \alpha''')}$$

folglich

$$\begin{split} \mathbf{M} &= \frac{\cos b^{\prime\prime\prime} \sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime}) \sin (b^{\prime\prime\prime} - b^{\prime\prime}) t^{\prime\prime}}{\cos b^{\prime\prime} \sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime\prime\prime}) \sin (b^{\prime\prime\prime} - b^{\prime\prime}) t^{\prime\prime}} \\ &= \frac{\sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime\prime}) (\tan g b^{\prime\prime} - \tan g b^{\prime}) t^{\prime\prime}}{\sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime\prime\prime}) (\tan g b^{\prime\prime\prime} - \tan g b^{\prime\prime}) t^{\prime\prime}} \\ &= \frac{(\tan g \beta^{\prime\prime\prime} \sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime\prime}) - \tan g \beta^{\prime\prime\prime} \sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime\prime})) t^{\prime\prime}}{(\tan g \beta^{\prime\prime\prime\prime} \sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime\prime}) - \tan g \beta^{\prime\prime\prime} \sin (\mathbf{A}^{\prime\prime} - \omega^{\prime\prime\prime})) t^{\prime\prime}} \end{split}$$

Ein sehr bequemer Ausdruck für M, der sich zur Rechnung noch etwas geschmeidiger so vorstellen lässt,

$$M = \frac{(m \sin (\Lambda'' - \alpha') - \tan \beta')t''}{(\tan \beta \beta''' - m \sin (\Lambda'' - \alpha'''))t'}$$

indem man nämlich der Kürze wegen

$$\frac{\tan \beta''}{\sin (\Lambda'' - \alpha'')} = m$$

setzt.

S. 39.

Damit ist also das Verhältniss der curtirten Distanzen des Cometen von der Erde in der ersten und dritten Beobachtung gegeben. Um nun die Distanzen selbst zu finden, müssen wir durch sie die Chorde AC, Fig. 1, und die beiden radii vectores SA, SC bestimmen und die gefundenen Werthe sodann mit der Zeit vergleichen, die der Comet gebraucht hat, von A nach C zu kommen. Sind nun die beiden Distanzen der Erde von der Sonne in der ersten und dritten Beobachtung Sa, Sc = R', R''', die beiden Abstände des Cometen von der Sonne SA, SC = r', r''', so ergiebt sich sogleich

$$r'^{2} = R'^{2} - 2R'\varrho' \cos(A' - \omega') + \varrho'^{2} \sec \beta'^{2}$$

$$r''^{2} = R'''^{2} - 2R'''M\varrho' \cos(A''' - \omega''') + M^{2}\varrho'^{2} \sec \beta'''^{2}$$

S. 40.

Die Chorde k'' ist nach §. 7

$$= \sqrt{(x'''-x')^2 + (y'''-y')^2 + (z'''-z')^2}$$

Entwickelt man diese Formel, und erinnert sich, dass:

$$\begin{array}{l} r'^2 = x'^2 + y'^2 + z'^2 \\ r''^2 = x'''^2 + y'''^2 + z'''^2 \end{array}$$

so wird

$$k'' = \sqrt{r'^2 + r''^2 - 2x'x''' - 2y'y''' - 2z'z'''}$$

Nun ist §. 7

$$\begin{array}{lll} x' &= \varrho' \cos \alpha' - \mathrm{R}' \cos \mathrm{A}' \\ y' &= \varrho' \sin \alpha' - \mathrm{R}' \sin \mathrm{A}' \\ z' &= \varrho' \tan \beta' \\ x''' &= \mathrm{M}\varrho' \cos \alpha''' - \mathrm{R}''' \cos \mathrm{A}''' \\ y''' &= \mathrm{M}\varrho' \sin \alpha''' - \mathrm{R}''' \sin \mathrm{A}''' \\ z''' &= \mathrm{M}\varrho' \tan \beta''' \end{array}$$

Folglich hat man

$$x'x''' + y'y''' = R'R''' \cos(A'''-A') - \varrho'R''' \cos(A'''-\alpha') - M\varrho'R' \cos(A'-\alpha''') + M\varrho'^2 \cos(\alpha'''-\alpha')$$

und

$$z'z''' = M\rho'^2 \tan \beta' \tan \beta'''$$

also heisst die ganze Formel

$$k^{\prime\prime 2} = r^{\prime 2} + r^{\prime\prime\prime 2} - 2R'R'''\cos(A''' - A') + 2\varrho'R'''\cos(A''' - \alpha') + 2M\varrho'R'\cos(A' - \alpha'') - 2M\varrho'^2\cos(\alpha''' - \alpha') - 2M\varrho'^2\tan \beta''\tan \beta'''$$

wofür man der Kürze wegen

$$k = \sqrt{F + G\varrho' + H\varrho'^2}$$

schreiben kann.

S. 41.

Ist nun T die Zeit zwischen der ersten und dritten Beobachtung, so ist nach Lambert's schönem Theorem

$$\mathbf{T} = \frac{\binom{r' + r''' + k''}{2}^{\frac{3}{2}} - \binom{r' + r''' - k''}{2}^{\frac{3}{2}}}{m3\sqrt{2}}$$

In diese Formel unsere gefundenen Werthe für r', r''' und k'' gesetzt, würde freilich auf eine ungeheure schwer aufzulösende Gleichung führen. Eine Gleichung, die sich indess auf den zwölften Grad bringen lässt, wenn man statt der eben angegebenen Lambert'schen Formel die Näherung des Hrn. du Séjour gebrauchen wollte, der

$$T^2 = \frac{(r' + r''')k''^2}{4f}$$

setzt, und die sogar nur vom sechsten Grade sein wird, wenn man sich erlaubt

$$\frac{r'+r'''}{2} = \sqrt{\frac{r'^2+r'''^2}{2}}$$

zu setzen, welches allerdings nur dann einigermassen angeht, wenn r' und r''' wenig von einander verschieden, also k'' und T sehr klein sind. Allein wir brauchen alle diese etwas misslichen Abkürzungen gar nicht. Denn wenn sich gleich der Werth von ϱ' nicht unmittelbar aus der Lambert'schen Formel finden lässt, so wird man ihn doch durch einige wenige Versuche leicht entdecken. Wir haben nämlich

$$r' = \sqrt{R'^2 - 2R' \cos(\Lambda' - \alpha')} \frac{\varrho' + \sec \beta'^2 \varrho'^2}{\varrho'^2}$$

$$r''' = \sqrt{R'''^2 - 2R''' \cos(\Lambda''' - \alpha''')} \frac{M\varrho' + \sec \beta'''^2}{M\varrho'^2} \frac{M^2}{\varrho'^2}$$

$$k'' = \sqrt{F + G\varrho' + \Pi\varrho'^2}$$

In diesen drei Gleichungen sind alle Coefficienten von o' bekannte. in Zahlen berechnete Grössen. Man darf also nur einen Werth von o' annehmen, um sogleich blos durch das Ausziehen dreier Ouadratwurzeln r', r''' und k'' zu haben. Aus diesen ergiebt sich sodann ohne Mühe aus der Tafel für den parabolischen Fall gegen die Sonne, oder durch unmittelbare leichte Berechnung die Zeit, die zwischen den Beobachtungen nach dem angenommenen Werthe von o' hätte verstreichen sollen. Diese Zeit mit der beobachteten verglichen, zeigt leicht, ob man den angenommenen Werth von ø' vermehren oder vermindern müsse, um der beobachteten Zwischenzeit näher zu kommen. Man kommt sehr bald der Wahrheit nahe genug, um alles Übrige durch eine leichte Interpolation nachzuholen, Selten wird man mehr als vier, höchstens fünf Voraussetzungen nöthig haben, und bei den ersten zwei oder drei braucht die Rechnung gar nicht scharf geführt zu werden. So viel kann ich wenigstens versichern, dass die Bestimmung des wahren Werths von o' aus obigen drei Gleichungen immer noch weit bequemer sei, als die Auflösung einer Gleichung des sechsten Grades.

§. 42.

Sobald man den Werth von ϱ' gefunden hat, ist die Bestimmung der ganzen Bahn leicht. Denn die Rechnung giebt schon numittelbar r', r''', ϱ' , und $\varrho''' = M\varrho'$. Nennt man nun die heliocentrischen Breiten in der ersten und dritten Beobachtung λ' , λ''' , so ist

$$\sin \lambda' = \frac{\varrho' \tan \beta'}{r'} \quad \sin \lambda''' = \frac{\varrho''' \tan \beta'''}{r'''}$$

Ferner mögen die beiden heliocentrischen Elongationen des Cometen von der Erde ϵ' , ϵ''' heissen, so haben wir

$$\sin \epsilon' = \frac{\varrho' \sin (\Lambda' - \alpha')}{r' \cos \lambda'}$$
$$\sin \epsilon''' = \frac{\varrho''' \sin (\Lambda'' - \alpha''')}{r''' \cos \lambda'''}$$

wodurch die beiden heliocentrischen Längen, die ich C' u. C" nennen will, gefunden werden. Es sei nun

$$\cot \omega = \frac{\tan \beta \lambda'''}{\tan \beta \lambda' \sin (C''' - C')} - \cot (C''' - C')$$

so ist ω die Entfernung des Cometen in der ersten Beobachtung, der Länge nach gerechnet, vom aufsteigenden Knoten: also $C'-\omega$ die Länge des Knotens. Die Neigung der Bahn ergiebt sich durch die Formel

$$\tan g i = \frac{\tan g \, \lambda'}{\sin \omega}$$

Für die beiden heliocentrischen Entfernungen des Cometen in der Ebene seiner Bahn vom Knoten u', u''' ist

$$\cos u' = \cos \lambda' \cos \omega$$
$$\cos u''' = \cos \lambda''' \cos (C''' - C' + \omega)$$

so dass u'''-u'= dem Unterschiede der beiden wahren Anomalien in der ersten und dritten Beobachtung sein wird. Nennt man nun g die wahre Anomalie in der ersten Beobachtung, so ist nach bekannten Eigenschaften der Parabel

$$\tan \frac{1}{2} q = \cot \frac{u''' - u'}{2} - \frac{\sqrt{\frac{r'}{r'''}}}{\sin \frac{u''' - u'}{2}}$$

dadurch ist die Länge des Periheliums gegeben. Der Abstand der Sonnennähe π ergiebt sich

$$\pi = r' \cos \frac{1}{2} q^2$$

und so findet sich auch leicht die Zeit des Periheliums entweder durch unmittelbare Berechnung, oder durch eine der vielen zur Erleichterung dieser Rechnungen dienenden Tafeln.

§. 43.

Gewöhnlich wird man, sobald man ϱ' gefunden bat, neugierig genug sein, alle Elemente der zu berechnenden Cometenbahn kennen zu lernen, um auch alle in dem vorigen \S . angegebene Rechnungen vorzunehmen. An sich ist dies übrigens nicht immer nöthig. Die hier gefundenen Bestimmungsstücke bedürfen nachmals noch immer einer Verbesserung, und man braucht deswegen jetzt nur die zu berechnen, aus denen sich diese Verbesserung ableiten lässt. Es

ist, wie Hr. de la Place sehr richtig bemerkt, gut, in einer so langen Rechnung jede unnöthige Arbeit zu ersparen. Wollte man sich also blos mit dem Nothwendigen begnügen, so werden entweder Länge des Knotens und Neigung der Bahn, oder auch Zeit und Abstand des Periheliums hinreichend sein, je nachdem man eine oder die andere von den unten vorkommenden Verbesserungs-Methoden wählen wird. In dem ersten Falle können also alle, aufs Perihelium und die wahre Anomalie Bezug habende Formeln wegfallen: und im zweiten ist es unnöthig, die Länge des Knotens und die Neigung der Bahn zu berechnen. Es sei n'''-n'', oder der Winkel, den die beiden $radii\ vectores$ an der Sonne einschliessen = χ , also χ der Unterschied der beiden wahren Anomalien in der ersten und dritten Beobachtung, so ist umnittelbar

$$\cos \chi = \frac{r'^2 + r'''^2 - k''^2}{2r'r'''}$$

woraus sich denn sogleich q durch die Formel

$$\tan g \, \frac{1}{2} g = \cot \frac{1}{2} \chi - \frac{\sqrt{\frac{r'}{r'''}}}{\sin \frac{1}{2} \chi}$$

mithin auch Zeit und Abstand des Periheliums ergiebt. Der Werth von φ lässt sich noch unmittelbarer berechnen. Denn es ist

$$\sin \frac{1}{2} \chi^2 = \frac{k''^2 - (r''' - r')^2}{4r'''r'}$$
$$\cos \frac{1}{2} \chi^2 = \frac{(r''' + r')^2 - k''^2}{4r'''r'}$$

also

$$\cot \frac{1}{2} \chi^2 = \frac{(r''' + r')^2 - k''^2}{k''^2 - (r''' - r')^2}$$

und damit wird

$$\tan g \, \frac{1}{2} g = \frac{\sqrt{((r''' + r')^2 - k''^2)} - 2r'}{\sqrt{(k''^2 - (r''' - r')^2)}}$$

S. 41.

lch will hier nun die bei Berechnung eines Cometen nöthigen Formeln sammeln, damit man das Ganze leichter übersehen könne. Man sucht also zuerst

$$w = \frac{\tan \beta''}{\sin(\Lambda'' - \alpha'')}$$

und

$$\mathbf{M} = \frac{[m \sin (\mathbf{A}'' - \mathbf{a}') - \tan \beta'] t''}{[\tan \beta''' - m \sin (\mathbf{A}'' - \mathbf{a}''')] t''}$$

Hierauf berechnet man die Coefficienten von $\varrho',\; \varrho'^2$ in den Formeln

$$\begin{array}{l} r'^2 &= R'^2 - 2R' \, \cos{(\Lambda' - \alpha')} \varrho' + \sec{\beta'}^2 \, \varrho'^2 \\ r'''^2 &= R'''^2 - 2R''' \, \cos{(\Lambda''' - \alpha''')} \, M \varrho' + \sec{\beta'''}^2 \, M^2 \, \varrho'^2 \\ k''^2 &= r'^2 + r'''^2 - 2R' R''' \, \cos{(\Lambda''' - \Lambda')} + 2R''' \, \cos{(\Lambda''' - \alpha')} \, \varrho' \\ &+ 2M \, R' \, \cos{(\Lambda' - \alpha''')} \, \varrho' - 2M \, \cos{(\alpha''' - \alpha')} \, \varrho'^2 \\ &- 2M \, \tan{\beta''} \, \tan{\beta''''} \, \varrho'^2 \end{array}$$

und so kann man gleich einen Werth von ϱ' annehmen und durch wenige Versuche den wahren Werth dieser Grösse bestimmen. Die leichten und geschmeidigen Formeln der §§. 42 und 43 geben, wenn ϱ' erst gefunden ist, sehr bequem alle übrigen Bestimmungsstücke der Bahn.

S. 45.

Man darf auch nur flüchtig diese Methode mit irgend einer andern von den bisher gebrauchten vergleichen, um ihre Kürze und Begnemlichkeit schätzen zu lernen. Zudem ist sie allgemein brauchbar und lässt sich sogleich anwenden, wenn man einen Cometen nur dreimal beobachtet hat. Freilich ist sie nicht ganz genau, weil wir angenommen haben, die Chorden der Erdbahn und Cometenbahn würden von den mittlern radiis vectoribus im Verhältniss der Zeiten geschnitten: aber man halte diese Unzuverlässigkeit nicht für grösser, als sie wirklich ist. Euler und Lambert haben in Ansehung der Cometenbahn eben das angenommen: mein Zusatz ist nur, dass ich für die Erdbahn dasselbe voraussetze, und dadurch wird die Unzuverlässigkeit, oder der Mangel an geometrischer Schärfe gewiss nie beträchtlich vermehrt, oft vermindert. Sie ist weit genauer, als irgend eine der directen Methoden, weil bei diesen immer stillschweigend oder ausdrücklich ein Stück der Cometenbahn als eine gerade gleichförmig durchlaufene Linie angesehen wird: oder, wenn man die Bogen mit Hrn. de la Place so klein nimmt, dass diese Voraussetzung durchaus keinen Fehler geben kann, doch die kleinen Bogen durch eine missliche Interpolations-Methode gesucht werden müssen. Zudem werde ich im folgenden Abschnitt zeigen, wie leicht die wegen dieser nicht vollkommen wahren Voraussetzung etwa nöthige Verbesserung nachzuholen sei.

S. 46.

Die Kürze und Bequemlichkeit der Methode wird sich indessen noch besser an einem vollständigen Beispiel übersehen lassen. Ich wähle dazu den Cometen von 1769: theils weil die wahre Bahn dieses Cometen so genau bekannt ist, theils weil man eben auf diesen Cometen auch die mehrsten andern Methoden angewandt hat. Folgende Beobachtungen sind aus Pingré's Cometographie genommen.

Für diese drei Beobachtungen ist

Also t'=t''=4 Tage, $\frac{t''}{t'}=1$, und T = 8,000 Tage. Nun steht die Rechnung für M so:

Nun werden die Formeln

$$\begin{array}{l} r'^{\,2} &= \mathrm{R}'^{\,2} + 2\mathrm{R}'\cos\left(\mathrm{A}' - \omega'\right) \varrho' + \sec{\beta'}^{\,2} \varrho'^{\,2} \\ r'''^{\,2} &= \mathrm{R}'''^{\,2} + 2\mathrm{R}'''\cos\left(\mathrm{A}''' + \omega''\right) \mathrm{M}\varrho' + \sec{\beta'''}^{\,2} \mathrm{M}^{\,2} \varrho'^{\,2} \end{array}$$

berechnet, wobei bekanntlich

$$\sec\beta^2 = \frac{1}{\cos\beta^2}$$

ist, und es findet sich

$$r'^2 = 1,01453 - 0,28854 \varrho' + 1,10383 \varrho'^2$$

 $r''^2 = 1,01011 - 1,21471 \varrho' + 0,90852 \varrho'^2$

für die Chorde

$$k^{2} = r^{\prime 2} + r^{\prime\prime\prime 2} - 2R^{\prime}R^{\prime\prime\prime} \cos(\Lambda^{\prime\prime\prime} - \Lambda^{\prime}) + 2R^{\prime\prime} \cos(\Lambda^{\prime\prime\prime} - \alpha^{\prime}) \varrho^{\prime} + 2R^{\prime} \cos(\Lambda^{\prime\prime} - \alpha^{\prime\prime\prime}) M\varrho^{\prime} - 2M \cos(\alpha^{\prime\prime\prime} - \alpha^{\prime}) \varrho^{\prime 2} - 2 \tan \beta^{\prime\prime} \tan \beta^{\prime\prime\prime} M\varrho^{\prime 2}$$

ist $\log R' \ldots \ldots = 0.003132$ $\log R''' \dots = 0.00218$ $\log R''' \dots = 0.002184$ $\log \cos (A''' - \alpha') = 7.89267$ $\log \cos (A'''-A') = 9,995976$ log 7,89485 $log \dots \overline{0.001292}$ N. Z... = 0.007850N. Z..... = 1,00298 $\log M \ldots = 9,940796$ $\log M \dots = 9.940796$ $\log R' \dots \dots = 0.003132$ $\log \cos (\alpha''' - \alpha') = 9.861378$ $\log \cos (A' - a''') = 9.894275$ $\log \dots 9.802174$ log 9,838203 N. Z. 0,63412 N. Z... = 0,688974 $\log M \dots = 9.940796$ $\log \, \tan \beta' \, \ldots = 9.508175$ $\log \tan \beta''' \dots = 9,643092$ $\log \ldots 9,092063$

Damit sind alle Coefficienten bestimmt. Man verdoppele sie, zähle die zusammen, die kein ϱ' , die ϱ' , und die ϱ'^2 multipliciren, und addire sie sodann mit den zugehörigen Zeichen zu $r'^2 + r'''^2$

$$r'^2 + r''^2 = 2,02464 - 1,50325 \, \varrho' + 2,01235 \, \varrho'^2 - 2,00596 + 1,39365 \, \varrho' - 1,51546 \, \varrho'^2 = 0.01868 - 0,10960 \, \varrho' + 0.49689 \, \varrho'^2$$

Die drei Gleichungen sind also

N. Z. ... = 0,12361

$$\begin{array}{l} r''' = \sqrt{\frac{1,01011 - 1,21471}{\varrho' + 0,90852}} \frac{2}{\varrho'^2} \\ r' = \sqrt{\frac{1,01453 - 0,28854}{\varrho' + 1,10383}} \frac{2}{\varrho'^2} \\ k'' = \sqrt{\frac{0,01868 - 0,10960}{\varrho' + 0,49689}} \frac{2}{\varrho'^2} \end{array}$$

Setzt man nun $\varrho'=1$, so ist r'=1,35..., r'''=0,84..., und k''=0,64..., und damit die Zeit, worin diese Chorde beschrieben worden, =27,43 Tage. Sie wurde aber beobachtet =8,00 Tage. Folglich ist dieser Werth von ϱ' viel zu gross.

Man nehme also $\varrho'=0.5$, so ist r'=1.07, r'''=0.79..., h''=0.297...; folglich die Zeit = 11.76 Tage. Noch zu gross.

lch setze also $\varrho'=\frac{1}{3}=0,333\ldots$, so wird $r'=1,02\ldots$, $r'''=0,84\ldots$, k''=0,193, und die Zeit = 7,65 Tage. Mithin etwas zu klein.

Hieraus schliesse ich, dass der wahre Werth von ϱ' nicht viel von 0,350 verschieden sein kann. Ich setze also $\varrho'=0,345$ und =0,350, und suche für beide Werthe die Zeit genauer

Folglich ist der Fehler der ersten Hypothese -0.0768, der andern +0.0378, und hieraus ergiebt sich der wahre Werth von $\varrho'=0.34835$, und durch teichte Interpolation r'=1.02370, r'''=0.83499, und $\log \varrho'''=\log M\varrho'=9.482812$.

Um nun die ganze Bahn zu bestimmen, berechnet man die heliocentrischen Breiten durch die Formel

$$\sin \lambda = \frac{\varrho \tan \beta}{r}$$

demnach ist $\lambda'=6^{\circ}$ 17' 43", $\lambda'''=9^{\circ}$ 12' 33". Ferner die Elongationen von der Erde

$$\sin \varepsilon = \frac{\varrho \sin (A - a)}{r \cos \lambda}$$

wodurch $\epsilon'=19^{o}$ 48° 18", $\epsilon'''=15^{o}$ 25° 39" gefunden wird. Also sind die heliocentrischen Längen des Cometen

$$C' = 0^{\circ} \ 2^{\circ} \ 30' \ 23''$$
 $C''' = 0^{\circ} \ 5^{\circ} \ 54' \ 59''.$

Durch die Formel

$$\cot \omega = \frac{\tan \alpha \lambda'''}{\tan \alpha \lambda \sin (C''' - C')} - \cot (C''' - C')$$

ergiebt sich $\omega=7^\circ$ 11′ 28″. Folglich ist die Länge des niedersteigenden Knotens (denn die Breiten sind südlich) = C′ $-\omega=0^\circ$ 2° 30′ 23″ -7° 11′ 28″ = 11² 25° 18′ 55″. Die Inclination wird durch

$$\tan g \ i = \frac{\tan g \ \lambda'}{\sin \omega}$$

 $=41^{\circ}~23^{\prime}~20^{\prime\prime}$ gefunden. Nun sucht man u^{\prime} und $u^{\prime\prime\prime}$, wofür wir haben

$$\cos u' = \cos \lambda' \cos \omega$$
$$\cos u''' = \cos \lambda''' \cos (C''' - C' + \omega)$$

also $u' = 9^{\circ} 32' 47''$, $u''' = 14^{\circ} 0' 28''$, and

 $u'''-u'=\chi=4^{\circ}$ 27' 41". Ich suche hier q oder die wahre Anomalie für die dritte Beobachtung, weil diese der Sonne näher ist, mittelst der Formel

$$\tan \frac{1}{2}q = \cot \frac{1}{2}\chi - \frac{\sqrt{\frac{r'''}{r'}}}{\sin \frac{1}{2}\chi}$$

giebt $\frac{1}{2}g = 67^{\circ}$ 57' 6", also wahre Anomalie des Cometen in der dritten Beobachtung = 135° 54' 12". Addirt man zu g die Entfernung des Cometen vom $\frac{6}{3}$, oder $u'' = 14^{\circ}$ 0' 28", so erhält man die Entfernung der Sommennähe vom niedersteigenden Knoten = 149° 54' 40": also Länge des Periheliums 4^z 25° 13' 35". Der Abstand in der Sommennähe π ist

$$\pi = r''' \cos \frac{1}{2}q^2$$

= 0,11766. Woraus denn auch endlich die Zeit von der dritten Beobachtung bis zum Perihelium = 24 Tage 20 Stunden 12′, folglich die Zeit des Periheliums October 7 10° 12′ gefunden wird.

§. 48.

Die gefundenen Elemente sind also folgende:

Länge des S, 5² 25⁰ 48' 55"

Neigung der Bahn 41⁰ 23' 20"

Länge der Sonnennähe 4² 25⁰ 13' 35"

Abstand der Sonnennähe 0,11766

Zeit der Sonnennähe 1769 Oct, 7 10ⁿ 12'

Vergleicht man diese Elemente mit den bekannten, so zeigt sich, dass sie den wahren sehr nahe kommen. Besonders stimmen sie fast ganz genau mit denen, die Lambert angegeben hat, überein, die gleichfalls aus Beobachtungen vor der Sonnennähe, nur mit viel grösserer Mühe und wiederholter Arbeit berechnet worden sind. Die bei Lambert und hier etwas zu gross herauskommende Inclination scheint man mehr den Beobachtungen als der Methode zuschreiben zu können. Herr Pingré hat mittelst derselben Beobachtungen, die ich hier gebraucht habe, nach Herrn de la Place Methode die Bahn des Cometen berechnet: sein Abstand und die Zeit des Periheliums (die andern Elemente hat er nicht bestimmt) weichen viel mehr von den wahren ab, als die hier gefundenen: und wie ungleich kürzer unsere Rechnung sei, wird eine auch nur flüchtige Vergleichung zeigen.

S. 49.

Da sich in diesem Beispiel Fehler der Methode und der Beobachtungen vermengen, will ich hier noch ein zweites geben, worauf letztere keinen Einfluss haben können. Folgende Längen und Breiten des Cometen von 1681 sind nicht beobachtet, sondern von Halle y aus seiner parabolischen Theorie dieses Cometen berechnet, und wir können also nun sehen, wie genau sich darans die Abstände von Erde und Sonne durch unsere Methode wieder werden berechnen lassen.

Zeiten				α				β		
Jan.	5	6^{u}	11/	Oz	80	49'	$49^{\prime\prime}$	26^{0}	15'	15"
	9	7	0	0	18	44	36	24	12	54
	13	7	9	0	26	0	21	22	17	30

Für diese Zeiten ist

Also ist $t'=4{,}0411,\ t''=4{,}0055,\ \mathrm{und}\ \mathrm{T}=8{,}0466.$ Hieraus findet sich nun

$$\log M = 0.137562$$

und damit lassen sich die drei quadratischen Gleichungen

$$r' = \sqrt{0,96754 - 0,59292 \, \varrho' + 1,24328 \, \varrho'^2}$$

$$r''' = \sqrt{0,96941 - 0,40185 \, \varrho' + 2,20087 \, \varrho'^2}$$

$$k'' = \sqrt{0,019726 - 0,122756 \, \varrho' + 0,265982 \, \varrho'^2}$$

leicht berechnen. Setzt man nun $\varrho'=1$, so ist r'=1,27..., r'''=1,65..., und k''=0,40..., und damit T=19,75. Es ist aber T=8,0466. Folglich giebt diese Voraussetzung einen Fehler von 11,70 Tagen zu viel. Man nehme $\varrho'=0,5$, so ist r'=0,99..., r'''=1,14..., k''=0,155, und T=6,15 Tage. Also der Fehler dieser Voraussetzung 1,90 Tage zu wenig.

Hieraus schliesse ich, dass ϱ' nicht sehr von 0,56 entferut sein kann. Num ist für

$$e' = 0.56$$
 $e' = 0.57$
 $r' = 1.01262$ $r' = 1.01662$
 $r''' = 1.19773$ $r''' = 1.20641$
 $h'' = 0.18546$ $h'' = 0.19020$
 $T = 8.0121$ $T = 8.2402$

Der Fehler der ersten Voraussetzung ist =-0.0345, der Unterschied unter beiden Werthen von T=0.2281. Folglich ist die curtirte Distanz oder $\varrho'=0.56151$, und mithin

$$r' = 1,0139$$

 $r''' = 1,1991$

Nach Halley's Theorie war um diese Zeit

$$r' = 1,0144$$

 $r''' = 1,2000$

Man sieht also, dass unsere Methode diese Distanzen bis auf die dritte Decimal-Stelle ganz genau angiebt.

S. 50.

Diese Beispiele werden hinreichend die Bequemlichkeit, Kürze und Sicherheit der hier vorgeschlagenen Berechnungsart einer Cometenbahn zeigen. Ich werde nur noch einige Bemerkungen beifügen. Um aus den beiden *radiis vectoribus* und der Chorde r', r''', k'' die Zeit T zu berechnen, hat man die Formel

$$T = \frac{\left(\frac{r' + r''' + k''}{2}\right)^{\frac{3}{2}} - \left(\frac{r' + r''' - k''}{2}\right)^{\frac{3}{2}}}{3 \, m \sqrt{2}}$$

Um sie bequemer aufzulösen, hat man Tafeln berechnet. Man nimmt nämlich

$$B = \frac{r' + r''' + k''}{2}$$

und

$$D = \frac{r' + r''' - k''}{2}$$

und sucht für B und D in den Tafeln die zugehörigen Zeiten, deren Differenz, oder wenn der Winkel an der Sonne mehr als 180° beträgt, deren Summe die Zeit T giebt.

Solche Tafeln finden sich in der Berliner Sammlung, doch sind diese nicht sehr correct. Besser und genauer hat sie Hr. Pingré in seiner Cometographie geliefert.

Da diese Tafeln nur durch alle hundert Theile von B und D gehen, so habe ich ihren Gebrauch nur dann bequem finden können, wenn, wie bei den ersten vorläufigen Versuchen mit einem Werth von ϱ' , keine grosse Schärfe erforderlich ist. Will man genau rechnen, so erfordert der Proportionaltheil viele Mühe, besonders da man sich fast nie mit den ersten Differenzen begnügen kann. Hier ist es ungleich leichter, unmittelbar aus B und D die zugehö-

rigen Zeiten zu berechnen. Dies geschieht sehr bequem durch die Formeln

$$\log z' = \log B + \frac{1}{2} \log B + 1,4378117$$

 $\log z'' = \log D + \frac{1}{2} \log D + 1,4378117$

wobei z'-z'' sodann die Zeit, worin die Chorde beschrieben worden, in Tagen und Decimaltheilen derselben angiebt. Es sei z. B. wie im vorigen §. $r'=1,01262,\ r'''=1,19773,\ k''=0,18546,\ so$ steht die Rechnung so:

$$\begin{array}{lll} r' & \dots & = 1,01262 \\ r''' & \dots & = 1,19773 \\ \text{Summe} & \dots & = 2,21035 \\ \frac{1}{2} \text{ Summe} & \dots & = 1,10517 \\ \frac{1}{2} k'' & \dots & = 0,09273 \\ \text{B} & \dots & = 1,19790 \\ \text{D} & \dots & = 1,01244 \\ \end{array}$$

Der Unterschied zwischen beiden giebt die Zeit T=8,0121 Tage. Wo die Schärfe bis auf einzelne Zeitseeunden getrieben werden soll, muss man noch die fünfte Decimalstelle mitnehmen. Denn 1'' ist =0,0000116 eines Tages, und 0,0001 eines Tages =8''64.

S. 51.

Bei etwas langwierigen Rechmungen ist es immer gut, von Zeit zu Zeit Prüfungsmittel zu haben, wodurch man sich von der Richtigkeit der geführten Rechnung überzeugen kann. Die hier vorgeschlagene Methode bietet mehrere dergleichen dar. Am Ende der Rechnung wird es indessen gut sein, aus den gefundenen Elementen und den Zeiten der Beobachtung wieder z, und sodann auch die geocentrische Länge und Breite des Cometen zur Zeit der mittlern Beobachtung zu berechnen. Ersteres versichert von der Rechnung, wenigstens von dem letztern Theile derselben: letzteres zeigt zugleich die grössere oder geringere Genauigkeit der gefundenen Bahn. So finde ich aus den für den Cometen von 1769 in den §§. 47 u. 48 herausgebrachten Elementen am Sten Sept. um 14 Uhr die wahre Anomalie = 1380 214 404, und den Logarithmen seines

Abstandes von der Sonne = 9,969135, hieraus die geocentrische Länge = 3^2 40^o 58' 20'', die Breite = 22^o 5' 29'' südlich. Der Fehler in Ansehung der Länge ist -2' 34'', in Ansehung der Breite +0' 27'': Fehler, die für die erste rohe Bestimmung einer Cometenbahn klein genug sind.

§. 52.

Man hat viele Tafeln, um aus der gegebenen Zeit die wahre Anomalie eines Cometen, und aus der wahren Anomalie die Zeit zu finden, worin der Comet sie beschrieben hat. Sie sind in vielen astronomischen Werken und Samulungen anzutreffen. Die bequemste und vollständigste ist unstreitig diejenige, die in einem nicht corpulenten, wenig bekannten, aber sehr schätzbaren Buche: Barker Acrount of the Discoveries concerning Comets. London 1757. gr. 4. enthalten ist. Die zweite Tafel dieses kleinen Werks giebt für alle fünf Minuten der wahren Anomalie den zugehörigen parabolischen Raum, und den Logarithmen des Abstandes des Cometen, dessen Distanz in der Sonnennähe = 1 ist, mit den ersten Differenzen an, und hieraus lässt sich für jeden Cometen und jede gegebene Zeit vom Perihelium in aller Schärfe wahre Anomalie und Abstand von der Sonne durch eine Rechnung finden, die viel leichter ist, als bei den gewöhnlichen Cometentafeln. *) Es ist sehr zu bedauern, dass Barker's Abhandlung dem Hrn. Pingré unbekannt geblieben ist. **)

^{*)} Eben wegen dieser vorzäglichen Bequemlichkeit und Seltenheit des engl. Originals ist diese fast ganz unbekannte und nirgends sonst erschienene Tafel hier ganz abgedruckt worden, wodarch man sowohl dem Wunsche des Hrn. Verfnachzukommen, als auch den Astronomen einen angenehmen Dienst zu erweisen hoffn. Anweisung und Beispiele zur Erläuterung ihres Gebrauchs wird man bei der Tafel selbst finden.

Anmerk. d. Herausgebers.

ps) Der vollständige Titel des angeführten Werks heisst: An Account of the Discoveries concerning comets, with the way to find their orbits, and some improvements in constructing and calculating their places, for which reason are here added new tables, fitted to those purposes: particularly with regard to that comet, which is soon expected to return, by Thomas Barker, Gent. London, J. Whiston and B. White. 1757. yr. 4. 54 Seiten and eine Kupfertafel. Die darin vorgetragene Methode zur Findung einer Cometenbahn ist die Newton'sche, die Barker zur Rechnung eingerichtet und crläntert hat, indem er alle anfzuhösenden Triangel und Proportionen vollständig angiebt. Für Liebhaber der Cometengeschiehte führe ich noch drei ganz unbekannte Beobachtungen des grossen und berühnten Cometen von 1744 daraus an,

§. 53.

Endlich muss ich noch, ehe ich diesen Abschnitt schliesse, anführen, dass Hr. Schulze in den Abhandlungen der Berliner Akademie der Wissenschaften eine Methode zur Berechnung der Cometen vorgeschlagen hat, die mit der hier vorgetragenen in Anschung der Grundsätze, worauf sie beruht, und in Anschung des Ganges der Rechnung einige Aehnlichkeit hat. Diese Rechnung des Hrn. Schulze ist indessen viel weitläufiger und unbequemer: hauntsächlich wohl deswegen, weil er nicht voraussetzt, dass auch die Chorde der Erdbahn im Verhältniss der Zeiten geschnitten werde, und weil er statt des curtirten Abstandes von der Erde, den Abstand des Cometen von der Sonne in der ersten Beobachtung als die zu suchende unbekannte Grösse annimmt, *) Zugleich ist dabei ein kleiner Übereilungsfehler vorgefallen. Hr. Schulze sagt nämlich. Lambert habe bewiesen, dass bei fast gleichen Zwischenzeiten der radius vector in der mittlern Beobachtung die Chorde der Cometenbahn sehr nahe im Verhältniss der Zeiten schneide: pourvu qu'on emploie des observations assez distantes entr'elles. würde dies blos für einen Druckfehler halten: allein bei Anwendung seiner Methode auf den Cometen von 1779 wählt er wirklich die von einander entferntesten Beobachtungen, die er nur hatte, macht die Zwischenzeit von mehr als 80 Tagen und bringt deswegen auch ganz natürlich Elemente dieses Cometen heraus, die von den wahren ungemein verschieden sind.

die Barker'n von Morris mitgelheilt und fast $1\frac{\tau}{2}$ Monat vor den bisher bekannten gemacht wurden:

	Länge	Breile		
1743 Oct. 22	28 260 464	7º 35' N.		
27	24 - 14	8 28		
Novb. 1	21 25	9 26		

Die Stunde ist nicht bestimmt. Barker glaubt, dass man etwa 8 oder 9 Uhr Abends (8 U. 17') annehmen kann, und findet auch diese Beobachtungen mit den parabolischen Elementen des Cometen übereinstimmend.

^{*)} Moyen simple et facite pour déterminer par approximation l'orbite d'une comète, Nouveaux Mémoires de l'Académie 1782, p. 129 sqq.

Vierter Abschnitt.

Verbesserung der gefundenen Elemente einer Cometenbahn.

S. 54.

Die im vorigen Abschnitt vorgetragene Methode, die Bahn eines Cometen aus drei Beobachtungen zu bestimmen, lehrt die Elemente derselben noch nicht genau kennen, sondern diese bedürfen nachmals noch immer einer Verbesserung und Berichtigung. Theils nämlich ist das Verfahren selbst nicht ganz genau, da eine Voraussetzung dabei angenommen ist, die nicht immer vollkommen mit der Wahrheit zutreffen wird: theils lassen sich auch nur Beobachtungen dabei brauchen, die nicht sehr von einander entfernt sind, deren unvermeidliche Fehler einen um so viel grössern Einfluss auf die Elemente haben, je kleiner die Zwischenzeiten sind.

§. 55.

Wenn man also sehr von einander entfernte Beobachtungen eines Cometen hat, oder, welches gleichviel ist, wenn der Comet, dessen Bahn man berechnet, lange geschen und beobachtet worden ist, so würde man sich unnötliger Weise damit aufhalten, wenn man blos die obige Rechnung verbessern wollte. Man muss vielmehr dann sogleich eine Verbesserungs Methode wählen, bei der man von den unter sich entferntesten Beobachtungen Gebrauch machen kann. Hierzu werde ich die bequemsten unten vorschlagen. Ist hingegen, welches sehr oft der Fall ist, der Comet nicht lange, z. B. nur zwei bis drei Wochen geschen worden, so kann man es lediglich bei Verbesserung des im vorigen Abschnitt vorgetragenen Verfahrens bewenden lassen. Diese Verbesserung ist, wie sich gleich zeigen wird, sehr leicht und bequem. Man thut auch sodann

wohl, wenn man gleich Beobachtungen bei der ersten Rechnung zum Grunde legt, die nicht zu nahe bei einander sind. Die Zwischenzeit kann ohne Bedenken 12, 14, 16 und mehr Tage betragen, besonders wenn der scheinbare Abstand des Cometen von der Sonne nicht zu klein ist.

§. 56.

Unsere Methode nämlich würde, wie schon oft erinnert ist, eine geometrische Schärfe haben, wenn wirklich, wie dabei angenommen ist, die mittlern radii vectores sowohl die Chorde der Erdbahn, als die Chorde der Cometenbahn im Verhältniss der Zwischenzeiten schnitten. Denn so wäre in der That

$$\rho^{\prime\prime\prime} = M \rho^{\prime}$$
.

Da dies aber sehr selten völlig zutreffen kann, so wird eigentlich

 $\varrho''' = (M + v)\varrho' + h$

sein. Jetzt, da man die Cometenbahn schon beiläufig kennt, lassen sich nun die Werthe von v und h finden.

§. 57.

Fig. 1.

Für die Erdbahn ist nämlich eigentlich:

$$ad:dc = \mathbf{R}' \sin(\mathbf{A}'' - \mathbf{A}') : \mathbf{R}''' \sin(\mathbf{A}''' - \mathbf{A}'')$$

Für die Cometenbalm berechne man, sobald man ϱ' aus den Gleichungen nach §. 41 gefunden hat, durch die Formeln des §. 43 Zeit und Abstand des Periheliums, und hieraus die wahre Anomalie ω zur Zeit der mittlern Beobachtung. Damit ergeben sich, weil ϱ und χ ohnedem schon bekannt sind, die Unterschiede der wahren Anomalien zwischen der ersten und zweiten Beobachtung = ι , und zwischen der zweiten und dritten Beobachtung = ι , denn es ist

$$\tau = \omega - q$$

$$\sigma = q + \chi - \omega = \chi - \tau$$

und sodann ist für die Chorde der Cometenbahn

AD: DC = $r' \sin \tau : r''' \sin \sigma$.

Damit sind also die wahren Verhältnisse von ad: dc und von AD: DC bekannt.

8. 55.

Fig. 2.

Wir müssen uns nun zu der zweiten Figur wenden. Es sei denmach adc die Chorde der Erdbahn auf die Ebene projicirt, auf der der mittlere radius vector für die Erde senkrecht steht, aA, dD, cC die gleichfalls projicirten Gesichtslinien §. 38, so ist

$$CO : AM = \frac{CD}{\sin COD} : \frac{AD}{\sin DMA}$$
$$cO : aM = \frac{cd}{\sin COD} : \frac{ad}{\sin DMA}$$

folglich

$$CO + cO = \delta^{\prime\prime\prime} = \left(\frac{CD \cdot AM}{DA} + \frac{aM \cdot cd}{ad}\right) \frac{\sin DMA}{\sin COD}$$

Setzt man nun a M = f, so ist, da a A = θ' ist, A M = θ' -f. Ferner laben wir, wie in §. 38 D M A = b''-b', C O D = b'''-b''. Also ist die Formel

$$\delta^{\prime\prime\prime} = \frac{\sin (b^{\prime\prime} - b^\prime)}{\sin (b^{\prime\prime\prime} - b^{\prime\prime})} \left(\frac{\text{D C}}{\text{D A}} (\delta^\prime - f) + \frac{d c}{a d} f \right)$$

Man weiss nun, dass die Verhältnisse $\frac{D C}{D A}$ und $\frac{c d}{a d}$ beide nicht viel

von dem Verhältnisse $\frac{t^{\prime\prime}}{t^\prime}$ verschieden sind. Es sei also

$$\frac{DC}{DA} = \frac{t''}{t'} + p$$

$$\frac{cd}{ad} = \frac{t''}{t'} + q$$

wobei also §. 57

$$p = \frac{r''' \sin \sigma}{r' \sin \tau} - \frac{t''}{t'}$$

$$q = \frac{R''' \sin (\Lambda''' - \Lambda'')}{R' \sin (\Lambda''' - \Lambda'')} - \frac{t''}{t'}$$

so wird

$$\delta^{\prime\prime\prime} = \frac{\sin(b^{\prime\prime} - b^{\prime})}{\sin(b^{\prime\prime\prime} - b^{\prime\prime})} \left(\frac{t^{\prime\prime}}{t^{\prime}} \delta^{\prime} + p \delta^{\prime} - p f + q f \right)$$

Da nun §. 38

$$\frac{\sin (b^{\prime\prime}-b^{\prime})t^{\prime\prime}}{\sin (b^{\prime\prime\prime}-b^{\prime\prime})t^{\prime\prime}} = N$$

so ist

$$\delta^{\prime\prime\prime} = N\left(1 + \frac{t'}{t''}p\right)\delta^{\prime} + \frac{(q-p)f\sin(b^{\prime\prime} - b^{\prime})}{\sin(b^{\prime\prime\prime} - b^{\prime\prime})}$$

Nun ist nach §. 38

$$\varrho' = \frac{\delta' \cos b'}{\sin (\Lambda'' - \alpha')} \text{ und } \varrho''' = \frac{\delta''' \cos b'''}{\sin (\Lambda'' - \alpha''')}$$

also

$$\varrho''' = M \left(1 + \frac{t'}{t''} p \right) \varrho' + \frac{(q - p) \sin (b'' - b') \cos b'''}{\sin (b''' - b'') \sin (A'' - a''')}$$

Es ist aber

$$f = \frac{a d \sin b''}{\sin (b'' - b')} = \frac{R' \sin (A'' - A') \sin b''}{\sin (b'' - b')}$$

Setzt man diesen Ausdruck von f in den zweiten Theil des Werths von ρ''' , so wird derselbe

$$h = \frac{R' \sin(A'' - A') (q - p) \tan b''}{(\tan b''' - \tan b'') \sin(A'' - a''')}$$

oder wenn man für tang b'', tang b''', ihre Werthe setzt, nach §. 38

$$h = \frac{R' \sin (A'' - A') (q - p) \tan \beta''}{\tan \beta''' \sin (A'' - \alpha'') - \tan \beta''' \sin (A'' - \alpha''')}$$

$$= \frac{R' \sin (A'' - A') (q - p) m}{\tan \beta''' - m \sin (A'' - \alpha''')}$$

so dass der Nenner derselbe ist, den wir oben §. 38 für M gebrauchten. Und so heisst die ganze Gleichung

$$\varrho^{\prime\prime\prime} = M\left(1 + \frac{t^{\prime}}{t^{\prime\prime}}p\right)\varrho^{\prime} + \frac{R^{\prime} \sin\left(A^{\prime\prime} - A^{\prime}\right)(q - p)m}{\tan\beta^{\prime\prime\prime} - m\sin\left(A^{\prime\prime} - \alpha^{\prime\prime\prime}\right)}$$

S. 59.

Damit haben wir also die Werthe von v und h in der Gleichung $\rho''' = (M+v) \, \rho' + h$

das ist, den Einfluss der kleinen Grössen p und q, die wir bei der ersten Auflösung ganz vernachlässigten, auf den Werth von ϱ''' bestimmt. Man könnte damit nun die Verbesserung der vorigen Rechnungen suchen. Allein eine Bemerkung wird diese Arbeit noch sehr abkürzen. Es kann nämlich das ϱ' , welches uns unsere vorige Rechnung gab, nur sehr wenig von dem wahren, welches wir nun suchen, verschieden sein. Bezeichnet man jenes zum Unterschiede mit (ϱ) , so wird man, da h überdem nur klein ist, ohne allen merklichen Fehler

$$\frac{h\,\varrho'}{(\varrho)} = h$$

in die Gleichung für $\varrho^{\prime\prime\prime}$ setzen können. Damit ist also

$$\varrho''' = M \left(1 + \frac{t'}{t''} p + \frac{h}{(\varrho) M} \right) \varrho'$$

und also geradezu

$$\varrho''' = (M+v)\,\varrho'$$

wobei

$$v = \frac{Mt'}{t''}p + \frac{h}{(\varrho)}.$$

§. 60.

Um also die zwei Gleichungen für $r^{\prime\prime\prime}$ und $k^{\prime\prime}$ zu verbessern, darf man nur alle Coefficienten, die M enthalten, mit

$$\frac{M+v}{M} = H$$

und diejenigen, die M^2 enthalten, mit H^2 multipliciren. Die Gleichung für r' bleibt ungeändert. Da man die Logarithmen dieser Coefficienten aus der vorigen Rechnung vor sich hat, so ist dies Verfahren nichts weniger als beschwerlich.

§. 61.

Es wird indessen wohl gut sein, die zur Bestimmung von H nöthigen Formeln aus den vorigen §§, mehrerer Deutlichkeit wegen zu sammeln, um sie besser übersehen zu können. Sobald man also aus der ersten Rechnung den genäherten Werth von $\varrho' = (\varrho)$, die Zeit und den Abstaud des Periheliums, und ω , mithin τ und σ gefunden hat, §, 57, so berechne man

$$p = \frac{r''' \sin \sigma}{r' \sin \tau} - \frac{t''}{t'}$$

$$q = \frac{R''' \sin (A''' - A'')}{R' \sin (A'' - A')} - \frac{t''}{t'}$$

und sodann

$$h = \frac{R' \sin (\Lambda'' - \Lambda') (q - p)m}{\tan \beta''' - m \sin (\Lambda'' - \alpha''')}$$

and so ist

$$H = 1 + \frac{t'}{t''}p + \frac{h}{(\varrho)M}$$

Da in dem letzten Gliede der Gleichung für H, das h wieder mit M dividirt vorkommt. h und M aber, den Factor $t^{\prime\prime}$ abgerechnet, einerlei Nenner haben, so ist noch bequemer zur Rechnung:

$$\frac{h}{(\varrho)M} = \frac{R' \sin (\Lambda'' - \Lambda') (q - p)mt'}{(\varrho)[m \sin (\Lambda'' - \alpha') - \tan g \beta']t''}$$

Mit diesem Werthe von H wird sodann die Verbesserung der Coefficienten vorgenommen. Man wird also zwei neue, von den vorigen sehr wenig verschiedene Gleichungen für r'' und k'' erhalten, woraus sich der verbesserte Werth von ϱ' um so leichter wird finden lassen, da man aus dem vorher gefundenen Werth von (ϱ) schon sehr nahe die Grenzen kennt, zwischen denen er enthalten sein muss. Zwei

Hypothesen für ϱ' und eine nachmalige leichte Interpolation sind dazu vollkommen hinreichend.

S. 62.

Um den Gang der Rechnung noch mehr zu erläntern, will ich das Beispiel von dem Cometen von 1769 aus den §§. 46 und 47 wieder vornehmen. Wir haben schon $\omega = 138^{\circ}$ 21' 40" in §. 51 gefunden. Nun ist in der dritten Beobachtung

$$q = 135^{\circ} 54' 12''$$

 $\chi = 4^{\circ} 27' 41''$

also

$$\sigma = 2^{\circ} 27' 28''$$
 $\tau = 2^{\circ} 0' 43''$

ferner war r' = 1.02370, und r''' = 0.83499.

Folglich für p:

Zu diesem Logarithmus gehört die Zahl 1.00044. Da nun in unserm Falle $\frac{t''}{\mu} = 1$, so ist p = 0,00044.

Für q haben wir A''—A' = 3° 53′ 26″, und A'''—A'' = 3° 53′ 49″, also:

Zu diesem Logarithmus gehört die Zahl 0,99946, also ist q = -0.00054.

Um nun
$$\frac{h}{(\varrho) \text{ M}}$$
 zu finden, so ist
$$\begin{array}{ccc} q & . & = & -0,00054 \\ p & . & = & +0,00044 \\ q - p & = & -0,00098 \end{array}$$

demnach

Also ist, da hier t' = t'',

$$\frac{h}{(\varrho)\,\mathrm{M}} = -0.00070 \qquad p\frac{t'}{t''} = +0.00044$$

Folglich

$$H = 1 + p \frac{t'}{t''} + \frac{h}{(\rho)M} = 0.99974$$

Also ist H=0.99974 und Logar, H=9.999887. Man darf also, um die verbesserten Coefficienten in den Gleichungen für r''', k'', zu erhalten, von den Logarithmen der Glieder, die M enthalten, nur 113, als das Complement des Logarithmus H zu 1, und von denen, die M^2 enthalten, 226 abziehen, um die Logarithmen der wahren Werthe für diese Glieder zu finden. Damit findet man sehr leicht

$$r''' = \sqrt{1,01011 - 1,21439 \,\varrho' + 0,90805 \,\varrho'^2}$$

$$k'' = \sqrt{0,01868 - 0,10957 \,\varrho' + 0,49663 \,\varrho'^2}$$

Diese Gleichungen sind indessen hier, da H so nahe = 1 ist, so wenig von den vorigen verschieden, dass es sich nicht der Mühe lohnt, ϱ' von neuem daraus zu suchen, zumal da die Rechnung ganz mit dem §. 46 übereinkommt. Man sieht, wie nahe die Voraussetzung, dass die Chorden im Verhältniss der Zwischenzeiten geschnitten worden, für eine Zwischenzeit von acht Tagen zutrifft. Ich erinnere nur noch, dass man gleich Anfangs den Werth für M, und nachmals die kleinen Bogen σ , τ , Λ'' — Λ' , Λ'' — Λ'' , genau genug berechnen muss, damit nicht aus Nachlässigkeit in der Rechnung die gesuchte Verbesserung misslich ausfalle.

S. 63.

Dies ist also, wie es in die Augen fällt, eine sehr leichte Methode, die erste Rechnung über die Elemente der Cometenbahn zu

^{*) 0,12208} ist nämlich der vorhin §. 46 berechnete Werth des Zahlers für $M=m\sin{(A''-\alpha')}-\tan{\beta'}$.

verbessern; und man wird alsdann die Elemente so genau bestimmen. als sie sich nur immer aus drei nicht sehr weit von einander entfernten Beobachtungen finden lassen. Aber durch einander nahe Beobachtungen wird die Bahn eines Cometen nie genau gefunden, theils weil alle Beobachtungen aus mehreren Ursachen immer fehlerhaft sind, und theils auch deswegen, woran man selten zu denken scheint, weil wir die Länge der Sonne noch eben nicht bis zu einzelnen Secunden genau berechnen können, wenigstens vor Hrn. de Lambre's und Hrn. von Zach's neuern Benühungen noch weiter zurückblieben. Eine Unzuverlässigkeit oder ein Fehler von 10" in der Länge der Sonne kann unter gewissen Umständen grössere Folgen haben, als ein Fehler von einer oder gar mehreren Minuten in der beobachteten Länge und Breite des Cometen. Eine Warnung für den Rechner, den Ort der Sonne bei jeder Beobachtung mit gehöriger Sorgfalt zu suchen. Fehler aber in der Länge, oder dem Abstande der Sonne, oder in der beobachteten Länge und Breite des Cometen haben natürlich einen so viel grösseren Einfluss auf die Bestimmungsstücke der Cometenbahn, je näher die Beobachtungen unter einander sind, und je kleiner also das in der Zwischenzeit beschriebene Stück der Cometenbahn ist.

§. 64.

Man hat verschiedene Methoden angegeben, um auch die unter sich entferntesten Beobachtungen zur Correction einer schon beiläufig bekannten Cometenbalm brauchen zu können. Man kann sie indessen auf drei vorzügliche reduciren: nämlich die Methode des Hrn. Lambert, des Hrn. de la Place und des grossen Newton. Alle drei wollen wir näher untersuchen und mit einander vergleichen.

S. 65.

Lambert schlägt vor, die Distanzen des Cometen von der Erde in drei Beobachtungen aus der Construction oder aus einer ersten Rechnung zu nehmen, ihre Unterschiede von den wahren als Differential-Grössen anzusehen, deren Potenzen man bei der Rechnung weglassen kann, und aus den beobachteten Zwischenzeiten den Betrag dieser Unterschiede zu bestimmen. Es mögen die drei aus der Construction, oder der ersten Rechnung gefundenen Distanzen des Cometen von der Erde a, b, c sein, so nimmt er für die wahren Distanzen a+x, b+y, c+z an: drückt dadurch die Abstände des Cometen von der Sonne, und die Chorden der Cometenbahn

zwischen der ersten und zweiten, zweiten und dritten, ersten und dritten Beobachtung aus, und vergleicht diese vermittelst seines Theorems mit den beobachteten Zwischenzeiten. Da er alle Potenzen von x, y, z weglässt, so erhält er ibren Werth natürlich durch linearische Gleichungen. Allein die Rechnung ist nicht wenig beschwerlich und weitläufig, und dies, wie ich aus eigener Erfahrung behaupten kann, in einem ungleich grössern Grade, als sie vielleicht auf den ersten Anblick der von Lambert berechneten Beispiele scheinen dürfte.

S. 66.

Ungleich bequemer ist es nämlich, von den beiläufig bekannten Elementen zwei zu wählen, diese mit drei Beobachtungen zu vergleichen, um zu sehen, ob sie mehr oder weniger damit übereinstimmen: dann nachzurechnen, was kleine Veränderungen in diesen Elementen bei jener Vergleichung ändern werden. Dadurch wird der Fehler dieser beiden Elemente bekannt, und daraus lassen sich sowohl die zum Grunde der Rechnung angenommenen, als auch die übrigen Bestimmungsstücke der Bahn genau finden oder verbessern.

§. 67.

Herr de la Place wählt hierzu Zeit und Abstand des Periheliums. Er nimmt dafür drei Hypothesen an, die, wenn τ die Zeit der Sonnennähe, π den Abstand der Sonnennähe, wie sie die Construction oder die zu verbessernde Rechnung gegeben hatte, und r,s, kleine willkürliche Grössen bedeuten, sich so vorstellen lassen:

Erste Hypothese. Zweite Hypothese. Dritte Hypothese. r+r

 π $\pi + s$

Nun berechnet er für die Zeiten dreier unter sich so entfernter Beobachtungen, als er nur haben kann, aus jeder der drei Hypothesen die Unterschiede der wahren Anomalien und die Abstände des Cometen von der Sonne. Aus den drei Abständen des Cometen von der Sonne und den beobachteten geocentrischen Längen und Breiten findet er durch eine nicht beschwerliche Rechnung wieder die Unterschiede der wahren Anomalien. Stimmen die auf diese beiden Arten gefundenen Unterschiede der wahren Anomalien mit einander für eine dieser Hypothesen überein, so giebt diese Zeit und Abstand des Periheliums richtig an; wo nicht, so lässt sich doch aus diesen drei Vergleichungen, auf eine ganz ähnliche Art, wie wir es gleich bei der Newton'schen Methode sehen

werden, die wahre Zeit und der wahre Abstand des Periheliums finden. Ich halte mich um so weniger bei einer weitläufigern Auseinandersetzung dieser Methode auf, da Herr de la Place selbst*) und nach ihm Herr Pingré sie so umständlich erläutert haben. **)

**) Da die Formeln des Hrn, de La Place noch in keinem deutschen Werke erschienen und das Werk des Hrn. de la Place: Théorie du moncement et de la figure elliptique des Planetes, Paris 1784, selten ist, worin diese Methode noch besser entwickelt wird, so glanbte der Herausgeber durch ihre Mittheilung den deutschen Lesern doch einen Gefallen zu erzeigen, vorzüglich da man hierdurch sammtliche Verbesserungsarten der ersten Elemente einer Cometenbahn beisammen erhalt. Dies wird uns zugleich Gelegenheit geben, auf den Gebranch constanter Logarithmen aufmerksam zu machen, die bei Wiederholung dieser Methode bei mehrern Hypothesen die Rechnung noch abkürzen. Es bedeuten anch hier, wie bei dem Hrn. Verfasser: A Länge der Sonne: R Abstand der Erde von der Sonne; a beobachtete Länge des Cometen; \(\beta\) beobachtete Breite des Cometen; C heliocentr, Länge und à heliocentr, Breite desselben; so wird man 1) die wahren Anomalien q', q'', q''' durch die bekannte Distanz des Periheliums, und die Zeit des Durchgangs durch das Perihelium aus der hier mit abgedruckten Barker'schen Tafel finden, so wie auch r', r", r". 2) Berechne man drei Constanten nach folgenden Formeln:

Wenn man $\cos \tau = \cos \beta \, \cos(\Lambda - a)$ macht, so ist erste Constante = $\log \Re + \log \sin \tau$ zweite , = $\log \sin \beta - \log \sin \tau$

dritte ,, = $\log R + \log \sin (A - a)$.

Man sicht, dass diese Constanten von der Distanz des Periheliums und dem Durchgang durch das Perihelium nicht abhängen, also bei allen Veränderungen dieser beiden Stücke immer die nämliche Grösse behalten. 3) Dann ist

> log sin K = erste Constante — log r. Winkel $\mathcal{Z} = K + r$ (eigentlich 180°—K—r) log sin $\lambda = \log \sin \mathcal{Z} + \text{zweite Constante}$ log sin des Winkels am Cometen = dritte Constante — log (r cos λ) hieraus $C = u \pm u$ diesen Winkel am Cometen.

4) Der Winkel zwischen dem

ersten und zweiten radius vector sei χ' ersten und dritten ,, ,, χ'' zweiten und dritten ,, ,, χ'''

so hat man

$$\cos \chi' = \cos \left(\mathbf{C}'' - \mathbf{C}' \right) \cos \lambda' \cos \lambda'' + \sin \lambda' \sin \lambda''$$

$$\cos \chi'' = \cos \left(\mathbf{C}''' - \mathbf{C}' \right) \cos \lambda' \cos \lambda''' + \sin \lambda' \sin \lambda'''$$

$$\cos \chi''' = \cos \left(\mathbf{C}''' - \mathbf{C}'' \right) \cos \lambda'' \cos \lambda''' + \sin \lambda'' \sin \lambda'''$$

wobei zu merken, dass man die Sinus und Cosinus von λ schon in den vorigen Formeln gebrancht und dass man nur zwei von diesen drei Formeln berechnet. 5) Es sei nun

$$\chi' - (\varphi'' - \varphi') = 0$$

^{*)} Mém. de l'Acad. Roy. des Sciences de Paris. 1780 p. 13 sq. Pingré Cométographie T. 11, p. 368 sq.

§. 68.

So bequem und branchbar diese Methode auch ist, so glaube ich doch, dass man der Newton'schen, wo man, statt Zeit und Abstand des Periheliums, die Länge des Knotens und die Neigung der Bahn in den drei Hypothesen zum Grunde legt, eben die Kürze und Geschmeidigkeit geben kann, und dass sie sodann wesentliche Vorzüge vor der de la Place'schen hat. Ich nenne sie die Newton'sche; denn es ist nur ein Gedächtnissfehler des grossen Euler, der doch zuverlässig Newton's Schriften gelesen hatte und sich gewiss nicht mit fremden Federn zu schmäcken brauchte, wenn er sich die Erfindung derselben zuschreibt.*) Newton hat sie zuerst angegeben und Gregory ausführlich erläutert. **) Viele neuere Schriftsteller nennen indess nur Euler, ohne Newton's zu erwähnen.

S. 69.

Gewöhnlich hat man diese Methode nur dann brauchen zu müssen geglaubt, wenn man die elliptischen Elemente einer Cometenbahn finden wollte, eine Arbeit, die selten etwas Zuverlässiges giebt, obgleich, wenn man einmal diese undankbare Arbeit unternehmen will, gerade diese Methode am allerbequemsten dabei angewendet werden kann. Allein auf eine viel kürzere Art dient sie zur Verbesserung der parabolischen Elemente. So hat sie auch Struyck, nur, weil ihm das schöne Lambert'sche Theorem noch nicht bekannt war, mit unnöthiger Weitläufigkeit und vielen überflüssigen Rechnungen gebraucht.***) Kürzer habe ich mich ihrer schon vor 17 Jahren bedient, um die Elemente des Cometen von

So nuss, wenn die Annahmen für die Distanz des Periheliums und den Durchgang durch das Perihelium richtig sind, q und n gleich Null sein. Da dies selten der Fall ist, so ändert man erstlich blos die Zeit des Durchgangs durch das Perihelium, und wiederholt die vorige Rechnung dann noch einmal mit veränderter Distanz des Periheliums. Aus den Vergleichungen der drei so gefundenen Werthe von q und n lässt sich durch Interpoliren eine Hypothese finden, wo beide Werthe = 0 sind, welche dann durch eine ähnliche Rechnung zu prüfen ist.

Anmerk, d. Herausgebers.

^{*)} Cum igitur hoc desideratum atiquamdiu animo votrissem, sequentem methodum sum assecutus etc. Theoria mot. ptan. et com. p. 140.

^{**)} Newton Princip. t. 111. p. 42.

^{***)} N. Struyck Vervoly van de Beschryving der Staartsterren. Amst. 1753 p. 1 sqq.

1779 aus Beobachtungen, die ich fast ohne alle Instrumente angestellt hatte, zu berechnen. *)

§. 70.

Bei dieser Methode kommt nun die Aufgabe vor: aus der gegebenen Lage der Cometenbahn gegen die Ecliptik und der geocentrischen Länge und Breite des Cometen, die heliocentrische Entfernung des Cometen vom Knoten und den Abstand des Cometen von der Sonne zu finden. Newton setzt die Auflösung als bekannt voraus; Gregory, Euler und Struyck haben sie vorgetragen. Hr. Lexell hat in einer eigenen Abhandlung, und endlich Hr. Professor Nordmark in einem Programm den dazu dienenden Formeln die möglichste Kürze und Geschmeidigkeit zu geben gesucht. Und doch scheint es mir, dass man diese Aufgabe zum Gebrauch noch bequemer auflösen könne, als bisher geschehen ist. Immer hat man sich nämlich nur der ebenen Trigonometrie dabei bedient, und doch gehört die Aufgabe offenbar für die sphärische, da es hier auf die Lage zweier Ebenen gegeneinander ankommt: die erste Ebene wird durch den Mittelpunct der Sonne, der Erde, und des Cometen bestimmt; die andere ist die durch den Knoten und die Neigung gegebene Ebene der Cometenbahn.

§. 71.

Fig. 3.

Es sei dennach EA \(\), TL die Ecliptik, \(\), der Ort des Knotens, in unserer Figur des niedersteigenden, \(\) J\(\), N die aus der Sonne gesehene scheinbare Cometenbahn, T der Ort der Erde, C der beobachtete geocentrische Ort des Cometen. Man ziehe durch T und C einen grössten Kreis TKCG, so ist K der heliocentrische Ort des Cometen, \(\), K die heliocentrische Entfernung des Cometen vom \(\), TK die heliocentrische Entfernung des Cometen von der Erde, KC der Winkel am Cometen, und endlich das Supplement von TC die geocentrische Entfernung des Cometen von der Sonne. Man sieht leicht, dass man alle diese Stücke durch die Auflösung zweier sphärischen Dreiecke findet.

 Im rechtwinkligen Triangel ACT ist gegeben TA = dem Unterschiede der geocentrischen Länge des Cometen und der Länge der Erde, und AC die beobachtete Breite des Cometen. Man suche

^{*)} Astronomisches Jahrbuch, 1782, S. 130, 131.

cos T C = cos T A cos A C

und

II. $\cot A T C = \cot A C \sin T A$.

2) In dem schiefwinkligen Triangel ζ , KT ist gegeben ζ , T = dem Unterschiede der Länge des Knotens und der Erde, der Winkel $T\zeta$, K = der Inclination der Cometenbahn, und der eben gefundene Winkel ζ , TK = ΛTC . Man suche ζ , K und TK durch die Formeln:

III.
$$\tan \frac{1}{2} (\zeta, K + T K) = \frac{\cos \frac{1}{2} (\zeta, T K - T \zeta, K)}{\cos \frac{1}{2} (\zeta, T K + T \zeta, K)} \tan \frac{1}{2} \zeta, T.$$

IV. $\tan \frac{1}{2} (\zeta, K - T K) = \frac{\sin \frac{1}{2} (\zeta, T K - T \zeta, K)}{\sin \frac{1}{2} (\zeta, T K + T \zeta, K)} \tan \frac{1}{2} \zeta, T.$

Damit ist dann auch KC = TC - TK bestimmt, und so ist, wenn wir, wie sonst, R die Distanz der Erde, r die Distanz des Cometen von der Sonne nennen:

$$V. r = \frac{R \sin T C}{\sin K C}.$$

S. 72.

Vergleicht man diese Formeln mit denen, die man bisher gegeben hat, so wird ihre vorzügliche Bequemlichkeit, besonders bei der Anwendung auf die Verbesserung einer Cometenbahn, einleuchtend sein. Euler z. E. braucht, in den Recherches sur la vraie orbite elliptique de la Comète 1769, acht Formeln, da wir hier mit fünf ausreichen. Alle acht muss Euler für jede der drei Hypothesen, die er in Ansehung der Länge des Knotens und der Neigung der Bahn angenommen hatte, berechnen: hier bleiben die erste, zweite und der Zähler der fünften bei allen drei Hypothesen dieselben: und noch überdem ist der Coefficient von tang $\frac{1}{2}$ \mathbb{C}_5 . T für zwei Hypothesen gleich. Kurz, Euler muss für jede Beobachtung 75, wir brauchen nur 43 Logarithmen hinzuschreiben. Lexell und Nordmark reichen etwa unt 57 oder 60 aus.

§. 73.

Dadurch, dass hier die Aufgabe auf die Auflösung zweier sphärischen Dreiecke gebracht ist, wird es nun auch leicht, statt der drei Hypothesen Differential - Formeln zu gebrauchen, oder allgemein zu berechnen, was kleine Änderungen in der Länge des Knotens, und der Neigung der Bahn in \S , \S , und r, für Veränderungen hervorbringen. Allein Versuche haben mich überzeugt, dass der Nutzen für die Rechnung nicht erheblich ist. Man berechnet eben

so leicht \mathcal{C}_{S} K und r nach unsern Formeln für drei Hypothesen, als jene Differential-Formeln. Ich setze sie deswegen auch um so weniger hieher, da sie sich fast ohne Mühe finden lassen.

S. 74.

Hat man also drei Hypothesen für die Länge des Knotens und die Neigung der Bahn angenommen, so berechnet man für jede derselben, und für die drei Beobachtungen $\int_{\mathbb{R}} K = \xi$, und r. Sind diese gefunden, so muss man die Chorde zwischen der ersten und zweiten, und der ersten und dritten Beobachtung suchen. Es ist aber:

$$k' = \sqrt{(r'' - r')^2 + 4r'r'' \sin \frac{1}{2} (\xi'' - \xi')^2}$$

$$k'' = \sqrt{(r''' - r')^2 + 4r'r'' \sin \frac{1}{2} (\xi''' - \xi')^2}$$

Aus k', k'', und r', r'', r''', findet sich unmittelbar die Zeit, die nach den drei Hypothesen zwischen der ersten und zweiten, und zwischen der ersten und dritten Beobachtung hätte verstreichen sollen. Blos aus der Vergleichung dieser Zeiten mit den beobachteten ergicht sich die wahre Länge des Knotens, und die wahre Neigung der Bahn: und sodann durch leichte Interpolation der wahre Werth von r', r''', \(\xi'\), \(\xi''\), wodurch die \(\xi\)brigen Bestimmungsst\(\xi\)cke der Bahn mit leichter M\(\xi\)he gefunden werden.

§. 75.

Um das ganze Verfahren also vor Augen zu legen, mögen die drei Hypothesen so vorgestellt werden:

Erste Hyp. Zweite Hyp. Dritte Hyp. Länge des \S , \S , $\S+p$. \S , Neigung der Bahn i i i+q

wobei p und q von 10, 15, 20 oder gar mehrern Minuten genommen werden dürfen. Für jede dieser Hypothesen, und für drei Beobachtungen berechnet man nach \$. 71

und hierauf nach §. 74

k' k''

Damit findet man die Zeit, die nach den drei Hypothesen zwischen der ersten und zweiten und zwischen der ersten und dritten Beobachtung hätte verstreichen sollen.

Erste Hyp. Zweite Hyp. Dritte Hyp.
$$\iota'$$
 $\iota' + t$
 $\iota'' + t$
 $\iota'' + t$
 $\iota'' + s$

Die beobachteten Zwischenzeiten sind aber t' und t''. Ist nun die wahre Länge des Knotens $= S_1 + x$, die wahre Neigung der Bahn = i+y, so hat man die Gleichungen

$$\frac{xl}{p} + \frac{ym}{q} = t' - \iota'$$

$$\frac{xo}{p} + \frac{ys}{q} = t'' - \iota''$$

and hieraus

$$x = \frac{(t'-\tau')sp - (t''-\tau'')mp}{sl - mo}$$
$$y = \frac{(t'-\tau')oq - (t''-\tau'')lq}{mo - sl}$$

also die wahre Länge des Knotens und die wahre Neigung der Bahn. *) Die wahren Werthe von r', r''', \xi'', \xi'', werden sodann

$$\begin{array}{c} y\left(q'{-}q''\right) + x\left(q'{-}q'''\right) = q' \\ \text{und } y\left(u'{-}u''\right) + x\left(u'{-}u'''\right) = u' \end{array}$$

wo Auflösung und Gebrauch dieser Gleichungen mit denen des §. 75 ganz analog, und y der Factor ist, womit die Änderung des Abstands der Sonnennähe; x hingegen der Factor, womit die Änderung der Zeit des Durchgangs durch die Sonnennahe multiplicirt wird, um die wahren Änderungen dieser beiden Stücke zu erhalten. Bisweilen wird es aber nöthig, die zweiten Differenzen mitzunehmen und der Herausgeber hat sich der vom Hrn, de la Place hierzu gegebenen Formeln mit Vortheil bei mehreren Cometen bedient. Er theilt sie daher in Beziehung auf Hrn, de la Place's Methode mit; ihre Anwendung auf jede andere kann jedoch keine Schwierigkeit machen. Man berechne nämlich die q und n(S. 55 Note) in folgenden fünf Hypothesen: 1) Mit den durch die erste Annäherung gefundenen Elementen. 2) Mit einer geringen Änderung des Abstandes der Sonnennähe. 3) Mit der doppelten vorigen Änderung. 4) Mit Beibehaltung der Distanz der Sonnennahe in der ersten Hypothese, andere man die Zeit des Durchgangs durch das Perihelium um etwas Geringes. 5) Mit der doppelten vorher in der vierten Hypothese gemachten Änderung. Es sollen nun q', q", q", q"", q'''' und n', n'', n''', n'''', n'''' die nach den Formeln (t. c.) in diesen fünf Hypothesen gefundenen Werthe von q und n; x und y die Factoren bedeuten, womit man die angenommenen Anderungen der vierten und zweiten Hypothese multipliciren muss, um die wahren Anderungen zu erhalten, so finden sich x und y aus folgenden Gleichungen:

$$\begin{aligned} 0 &= (4q'' - 3\gamma' - q''') \, y + (q''' - 2\gamma'' + q') \, y^2 + (4q'''' - 3\gamma' - q''''') \, x \\ &+ (q''''' - 2\gamma'''' + y') \, x^2 + 2q' \\ 0 &= (4n'' - 3n' - n''') \, y + (n''' - 2n'' + n') \, y^2 + (4n'''' - 3n' - n''''') \, x \\ &+ (n''''' - 2n''' + n') \, x^2 + 2n' \end{aligned}$$

 $^{^{\}circ}$) Dies sind die Interpolations-Formeln, die auch bei der Methode des Hrn. de la Place (S. 55 in der Note) zu gebrauchen sind. Man bezeichne die Werthe der dortigen y und n für die drei Hypothesen mit y', q''', q''', und n', n'', n'', so hat man

durch Interpolation gesucht, indem für jede beliebige Grösse, die zum Beispiel in den drei Hypothesen gefunden worden ist: B+f

B+a

B

der wahre Werth

$$B + \frac{fx}{p} + \frac{gy}{q}$$

sein wird. Es ist klar, dass man, alle mögliche Genauigkeit zu erhalten, die Arbeit durch drei neue, minder von einander abweichende Hypothesen über die Länge des C und die Neigung der Bahn erneuern müsse, wenn man x und y merklich grösser als pund q finden sollte, oder für p und q zu grosse Werthe, z. B. von 50, 60 oder gar mehreren Minuten, angenommen hätte. Denn eigentlich ist diese Methode nur in so weit genau, als man die Veränderungen aller übrigen Grössen den Veränderungen der Länge des Knotens und der Neigung der Bahn proportional setzen kann, welches allerdings nur für kleine Werthe von p und q zulässig ist. Diese Einschränkung trifft indessen die de la Place'sche und die folgende Methode gleichfalls.

S. 76.

Ausser diesen beiden Verbesserungs-Methoden werde ich nun noch eine angeben, die mir wirklich, wo es blos um die parabolischen Elemente zu thun ist, am bequemsten scheint. Und wenn sie auch in Ansehung der Bequemlichkeit nicht den Vorzug hätte, den sie wirklich hat, so ist es doch immer gut, mehrere Methoden zur Auswahl zu haben, da sich die beiden angeführten nicht immer brauchen lassen. Hrn. de la Place's Methode ist misslich, wenn der Winkel am Cometen in einer der drei zum Grunde gelegten Beobachtungen sehr nahe ein rechter ist: und Newton's Berechnungsart ist dann nicht zu gebrauchen, wenn entweder die Neigung der Cometenbahn sehr klein, oder die Erde in einer der Beobachtungen der Knotenlinie sehr nahe ist. Statt der Hypothesen über den Abstand und die Zeit der Sonnennähe, oder über die Lage der

Wir bemerken noch, dass man zwar diese Gleichungen direct durch Eliminiren auflösen kann, aber durch eine beschwerliche Rechnung dennoch auf eine Gleichung des vierten Grades geführt wird; dass es daher stets bequemer ist, erst genaherte Werthe von x und y mit Hinweglassung der quadratischen Glieder x^2 und y^2 zu suchen, und dann mit diesen die Quadrate von x und y in obigen Gleichungen zu berechnen und dadurch wegzuschaffen. Ans den Gleichungen des ersten Grades, die man so erhält, lässt sich dann x und y leicht und schärfer finden.

Bahn gegen die Ecliptik mache man drei Voraussetzungen über die curtirten Distanzen des Cometen von der Sonne in zwei so weit von einander entfernten Beobachtungen, als man nur hat. Man berechne diese curtirten Distanzen nämlich aus der schon beiläufig bekannten Bahn, *) da sie \triangle' , \triangle''' heissen mögen, und nehme sodann an:

Erste Hyp. Zweite Hyp. Dritte Hyp.

Erste Beob.
$$\triangle'$$
 $\triangle'+m$ \triangle'
Dritte Beob. \triangle''' $\triangle'''+n$

Man berechne für \triangle' und $\triangle'+m$ aus der geocentrischen Beobachtung die heliocentrische Länge und Breite des Cometen in der ersten Beobachtung: und für \triangle''' und $\triangle'''+n$ die heliocentrische Länge und Breite in der dritten Beobachtung. Diese Rechnungen sind sehr leicht. Denn es ist der Winkel an dem auf die Ebene der Ecliptik projicirten Ort des Cometen, den ich c nennen will, durch die Gleichung

$$\sin c = \frac{R \sin (A - a)}{\triangle}$$

gegeben, **) und damit findet sich ε , oder die Elongation des Cometen von der Erde

$$\varepsilon = 180^{\circ} - c - (A - \alpha)$$

Die heliocentrische Breite aber

$$\tan \beta \, \lambda = \frac{\tan \beta \, \sin \left(A - \alpha \right)}{\sin \, \epsilon}$$

Dann sucht man sogleich nach den Formeln des §. 42 für jede der drei Hypothesen die Länge des aufsteigenden Knotens und die Neigung der Bahn, und da

$$r' = \frac{\Delta'}{\cos \lambda'}$$
 $r''' = \frac{\Delta'''}{\cos \lambda'''}$

ist, auch die wahren Anomalien in beiden Beobachtungen, den Abstand des Periheliums, und die Zeit vom Perihelio bis zur ersten und dritten Beobachtung. Folglich hat man auch die Zeit, die zwi-

^{°)} Statt der curtirten Distanzen △', △''', kann man auch mit geringer Veränderung der Rechnung die wahren Distanzen r', r''', bei den drei Hypothesen zum Grunde legen, wenn man etwa die curtirten Distanzen aus der schon beläufig bekannten Bahn nicht so leicht berechnen könnte, welches besonders der Fall sein wird, wenn man sich noch nicht die Mühe gegeben hat, die Länge des Sinne die Neigung der Bahn zu suchen, sondern blos Zeit und Abstand der Sonnennähe bestimmt hat.

^{**)} Es ist bekannt, dass dem Sinus von c zwei Winkel, ein stumpfer und ein spitzer, zugehören können. Bei der schon beiläufig bekannten Bahn wird man nicht leicht zweifelhaft sein können, welchen man wählen müsse.

schen diesen beiden Beobachtungen, den drei Hypothesen zu Folge, hätte verfliessen sollen. Diese mit der wirklich beobachteten verglichen, giebt die erste Vergleichung. In den drei gefundenen Bahnen addirt man zu der Zeit vom Perihelio bis zur ersten Beobachtung, die beobachtete Zeit von der ersten bis zu einer zweiten von den übrigen beiden hinreichend entfernten Beobachtung, und berechnet sodann in jeder der drei Hypothesen die geocentrische Länge, oder, wenn sich die Breiten stärker ändern, die geocentrische Breite in dieser zweiten Beobachtung. Diese berechnete Länge oder Breite mit der beobachteten verglichen, giebt die zweite Gleichung.

S. 77.

Dies ganze Verfahren lässt sich demnach also vorstellen:

Erste Hyp. Zweite Hyp. Dritte Hyp. Wahre Bahn

Curt. Abstand in der ersten Beobachtung. Λ' ****''' in der dritten Beob. Zeit zwischen der ert+q $t^{\prime\prime}$ beob. Zeit sten und dritten Beob. $\tau + p$ Länge in der zweiten η+s α" beob. Länge a+rBeobachtung. ũ and sodann ist

$$\frac{p\,x}{m} + \frac{q\,y}{n} = t'' - r$$

und

$$\frac{rx}{m} + \frac{sy}{n} = \alpha'' - \alpha$$

woraus sich auf eben die Art, wie §. 75, der Werth von x und y ergiebt. Ist nun m und n nicht zu gross angenommen, und x und y kleiner oder nicht merklich grösser, als m und n, so lassen sich alle Elemente der Cometenbahn durch Interpolation leicht finden.

S. 78.

Drei vollständige Beobachtungen sind im Grunde zuviel, um die Bahn eines Cometen, wenn man sie als eine Parabel annimmt, zu bestimmen. Dies will sagen, wenn die Bahn des Cometen nicht wirklich parabolisch ist, oder wenn Fehler in den Beobachtungen stecken, so kann man nur drei Längen und zwei Breiten, oder zwei Längen und drei Breiten durch eine Parabel angeben. Dies ist auch

der Grund, warum ich in der eben angegebenen Verbesserungsmethode von der mittlern Beobachtung nur die Länge oder auch nur die Breite gebraucht habe. Allein in Lambert's, de la Place's, und der hier auf die Parabel angewendeten Newton'schen Methode zur Verbesserung einer Cometenbahn scheint es, dass man drei vollständigen Beobachtungen unter der parabolischen Hypothese genug thue. Allein dies scheint auch nur so. Ist nämlich die Bahn eines Cometen von einer Parabel merklich verschieden, oder sind die Beobachtungen fehlerhaft, so bleibt nothwendig irgend eine in der Natur des Problems liegende Bedingung unerfüllt, indem man drei vollständigen geocentrischen Beobachtungen und den parabolischen Bewegungsgesetzen genug zu thun glaubt. So wird man nach Lambert \$, 65 die drei geocentrischen Distanzen so bestimmen, dass der Comet nach den parabolischen Bewegungsgesetzen zwischen den drei dadurch angegebenen Puncten gerade die beobachteten Zwischenzeiten brancht, aber diese drei Puncte werden nicht in einer durch den Mittelnunct der Sonne gehenden Ebene liegen. Hr. de la Place wird nach \$. 67 die Zeit und den Abstand des Perihelinms so bestimmen, dass die auf beide Arten berechneten Unterschiede der wahren Anomalien mit einander übereinstimmen, allein die aus dieser gefundenen Zeit, dem Abstand des Periheliums, und den drei geocentrischen Beobachtungen berechneten heliocentrischen Örter des Cometen werden nicht in einen grössten Kreis der Sphäre fallen. Endlich wird man nach der auf die Parabel angewandten Newton'schen Methode eine Länge des Knotens und eine Neigung der Bahn finden, wodurch die aus den drei geocentrischen Beobachtungen berechneten r', r'', r''', und k', k'', genau nach den Bewegungsgesetzen der Parabel die beobachteten Zwischenzeiten geben; allein die dadurch angegebenen Örter werden nicht in einer und derselben Parabel liegen. In allen drei Fällen wird man also nicht eine, sondern eigentlich drei Parabeln finden, die mehr oder weniger von einander unterschieden sind, je nachdem die Beobachtungen genauer sind, oder die wirkliche Bahn eines Cometen mehr oder weniger von einer Parabel abweicht. Man nimmt und berechnet indessen nur diejenige dieser Parabeln als die wirkliche Bahn, die durch die beiden äussersten Puncte geht, oder die der ersten und dritten Beobachtung Genüge thut. Für diese drei Parabeln ist nun bei Hrn. de la Place Zeit und Abstand des Periheliums, bei Newton's Methode Länge des Knotens und Neigung der Bahn einerlei; die übrigen drei Elemente, sowie bei Lambert alle fünf, fallen in allen drei Parabeln verschieden aus.

S. 79.

Die Bedingung, dass alle Puncte der Cometenbahn in einer durch den Mittelpunct der Sonne gehenden Ebene liegen müssen, ist an sich die wesentlichste der Cometentheorie. Schon dies giebt der hier auf die Parabel angewandten Newton'schen Verbesserungs-Methode der Cometenbahnen den Vorzug vor den übrigen, indem sie dieser Hauptbedingung genug thut. Allein auch darin hat sie vor denselben einen grossen Vorzug, dass man sie unmittelbar brauchen kann, die elliptischen Bestimmungsstücke der Cometenbahn zu finden, wenn es sich ergeben sollte, dass man bei dem Cometen, den man berechnet, mit einer Parabel nicht ausreiche.

S. 80.

Um zu wissen, ob dies der Fall ist, so berechne man aus den für die beiden äussersten Beobachtungen gefundenen parabolischen Elementen wieder \(\xi'\) und \(r''\), die man auch aus der Rechnung \(\xi\). 75 gefunden hat, oder leicht finden kann. Weichen die auf beide Arten gefundenen Werthe merklich von einander ab, ist \(p\) und \(q\) nicht zu gross angenommen, darf man sich auf die Genauigkeit der Beobachtungen verlassen, und sind diese weit genug von einander entfernt, so kann man dann versuchen, statt der Parabel die elliptische Bahn zu bestimmen. Ich habe nicht gefunden, dass sich hierbei die Euler'schen Methoden merklich abkürzen liessen, die er in den beiden oft angeführten Werken gegeben hat. Statt der Chorden \(k'\), \(k''\) muss man, sobald man \(\xi'\), \(\xi''\), \(x'''\), \(r'''\), \(r'''\) gefunden hat, sogleich den Parameter der Ellipse für jede der drei Hypothesen durch die Formel

$$b = \frac{\sin\left(\xi^{\prime\prime\prime} - \xi^{\prime}\right) + \sin\left(\xi^{\prime\prime\prime} - \xi^{\prime\prime}\right) - \sin\left(\xi^{\prime\prime\prime} - \xi^{\prime}\right)}{\sin\left(\xi^{\prime\prime\prime} - \xi^{\prime\prime}\right)} + \frac{\sin\left(\xi^{\prime\prime\prime} - \xi^{\prime}\right)}{r^{\prime\prime\prime}} - \frac{\sin\left(\xi^{\prime\prime\prime} - \xi^{\prime}\right)}{r^{\prime\prime\prime}}$$

bestimmen, welche Formel viel bequemer ist, als diejenige, die Euler in der theoria mot. plan. et com. angiebt, aber im Wesentlichen mit derjenigen übereinstimmt, die in den Recherches sur lorbite de la Comète 1769 enthalten ist. Aus dem gefundenen Parameter wird leicht die wahre Anomalie in der ersten Beobachtung, der Abstand des Periheliums, und sodann die Zeiten vom Perihelium, mithin auch die Zeiten zwischen den Beobachtungen berechnet. Hierbei ziehe ich nun die Formeln in der Theoria denen in den Recherches vor. Durch Vergleichung der berechneten Zwischenzeiten mit den beobachteten bestimmt man auf eben die Art, wie bei

der Parabel, die Verbesserung der Länge des Knotens und der Inclination, und den wahren Werth der elliptischen Elemente durch Interpolation.

S. 81.

Selten oder nie wird man in den Fall kommen, die elliptische Bahn eines Cometen um irgend eines erheblichen Nutzens oder Vortheils willen berechnen zu müssen. Das Stück der Cometenbahn, das der Sonne am nächsten liegt, lässt sich fast immer durch die parabolische Hypothese so genau bestimmen, dass man den Cometen künftig wiedererkennen und seinen gegenwärtigen Lauf. Abstand von Erde und Sonne u. s. w. scharf genug darstellen, voraussagen und beurtheilen kann. Und dieses ist, dünkt mich, der ganze Zweck einer Cometenberechnung, da die Bestimmung der elliptischen Bahn doch nie die Umlaufszeit mit einiger Sicherheit kennen lehrt. *) indem die Abweichungen der parabolischen Hypothese von der wahren Bahn sich zu sehr mit den Fehlern der Beobachtungen vermengen. Diese Fehler sind gewiss in manchen Fällen weit grösser, als man sich vorstellen sollte, woran grösstentheils Licht und Gestalt des Cometen, und Unvollkommenheiten unserer Fixsternverzeichnisse Schuld sind.

S. 82.

Bei Berechnung der elliptischen Elemente erfordert Auswahl und Behandlung der Beobachtungen die grösste Schärfe und Sorg-

^{*)} Der Comet von 1770 scheint eine grosse und berühmte Ausnahme zu machen. Ohne darüber entscheiden zu wollen, darf man doch bemerken: 1) dass die Beobachtungen vor dem Perihelium deswegen fehlerhafter sein können, weil der schweiflose Comet einen sehr grossen scheinbaren Durchmesser hatte, und es wohl nicht leicht ist, immer genau den Schwerpunet dieser Dunstmasse als den eigentlichen Gegenstand der Beobachtung zu unterscheiden. 2) Dass die Newton'sche oder Euler'sche Methode, wodurch Hr. Lexell die Ellipse und die Umlaufszeit dieses Cometen bestimmte, gerade in diesem Fall etwas misslich anzuwenden war, da die Bahn eine so geringe Neigung gegen die Ecliptik hat. Ich lengne indessen nicht, dass dieser paradoxe Comet eine von der Parabel sehr abweichende Ellipse beschrieben hat, da so grobe Beobachtungen wie die Lambert'schen (Beitrage III. Theil, S. 318) schon die Unzulänglichkeit der parabolischen Hypothese zeigten und selbst die nach dem Perihelium angestellten Beobachtungen sich nicht in einer Parabel darstellen liessen. Sonderbar ist der Irrthum eines grossen Geometers und Analysten, des Hrn. du Sejour, der durch mehrere berechnete Parabeln drei vollstandigen Beobachtungen dieses Cometen völlig genug gethan zu haben glanbte. S. Du Séjour Traité analytique des mouremens apparens des corps célestes. Tom. 11, Chap. 15, p. 613 sq.

falt. Es muss auf Parallaxe, Aberration und Nutation gehörige Rücksicht genommen werden. Vielleicht wäre es gut, für eine der wahren elliptischen Bahn schon nahe kommende Parabel alle Beobachtungen mit der grössten Genauigkeit zu berechnen. Die Unterschiede der Beobachtungen von der Rechnung müssen, insofern sie blos der elliptischen Figur der Bahn zugehören, eine einförmige und regelmässige Zu- und Abnahme zeigen. Sprünge und Unregelmässig-keiten zeigen Fehler der Beobachtung oder Rechnung an: denn auch bei dieser dürfen hier einzelne Secunden nicht vernachlässigt werden. So wird man ziemlich im Stande sein, wenn man anders zahlreiche Beobachtungen vor sieh hat, diese von ihren Fehlern zu befreien; und dann lässt sich etwas über die Ellipse versuchen, besonders wenn der Comet in beiden Ästen seiner Bahn, vor und nach der Sonnennähe gesehen worden ist.

Über die zweckmässigste Art bei der Berechnung einer Cometenbahn die Versuche anzustellen.

Zusatz zu der vorigen Abhandlung, gegeben von Herrn Dr. Olbers. ')

Bei meiner Methode, Cometenbahnen zu berechnen, findet man sehr leicht die drei Fundamentalgleichungen für r'^2 , r'''^2 , und k''^2 , oder für die Quadrate der beiden Abstände von der Sonne in der ersten und dritten Beobachtung, und der dazwischen liegenden Chorde. Auch sind die Versuche, aus ihnen den Werth von ϱ' oder den curtirten Abstand des Cometen von der Erde in der ersten Beobachtung zu finden, weder sehr beschwerlich, noch hat man deren sehr viele zu machen. Indessen ist es doch unangenehm, wenn man diese Versuche gleichsam so ganz auf's Ungewisse, mit einem willkürlich vorausgesetzten Werth von ϱ' anfangen soll, und es wird Manchem wenigstens immer ein fühlbarer Mangel bei dieser Methode gewesen sein, dass man nicht gleich einen genäherten Werth von ϱ' anwenden, und den wahren Werth dieser Grösse nach bestimmten Regeln finden konnte. Folgendes Verfahren scheint mir diesen Mangel glücklich zu heben.

Aus der Gleichung für das Quadrat der Chorde:

$$k^2 = F + G \varrho' + H \varrho'^2$$

würde sich ϱ' sehr bequem finden lassen, wenn k^2 bekannt wird. Setzt man nämlich der Kürze wegen $F'=k^2-F$, und nimmt

^{*)} Astron. Jahrb. 1833. S. 251 ff.

$$\tan \psi = \frac{2H}{G} \sqrt{\frac{F'}{H}}$$

so ist:

$$\varrho' = \tan \frac{1}{2} \psi \sqrt{\frac{F'}{H}}$$

So lange nämlich F' positiv bleibt, gieht es nur einen positiven Werth von ϱ' , und dieser wird durch tang $\frac{1}{2}\psi\sqrt{\frac{F'}{H}}$ immer richtig gefunden, wenn man sich nur erinnert, dass für ein negatives G der Winkel ψ stumpf wird. *)

Um also einen genäherten Werth von ϱ' zu finden, muss man einen genäherten Werth von k^2 haben. Dieser findet sich nun so: Es ist F das Quadrat der Chorde der Erdbahn. Nun ist, so lange beide Chorden klein sind, sehr nahe

$$k^2 = \frac{4F}{r' + r'''}$$

Man kennt freilich weder r' noch r''', oder die beiden Abstände des Cometen von der Sonne. Aber einmal kann r'+r''' nicht kleiner als 1 sein, sobald die scheinbaren Entfernungen des Cometen von der Sonne nur grösser als 30° sind; und von der andern Seite ist r'+r''' aber auch fast immer kleiner als 3, weil die uns sichtbaren Cometen, sehr wenige Ausnahmen abgerechnet, gewöhnlich innerhalb der Marsbahn sind. Ans diesem Grunde ist 2 immer ein genäherter Werth für r'+r''', und man hat also zum ersten Versuche:

$$F' = \frac{4F}{r' + r'''} - F = \frac{4F}{2} - F = F$$

Man kann, wenn man will, F' zum ersten Versuche noch näher bestimmen, weil es leicht ist, vorher zu wissen, ob r'+r''' grösser oder kleiner als 2 sei. Schon der blosse Überblick der Gleichungen

$$\sin \eta = \frac{2H}{G} \sqrt{\frac{F'}{H}}$$

und es sind die beiden Werthe von e':

$$\varrho' = \operatorname{tang} \frac{1}{2} \eta \sqrt{\frac{F'}{H}} \text{ and } \cot \frac{1}{2} \eta \sqrt{\frac{F'}{H}}$$

Hier können beide positiv sein, doch wird immer nur der letzte gelten. Der Fall von einem negativen F' kann übrigens nur sehr selten und nur dann Statt finden, wenn r'+r''', oder die Summe der beiden Abstände des Cometen von der Sonne, grösser als 4 ist.

^{*)} Sollte in seltenern Fällen F^{ν} negativ werden, so nehme man (F^{ν} unter dem Wurzelzeichen, doch als positiv behandelt)

für r'2 und r''2 wird den etwas geübten Rechner hier leiten können. Sind die Winkel A-a grösser als 90°, und der Coefficient von Q' in diesen Gleichungen also positiv, so ist natürlich r'+r''' nothwendig grösser als 2 R. Da kann man denn gleich r'+r'''=2.4setzen, und dann wird

$$F' = \frac{4F}{2,4} - F = \frac{2}{3}F$$

Sobald aus dieser ersten Näherung

$$F' = F$$
 oder $= \frac{2}{3}F$

ein Werth von of durch die so leicht zu berechnenden Formeln

$$\tan \psi = \frac{2H}{G} \sqrt{\frac{F'}{H}}$$

$$\varrho' = \tan \frac{1}{2} \psi \sqrt{\frac{F'}{H}}$$

gefunden ist, bestimmt man dadurch r' und r'' anfangs nur in wenigen Decimalen. Statt des gefundenen Werths von Q' kann man einen ihm nahe kommenden bequemern Bruch, z. B. 1/4, 1/3, 1/2 u. s. w., nehmen und so sehr leicht r'^2 und r'''^2 berechnen; findet man so $r^2 = 1 + b$

so ist es völlig hinreichend, durch die bekannte Näherungsformel

$$r = 1 + \frac{b}{2 + \frac{1}{2}b}$$

r' und r''' zu bestimmen. Die so gefundenen beiläufigen Werthe von r' und r'' in die Gleichung

$$F' = \frac{4F}{r' + r'''} - F$$

wird man schon einen genauern Werth von F' und ϱ' er-Nun muss man schärfer rechnen. Aus diesem zweiten Werth von ρ' berechnet man r' und r''' genauer. Ist nun T die Zwischenzeit der Beobachtungen, so mache man

$$\theta = 4 m T$$

wobei $\log 4m = 8,5366114$, und es ist sehr nahe, wenn die Zwischenzeit nicht gar zu gross ist: *)

$$F' = \frac{g^2}{r' + r'''} + \left(\frac{g^2}{r' + r'''}\right)^2 \frac{1}{12(r' + r''')^2} + 4\left(\frac{g^2}{r' + r'''}\right)^3 \left(\frac{1}{12(r' + r''')^2}\right)^2 - F$$

*) Setzt man namlich der Kürze wegen r' + r''' = S, so ist: $k^2 = \frac{9^2}{S} + \frac{9^3}{12 S^4} + \frac{9^6}{26 S^7} + \frac{9^8}{72 S^{10}} \text{ etc.}$

$$k^2 = \frac{\theta^2}{S} + \frac{\theta^4}{12S^4} + \frac{\theta^6}{36S^7} + \frac{\theta^8}{72S^{10}}$$
 etc.

oder wenn man die drei ersten Glieder rechter Hand A, B, C nennt, so ist

$$A = \frac{9^2}{r' + r'''}$$

$$B = \frac{A^2}{12(r' + r''')^2}$$

$$C = \frac{4B^2}{A}$$

so dass sich diese Formel sehr leicht berechnen lässt, bei der das dritte Glied gemeiniglich schon unbeträchtlich klein ist. *) Aus diesem F' wird wieder ϱ' berechnet, das nun schon dem wahren Werth sehr nahe kommen wird. Eine nochmalige Wiederholung der Rechnung für F' und ϱ' aus dem zuletzt gefundenen Werth von ϱ' giebt letzteres so genau, dass sich nun alles Übrige durch Interpolationen nachholen lässt. Einige Beispiele werden die ungemeine Bequemlichkeit und Sicherheit dieser Methode am besten zeigen.

Zuerst wähle ich als Beispiel den in meiner Abhandlung **) berechneten Cometen von 1769. Es wurde damals für das Quadrat der Chorde gefunden:

$$k''^2 = 0.01868 - 0.10960 \varrho' + 0.49689 \varrho'^2$$

Also ist $F = 0.01868$, $G = -0.10960$, $H = 0.49689$.

Nimmt man nun zum ersten Versuche F' = F, so ist:

Ich nehme also $\varrho'=\frac{1}{3}$ und finde durch einen sehr leichten Überschlag $r'=1.02,\ r'''=0.84,\ \text{also}\ r'+r'''=1.86.$ und $F'=\frac{4F}{1.86}-F=\frac{2.14}{1.86}F,\ \text{folglich}$:

e) Sollte die Zwischenzeit so gross genommen sein, dass man noch em viertes Glied für k^2 mitnehmen nusste, so findet sich auch dieses sehr leicht. Dem es ist: $D = \frac{2 R^2}{(\nu^2 + \nu'')^2}$

^{**)} S. Abhandl. S. 38.

$\log F$ 8,27138 $\log 2,14$ 0,33041	$\log rac{2I\!I}{G}$ 0,9574 S_{a}
compl. $\log 1.86 \dots 9.73049$ $\log F' \dots 8.33228$	$\log \sqrt{\frac{F'}{H}}$ 9,31801
$\log H \dots 9,69626$	log tang ψ 0,27549
$\log \frac{F^{\flat}}{H}$	ψ
$\log \sqrt{rac{F'}{H}} \cdot \dots \cdot 9{,}31801$	
$\log ang rac{1}{2} \psi \dots 0,22065$	
$\log \varrho' \dots 9,53866$	ϱ'

Mit diesem Werthe von ϱ' muss nun alles genauer berechnet werden. Es findet sich $r'=1,02308,\ r'''=0,83592,\ also\ r'+r'''=1,85900.$ Da nun T=8,0000 Tage, so ist $\log\vartheta=9,4397014,$ $\log\vartheta^2=8,8794028,\$ und die fernere Rechnung steht nun so:

log 12 1,07918

C wird ganz un-

 $\log 9^2 \dots 8,8794028$

Ich bestimmte damals, in der früheren ausführlich oben gegebenen Rechnung, $\varrho' = 0.34835$. Man sicht also, wie äusserst

nahe wir schon dem wahren Werthe von ϱ' gekommen sind, und dass eine nochmalige Wiederholung der Rechnung alles in genügender Schärfe geben wird.

Da hier zufällig r'+r''' wenig von 2 verschieden ist. so könnte man vielleicht glauben, dass nur deswegen der wahre Werth von ϱ' so leicht gefunden sei. Ich will deswegen nun ein Beispiel geben, worin r'+r''' ungewöhnlich klein ist. Der erste Comet von 1805 nach Hrn. Ivory's Berechnung wird uns ein solches darbieten. Die drei von Ivory gefundenen Gleichungen ergaben sich:

$$r'^2 = 0.988192 - 1.271721 \varrho' + 1.000000 \varrho'^2$$

 $r'''^2 = 0.981987 - 2.311644 \varrho' + 1.881447 \varrho'^2$
 $k''^2 = 0.043371 - 0.074489 \varrho' + 0.485837 \varrho'^2$

Dabei war log $\vartheta^2=9,2341873$. Jeder Rechner wird gleich aus den grossen negativen Coefficienten von ϱ' in den Gleichungen für r'^2 und r'''^2 schliessen, dass r'+r''' viel kleiner sei als 2, und daher mit Vortheil r'+r'''=1,5 zur ersten Rechnung voraussetzen. Allein ich will mich absichtlich dieses Vortheils nicht bedienen, sondern zuerst r'+r'''=2, mithin F'=F nehmen. Da nun F=0,043371, G=-0,074489, H=0,485837, so ist:

$\log F' \dots 8,63720$	$\log 2H \dots 9,987521$
<i>H</i> 9,686491	$\log G \dots 8,872092_n$
$\log \frac{F'}{H} \cdot \dots \cdot 8,95071$	$\log \frac{2H}{G} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot 1,115429_n$
$\log \sqrt{rac{F'}{H}} \cdot \ldots \cdot 9{,}47535$	$\log \sqrt{rac{F'}{H}} \cdot \cdot \cdot \cdot rac{9,47535}{}$
$\log \tan \frac{1}{2} \psi \dots 0,11032$	$\log \tan \psi \dots 0,59078_n$
$\log \varrho' \ldots 9,58567$	$\psi \ldots 104^{6} \ 24'$
ϱ' 0,3872	$\frac{1}{2}\psi$ 520 12'

Aus diesem Werthe von ϱ' findet sich r'=0.8042, r'''=0.6088, also r'+r'''=1.413, mithin $F'=\frac{4F}{1.413}-F=\frac{2.587}{1.413}F$.

log 2,587 0,41280 compl. log 1,413 9,84986	$\log \frac{2H}{G}$ 1,11543.
$\frac{\log F \dots 8,63720}{\log F' \dots 8,89986}$	$\log \sqrt{\frac{F'}{H}}$ 9,60669
$ \frac{\log H}{\log \frac{F'}{H}} \dots \frac{9,68649}{9,21337} $	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\log \frac{F'}{H} \dots 9,60669$	$\frac{1}{2}\psi$
$\log \tan \frac{1}{2} \psi \dots 0.08184$	
$\log \varrho' \dots 9,68853$	ϱ'

Mit diesem Werthe von ϱ' , den man schon als genähert betrachten kann, suche ich nun alles genauer. Es ergiebt sich $r'=0,778270,\ r'''=0,549459,\ r'+r'''=1,327729.$ Nun wird F' durch die Formel

$$F' = \frac{J^2}{r' + r'''} + \frac{A^2}{12(r' + r''')^2} + \frac{4B^2}{A} - F$$

und aus F' wieder ϱ' berechnet

$\log \theta^2$ 9,234187 $\log r' + r'''$ 0,123436	$\log 12. \dots 1,07918 \log (r' + r''')^2 0,24687$	$\log 40,60206$ $\log B^23,79090$
$\log A \dots \overline{9,110751}$	$ \begin{array}{r} \hline 1,32605 \\ \log A^2 \dots 8,22150 \end{array} $	$4,39296$ $\log A$ 9,11075
A 0,129048 B 0,000786	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \frac{\log C}{\log \frac{2II}{G}} \cdot \cdot \cdot \frac{5,28221}{1,115429} $
$\frac{C \dots \frac{0,000019}{0,129853}}{k^2 \dots \frac{0,129853}{0,129853}}$	$\log \frac{F'}{H} \cdot \dots \cdot 9{,}250435$	
$F \dots 0.043371$ $F \dots 0.086482$	$\log \sqrt{\frac{F'}{H}}$. 9,625217 $\log \tan \frac{1}{2} \psi$ 0,078488	φ

Damit ist ϱ' schon sehr nahe gefunden. Es ergiebt sich nun $r'=0.775161,\ r'''=0.542425,\ r'+r'''=1.317586.$ Hieraus zur letzten Rechnung findet man:

Herr Ivory fand $\varrho' = 0.5081$, und so ist keine weitere Wiederholung der Rechnung nöthig.

Ein Beispiel, worin r'+r''' viel grösser als 2 ist, kann uns Hrn. von Zach's Comet von 1779 liefern (s. Vorrede). Baron von Zach giebt die drei Fundamentalgleichungen:

$$r'^2 = 0.9824023 + 0.8736279 \,\varrho' + 2.332634 \,\varrho'^2$$

 $r'''^2 = 0.988609 + 2.118688 \,\varrho' + 2.880413 \,\varrho'^2$
 $k''^2 = 0.0418773 + 0.0068447 \,\varrho' + 0.208501 \,\varrho'^2$

Da hier offenbar wegen der grossen positiven Coefficienten von ϱ' , r'+r''' viel grösser als 2 sein muss, so setze ich nach der oben gegebenen Vorschrift, r'+r'''=2,4, also $F'=\frac{2}{3}F=0,027918$, und es ist

Statt dieses Werths von ϱ' setze ich $\varrho' = \frac{1}{3} = 0,3333 \dots$ und finde durch einen leichten Überschlag r' = 1,238, r''' = 1,418, mithin r' + r''' = 2,656 und also:

$$F = \frac{4F}{r' + r'''} - F = \frac{1,344}{2,656}F$$

damit
$$\log F' = 8,32515$$
, $\log \sqrt{\frac{F'}{H}} = 9,50302$, $\psi = 87^{\circ}$ 3', und $\varrho' = \tan \frac{1}{2} \psi \sqrt{\frac{F'}{H}} = 0,30245$.

Nun wissen wir also schon, dass der wahre Werth von ϱ' nicht viel von 0,31 verschieden sein kann. Ich setze also $\varrho' = 0,31$, suche nun alles genauer und finde:

$$r'$$
 . . = 1,215479
 r''' . . = 1,386438
 $r'+r'''$ = 2.601917

Da nun $\log \theta^2 = 9,2195092$, so erhalten wir:

$$A = 0,0637112$$

$$B = 0,0000500$$

$$C = 0,0000000$$

$$k''^{2} = 0,0637612$$

$$F = 0,0418773$$

$$F' = 0.0218839$$

und damit:

Herr Baron von Zach fand $\varrho' = 0.3085785$. Man sieht, wie nahe wir schon der Wahrheit sind, und dass eine nochmalige Wiederholung der so leichten Rechnung mit dem oben gefundenen Werthe von ϱ' alles zur erforderlichen Genauigkeit bringen wird.

Sowie dies Verfahren immer glückt, r'+r''' mag grösser oder teleiner als 2 sein: ebensowenig hängt der Erfolg von der Grösse von ϱ' ab. Zum Beispiel bei dem von Herrn von Zach berechneten Cometen von 1799 war:

$$k''^{\,2} = 0.237793 - 0.727564 \, \varrho' + 0.667962 \, \varrho'^{\,2}$$
also F' unmittelbar = 0.237793 gesetzt:

$\log F' \ldots 9,37621$	$\log 2H$ 0,12578
$\frac{\log H}{F'}$ 9,82475	$\log \frac{G}{2H}$ 9,86187
$\log \frac{F'}{H} \dots 9,55146$	$\log \frac{2H}{G} \dots \dots 0,26391_n$
$\log \sqrt{\frac{F'}{H}} \cdot \dots \cdot 9,77573$	$\log \sqrt{\frac{F'}{H}} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{9,77573}{}$
tang $\frac{1}{2}\psi$	$\log ang \psi \ldots 0.03964$
$\log \varrho' \dots \dots 0,13107$	ψ 1329 237
ϱ' 1,352	$\frac{1}{2}\psi\dots$ 66° 11 $\frac{1}{2}$ ′

Der Bequemlichkeit wegen setze ich $\varrho'=4\frac{\tau}{3}$, und finde dann durch einen leichten Überschlag r'=0.92, r'''=0.85, also r'+r'''=1.77. Damit wird zur zweiten Rechnung:

$$F' = \frac{4F}{1,77} - F = \frac{2,23}{1,77}F$$

und hieraus $\varrho' = 1,4077$. Mit diesem Werthe von ϱ' wird nun genauer r' = 0,97595, r''' = 0,84060, demnach r' + r''' = 1,81655, und da hier (wegen der wirklich zu grossen Zwischenzeit von 29 Tagen) log $\vartheta^2 = 9,9956226$ ist, so findet sich:

$$A = 0,544973$$

$$B = 0,007500$$

$$C = 0,000413$$

$$D = 0,000034$$

$$k''^{2} = 0,552920$$

$$F = 0,237795$$

$$F' = 0,315125$$

und dann ferner:

$\log F' \dots 9,4984829$	log 2 H 0,1257818
$\log H \dots 9,8247518$	$\log G \dots 9,8618712.$
$\log \frac{F'}{H}$ 9,6737311	$\log rac{2H}{G}$ $0,\!2639106$ a
$\log \sqrt{rac{F'}{H}} \cdot \ldots \cdot 9,8368656$	$\log\sqrt{rac{F'}{H}}$ 9,8368656
$\log ang rac{1}{2} \psi$ 0,3157839	$\log \tan \psi \dots 0.1007762$
$\log \varrho' \dots \dots 0,1526495$	ψ 128° 24′ 40″
0' 1.421181	± 1/1 64° 12′20′′

Herr Baron von Zach fand $\varrho' = 1,4184043$. Es lässt sich also voraussehen, dass eine noch einmal wiederholte Bechnung

alles so scharf geben wird, als man es bei der zu grossen Zwischenzeit nur verlangen kann.

Bei dem von mir berechneten zweiten Cometen von 1798 war ϱ' ungewöhnlich klein. Die Gleichung für das Quadrat der Chorde war :

$$k''^2 = 0.006140 - 0.30212 \varrho' + 4.83955 \varrho'^2$$

Anfänglich
$$F' = \frac{4F}{r' + r'''} - F = \frac{4F}{2} - F = F = 0,006140 \text{ vor-}$$

ausgesetzt, steht die erste Rechnung so:

Hieraus r'=0.916, r'''=0.879, r'+r'''=1.795, folglich zur zweiten Rechnung $F'=\frac{2,205}{1,795}F$, woraus $\varrho'=0.08154$ erhalten wird. Ich bestimmte damals den wahren Werth von $\varrho'=0.080824$. Man sieht, wie nahe wir schon durch diese vorläufigen Versuche ohne schärfere Berechnung von k''^2 , dem wahren Werthe von ϱ' gekommen sind, und dass sich auch hier durch vier Versuche alles völlig genau finden wird.

Kurz, mir ist noch kein Fall vorgekommen, in welchem man nicht durch vier Versuche, zwei vorläufige, worin man im ersten

$$F' = F$$
 oder $= \frac{2}{3}F$,

im zweiten, nach einer beiläufigen Berechnung von r' und r''' aus dem im ersten Versuche gefundenen ϱ' ,

$$F' = \frac{F}{r' + r'''} - F$$

setzt, und aus zwei in gehöriger Schärfe berechneten, bei denen man r', r''' und $k''^{\,2}$ durch θ bestimmt, dem wahren Werthe von ϱ' so nahe kommen sollte, dass sich dann alles Übrige durch Interpolation nachholen liesse. Übrigens zeigen obige Beispiele, wie leicht sich diese Versuche, selbst die scharf berechneten, machen lassen.

So hat man also die bekannte Lambert'sche oder eigentlich Euler'sche Formel;

$$T = \frac{\left(\frac{r' + r''' + k''}{2}\right)^{\frac{3}{2}} - \left(\frac{r' + r''' - k''}{2}\right)^{\frac{3}{2}}}{3m\sqrt{2}}$$
$$= \frac{\left(r' + r''' + k''\right)^{\frac{3}{2}} - \left(r' + r''' - k''\right)^{\frac{3}{2}}}{12m}$$

bei diesem Verfahren gar nicht mehr nöthig.

Ich will nun noch die übrigen Veränderungen, die ich bei Berechnung von Cometenbahnen an den Vorschriften in meiner Abhandlung zu machen zweckmässig gefunden habe, kurz angeben. Die Gleichungen für r haben dort die zur Rechnung sehr mbequeme Form:

$$r = \sqrt{f + g\varrho + h\varrho^2}$$

Um hier r leichter finden zu können, verwandle ich sie in

$$r = \sqrt{f \left[1 + \left(\frac{g}{h} + \varrho\right) \frac{h}{f} \varrho\right]}$$

Macht man sodann:

$$\left(\frac{g}{h} + \varrho\right)\frac{h}{f}\varrho = \tan g \ q^2 \ \text{oder} = \sin q^2$$

ersteres, wenn $\left(\frac{g}{h} + \varrho\right)$ positiv, letzteres wenn es negativ ist, so hat man im ersten Falle:

$$r = \frac{\sqrt{f}}{\cos a} = \frac{R}{\cos a}$$

im anderen:

$$r = \cos q \sqrt{f} = \cos q \cdot R$$

Fast ohne Mühe schreibt man, wenn man die Gleichungen für r'^2 und r'''^2 berechnet, auch die beständigen Grössen $\frac{g}{h}$ und $\log\frac{h}{f}$ hin, da man die Logarithmen von $f,\ g$ und h vor sich hat.

Statt der Formel: *)

$$\cot \omega = \frac{\tan \alpha \hat{\lambda}'''}{\tan \alpha \hat{\lambda}' \sin (C''' - C')} - \cot (C''' - C')$$

findet sich o bequemer durch:

^{*) §. 42} S. 34; §. 47 S. 39.

$$\tan \left(\omega + \frac{C^{\prime\prime\prime} - C^{\prime}}{2}\right) = \frac{\sin \left(\lambda^{\prime\prime\prime} + \lambda^{\prime}\right)}{\sin \left(\lambda^{\prime\prime\prime} - \lambda^{\prime}\right)} \tan \left(\frac{C^{\prime\prime\prime} - C^{\prime}}{2}\right)$$

ferner:

$$\tan u' = \frac{\tan \omega}{\cos i}$$
 $\tan u''' = \frac{\tan (\omega + C'' - C')}{\cos i}$

Ist nun $u'''-u'=\chi$, so nimmt man:

$$\tan \xi = \sqrt{\frac{r'''}{r'}}$$

und es ist:

$$\tan \left(\frac{1}{2}q + \frac{1}{4}\chi\right) = \frac{\tan \left(45^{\circ} - \xi\right)}{\tan \left(\frac{1}{4}\chi\right)}$$

Schliesslich erinnere ich noch, dass, wenn die Zwischenzeiten t', t'' sehr ungleich sind, es besser ist, in der Formel für M statt $\frac{t''}{t'}$, $\frac{R''}{R'} \frac{\sin{(A''-A'')}}{R' \sin{(A''-A')}}$ zu setzen. Dies ist gewöhnlich etwas genauer, und da dann, in der bei sehr ungleichen Zwischenzeiten fast immer sehr nöthigen Verbesserungs-Rechnung für M^*), die Grösse q=0 wird, so fällt diese auch etwas beguemer aus.

^{=) §. 56} S. 47 u. f.

Tafel I.

Anzahl der Tage von Anfang des Jahres.

		Gemcinjahr.	Schaltjahr.
Januar	0	0	0
Januar Februar	0	31	31
März	0	59	60
April	0	90	91
Mai	0	120	121
Juni	0	151	152
Juli	0	181	182
August	0	212	213
September	0	243	244
October	0	273	274
November	0	304	305
December	0	334	335

Tafel II.
Tafel zur Verwandlung der Decimaltheile des Tages

(llunderttheile des Tages.)

	1									
								,		
0,01	0 14	24	0,31	8	9	36"	0,67	16	-4	48
0,02	0 28	48	0,35	8	24	0	0,68	16	19	12
0,03	0 43	12	0,36	8	38	24	0,69	16	33	36
0,04	0 57	36	0,37	8	52	48	0,70	16	48	0
0,05	1 12	0	0,38	9	7	12	0,71	17	2	24
0,06	1 26	24	0,39	9	21	36	0,72	17	16	48
0,07	1 40	48	0,40	9	36	0	0,73	17	31	12
0,08	1 55	12	0,41	9	50	24	0,74	17	45	36
0,09	2 9	36	0,42	10	4	48	0,75	18	0	0
0,10	2 24	0	0,43	10	19	12	0,76	18	14	24
0,11	2 38	24	0,41	10	33	36	0,77	18	28	48
0,12	2 52	48	0.45	10	48	0	0,78	18	43	12
0,13	3 7	12	0,46	11	2	24	0.79	18	57	36
0,14	3 21	36	0.47	11	16	48	0,80	19	12	0
0,15	3 36	0	0,48	11	31	12	0,81	19	26	24
0,16	3 50	24	0,49	11	45	36	0,82	19	40	48
0,17		48	0,50	12	0	0	0,83	19	55	12
0.18		12	0,51	12	1-1	21	0,84	20	9	36
0,19	4 33	36	0,52	12	28	48	0,85	20	24	0
0,20	4 48	0	0,53	12	43	12	0,86	20	38	24
0,21		24	0,54	12	57	36	0,87	20	52	48
0,22	1	48	0,55	13	12	0	0,88	21	7	12
0,23		13	0,56	13	26	24	0,89	21	21	36
0,24		36	0,57	13	40	48	0,90	21	36	0
0,25	6 0	0	0,58	13	55	12	0,91	21	50	24
0,26	-	24	0,59	1.1	9	36	0,92	22	4	48
0,27		48	0,60	14	24	0	0,93	22	19	12
0,28		12	0,61	14	38	24	0,94	22	33	36
0,29	_	36	0,62	14	52	48	0,95	22	48	0
0,30	7 12	0	0,63	15	7	12	0,96	23	2	24
0,31		24	0,64	15	21	36	0,97	23	16	48
0,32		48	0,65	15	36	0	0,98	23	31	12
0,33	7 55	12	0,66	15	50	24	0,99	23	45	36
1							1			

Tafel II. Minuten und Secunden, und umwekehrt

in Stunden, Minuten und Secunden, und umgekehrt. (Zehntausendtheile des Tages.)

0,00	,	и	t 0,00	,	11	0,00	,	11	Hunder	ttausend-
01	0	8.64	34	4	53,76	67	9	38,88		ile.)
02	0	17,28	35	5	2,40	68	9	47,52		t ,0000
03	0	25,92	36	5	11,04	69	9	56,16		77
04	0	34,56	37	5	19,68	70	10	4,80	0	0,000
05	0	43,20	38	5	28,32	71	10	13,44	1	0,864
-06	0	51,84	39	5	36,96	72	10	22,08	2	1,728
07	1	0,48	40	5	45,60	73	10	30,72	3	2,592
08	1	9,12	41	5	54,24	74	10	39,36	4	3,456
09	1	17,76	42	6	2,88	75	10	48,00	5	4,320
10	1	26,40	43	6	11,52	76	10	56,64	6	5,184
11	1	35,04	44	6	20,16	77	11	5,28	7	6,048
12	1	43,68	45	6	28,80	78	11	13,92	8	6,912
13	1	52,32	46	6	37,44	79	11	22,56	9	7,776
1.1	2	0,96	47	6	46,08	80	11	31,20		
15	2	9,60	48	6	54,72	81	11	39,84		
16	2	18,24	49	7	3,36	82	11	48,48		
17	2	26,88	50	7	12,00	83	11	57,12	(Millio	outheile.)
18	2	35,52	51	7	20,64	84	12	5,76		
19	2	44,16	52	7	29,28	85	12	14,40	0	,00000
20	2	52,80	53	7	37,92	86	12	23,04	0	0,0000
21	3	1,44	54	7	46,56	87	12	31,68	1	0,0864
22	3	10,08	55	7	55,20	88	12	40,32	5	0,1728
23	3	18,72	56	8	3,84	89	12	48,96	3	0,2592
24	3	27,36	57	8	12,48	90	12	57,60	4	0,3456
25	3	36,00	58	8	21,12	91	13	6,24	5	0,4320
26	3	44,64	59	8	29,76	92	13	14,88	6	0,5184
27	3	53,28	60	8	38,40	93	13	23,52	7	0,6048
28	4	1,92	61	8	47,04	9-1	13	32,16	8	0,6912
29	4	10,56	62	8	55,68	95	13	40,80	9	0,7776
30	4	19,20	63	9	4,32	96	13	49,14		
31	4	27,84	64	9	12,96	97	13	58,08		
32	4	36,48	65	9	21,60	98	14	6,72		
33	4	45,12	66	9	30,24	99	14	15,36		
<u> </u>			1			l			1	



Tafel III.

Barker's Cometentafel für die parabolische wahre und mittlere Bewegung,

von neuem berechnet

von

Herrn Stud. Luther.

q
C
m
t-T
r
und erhäl

/I . II.	0	0	10 20			
Ano- malie.	M	Diff. 1"	M	Diff. 1"	M	Diff. 1"
0 0	0,00000	40.40	0,65453	18,18	1,30926	18,19
1 10	0,01818	18,18	0,67272	18,19	1,32745	18,19
3 20	0,03636	18,18	0,69090	18,18	1,34565	18,20
5 0	0,05454	18,18	0,70908	18,18	1,36384	18,19
6 40	0,07272	18,18	0,72727	18,19	1,38203	18,19
8 20	0,09090	18,18 18,18	0,74545	18,18	1,40022	18,19
10 0	0,10908		0,76363	18,18	1,41842	18,20
11 40	0,12726	18,18	0,78182	18,19	1,43661	18,19
13 20	0,14544	18,18	0,80000	18,18	1,45481	18,20
15 0	0,16363	18,19	0,81819	18,19	1,43401	18,19
16 40	0,18181	18,18	0,83637	18,18	1,49119	18,19
18 20	0,19999	18,18	0,85456	18,19	1,50939	18,20
		18,18	0,87274	18,18		18,20
1 40 0	0,21817	18,18	1 '	18,19	1,52759	18,19
21 40	0,23635	18,18	0,89093	18,18	1,54578	18,20
25 20	0,25453 $0,27271$	18,18	0,90911	18,19	1,56398	18,19
	0,27271	18,18	0,92730	18,19	1,58217	18,20
26 40		18,18	0,94549	18,18	1,60037	18,20
28 20	0,30907	18,18	0,96367	18,19	1,61857	18,20
30 0	0,32725	18,18	0,98186	18,19	1,63677	18,19
31 40	0,34543	18,19	1,00005	18,18	1,65496	18,20
33 20	0,36362	18,18	1,01823	18,19	1,67316	18,20
35 0	0.38180	18,18	1,03642	18,19	1,69136	18,20
36 40	0,39998	18,18	1,05461	18,19	1,70956	18,20
38 20	0,41816	18,18	1,07280	18,18	1,72776	18,20
40 0	0,43634		1,09098	· '	1,74596	,
41 40	0,45452	18,18	1,10917	18,19	1,76416	18,20
43 20	0,47271	18,19	1,12736	18,19	1,78236	18,20
45 0	0,49089	18,18	1,14555	18,19	1,80056	18,20
46 40	0,50907	18,18	1,16374	18,19	1,81876	18,20
48 20	0,52725	18,18	1,18193	18,19	1,83697	18,21
50 0	0,54543	18,18	1,20012	18,19	1,85517	18,20
51 40	0,56362	18,19	1,21831	18,19	1,87337	18,20
53 20	0,58180	18,18	1,23650	18,19	1,89157	18,20
55 0	0,59998	18,18	1,25469	18,19	1,90978	18,21
56 40	0,61817	18,19	1,27288	18,19	1,92798	18,20
58 20	0,63635	18,18	1,29107	18,19	1,94619	18,21
60 0	0,65453	18,18	1,30926	18,19	1,96439	18,20
-	0,00100	18,19	1,00020	18,19	1,90433	18,21

Wahre	3	0	4	0	5 0		
Ano- malie.	M	Diff. 1"	M	Diff. 1"	M	Diff. 1"	
0 0	1,96439	18,20	2,62012	18,22	3,27665	18,25	
1 40	1,98260	18,21	2,63835	18,23	3,29490	18,25	
3 20	2,00080	18,20	2,65657	18,22	3,31315	18,25	
5 0	2,01901	18,21	2,67480	18,23	3,33140	18,25	
6 40	2,03722	18,21	2,69303	18,23	3,34966	18,26	
8 20	2,05543	18,21	2,71125	18,22	3,36791	18,25	
10 0	2,07363	18,20	2,72948	18,23	3,38616	18,25	
11 40	2,07303	18,21	2,72546	18,23	3,40442	18,26	
13 20	2,05164	18,21	2,76594	18,23	3,42268	18,26	
15 20	2,11005	18,21	2,78417	18,23	3,44093	18,25	
16 40	2,14647	18,21	2,80240	18,23	3,45919	18,26	
18 20	2,14047	18,21	2,82063	18,23		18,26	
		18,21		18,24	3,47745	18,26	
20 0	2,18289	18,21	2,83887	18,23	3,49571	18,26	
21 40	2,20110	18,22	2,85710	18,23	3,51397	18,26	
23 20	2,21932	18,21	2,87533	18,24	3,53223	18,26	
25 0	2,23753	18,21	2,89357	18,23	3,55049	18,26	
26 40	2,25574	18,22	2,91180	18,24	3,56875	18,26	
28 20	2,27396	18,21	2,93004	18,23	3,58701	18,27	
30 0	2,29217	· '	2,94827		3,60528		
31 40	2,31038	18,21	2,96651	18,24	3,62354	18,26	
33 20	2,32860	18,22	2,98475	18,24	3,64181	18,27	
35 0	2,34682	18,22	3,00299	18,24	3,66008	18,27	
36 40	2,36503	18,21	3,02123	18,24	3,67834	18,26	
38 20	2,38325	18,22	3,03947	18,24	3,69661	18,27	
40 0	2,40147	18,22	3,05771	18,24	3,71488	18,27	
41 40	2,41969	18,22	3,07595	18,24	3,73315	18,27	
43 20	2,43790	18,21	3,09419	18,24	3,75142	18,27	
45 0	2,45612	18,22	3,11243	18,24	3,76969	18,27	
46 40	2,47434	18,22	3,13068	18,25	3,78797	18,28	
48 20	2,49256	18,22	3,14892	18,24	3,80624	18,27	
		18,22		18,25		18,28	
50 0	2,51078	18,23	3,16717	18,24	3,82452	18,27	
51 40	2,52901	18,22	3,18541	18,25	3,84279	18,28	
53 20	2,54723	18,22	3,20366	18,25	3,86107	18,27	
55 0	2,56545	18,22	3,22191	18,24	3,87934	18,28	
56 40	2,58367	18,23	3,24015	18,25	3,89762	18,28	
58 20	2,60190	18,22	3,25840	18,25	3,91590	18,28	
60 0	2,62012	18,23	3,27665	18,25	3,93418	18,28	
	·	1 7	1	1 - 7 1	1	,	

Wahre	6)	70)	80	
Ano- malie.	M	Diff. 1"	М	Diff. 1"	М	Diff. 1"
0 0 1 40 3 20	3,93418 3,95246 3,97074	18,28 18,28 18,28 18,29	4,59292 4,61123 4,62955	18,32 18,31 18,32 18,32	5,25306 5,27142 5,28978	18,36 18,36 18,36 18,36
5 0 6 40 8 20 10 0 11 40	3,98903 4,00731 4,02560 4,04388 4,06217	18,28 18,29 18,28 18,29	4,64787 4,66619 4,68451 4,70284 4,72116	18,32 18,32 18,33 18,32	5,30814 5,32650 5,34487 5,36323	18,36 18,37 18,36 18,37
11 40 13 20 15 0 16 40 18 20	4,08217 4,08046 4,09874 4,11703 4,13532	18,29 18,28 18,29 18,29	4,73949 4,73949 4,75781 4,77614 4,79447	18,33 18,32 18,33 18,33	5,38160 5,39997 5,41834 5,43671 5,45508	18,37 18,37 18,37 18,37
20 0 21 40 23 20 25 0	4,15362 4,17191 4,19020 4,20850	18,30 18,29 18,29 18,30 18,29	4,81280 4,83113 4,84946 4,86779	18,33 18,33 18,33 18,33 18,34	5,47345 5,49183 5,51021 5,52858	18,37 18,38 18,38 18,37 18,38
26 40 28 20 30 0 31 40 33 20	4,22679 4,24509 4,26339 4,28168 4,29998	18,30 18,30 18,29 18,30	4,88613 4,90446 4,92280 4,91114 4,95948	18,33 18,34 18,34 18,34	5,54696 5,56534 5,58372 5,60210 5,62049	18,38 18,38 18,38 18,39
35 0 36 40 38 20 40 0	4,31828 4,33659 4,35489 4,37319	18,30 18,31 18,30 18,30 18,31	4,97782 4,99616 5,01450 5,03284	18,34 18,34 18,34 18,34	5,63887 5,65726 5,67565 5,69404	18,38 18,39 18,39 18,39 18,39
41 40 43 20 45 0 46 40 48 20	4,39150 4,40980 4,42811 4,44642 4,46473	18,31 18,31 18,31 18,31	5,05119 5,06953 5,08788 5,10623 5,12458	18,35 18,34 18,35 18,35 18,35	5,71243 5,73082 5,74921 5,76761	18,39 18,39 18,40 18,39
50 0 51 40 53 20 55 0	4,48304 4,50135 4,51966 4,53797	18,31 18,31 18,31 18,31	5,14293 5,16128 5,17963 5,19799	18,35 18,35 18,35 18,36	5,78600 5,80440 5,82280 5,84120 5,85960	18,40 18,40 18,40 18,40
56 40 58 20 60 0	4,55629 4,57460 4,59292	18,32 18,31 18,32 18,31	5,21634 5,23470 5,25306	18,35 18,36 18,36 18,36	5,87800 5,89641 5,91481	18,40 18,41 18,40 18,41

Wahre	9	0	10	0	110	
Ano- malie.	М	Diff. 1"	М	Diff. 1"	M	Diff. 1"
0 0	5,91481	18,40	6,57839	18,46	7,21400	18,52
1 40	5,93322	18,41	6,59685	18,46	7,26252	18,52
3 20	5,95163	18,41	6,61531	18,46	7,28104	18,52
5 0	5,97004	18,41	6,63378	18,47	7,29956	18,52
6 40	5,98845	18,41	6,65224	18,46	7,31809	18,53
8 20	6,00686	18,41	6,67071	18,47	7,33662	18,53
!		18,42		18,47		18,52
10 0	6,02528	18,41	6,68918	18,47	7,35514	18,53
11 40	6,04369	18,42	6,70765	18,47	7,37367	18,54
13 20	6,06211	18,42	6,72612	18,47	7,39221	18,53
15 0	6,08053	18,42	6,74459	18,48	7,41074	18,54
16 40	6,09895	18,42	6,76307	18,48	7,42928	18,53
18 20	6,11737	18,42	6,78155	18,47	7,44781	18,54
20 0	6,13579		6,80002		7,46635	
21 40	6,15422	18,43	6,81850	18,48	7,48489	18,54
23 20	6,17264	18,42	6.83699	18,49	7,50344	18,55
25 0	6,19107	18,43	6,85547	18,48	7,52198	18,54
26 40	6,20950	18,43	6,87395	18,48	7,54053	18,55
28 20	6.22793	18,43	6,89244	18,49	7,55908	18,55
30 0	6,24636	18,43	6,91093	18,49	7,57763	18,55
31 40	6,26480	18,44	6,92942	18,49	7,59618	18,55
33 20		18,43	6,94791	18,49	7,61473	18,55
li li	6,28323	18,44	6,96610	18,49	7,63329	18,56
- 11	6,30167	18,43		18,50	1 '	18,56
36 40	6,32010	18,44	6,98490	18,49	7,65185	18,56
38 20	6.33854	18,44	7,00339	18,50	7,67041	18,56
40 0	6,35698		7,02189		7,68897	18,56
41 40	6,37543	18,45	7,04039	18,50	7,70753	18,56
43 20	6,39387	18,44	7,05889	18,50	7,72609	18,57
45 0	6,41232	18,45	7,07739	18,50	7,74466	18,57
46 40	6,43076	18,44	7,09590	18,51	7,76323	18,57
48 20	6,44921	18,45	7,11441	18,51	7,78180	1 '
50 0	6,16766	18,45	7,13291	18,50	7,80037	18,57
51 40	6,48611	18,45	7,15142	18,51	7,81895	18,58
53 20	6,50456	18,45	7,16993	18,51	7,83752	18,57
55 0	6,52302	18,46	7,18845	18,52	7,85610	18,58
56 40	6,54147	18,45	7,18895	18,51	7,87468	18,58
58 20	6,55993	18,46	7,22548	18,52	7,89326	18,58
60 0	6,57839	18,46	7,24400	18,52	7,91184	18,58
90 U	0,37539	18,46	1,44400	18,52	1,91104	18,59

Wahre	120		13	.0	140	
Ano- malie,	М	Diff. 1"	M	Diff. 1"	М	Diff. 1"
0 0	7,91184	18,58	8,58215	18,66	9,25512	18,73
1 40	7,93043	18,59	8,60080	18,65	9,27385	18,73
3 20	7,94902	18,59	8,61946	18,66	9,29259	18,74
5 0	7,96761	18,59	8,63812	18,66	9,31133	18,74
6 40	7,98620	18,59	8,65679	18,67	9,33007	18,74
8 20	8,00479	18,59	8.67515	18,66	9,34881	18,74
10 0	8,02339	18,60	8,69412	18,67	9,36756	18,75
11 40	8,04198	18,59	8,71279	18,67	9,38630	18,74
13 20	8,06058	18,60	8.73146	18.67	9,10505	18,75
15 0	8,07918	18,60	8.75013	18.67	9,42381	18,76
16 40	8,09778	18,60	8,76881	18,68	9,44256	18,75
18 20	8,11639	18,61	8,78748	18,67	9,46132	18,76
		18.61		18,68		18,76
20 0	8,13500	18,60	8,80616	18,69	9,48008	18,76
21 40	8,15360	18,61	8,82485	18,68	9,49884	18,76
23 20	8,17221	18,62	8,84353	18,68	9,51760	18,77
25 0	8,19083	18,61	8.86221	18,69	9,53637	18,76
26 40	8,20944	18,62	8,88090	18,69	9,55513	18,77
28 20	8,22806	18,62	8,89959	18,70	9,57390	18,78
30 0	8,24668		8,91829	18,69	9,59268	
31 40	8,26530	18,62	8,93698		9,61145	18,77
33 20	8,28392	18.62	8,95568	18,70	9,63023	18,78
35 0	8,30254	18,62	8,97138	18,70 18,70	9,64901	18,78 18,78
36 40	8,32117	18.63	8,99308	18,70	9,66779	18,78
38 20	8,33980	18,63	9,01178	18,71	9,68657	18,79
40 0	8,35843	18,63	9,03019		9,70536	
41 40	8,37706	15,63	9,04919	18,70	9,72415	18,79
43 20	8,39569	18.63	9,06790	18,71	9,74294	18,79
45 0	8,41433	18,64	9,08661	18,71	9,76173	18,79
46 40	8,43297	18,64	9,10533	18,72	9,78053	18,80
48 20	8,45161	18,64	9.12401	18,71	9,79933	18,80
50 0		18,64		18,72	9,81813	18,80
51 40	8,47025 8,48889	18,64	9,11276 9,16148	18,72	9,83693	18,80
53 20	8,50754	18,65	9,16148	18,73	9,85574	18,81
55 0		18,65	11	18,72	9,87455	18,81
56 10	8,52619	18,65	9,19893	18,73	9,87433	18,81
58 20	8,54484	18,65	9,21766	18,73		18,81
60 0	8,56349	18,66	9,23639	18,73	9,91217 9,93098	48,81
00 0	8,58215	18,65	9,25512	18,73	9,95098	18,82

Wahre	15	0	16	0	12	0
Ano- malie.	М	Diff. 1"	М	Diff. 1"	М	Diff. 1"
0 0	9,93098	18,81	10,60996	18,90	11,29228	19,00
1 40	9,94980	18,82	10,62887	18,91	11,31128	19,00
3 20	9,96862	18,82	10,64778	18,91	11,33029	19,01
5 0	9.98744	18,82	10,66669	18,91	11,34929	19,00
6 40	10.00627	18,83	10,68560	18,91	11,36831	19,02
8 20	10.02509	18,82	10,70452	18,92	11,38732	19,01
10 0	10.04392	18,83	10.72344	18,92	11,40634	19,02
11 40	10,04392	18,84	10,72344	18,92	11,40034	19,02
13 20	10,00270	18,83	10,74230	18,93	11,44438	19,02
15 0	10,03133	18,84	10,76123	18,93	11,46340	19,02
16 40	10,10043	18,84	10,79915	18,93	11,48243	19,03
- 1		18,84		18,93	11,40245	19,03
	10,13811	18,84	10,81808	18,94		19,04
20 0	10,15695	18,85	10,83702	18,94	11,52050	19,03
21 40	10.17580	18,85	10,85596	18,94	11,53953	19,04
23 20	10,19465	18,85	10,87490	18,94	11,55857	19,05
25 0	10,21350	18,85	10,89384	18,95	11,57762	19,04
26 40	10,23235	18,86	10,91279	18.95	11,59666	19,05
28 20	10,25121	18,86	10.93174	18,95	11,61571	19,05
30 0	10,27007		10,95069	'	11,63476	
31 4 0	10,28893	18,86	10,96964	18,95	11,65381	19,05
33 20	10,30779	18,86	10,98860	18,96	11,67287	19,06
35 0	10,32666	18,87	11.00756	18,96	11,69193	19,06
36 40	10,34553	18,87	11,02652	18,96	11,71099	19,06
38 20	10,36440	18,87	11,04549	18,97	11.73006	19,07
40 0	10,38328	18,88		18,96	11,74912	19,06
41 40	10,36325	18,87	11,06445	18,97	11,74912	19,07
43 20	10,40213	18,88	11,08342 11,10240	18,98	11,78727	19,08
45 0		18,88		18,97	11,80634	19,07
46 40	10,43991	18,89	11,12137	18,98	· '	19,08
48 20	10,45880	18,88	11,14035	18,98	11,82542	19,09
	10,47768	18,89	11,15933	18,99	11,84451	19,08
50 0	10,49657	18.89	11,17832	18,98	11,86359	19,09
51 40	10,51546	18,90	11,19730	18,99	11,88268	19,09
53 20	10,53436	18,89	11,21629	18,99	11,90177	19,09
55 0	10,55325	18,90	11,23528	19,00	11,92086	19,10
56 40	10,57215	18,90	11,25428	19,00	11,93996	19,10
58 20	10,59106		11,27328	19.00	11,95906	19,10
60 0	10,60996	18,90 18,91	11,29228	19,00	11,97816	19,10
		18,91		19,00		19,11

Wahre	1	80	1	90	2	0 0
Ano- malie.	М	Diff. 1"	М	Diff. 1"	М	Diff. 1'
0 0	11,97816	19,10	12,66785	19,21	13,36158	19,33
1 40	11,99727	19,11	12,68706	19,21	13,38091	19,33
3 20	12,01638	19,11	12,70628	19,22	13,40024	19,33
5 0	12,03549	19,11	12,72550	19.22	13,41958	19.34
6 40	12,05460	19,11	12,74473	19,23	13,43892	19,34
8 20	12,07372	19,12	12.76395	19,22	13,45826	19,34
10 0	12,09284	19,12	12.78318	19,23		19,35
11 40	12,11196	19,12	12,80242	19.24	13,47761 13,49696	19.35
13 20	12,13109	19,13	12,82165	19.23	13,49090	19,35
15 0	12,15022	19,13	12,84089	19,24	13,53567	19,36
16 40	12,16935	19,13	12,86014	19,25	13,55503	19,36
18 20	12,18849	19,14	12,87938	19,21	13,57439	19,36
20 0	12,20762	19,13		19,25		19,37
21 40	12,22677	19,15	12,89863 12,91788	19,25	13,59376	19,37
23 20	12,24591	19,14	12,91788	19,26	13,61313	19,38
25 0	12,26506	19,15	12,95640	19,26	13,63251	19,37
26 40	12,28421	19,15	12,93040	19,26	13.65188	19,38
28 20	12.30336	19,15	12,99493	19,27	15,67126	19,39
	12,32252	19,16		19,26	13,69065	19,38
- 1	12,34168	19,16	13,01419	19,28	13.71003	19,39
	12,36084	19,16	13,03347	19,27	13,72942	19,40
11	12,38000	19,16	13,05274	19,28	13,74882	19,40
. 1	12,39917	19,17	13,07202	19,28	13,76822	19,40
	12,41834	19,17	13,09130 13,11058	19.28	13,78762	19,40
		19,18		19,29	13,80702	19,41
	12,43752	19,17	13,12987	19,29	13,82643	19.41
. 11	12,45669 12,47588	19,19	13,14916	19,30	13,84584	19,41
11	2,47588	19,18	13,16846	19,29	13,86525	19,42
	2,51425	19,19	13,18775	19,31	13,88467	19,42
- 11	2,53344	19,19	13,20706	19.30	13,90409	19,43
		19,19	13,22636	19,31	13,92352	19,43
. 11	2,55263	19,19	13,24567	19,31	13.94295	
	2,57182	19,20	13,26498	19,31	13,96238	19,43
. 11 -	2,59102	19,21	13.28429	19,32	13,98181	19,43
*	2,61023	19,20	13,30361	19,32	14,00125	19,44 19,45
. 11 -	2,62943	19.21	13,32293	19,32	11,02070	19,44
. 11	2,64864	19,21	13,34225	19,33	14,04014	19,44
, O 1:	2,66785	19,21	13,36158	19,33	11,05959	19,45
				10,00		10,10

Wahre	21	0	22	0	23	3 0
Ano- malie.	M	Diff. 1"	М	Diff. 1"	M	Diff. 1"
Anomalie. 7	M 14,05959 11,07904 14,09850 14,11796 14,13742 14,15689 14,17636 14,19583 14,21531 14,23479 14,25128 14,27376 14,32926 14,31275 14,33275 14,33275 14,33077 14,41028 14,41932 14,46884 14,18837 14,50790	19,45 19,45 19,46 19,46 19,46 19,47 19,47 19,47 19,48 19,48 19,50 19,50 19,50 19,51 19,51 19,51 19,51 19,52 19,52 19,52 19,53 19,53	M 14,76213 14,78172 14,80130 14,82089 14,84048 14,86008 14,87968 14,93851 14,95812 14,97774 14,99736 15,01699 15,03662 15,07589 15,05626 15,07589 15,11518 15,11348 15,17414 15,19380 15,21347	19,58 19,59 19,59 19,59 19,59 19,60 19,60 19,61 19,62 19,62 19,62 19,63 19,63 19,63 19,63 19,64 19,63 19,65 19,65 19,65 19,66 19,66 19,66	15,46946 15,48918 15,50890 15,52863 15,54836 15,56809 15,58783 15,60757 15,62732 15,64707 15,66682 15,70634 15,70634 15,76565 15,78543 15,80521 15,8438 15,8438 15,8438 15,8438 15,8438 15,8438	Diff. 1" 19,72 19,72 19,73 19,73 19,73 19,74 19,75 19,75 19,75 19,76 19,76 19,77 19,77 19,77 19,77 19,79 19,79 19,79 19,80 19,80 19,80
40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	11,52743 11,51697 14,56651 14,58606 11,60561 14,62516 14,61472 11,66428 14,68384 14,70341 14,7298 14,74255 14,76213	19,53 19,54 19,54 19,55 19,55 19,55 19,56 19,56 19,57 19,57 19,57 19,57	15,23314 15,25281 15,27249 15,29217 12,31185 12,33154 15,35123 15,37092 15,39062 15,41033 15,43003 15,44974 15,46946	19,67 19,68 19,68 19,68 19,69 19,69 19,70 19,71 19,70 19,71 19,72 19,72	15,94379 15,96361 15,98343 16,00325 16,02307 16,01290 16,06274 16,08258 16,10242 16,12226 16,14211 16,16197 16,18183	19,81 19,82 19,82 19,82 19,83 19,84 19,84 19,84 19,85 19,86 19,86

Wahre	24	0	25	0	26	0
Ano- malie,	M	Diff, 1"	М	Diff. 1"	M	Diff. 1"
0 0	16,18183	19,86 19,86	16,89950	20,01 20,01	17,62275	20,17 20,17
1 40 3 20	16,20169 16,22156	19,87	16,91951 16,93953	20,02	17,64292 17,66310	20,18
5 0	16,24143	19,87	16,95955	20,02	17,68328	20,18
6 40	16,26130	19,87 19,88	16,97958	20,03 20,03	17,70346	20,18 $20,19$
8 20	16,28118	19,88	16,99961	20,04	17,72365	20,20
10 0 11 40	16,30106 16,32095	19,89	17,01965	20,04	17,74385	20,20
13 20	16,34084	19,89	17,03969 17,05973	20,04	17,76405 17,78425	20,20
15 0	16,36074	19,90 19,90	17,07978	20,05	17,80446	20,21
16 40	16,38064	19,90	17,09983	20,05 20,06	17,82468	20,22 $20,21$
18 20	16,40054	19,91	17,11989	20,06	17,84489	20,23
20 0	16,42045	19,91	17,13995	20,06	17,86512	20,22
21 40	16,44036 16,46028	19,92	17,16001 17,18008	20,07	17,88534 17,90558	20,24
25 0	16,48020	19,92	17,10006	20,08	17,92581	20,23
26 40	16,50012	19,92	17,22024	20,08	17,94605	20,24
28 20	16.52005	19,93 19,93	17,24032	20,08 20,09	17,96630	20,25 $20,25$
30 0	16,53998	19,94	17,26041	20,09	17,98655	20,25
31 40	16,55992	19,94	17,28050	20,10	18,00680	20,26
33 20	16,57986 16,59981	19,95	17,30060 17,32070	20,10	18,02706 18,04733	20,27
36 40	16,61976	19,95	17,34080	20,10	18,06759	20,26
38 20	16,63971	19,95	17,36091	20,11	18,08787	20,28
40 0	16,65967	19,96	17,38103	20,12	18,10815	20,28
41 40	16,67963	19,96 19,97	17,40115	20,12 20,12	18,12843	20,28 $20,29$
43 20	16,69960	19,97	17,42127	20,12	18,14872	20,29
45 0 46 40	16,71957 16,73954	19,97	17,44140 17,46153	20,13	18,16901 18,18930	20,29
48 20	16,75952	19,98	17,48167	20,14	18,20961	20,31
50 0	16,77951	19,99	17,50181	20,14	18,22991	20,30
51 40	16,79949	19,98	17,52195	20,14	18,25022	20,31
53 20	16,81949	20,00 19,99	17,54210	20,15 20,16	18,27054	20,32 $20,32$
55 0	16,83948	20.00	17,56226	20,16	18,29086	20,32
56 40 58 20	16,85948 16,87949	20,01	17,58242 17,60258	20,16	18,31118 18,33151	20,33
60 0	16,89950	20,01	17,60238	20,17	18,35185	20,34
] 30 3	.,	20,01		20,17		20,34

Wahre	22	10	28	0	29	0
Ano- malie.	М	Diff. 1"	М	Diff. 1"	M	Diff. 1"
0 0	18,35185	20,34	19,08708	20,50	19,82875	20,69
1 40	18,37219	20,34	19,10760	20,52	19,84944	20,69
3 20	18,39253	20,34	19,12812	20,52	19,87015	20,71
5 0	18,41288	20,35	19,14864	20,52	19,89085	20,70
6 40	18,43323	20,35	19,16917	20,53	19,91156	20,71
8 20	18,45359	20,36	19,18970	20,53	19,93228	20,72
10 0	18,47395	20,36	19,21024	20,54	19,95300	20,72
11 40	18,49432	20,37	19,23078	20,54	19,97373	20,73
13 20	18,51469	20,37	19,25133	20,55	19,97373	20,73
15 0	18,53507	20,38	19,27189	20,56	20,01520	20,74
16 40	18,55545	20,38	19,27189	20,55	20,01520	20,75
18 20	18,57584	20,39	19,31301	20,57	20,055669	20,74
		20,39		20,57		20,76
20 0	18,59623	20,40	19,33358	20,57	20,07745	20,76
21 40	18,61663 18,63703	20,40	19,35415	20,58	20,09821	20,76
23 20	18,65743	20,40	19,37473	20,58	20,11897	20,77
25 0	,	20,41	19,39531	20,59	20,13974	20,78
26 40	18,67784	20,42	19,41590	20,59	20,16052	20,78
28 20	18,69826	20,42	19,43649	20,60	20,18130	20,78
30 0	18,71868	20,43	19,45709	20,61	20,20208	20,79
31 40	18,73911	20,43	19,47770	,	20,22287	1 '
33 20	18,75954	20,43	19,49831	20,61	20,24367	20,80
35 0	18,77997	20,43	19,51892	20,61	20,26447	20,80
36 40	18,80041	20,41	19,53954	20,62	20,28528	20,81
38 20	18,82086	20,45	19,56016	20,62	20,30609	20,81
40 0	18,84131		19,58079	20,63	20,32691	20,82
41 40	18,86176	20,45	19,60143	20,64	20,34773	20,82
43 20	18,88222	20,46	19,62207	20,64	20,36856	20,83
45 0	18,90268	20,46	19,64271	20,64	20,38939	20,83
46 40	18,92315	20,47	19,66336	20,65	20,41023	20,84
48 20	18,94363	20,48	19,68402	20,66	20,43108	20,85
50 0	18,96411	20,48	19,70468	20,66		20,85
51 40	18,98459	20,48	19,70468	20,66	20,45193	20,85
53 20	19,00508	20,49	19,72534	20,67	20,47278	20,86
55 0	19,02557	20,49	19,74601	20,68	20,49364	20,87
56 40	19,04607	20,50	19,78009	20,68	20,51451 20,53538	20,87
58 20	19,06658	20,51	19,78737	20,69	1 ' 1	20,87
60 0	19,08708	20,50		20,69	20,55625	20,89
, U	13,0000	20,52	19,82875	20,69	20,57714	20,88

Wahre	300		31	0	32	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	1,3133849	44,09	1,3290430	42,94	1,3443005	41,87
1 40	1,3138256	44,07	1,3294720	42,90	1,3447189	41,84
3 20	1,3142659	44,03	1,3299008	42,88	1,3451370	41,81
5 0	1,3147058	43,99	1,3303293	42,85	1,3455548	41,78
6 40	1,3151454	43,96	1,3307575	42,82	1,3459723	41,75
8 20	1,3155847	43,93	1,3311853	42,78	1,3463896	41,73
		43,90		42,76		41,69
10 0	1,3160237	43,86	1,3316129	42,72	1,3468065	41,67
11 40	1,3164623	43,84	1,3320401	42,70	1,3472232	41,64
13 20	1,3169007	43,79	1,3324671	42,66	1,3476396	41,61
15 0	1,3173386	43,77	1,3328937	42,64	1,3480557	41,58
16 40	1,3177763	43,73	1,3333201	42,60	1,3484715	41,56
18 20	1,3182136	43,70	1,3337461	42,57	1,3488871	41,52
20 0	1,3186506	43,67	1,3341718	42,55	1,3493023	41,50
21 40	1,3190873	43,64	1,3345973	42,53	1,3497173	41,47
23 20	1,3195237	43,60	1,3350224		1,3501320	1 '
25 0	1,3199597	43,57	1,3354472	42,48	1,3505464	41,44 41,42
26 40	1,3203954	1 '	1,3358718	42,46	1,3509606	
28 20	1,3208308	43,54 43,51	1,3362960	42,42	1,3513745	41,39 41,35
30 0	1,3212659	· '	1,3367199	42,39	1,3517880	
31 40	1,3217006	43,47	1,3371436	42,37	1,3522014	41,34
33 20	1,3221351	43,45	1,3375669	42,33	1,3526144	41,30
35 0	1,3225692	43,41	1,3379900	42,31	1,3530272	41,28
36 40	1,3230030	43,38	1,3384127	42,27	1,3534397	41,25
38 20	1,3234364	43,34	1,3388352	42,25	1,3538519	41,22
40 0	1,3238696	43,32	1,3392573	42,21	1,3542638	41,19
41 40	1,3243024	43,28		42,19	1,3542058	41,17
43 20	1,3243024	43,26	1,3396792	42,16	1,3550869	41,14
45 20	1,3251672	43,22	1,3401008	42,13	1,3554980	41,11
46 40	1,3255991	43,19	1,3409430	42,09	1,3559088	41,08
48 20	1,3260306	43,15	1,3409430	42,07	1,3563194	41,06
i		43,13	i '	42,04	'	41,03
50 0	1,3264619	43,10	1,3417841	42,02	1,3567297	41,01
51 40	1,3268929	43,06	1,3422043	41,98	1,3571398	40,97
53 20	1,3273235	43,03	1,3426241	41,95	1,3575495	40,95
55 0	1,3277538	43,00	1,3430436	41,93	1,3579590	40,93
56 40	1,3281838	42,98	1,3434629	41,89	1,3583683	40,89
58 20	1,3286136	42,94	1,3438818	41,87	1,3587772	40,87
60 0	1,3290430	42,90	1,3443005	41,84	1,3591859	40,84
		1	į.	1,	ii	1 7

Wahre			34	0	35 °	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	ig M	Diff. 1"
0 0	1,3591859	40,87	1.3737251	39,94	1,3879418	39,07
1 40	1,3595943	40,84	1,3741243	39,92	1.3883323	39,05
3 20	1,3600025	40,82	1,3745232	39,89	1,3887226	39,03
5 0	1.3604104	40.79	1,3749218	39,86	1,3891127	39,01
6 40	1,3608180	40,76	1.3753203	39.85	1,3895025	38,98
8 20	1,3612254	40,74	1.3757184	39.81	1,3898921	38,96
10 0	1,3616325	40,71	1.3761164	39,80	1,3902815	38,94
11 40	1,3620393	40.68	1.3765140	39.76	1.3906706	38,91
13 20	1,3624459	40,66	1.3769115	39.75	1,3910595	38,89
15 20	1,3628522	40,63	1.3773086	39.71	1,3910393	38,87
16 40	1,3632583	40.61	1.3777056	39.70	1.3918366	38,84
18 20	1.3636640	40,57	1,3777030	39,67	1.3922249	38,83
		40,56		39,64		38,80
20 0	1,3640696	40.52	1.3784987	39,62	1,3926129	38,77
21 40	1,3644748	40.50	1,3788949	39,60	1,3930006	38,76
23 20	1,3648798	40.48	1,3792909	39,57	1,3933882	38,73
25 0	1,3652846	40.45	1,3796866	39,55	1,3937755	38,71
26 40	1,3656891	40,42	1,3800821	39,53	1.3941626	38,68
28 20	1.3660933	40.40	1.3804774	39,50	1,3945494	38.67
30 0	1.3664973	40.37	1.3808724	39.47	1,3949361	
31 40	1,3669010	1	1.3812671		1,3953225	38,64
33 20	1,3673044	40,34	1,3816617	39,46	1,3957087	38,62
35 0	1,3677076	40.32	1,3820559	39,42	1,3960947	38,60
36 40	1.3681106	40.30	1,3824500	39.41	1.3964804	38,57
38 20	1,3685133	40,27	1,3828438	39,38	1.3968659	38,55
40 0	1,3689157	40.24	1,3832374	39,36	1.3972513	38,54
41 40	1.3693179	40.22	1,3836307	39,33	1.3976363	38,50
43 20	1.3697198	40,19	1,3840238	39.31	1,3980212	38,49
45 0	1,3701214	40,16	1,3844166	39.28	1,3984058	38,46
46 40	1,3705229	40,15	1,3848093	39,27	1,3987903	38,45
48 20	1,3709240	40.11	1,3852017	39.24	1,3991745	38,42
		40,09		39,21		38,39
50 0	1,3713249	40.07	1,3855938	39,19	1,3995584	38,38
51 40	1,3717256	40,04	1,3859857	39.17	1,3999422	38,36
53 20	1,3721260	40,01	1,3863774	39,15	1,4003258	38,33
55 0	1,3725261	40,00	1,3867689	39.12	1,4007091	38,31
56 40	1,3729261	39.96	1,3871601	39,10	1,4010922	38,29
58 20	1,3733257	39.94	1.3875511	39.07	1,4014751	38.27
60 0	1,3737251	39.92	1,3879418	39.05	1,4018578	38.24
	JI		JI	1	<u> </u>	<u> </u>

Wahre			37	0	38	0
Ano- malie.	ig M	Diff, 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	1,4018578	38,27	1,1154930	37,51	1,4288662	36,81
1 40	1,4022402	38,24	1,1158680	37,50	1,4292341	36,79
3 20	1,4026225	38,23	1,1162427	37,47	1,4296018	36,77
5 0	1,4030045	38,20	1,4166172	37,45	1,4299693	36,75
6 40	1,4033863	38,18	1.1169916	37,44	1,4303367	36,74
8 20	1,4037679	38,16	1.4173657	37,41	1,4307038	36,71
		38,14		37,39		36,70
10 0	1,4041493	38.12	1,4177396	37,38	1,4310708	36,67
11 40	1,4045305	38,09	1,4181134	37,35	1,4314375	36,66
13 20	1,4049114	38,07	1,4184869	37,33	1,4318041	36,64
15 0	1,4052921	38,06	1,4188602	37,31	1,4321705	36,63
16 40	1,4056727	38.03	1,4192333	37,30	1,4325368	36,60
18 20	1,4060530	38,01	1,4196063	37,27	1,4329028	36,58
20 0	1,4064331	· '	1,4199790	· ·	1,4332686	
21 40	1,4068130	37.99	1,4203515	37,25	1,4336343	36,57
23 20	1,4071927	37.97	1.4207239	37,24	1,4339998	36,55
25 0	1,4075721	37.94	1.4210960	37,21	1,4343651	36,53
26 40	1,4079514	37,93	1,4214680	37,20	1.4347302	36,51
28 20	1,4083305	37,91	1.4218397	37,17	1,4350951	36,49
		37,88		37,16		36,47
30 0	1,4087093	37.86	1.4222113	37,13	1,4354598	36,46
31 40	1,4090879	37,85	1,4225826	37.12	1,4358244	36,44
33 20	1,4094664	37,82	1.4229538	37,10	1,4361888	36,42
35 0	1,4098446	37.80	1,4233248	37.07	1,4365530	36,40
36 40	1,4102226	37,78	1,4236955	37.06	1,4369170	36,38
38 20	1,4106004	37,76	1,4240661	37.04	1,4372808	36,37
40 0	1,4109780		1,4244365		1,4376445	
41 40	1,4113553	37,73	1,4248067	37,02	1.4380080	36,35
43 20	1,4117325	37.72	1,4251767	37.00	1.4383712	36,32
45 0	1,4121095	37,70	1,4255465	36.98	1,4387344	36,32
46 40	1,4124863	37,68	1,4259161	36,96	1,4390973	36,29
48 20	1,4128628	37,65	1,4262855	36,94	1,4394600	36,27
50 0		37,64		36,93		36,26
51 40	1,4132392	37,61	1,4266548	36,90	1,4398226 1,4401850	36,24
53 20	1,4136153	37.60	1,4270238	36,89		36,22
	1,4139913	37,57	1,4273927	36,86	1,4405472	36,21
	1,4143670	37,56	1,4277613	36,85	1,4409093	36,18
56 40	1,4147426	37,53	1,4281298	36,83	1,4412711	36,17
58 20	1,4151179	37,51	1,4284981	36.81	1,4416328	36.15
60 0	1,4154930	37,50	1,4288662	36,79	1,4419943	36,13

Wahre	39	0	40	0	41	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Ano-						
50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	1,4527588 1,4531150 1,4534710 1,4538269 1,4541825 1,4545380 1,4548934	35,62 35,60 35,59 35,56 35,55 35,54 35,52	1,4654784 1,4658287 1,4661790 1,4665290 1,4668789 1,4672287 1,4675782	35,03 35,03 35,00 34,99 34,98 34,95 34,95	1,4779953 1,4783402 1,4786850 1,4790297 1,4793741 1,4797185 1,4800627	34,49 34,48 34,47 34,44 34,44 34,42 34,41

Wahre	42	0	43	0	44	Ļo
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Ano-		Diff. 1" 34,42 34,41 34,39 34,37 34,34 34,32 34,30 34,29 34,28 34,26 34,25 34,21 34,11 34,16 34,15 34,11 34,09 34,08 34,07		Diff. 1" 33,92 33,90 33,89 33,86 33,85 33,83 33,82 33,81 33,80 33,75 33,75 33,75 33,72 33,70 33,68 33,68 33,66 33,65 33,64 33,62 33,59 33,59		Diff. 1" 33,44 33,43 33,42 33,41 33,38 33,37 33,35 33,35 33,32 33,31 33,29 33,28 33,27 33,26 33,24 33,24 33,24 33,21 33,19 33,19 33,19 33,17 33,16 33,15 33,13
41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	1,4886214 1,4889619 1,4893023 1,4896426 1,4899827 1,4903227 1,4906625 1,4910022 1,4913418 1,4916812 1,4920205 1,4923597	34,05 34,04 34,03 34,01 34,00 33,98 33,97 33,96 33,94 33,93 33,92 33,90	1,5007954 1,5011311 1,5014667 1,5018022 1,5021375 1,5024727 1,5028078 1,5031428 1,5034776 1,5038123 1,5041469 1,5044813	33,57 33,56 33,55 33,53 33,52 33,51 33,50 33,48 33,47 33,46 33,44 33,43	1,5128020 1,5131333 1,5134644 1,5137954 1,5141262 1,5144570 1,5144876 1,5151181 1,5154485 1,5161090 1,5164390	33,13 33,11 33,10 33,08 33,08 33,06 33,05 33,04 33,03 33,02 33,00 32,99

Wahre	45	0	46	0	47	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
malie. 7	1g M 1,5164390 1,5167689 1,5170987 1,5174284 1,5177580 1,5184168 1,5187460 1,5190751 1,5194041 1,5197330 1,5200617 1,5203904 1,5207189	33,00 32,99 32,98 32,97 32,96 32,95 32,93 32,91 32,90 32,89 32,87 32,87 32,87	1g M 1,5282435 1,5285693 1,5285950 1,5295461 1,5295461 1,5298715 1,5301967 1,5305219 1,5308469 1,5311719 1,5314967 1,5321460 1,5321460 1,5321460	32,59 32,58 32,57 32,56 32,55 32,54 32,52 32,50 32,50 32,48 32,47 32,46 32,45	15 M 1,5399048 1,5402268 1,5405187 1,5405705 1,5411921 1,5415137 1,5418352 1,5421565 1,5421768 1,5427989 1,5431200 1,5431410 1,5437618 1,5440826	32,20 32,20 32,19 32,18 32,16 32,16 32,15 32,13 32,13 32,11 32,11 32,10 32,08 32,08
23 20 25 0 26 40 28 20 30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 41 40	1,5207189 1,5210473 1,5213756 1,5217038 1,5220318 1,5220318 1,5220576 1,5230153 1,523429 1,5236704 1,5239978 1,5243251 1,5246522	32,84 32,83 32,82 32,80 32,80 32,78 32,77 32,76 32,75 32,74 32,73 32,71	1,5327949 1,5331192 1,5331131 1,5337675 1,5340914 1,5344153 1,5347391 1,5353863 1,5357097 1,5360330 1,5363562	32,44 32,43 32,42 32,41 32,39 32,38 32,36 32,36 32,36 32,34 32,33 32,32 32,32	1,5144032 1,5147238 1,5450442 1,5453646 1,5456849 1,5460050 1,5469251 1,5469649 1,5472847 1,5476043 1,5479239	32,06 32,06 32,04 32,04 32,03 32,01 32,01 31,99 31,99 31,98 31,96 31,96 31,94
43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	1,5249792 1,5253062 1,5256330 1,5259597 1,5262863 1,5266128 1,5269391 1,5272651 1,5275915 1,5279176 1,5282435	32,70 32,70 32,68 32,67 32,66 32,65 32,63 32,63 32,61 32,61 32,59 32,58	1,5366794 1,5370024 1,5373253 1,5376481 1,5379708 1,5382934 1,5386159 1,5389383 1,5392606 1,5393828 1,5399048	32,32 32,30 32,29 32,28 32,27 32,26 32,25 32,24 32,23 32,22 32,20 32,20	1,5482433 1,5485627 1,5488820 1,5492012 1,5495202 1,5498392 1,5504769 1,5507956 1,5511142 1,5514326	31,94 31,93 31,92 31,90 31,89 31,88 31,87 31,86 31,84 31,84

Wahre	4.	S 0	4:	9 0	5	0 0
Ano- malie,	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1
0 0	1,5514326	31,84	1,5628360	31,52	1,5741234	31,21
1 40	1,5517510	31,84	1,5631510	31,50	1,5744354	31,20
3 20	1,5520693	31,83	1,5634660	31,50	1,5747472	31,18
5 0	1,5523876	31,83	1,5637809	31,49	1,5750590	31,18
6 40	1,5527057	31,81	1.5640957	31,48	1,5753708	31,18
8 20	1,5530237	31,80	1.5611104	31,47	1,5756824	31,16
10 0	1,5533416	31,79	I	31,46		31,15
11 40	1.5536594	31,78	1.5647250	31,46	1,5759939	31,15
13 20	1,5539772	31.78	1,5650396	31,44	1,5763054	31,14
15 0	1,5539772	31,76	1,5653540	31,44	1,5766168	31,13
16 40	1,5542945	31,75	1,5656681	31,42	1,5769281	31,12
18 20	1.5549298	31,75	1,5659826	31,42	1,5772393	31,12
		31,74	1,5662968	31.41	1,5775505	31,10
20 0	1,5552472	31.72	1,5666109	31,40	1,5778615	
21 40	1,5555644	31,72	1,5669219	31,39	1,5781725	31,10
23 20	1,5558816	31,71	1,5672388	1	1,5784834	31,09
25 0	1,5561987	31,69	1,5675527	31,39	1,5787942	31,08
26 40	1,5565156	31.69	1,5678664	31,37	1,5791050	31,08
28 20	1,5568325	31,68	1.5681801	31.37	1.5794156	31,06
30 O	1,5571493		1,5684936	31,35	1,5797262	31,06
31 40	1,5574660	31,67	1,5688071	31.35	1,5800367	31,05
33 20	1,5577826	31,66	1.5691205	31,34	1,5803471	31,04
85 O	1,5580991	31.65	1,5694338	31,33	1,5806575	31,04
6 40	1,5584156	31,65	1,5697471	31,33	1.5809677	31,02
S 20	1,5587319	31,63	1,5700602	31,31	1.5812779	31,02
	1,5590482	31,63		31,31		31,01
- 11	1,5593643	31.61	1,5703733	31.30	1.5815880	31,00
1		31.61	1,5706863	31,28	1,5818980	31,00
- 11	1,5596804	31,59	1.5709991	31.28	1,5822080	30,99
- 1	1,5599963	31.59	1,5713119	31,28	1,5825179	30,97
11	1,5603122	31,58	1.5716247	31.26	1,5828276	30,97
	1,5606280	31.57	1,5719373	31,26	1,5831373	30,97
- 11	1,5609437	31.56	1,5722499		1,5834470	
- 11	1,5612593	- 12	1,5725623	31,24	1,5837565	30,95
	1,5615748	31,55	1,5728747	31,24	1,5840660	30,95
	1,5618902	31,54	1,5731870	31,23	1,5843754	30.94
	1,5622056	31.54	1.5734992	31.22	1,5846847	30,93
8 20 1	1,5625208	31.52	1,5738113	31,21	1,5849940	30,93
0 0 1	1,5628360	31.52	1,5741234	31,21	1,5853031	30.91
		31.50		31.20	,	30.91

Wahre Ano-	51	[o	52	0	58	30
malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
malie. (" 0 0 0 1 40 3 20 5 0 6 40 8 20 11 40 13 20 15 0 16 40 18 20 20 0 21 40 23 20	1,5853031 1,5856122 1,5859212 1,5862302 1,5865390 1,5868478 1,5871565 1,5874651 1,5877737 1,5886921 1,5886989 1,5890071 1,5893153 1,5896234	30 ,91 30,91 30,90 30,90 30,88 30,88 30,87 30,86 30,86 30,84 30,84 30,84 30,82 30,82	1,5963829 1,5966894 1,5969957 1,5973020 1,5976082 1,5979143 1,5985264 1,5985264 1,5988323 1,5991382 1,5991440 1,5997497 1,6000553 1,6003609 1,6006664	30,64 30,65 30,63 30,63 30,62 30,61 30,61 30,60 30,59 30,59 30,57 30,56 30,57 30,56 30,55 30,54	1,6073703 1,6076743 1,6079782 1,6082820 1,6085857 1,6088894 1,6094966 1,6098001 1,6101036 1,6104069 1,6107102 1,6110135 1,6113166 1,6116198	30,40 30,40 30,39 30,38 30,37 30,37 30,35 30,35 30,35 30,35 30,33 30,33 30,33 30,33 30,33
25 0 26 40 28 20 30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0	1,5899314 1,5902394 1,5905472 1,5908550 1,5911628 1,5914704 1,5920855 1,5923929 1,5927003 1,5930076 1,5936219 1,5936219 1,5942360 1,5942360 1,5945429	30,80 30,80 30,78 30,78 30,76 30,76 30,75 30,74 30,74 30,72 30,71 30,71 30,70 30,69	1,6009718 1,6012772 1,6015825 1,6018877 1,6021929 1,6024980 1,6031080 1,6031080 1,6031777 1,6040224 1,6043271 1,6043271 1,6049363 1,6052408 1,6055452	30,54 30,54 30,53 30,52 30,51 30,50 30,50 30,49 30,48 30,47 30,47 30,46 30,45 30,44 30,44	1,6119228 1,6122258 1,6125287 1,6128316 1,6131344 1,6134371 1,6137398 1,6140424 1,6143449 1,6146474 1,6149498 1,6152522 1,6155545 1,61658567 1,6161589 1,6164610 1,6167630	30,30 30,39 30,29 30,28 30,27 30,27 30,26 30,25 30,25 30,24 30,23 30,22 30,21 30,22
53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	1,5951566 1,5954633 1,5957699 1,5960765 1,5963829	30,68 30,67 30,66 30,66 30,64 30,65	1,6061538 1,6064581 1,6067622 1,6070663 1,6073703	30,42 30,43 30,41 30,41 30,40 30,40	1,6170650 1,6173669 1,6176688 1,6179706 1,6182724	30,20 30,19 30,19 30,18 30,18 30,16

Wahre	54 0		55	55 °		56 0	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	
0 0	1,6182724	30,18	1,6290959	29,96	4 6200475	29,77	
1 40	1,6185740	30,16	1.6293955	29,96	1,6398475 1,6401452	29,77	
3 20	1,6188757	30,17	1,6296950	29,95	1,6404429	29,77	
5 0	1,6191772	30,15	1,6299945	29,95	1,6407405	29,76	
6 40	1,6194787	30,15	1,6302940	29,95	1,6410380	29,75	
8 20	1,6197802	30,15	1,6305933	29,93	1,6413355	29,75	
		30,14		29,94		29,74	
10 0	1,6200816	30,13	1,6308927	29,92	1,6416329	29,74	
11 40	1,6203829	30,12	1,6311919	29,92	1,6419303	29,74	
13 20	1,6206841	30,12	1,6314911	29,92	1,6422277	29,73	
15 0	1,6209853	30,12	1,6317903	29,91	1,6425250	29,72	
16 40	1,6212865	30,11	1,6320894	29,91	1,6428222	29,72	
18 20	1,6215876	30,10	1,6323885	29,90	1,6431194	29,71	
20 0	1,6218886	30,10	1,6326875		1,6434165		
21 40	1,6221896	30,10	1,6329864	29,89	1,6437136	29,71	
23 20	1,6224905	,	1,6332853	29,89	1,6440107	29,71	
25 0	1,6227913	30,08	1,6335841	29,88	1,6443077	29,70	
26 40	1,6230921	30,08	1,6338829	29,88	1,6446046	29,69	
28 20	1,6233929	30,08	1,6341816	29,87	1,6449015	29,69	
30 0	1,6236935	30,06	1,6344803	29,87	1,6451984	29,69	
31 40	1,6239941	30,06	1,6347789	29,86	1,6454952	29,68	
33 20	1,6242947	30,06	1,6350775	29,86	1,6457919	29,67	
35 0	1,6245952	30,05	1,6353760	29,85	1,6460886	29,67	
36 40	1,6248957	30,05	1,6356745	29,85	1,6463853	29,67	
38 20	1,6251960	30,03	1,6359729	29,84	1,6466819	29,66	
40 0		30,04		29,84		29,66	
41 40	1,6254964	30,02	1,6362713	29,83	1,6469785	29,65	
43 20	1,6257966	30,03	1,6365696	29,82	1,6472750	29,65	
45 20	1,6260969	30,01	1,6368678	29,82	1,6475715	29,64	
46 40	1,6263970	30,01	1,6371660	29,82	1,6478679	29,64	
48 20	1,6266971	30,01	1,6374642	29,81	1,6481643	29,63	
	1,6269972	30,00	1,6377623	29,80	1,6484606	29,63	
50 0	1,6272972	29,99	1,6380603	29,80	1,6487569	29,62	
51 40	1,6275971	29,99	1,6383583	29,80	1,6490531	29,62	
53 20	1,6278970	29,99	1,6386563	29,80	1,6493493	29,62	
55 0	1,6281968	29,98	1,6389542	'	1,6496454	29,61	
56 40	1,6284965	29,97	1,6392520	29,78	1,6499415	29,61	
58 20	1,6287963	29,96	1,6395498	29,78	1,6502376	29,60	
60 0	1,6290959	29,96	1,6398475	29,77	1,6505336	29,59	
		25,90		29,77		25,55	

Wahre	57	10	58	0	59 °	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	1,6505336	29,60	1,6611601	29,44	1,6717331	29,31
1 40	1,6508295	29,59	1.6614545	29,44	1,6720261	29,30
3 20	1,6511254	29,59	1.6617489	29,44	1,6723190	29,29
5 0	1,6514213	29,59	1,6620432	29,43	1,6726119	29,29
6 40	1,6517171	29,58	1,6623374	29,42	1,6729048	29,29
8 20	1,6520129	29,58	1.6626317	29,43	1,6731976	29,28
10 0	1,6523086	29.57	1,6629258	29,41	1,6734904	29,28
11 40	1,6526043	29,57	1,6632200	29,42	1,6737832	29,28
13 20	1,6529000	29,57	1,6635141	29,41	1,6740759	29,27
15 0	1,6531956	29,56	1,6638082	29,41	1,6743686	29,27
16 40	1,6534911	29,55	1,6641022	29,40	1,6746613	29,27
18 20	1,6537866	29,55	1.6643962	29,40	1,6749539	29,26
		29.55		29,39		29,26
20 0	1,6540821	29.54	1,6646901	29,39	1,6752465	29,25
21 40	1,6543775	29,54	1.6649840	29,39	1,6755390	29,25
23 20	1,6546729	29,53	1,6652779	29,38	1,6758315	29,25
25 0	1,6549682	29,53	1,6655717	29,38	1,6761240	29,25
26 40	1,6552635	29,52	1,6658655	29,37	1,6761165	29,24
28 20	1,6555587	29.52	1,6661592	29,37	1,6767089	29,23
30 0	1,6558539	′	1,6664529	' I	1,6770012	· ·
31 40	1,6561491	29,52	1,6667466	29,37	1,6772936	29,24
33 20	1,6561112	29.51	1,6670402	29,36	1,6775859	29,23
35 0	1,6567392	29,50	1,6673338	29,36	1,6778781	29,22
36 40	1,6570343	29,51	1,6676274	29,36	1,6781704	29,23
38 20	1,6573292	29,49	1,6679209	29,35	1,6784626	29,22
40 0	1,6576242	29,50	1,6682144	29,35	1,6787547	29,21
41 40	1,6579191	29,49	1,6685078	29,34	1,6790469	29,22
43 20	1,6582139	29,48	1,6688012	29,34	1.6793390	29,21
45 0	1,6585087	29,48	1,6690945	29,33	1,6796310	29,20
46 40	1,6588035	29,48	1,6693879	29,34	1,6799231	29,21
48 20	1,6590982	29,47	1,6696811	29,32	1,6802151	29,20
		29,47		29,33		29,19
50 0	1,6593929	29,47	1,6699744	29,32	1,6805070	29,20
51 40	1,6596876	29,45	1,6702676	29,32	1,6807990	29,19
53 20	1,6599821	29,46	1,6705608	29,31	1,6810909	29,18
55 0	1,6602767	29,45	1,6708539	29,31	1,6813827	29,19
56 40	1,6605712	29,45	1,6711470	29,30	1,6816746	29,18
58 20	1,6608657	29,44	1,6714100	29.31	1,6819664	29,17
60 0	1,6611601	29.44	1,6717331	29.30	1.6822581	29,18
		~0.11		~0,00		20,10

Wahre	60 °		61	0	63	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	1,6822581	29,17	1,6927408	29,06	1,7031866	28,97
1 40	1,6825499	29,18	1,6930315	29,07	1,7034763	28,97
3 20	1,6828416	29,17	1,6933221	29,06	1,7037659	28,96
5 0	1,6831332	29,16	1,6936127	29,06	1,7040556	28,97
6 40	1,6831249	29,17	1,6939032	29,05	1,7043452	28,96
8 20	1,6837165	29,16	1,6911937	29,05	1,7046348	28,96
10 0	1,6840080	29,15	1,6911812	29,05	1,7049243	28,95
11 40	1,6842996	29,16	1,6917747	29,05	1,7052139	28,96
13 20	1,6845911	29,15	1,6950651	29,04	1,7055034	28,95
15 20	1,6848826	29,15	1,6953555	29,04	1,7057929	28,95
16 40	1,6851740	29,14	1,6956459	29,04	1,7060823	28,94
18 20	1,6854654	29,14	1.6959363	29,04	1,7063718	28,95
		29,14		29,03		28,94
20 0	1,6857568	29,13	1,6962266	29,03	1,7066612	28,94
21 40	1,6860481	29,14	1,6965169	29,03	1,7069506	28,94
23 20	1,6863395	29,13	1,6968072	29,02	1,7072400	28,93
25 0	1,6866308	29,12	1,6970974	29,02	1,7075293	28,94
26 40	1,6869220	29,12	1,6973876	29,02	1,7078187	28,93
28 20	1,6872132	29,12	1,6976778	29,02	1,7081080	28,92
30 0	1,6875044	29,12	1,6979680	29,01	1,7083972	28,93
31 40	1,6877956	29,12	1,6982581	29,02	1,7086865	28,93
33 20	1,6880867	29,11	1,6985483	29,02	1,7089758	28,93 $28,92$
35 0	1,6883778	29,11	1,6988383	29,01	1,7092650	28,92
36 40	1,6886689	29,11	1,6991284	29,00	1,7095542	28,91
38 20	1,6889600	29,10	1,6994184	29,01	1,7098433	28,92
40 0	1,6892510		1,6997085	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	1,7101325	,
41 40	1,6895420	29,10	1,6999984	28,99	1,7104216	28,91
43 20	1,6898329	29,09	1,7002884	29,00	1,7107107	28,91
45 0	1,6901238	29,09	1,7005783	28,99	1,7109998	28,91
46 40	1,6904147	29,09	1,7008682	28,99	1,7112889	28,91
48 20	1,6907056	29,09	1,7011581	28,99	1,7115779	28,90
50 0	1,6909964	29,08	1,7014480	28,99	1,7118669	28,90
51 40	1,6912872	29,08	1,7017378	28,98	1,7121559	28,90
53 20	1,6915780	29,08	1,7020276	28,98	1,7124449	28,90
55 0	1,6918688	29,08	1,7023174	28,98	1,7127339	28,90
56 40	1,6921595	29,07	1,7026071	28,97	1,7130228	28,89
58 20	1,6924502	29,07	1,7028969	28,98	1,7130323	28,89
60 0	1,6927408	29,06	1,7020305	28,97	1,7136006	28,89
30 0	.,000-1300	29,07	1,7031000	28,97	1,1130000	28,89

Wahre	63 º		64	64 °		65 °	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	
0 0	1,7136006	28,89	1,7239881	28,82	1,7343539	28,76	
1 40	1,7138895	28,89	1,7242763	28,82	1,7346416	28,77	
3 20	1,7141784	28,89	1,7245645	28,82	1,7349293	28,77	
5 0	1,7144672	28,88	1,7248527	28,82	1,7352169	28,76	
6 40	1,7147560	28,88	1,7251408	28,81	1,7355046	28,77	
8 20	1,7150448	28,88	1,7254290	28,82	1,7357922	28,76	
		28,88		28,81		28,76	
10 0	1,7153336	28,87	1,7257171	28,81	1,7360798	28,76	
11 40	1,7156223	28,88	1,7260052	28,81	1,7363674	28,76	
13 20	1,7159111	28,87	1,7262933	28,81	1,7366550	28,76	
15 0	1,7161998	28,87	1,7265814	28,80	1,7369426	28,76	
16 40	1,7164885	28,87	1,7268694	28,81	1,7372302	28,75	
18 20	1,7167772	28,86	1,7271575	28,80	1,7375177	28,76	
20 0	1,7170658	· ·	1,7274455	l '	1,7378053	,	
21 40	1,7173545	28,87	1,7277335	28,80	1,7380928	28,75	
23 20	1,7176431	28,86	1,7280215	28,80	1,7383803	28,75	
25 0	1,7179317	28,86	1,7283095	28,80	1,7386679	28,76	
26 40	1,7182203	28,86	1,7285975	28,80	1,7389554	28,75	
28 20	1,7185088	28,85	1,7288855	28,80	1,7392428	28,74	
30 0	1,7187974	28,86	1,7291734	28,79	1,7395303	28,75	
31 40	1,7190859	28,85	1,7294613	28,79	1,7398178	28,75	
33 20	1,7193744	28,85	1,7297492	28,79	1,7401052	28,74	
35 0	1,7196629	28,85	1,7300371	28,79	1,7401032	28,75	
36 40	1,7199514	28,85	H '	28,79	1,7406801	28,74	
38 20	1,7202398	28,84	1,7303250	28,79	1,7409675	28,74	
		28,84	1,7306129	28,78		28,75	
40 0	1,7205282	28,85	1,7309007	28,79	1,7412550	28,74	
41 40	1,7208167	28,84	1,7311886	28,78	1,7415424	28,74	
43 20	1,7211051	28,83	1,7314764	28,78	1,7418298	28,73	
45 0	1,7213934	28,84	1,7317642	28,78	1,7421171	28,74	
46 40	1,7216818	28,83	1,7320520	28,78	1,7424045	28,74	
48 20	1,7219701	28,84	1,7323398	28,78	1,7426919	28,73	
50 0	1,7222585	,	1,7326276		1,7429792		
51 40	1,7225468	28,83	1,7329153	28,77	1,7432666	28,74	
53 20	1,7228351	28,83	1,7332031	28,78	1,7435539	28,73	
55 0	1,7231233	28,82	1,7334908	28,77	1,7438412	28,73	
56 40	1,7234116	28,83	1,7337785	28,77	1,7441285	28,73	
58 20	1,7236999	28,83	1,7340663	28,78	1,7444158	28,73	
60 0	1,7239881	28,82	1,7343539	28,76	1,7447031	28,73	
L		28,82	-,	28,77	-,	28,73	

Wahr e	66	3 0	63	10	68	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Ano-		Diff. 1" 28,73 28,73 28,73 28,73 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,72 28,71 28,72 28,71 28,71 28,71 28,71 28,71 28,71		28,71 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,69 28,70 28,69 28,70 28,69 28,70 28,69 28,70 28,69 28,70 28,69 28,70		28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69
40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	1,7515957 1,7518828 1,7521699 1,7524570 1,7527441 1,7530311 1,7533182 1,7536053 1,7538923 1,7541794 1,7544664 1,7547534 1,7550405	28,71 28,71 28,71 28,71 28,71 28,71 28,70 28,71 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70 28,70	1,7619278 1,7622147 1,7625016 1,7627885 1,7630755 1,763624 1,7636493 1,7639362 1,7642231 1,7645100 1,7647969 1,7650838 1,7653707	28,69 28,69 28,69 28,70 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69	1,7722559 1,7725427 1,7728296 1,7731165 1,7734034 1,7736903 1,7739771 1,7742640 1,7745509 1,7748378 1,7751247 1,7751247 1,7756985	28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69 28,69

Wahre	69 °		70	70 °		31 o	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	
0 0	1,7756985	28,69	1,7860284	28,70	1,7963650	28,72	
1 40	1,7759853	28,68	1,7863154	28,70	1,7966523	28,73	
3 20	1.7762722	28,69	1,7866024	28,70	1,7969396	28,73	
5 0	1,7765591	28,69	1,7868894	28,70	1,7972268	28,72	
6 40	1,7768460	28,69	1,7871765	28,71	1,7975141	28,73	
8 20	1.7771329	28,69	1.7874635	28,70	1,7978014	28,73	
10 0	1,7774198	28,69	1,7877506	28,71	1.7980888	28,74	
11 40	1,7777067	28,69	1.7880376	28,70	1,7983761	28,73	
13 20	1,7779936	28,69	1,7883247	28,71	1,7986634	28,73	
15 0	1.7782806	28,70	1.7886117	28,70	1,7989508	28,74	
16 40	1,7785675	28,69	1.7888988	28,71	1,7992381	28,73	
18 20	1,7788544	28,69	1,7891859	28,71	1,7995255	28,74	
20 0		28,69		28,71		28,73	
$\begin{vmatrix} 20 & 0 \\ 21 & 40 \end{vmatrix}$	1,7791413	28,69	1,7894730	28,70	1,7998128	28,74	
23 20	1,7794282 1,7797151	28,69	1,7897600 1,7900471	28,71	1,8001002	28,74	
25 0	1,7800021	28,70	1,7903342	28,71	1,8003876	28,74	
26 40	1,7802890	28,69	1,7906213	28,71	1,8006750	28,74	
28 20	1,7805759	28,69	1,7909085	28,72	1,8009624 1,8012498	28,74	
		28,70		28,71		28,75	
30 0	1,7808629	28,69	1,7911956	28,71	1,8015373	28,74	
31 40	1,7811498	28,69	1,7914827	28,71	1,8018247	28,75	
33 20	1,7814367	28,70	1,7917698	28,72	1,8021122	28,74	
35 0	1,7817237	28,69	1,7920570	28,71	1,8023996	28,75	
36 40	1,7820106	28,70	1,7923441	28,72	1,8026871	28,75	
38 20	1,7822976	28,69	1,7926313	28,71	1,8029746	28,75	
40 0	1,7825845	28,70	1,7929184	28,72	1,8032621	28,75	
41 40	1,7828715	28,70	1,7932056	28,72	1,8035496	28,75	
43 20	1,7831585	28,69	1,7934928	28,72	1,8038371	28,75	
45 0	1,7834454	28,70	1,7937800	28,72	1,8041246	28,76	
46 40	1,7837324	28,70	1,7940672	28,72	1,8044122	28,75	
48 20	1,7840194	28,70	1,7943544	28,72	1,8046997	28,76	
50 0	1,7843064		1,7916416		1,8049873		
51 40	1,7845934	28,70 $28,70$	1,7949288	28,72 $28,72$	1,8052748	28,75 $28,76$	
53 20	1,7848804	28.70 28,70	1,7952160	28,72	1,8055624	28,76 $28,76$	
55 0	1,7851674	28,70	1,7955033	28,73 28,72	1,8058500	$\frac{28,76}{28,76}$	
56 40	1.7854544	28,70	1,7957905	28,73	1,8061376	28,77	
58 20	1,7857414	28,70	1,7960778	28,72	1,8064253	28,76	
60 0	1,7860284	28,70	1,7963650	28,73	1,8067129	28,76	
		.5(1,40	I	20,10		20,10	

Wahre	720		28	730		0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	1,8067129	28,76	1,8170765	28,82	1.8274602	28,87
1 40	1,8070005	28,76	1,8173646	28,81	1,8277490	28,88
3 20	1,8072882	28,77	1,8176528	28,82	1,8280378	28,88
5 0	1,8075759	28,77	1,8179410	28,82	1,8283266	28,88
6 40	1,8078635	28,76	1,8182292	28,82	1,8286154	28,88
8 20	1,8081512	28,77	1,8185174	28,82	1,8289043	28,89
10 0	1,8084389	28,77	1,8188056	28,82	1,8291931	28,88
11 40	1,8087267	28,78	1,8190938	28,82	1,8294820	28,89
13 20	1,8090144	28,77	1.8193821	28,83	1,8297709	28,89
15 0	1,8093021	28,77	1,8196704	28,83	1,8300599	28,90
16 40	1,8095899	28,78	1,8199586	28,82	1,8303488	28,89
18 20	1,8098777	28,78	1,8202469	28,83	1,8306378	28,90
20 0	1,8101655	28,78	1,8205353	28,84		28,89
20 0	1,8104532	28,77	1,8208236	28,83	1,8309267	28,90
23 20	1,8107411	28,79	1,8211120	28,84	1,8312157 1,8315048	28,91
$\begin{vmatrix} 25 & 20 \\ 25 & 0 \end{vmatrix}$	1,8110289	28,78	1,8214003	28,83	1,8317938	28,90
26 40	1,8113167	28,78	1,8216887	28,84	1,8320829	28,91
28 20	1,8116046	28,79	1,8219771	28,84	1,8323720	28,91
	1,8118924	28,78		28,85		28,91
30 0 31 40	1,8121803	28,79	1,8222656	28,84	1,8326611	28,91
33 20	1,8124682	28,79	1,8225540	28,85	1,8329502	28,91
35 20	1,8127561	28,79	1,8228425 1,8231309	28,84	1,8332393	28,92
36 40	1,8130440	28,79	1,8234194	28,85	1,8335285 1,8338177	28,92
38 20	1,8133320	28,80	1,8237079	28,85	1,8341069	28,92
		28,79		28,86		28,92
40 0	1,8136199 1,8139079	28,80	1,8239965	28,85	1,8343961	28,93
41 40	'	28,80	1,8242850	28,86	1,8346854	28,93
43 20	1,8141959 1,8144839	28,80	1,8245736	28,86	1,8349747	28,93
45 0	1,8144839	28,80	1,8248622	28,86	1,8352640	28,93
46 40	1,8150599	28,80	1,8251508	28,86	1,8355533	28,93
48 20		28,80	1,8254394	28,86	1,8358426	28,94
50 0	1,8153479	28,81	1,8257280	28,87	1,8361320	28,94
51 40	1,8156360	28,81	1,8260167	28,87	1,8364214	28,94
53 20	1,8159241	28,80	1,8263054	28,86	1,8367108	28,94
55 0	1,8162121	28,81	1.8265940	28,88	1,8370002	28,91
56 40	1,8165002	28,81	1,8268828	28,87	1,8372896	28,95
58 20	1,8167883	28,82	1.8271715	28,87	1,8375791	28,95
60 0	1,8170765	28,81	1,8274602	28,88	1,8378686	28,95

Wahre	75	, 0	76	0	77	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff, 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	1,8378686	28,95	1,8483060	29,03	1,8587769	29,13
1 40	1,8381581	28,95	1,8485964	29,04	1,8590683	29,14
3 20	1,8384477	28,96	1,8488868	29,04	1,8593597	29,14
5 0	1,8387372	28,95	1,8491773	29,05	1,8596512	29,15
6 40	1,8390268	28,96	1,8494677	29,04	1,8599426	29,14
8 20	1,8393164	28,96	1,8497582	29,05	1,8602341	29,15
10 0	1,8396060	28,96	1,8500487	29,05	1,8605256	29,15
11 40	1,8398957	28,97	1,8503393	29,06	1,8608172	29,16
13 20	1,8401854	28,97	1,8506298	29,05	1,8611088	29,16
15 20	1,8404751	28,97	1,8509204	29,06	1,8614004	29,16
16 40	1,8407648	28,97	1,8512111	29,07	1,8616920	29,16
18 20	1,8410545	28,97	1,8515017	29,06	1,8619837	29,17
		28,98		29,07		29,17
20 0	1,8413443	28,98	1,8517924	29,07	1,8622754	29,18
21 40	1,8416341	28,98	1,8520831	29,07	1,8625672	29,17
23 20	1,8419239	28,99	1,8523738	29,08	1,8628589	29,18
25 0	1,8422138	28,98	1,8526646	29,08	1,8631507	29,19
26 40	1,8425036	28,99	1,8529554	29,08	1,8631126	29,18
28 20	1,8427935	28,99	1,8532462	29,08	1,8637344	29,19
30 0	1,8430834	29,00	1,8535370	· 1	1,8640263	29,19
31 40	1,8433734	,	1,8538279	29,09	1,8643182	
33 20	1,8436633	28,99	1,8541188	29,09	1,8646102	29,20
35 0	1,8439533	29,00	1,8544097	29,09	1,8649022	29,20
36 40	1,8442433	29,00	1,8547007	29,10	1,8651942	29,20
38 20	1,8445333	29,00	1,8549916	29,09	1,8654862	29,20
40 0	1,8448234	29,01	1,8552826	29,10	1,8657783	29,21
41 40	1,8451135	29,01	1,8555737	29,11	1,8660704	29,21
43 20	1.8454036	29,01	1,8558647	29,10	1,8663626	29,22
45 0	1,8456937	29,01	1,8561558	29,11	1,8666547	29,21
46 40	1,8459839	29,02	1,8564469	29,11	1,8669469	29,22
48 20	1,8462741	29,02	1,8567381	29,12	1,8672392	29,23
50 0		29,02		29,12		29,22
51 40	1,8465643 1,8468545	29,02	1,8570293	29,12	1,8675314	29,23
53 20	1,8408545	29,02	1,8573205	29,12	1,8678237	29,24
55 0	1,8471447	29,03	1,8576117	29,13	1,8681161	29,23
56 40	1,8477253	29,03	1,8579030	29,13	1,8684084	29,24
58 20	1,8477235	29,04	1,8581943	29,13	1,8687008	29,25
60 0	1,8483060	29,03	1,8584856	29,13	1,8689933	29,24
30 0	1,0400000	29,04	1,8587769	29,14	1,8692857	29,25
)			11			

Wahre	78	0	79	0	80	800	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	
0 0	4.0000077	29,24	4.0500000	29,37	1,8904349	29,51	
	1,8692857	29,25	1,8798369	29,37	1,8907300	29,51	
1 40	1,8695782	29,26	1,8801306	29,38	11 '	29,51	
3 20	1,8698708	29,25	1,8804244	29,38	1,8910251	29,52	
5 0	1,8701633	29,26	1,8807182	29,38	1,8913203	29,52	
6 40	1,8704559	29,26	1,8810120	29,39	1,8916155	29,53	
8 20	1,8707485	29,27	1,8813059	29,39	1,8919108	29,53	
10 0	1,8710412	· /	1,8815998	29,40	1,8922061	29,53	
11 40	1,8713339	29,27	1,8818938	· /	1,8925014	29,54	
13 20	1,8716266	29,27	1,8821878	29,40	1,8927968	29,54 $29,54$	
15 0	1,8719194	29,28	1,8824818	29,40	1,8930922		
16 40	1,8722122	29,28	1,8827759	29,41	1,8933877	29,55	
18 20	1,8725050	29,28	1,8830700	29,41	1,8936832	29,55	
20 0	1,8727979	29,29	1,8833641	29,41	1,8939787	29,55	
21 40	1,8730907	29,28	1,8836583	29,42	1,8942743	29,56	
11		29,30	'	29,42	1,8945699	29,56	
	1,8733837	29,29	1,8839525	29,43	1,8948656	29,57	
25 0	1,8736766	29,30	1,8842468	29,42	1 '	29,57	
26 40	1,8739696	29,31	1,8845410	29,44	1,8951613	29,57	
28 20	1,8742627	29,30	1,8848354	29,43	1,8954570	29,58	
30 0	1,8745557	29,31	1,8851297	29,44	1,8957528	29,58	
31 40	1,8748488	29,32	1,8854241	29,44	1,8960486	29,59	
33 20	1,8751420		1,8857186		1,8963445	29,59	
35 0	1,8754351	29,31	1,8860131	29,45	1,8966404	,	
36 40	1,8757283	29,32	1,8863076	29,45	1,8969364	29,60	
38 20	1,8760216	29,33	1,8866021	29,45	1,8972324	29,60	
40 0	1,8763148	29,32	1,8868967	29,46	1,8975284	29,60	
41 40	1,8766082	29,34	· ·	29,47	1,8978245	29,61	
41 40	· /	29,33	1,8871914	29,46	1,8981206	29,61	
45 20	1,8769015	29,34	1,8874860	29,47	1,8984168	29,62	
- 1	1,8771949	29,34	1,8877807	29,48		29,62	
46 40	1,8774883	29,34	1,8880755	29,48	1,8987130	29,62	
48 20	1,8777817	29,35	1,8883703	29,48	1,8990092	29,63	
50 0	1,8780752	29,35	1,8886651	29,49	1,8993055	29,63	
51 40	1,8783687	, II	1,8889600	29,49	1,8996018	29,64	
53 20	1,8786623	29,36	1,8892549		1,8998982	29,64	
55 0	1,8789559	29,36	1,8895498	29,49	1,9001946	29,64 $29,65$	
56 40	1,8792495	29,36	1,8898448	29,50	1,9004911		
58 20	1,8795432	29,37	1,8901398	29,50	1,9007876	29,65	
60 O	1,8798369	29,37	1,8904349	29,51	1,9010841	29,65	
	-,	29,37	-,500.000	29,51	,	29,66	

Wahre	81	0	82	0	83 0	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
1 4	1.0010011	29,65	1.0417000	29,82	1.0005510	29,99
0 0	1,9010841	29,66	1,9117893	29,82	1,9225548	29,99
1 40	1,9013807	29,67	1,9120875	29,82	1,9228547 1,9231547	30,00
3 20	1,9016774	29,66	1,9123857	29,83	1,9231547	30,01
5 0	1,9019740	29,68	1,9126840	29,84		30,01
6 40	1,9022708	29,67	1,9129824	29,84	1,9237549	30,01
8 20	1,9025675	29,68	1,9132808	29,84	1,9240550	30,02
10 0	1,9028643	29,69	1,9135792	29,85	1,9243552	30,03
11 40	1,9031612	29,69	1,9138777	29,85	1,9246555	30,03
13 20	1,9034581	29,69	1,9141762	29,86	1,9249558	30,04
15 0	1,9037550	29,70	1,9144748	29,86	1,9252562	30,04
16 40	1,9040520	29,70	1,9147734	29,87	1,9255566	30,04
18 20	1,9043490	29,71	1,9150721	29,87	1,9258570	30,05
20 0	1,9046461		1,9153708		1,9261575	
21 40	1,9049432	29,71	1,9156696	29,88	1,9264581	30,06
23 20	1,9052404	29,72	1,9159684	29,88	1,9267587	30,06
25 0	1,9055376	29,72	1,9162673	29,89	1,9270593	30,06
26 40	1,9058348	29,72	1,9165662	29,89	1,9273601	30,08
28 20	1,9061321	29,73	1,9168652	29,90	1,9276608	30,07
30 0	1,9064294	29,73	1,9171642	29,90	1,9279616	30,08
31 40	1,9067268	29,74	1,9174633	29,91	1,9282625	30,09
33 20	1,9070242	29,74	1,9177624	29,91	1,9285634	30,09
35 0	1,9073217	29,75	1,9180615	29,91	1,9288644	30,10
36 40	1,9076192	29,75	1,9183607	29,92	1,9291654	30,10
38 20	1,9079168	29,76	1,9186600	29,93	1,9294665	30,11
	1,9082144	29,76	1,9189593	29,93	1,9297676	30,11
1	1 '	29,77	1,9189393	29,93	1,9300688	30,12
41 40	1,9085121	29,77	1,9192580	29,94	1,9303701	30,13
45 20	1,9091075	29,77	1,9193575	29,95	1,9306713	30,12
46 40	1,9091073	29,78	1,9201570	29,95	1,9309727	30,14
48 20	1,9097031	29,78	1,9201576	29,95	1,9312741	30,14
		29,79		29,96		30,14
50 0	1,9100010	29,79	1,9207561	29,97	1,9315755	30,15
51 40	1,9102989	29,80	1,9210558	29,97	1,9318770	30,16
53 20	1,9105969	29,80	1,9213555	29,97	1,9321786	30,16
55 0	1,9108949	29,81	1,9216552	29,98	1,9324802	30,17
56 40	1,9111930	29,81	1,9219550	29,99	1,9327819	30,17
58 20	1,9114911	29,82	1,9222549	29,99	1,9330836	30,17
60 0	1,9117893	29,82	1,9225548	29,99	1,9333853	30,19
	11	1	11	1 ~0,00	<u> </u>	1,

Wahre	84	Ļo	85	0	86	30
Ano- malie.	lg M	Diff, 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	1,9333853	30,17	1,9442856	30,38	1,9552602	30,59
1 40	1,9336872	30,19	1,9445894	30,38	1,9555662	30,60
3 20	1,9339890	30,18	1,9448933	30,39	1,9558722	30,60
5 0	1,9342910	30,20	1,9451972	30,39	1,9561783	30,61
6 40	1,9345929	30,19	1,9455012	30,40	1,9564844	30,61
8 20	1,9348950	30,21	1.9158053	30,41	1,9567906	30,62
10 0	1,9351971	30,21	1,9461094	30,41	1.9570969	30,63
11 40	1,9354992	30,21	1.9464135	30,41	1,95740303	30,63
13 20	1,9358014	30,22	1,9467178	30,43	1,9577096	30,64
15 0	1,9361037	30,23	1,9470221	30,43	1,9580160	30,64
16 40	1,9364060	30,23	1,9473264	30,43	1,9583226	30,66
18 20	1,9367083	30,23	1,9476308	30,44	1,9586291	30,65
20 0	1,9370108	30,25	1,9479353	30,45	1,9589358	30,67
21 40	1,9373132	30,24	1,9482398	30,45	1,9592425	30,67
23 20	1,9376158	30,26	1,9485444	30,46	1,9595492	30,67
25 0	1,9379184	30,26	1,9488490	30,46	1,9598561	30,69
26 40	1,9382210	30,26	1,9491537	30,47	1,9601630	30,69
28 20	1,9385237	30,27	1,9494585	30.48	1,9604699	30,69
		30,27		30,48		30,70
30 0 31 40	1,9388264	30,28	1,9497633	30,49	1,9607769	30,71
31 40 33 20	1,9391292	30,29	1,9500682	30,49	1,9610840	30,71
35 0	1,9394321	30,29	1,9503731	30,50	1,9613911	30,72
36 40	1,9397350	30,30	1,9506781 1,9509831	30,50	1,9616983	30,73
38 20	1,9400380	30,30		30,51	1,9620056	30,73
	1,9403410	30,31	1,9512882	30,52	1,9623129	30,74
40 0	1,9406441	30,32	1,9515934	30,53	1,9626203	30,75
41 40	1,9409473	30,32	1,9518987	30,52	1,9629278	30,75
43 20	1,9412505	30,32	1,9522039	30,54	1,9632353	30,76
45 0	1,9415537	30,33	1,9525093	30,54	1,9635429	30,76
46 40	1,9418570	30,34	1,9528147	30,55	1,9638505	30,78
48 20	1,9421604	30,34	1,9531202	30,55	1,9641583	30,73
50 0	1,9424638	30,35	1,9534257	30,56	1,9644660	
51 40	1,9427673	30,35	1,9537313	30,56	1,9647739	30,79
53 20	1,9430708	30,36	1,9510370		1,9650818	30,79
55 0	1,9433744		1,9543427	30,57	1,9653897	30,79
56 40	1,9436781	30,37	1,9546485	30,58	1,9656978	30,81
58 20	1,9439818	30,37	1,9549543	30,58	1,9660059	30,81
60 0	1,9442856	30,38	1,9552602	30,59	1,9663110	30,81
		30,38		30,60		30,83

Wahre	87	0	88	0	89	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Ano-		30,81 30,83 30,83 30,83 30,83 30,86 30,86 30,86 30,87 30,88 30,89 30,99 30,91 30,91 30,93 30,91 30,93 30,95	lg M 1,9774520 1,9777626 1,9780733 1,9780733 1,9780849 1,9790058 1,9793168 1,9796279 1,9802502 1,9805614 1,9808728 1,9814956 1,9814956 1,9814956 1,9821188 1,9821492 1,983659 1,983679 1,9836779 1,9839899 1,9843020 1,9846142 1,9849264 1,9852387 1,98555511 1,985585636 1,9861761	31,06 31,06 31,07 31,08 31,09 31,10 31,11 31,11 31,12 31,12 31,14 31,14 31,14 31,16 31,17 31,17 31,17 31,17 31,17 31,12 31,20 31,20 31,21 31,22 31,22 31,22 31,22 31,22 31,23		Diff. 1" 31,31 31,32 31,33 31,34 31,35 31,36 31,37 31,38 31,39 31,40 31,41 31,44 31,44 31,44 31,44 31,44 31,44 31,44 31,45 31,46 31,48 31,48 31,48 31,50 31,50 31,51 31,52
50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	1,9752794 1,9752794 1,9755896 1,9758998 1,9762101 1,9765205 1,9768309 1,9771414 1,9774520	31,00 31,02 31,02 31,03 31,04 31,04 31,05 31,06 31,06	1,9864887 1,9868014 1,9871141 1,9874270 1,9877398 1,9880528 1,9886789	31,26 31,27 31,27 31,29 31,28 31,30 31,30 31,31 31,32	1,9977911 1,9981064 1,9984218 1,9987373 1,9990529 1,9993685 1,9996842 2,0000000	31,53 31,53 31,54 31,55 31,56 31,56 31,57 31,58 31,59

Wahre	90	0	91	0	93	0
Ano- malie.	1g M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0 0 1 40 3 20 5 0 6 40 8 20 10 0 11 40 13 20 15 0 16 40 20 20 0 21 40 23 20 25 0 26 40 28 20	2,0000000 2,0003159 2,0006318 2,0009478 2,0015801 2,0018963 2,0022127 2,0025291 2,0028456 2,0031621 2,0034788 2,0044291 2,0044291 2,0047461 2,0050631 2,0053802	31,58 31,59 31,59 31,60 31,61 31,62 31,62 31,64 31,65 31,65 31,67 31,67 31,67 31,70 31,70 31,71 31,72	2,0114203 2,0117390 2,0120578 2,0123766 2,0126956 2,0130146 2,0133337 2,0136529 2,0139721 2,0142915 2,0146109 2,0152500 2,0155697 2,0158894 2,0162093 2,0165292 2,0168492	Diff. 1" 31,86 31,87 31,88 31,90 31,90 31,91 31,92 31,92 31,94 31,95 31,96 31,97 31,99 32,00 32,01	2,0229450 2,0232667 2,0235885 2,0239103 2,0242323 2,0245513 2,0248764 2,0251986 2,0255208 2,0258432 2,0261656 2,0264882 2,0271335 2,0274563 2,0274563 2,0277791 2,0281021 2,0284251	32,15 32,17 32,18 32,20 32,21 32,22 32,24 32,24 32,26 32,26 32,27 32,28 32,28 32,30 32,30 32,30
30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	2,0056974 2,0060147 2,0066149 2,0066494 2,0076022 2,0076022 2,0079199 2,0082377 2,0085556 2,0088736 2,0091917 2,0098280 2,0101463 2,0104647 2,0107831 2,0111017 2,0114203	31,73 31,74 31,75 31,76 31,77 31,77 31,77 31,79 31,80 31,81 31,81 31,82 31,83 31,84 31,84 31,84 31,85	2,0171693 2,0174894 2,0174894 2,0178097 2,0181300 2,0184504 2,0197709 2,019015 2,0194122 2,0197329 2,0200538 2,0203747 2,0210368 2,0213379 2,0216592 2,0219805 2,0226235 2,0226235 2,0229450	32,01 32,03 32,03 32,04 32,05 32,06 32,07 32,09 32,10 32,11 32,11 32,13 32,13 32,15 32,15 32,17	2,0287483 2,0290715 2,0293948 2,0297182 2,0300653 2,0310127 2,0313365 2,0316604 2,0319844 2,0323085 2,0329570 2,0332913 2,0336058 2,0336058 2,0342549 2,0345797	32,32 32,33 32,34 32,35 32,36 32,36 32,38 32,39 32,40 32,41 32,42 32,43 32,43 32,45 32,45 32,45 32,45 32,48

Wahre	93	0	94	0	95	60
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff, 1"
0 0 0 1 40 3 20 5 0 6 40 8 20 10 0 11 40 13 20 15 0 16 40 18 20	2,0345797 2,0349045 2,0352293 2,0355543 2,0358794 2,0365298 2,0368552 2,0371806 2,0375061 2,0378317 2,0381574	32,48 32,48 32,48 32,50 32,51 32,52 32,52 32,54 32,54 32,55 32,56 32,57 32,58	2,0463296 2,0466577 2,0469859 2,0473141 2,0476425 2,0479710 2,0482995 2,0486282 2,0489569 2,0492857 2,0496147 2,0499437	32,80 32,81 32,82 32,82 32,84 32,85 32,87 32,87 32,88 32,90 32,90 32,91	2,0582005 2,0585320 2,0588636 2,0591953 2,0595272 2,0598591 2,0601911 2,0605232 2,0608554 2,0611878 2,0615202 2,0618527	33,15 33,15 33,16 33,17 33,19 33,20 33,21 33,22 33,24 33,24 33,25 33,26
20 0 21 40 23 20 25 0 26 40 28 20 30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20	2,0384832 2,0388091 2,0391351 2,0394611 2,0397873 2,0401135 2,0407663 2,0410928 2,0417461 2,0417461 2,0420729	32,59 32,60 32,60 32,62 32,62 32,64 32,64 32,65 32,66 32,67 32,68 32,69	2,0502728 2,0506020 2,0509314 2,0512608 2,0515903 2,0519199 2,0522496 2,0525793 2,0529092 2,0532392 2,0535693 2,0538994	32,92 32,94 32,94 32,95 32,96 32,97 32,97 32,99 33,00 33,01 33,01 33,03	2,0621853 2,0625180 2,0628508 2,0631837 2,0635167 2,0638498 2,0645164 2,0648498 2,0651833 2,0655169 2,0658506	33,27 33,28 33,29 33,30 33,31 33,33 33,34 33,35 33,36 33,37 33,38
40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	2,0423998 2,0427268 2,0430538 2,0433810 2,0437082 2,0440356 2,0446905 2,0450182 2,0456737 2,0460016 2,0463296	32,70 32,70 32,72 32,72 32,74 32,74 32,75 32,77 32,77 32,78 32,79 32,80 32,81	2,0542297 2,0545601 2,0548905 2,0552211 2,0555517 2,0558825 2,0562133 2,0568753 2,0572065 2,0575377 2,0578690 2,0582005	33,04 33,06 33,06 33,08 33,08 33,10 33,12 33,12 33,13 33,15 33,15	2,0661844 2,0665183 2,0668523 2,0671865 2,0678550 2,0681894 2,0685239 2,0688585 2,0691933 2,0695284 2,0695630 2,0701980	33,39 33,40 33,42 33,43 33,44 33,45 33,46 33,48 33,48 33,49 33,50 33,50

Wahre	960		970		980	
Mahre Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
(()		22.50		33,88	0.0045074	34,27
0 0	2,0701980	33,50	2,0823282	33,89	2,0945971	34,28
1 40	2,0705332	33,52	2,0826671	33,90	2,0919399	34,30
3 20	2,0708684	33,52	2,0830061	33,92	2,0952829	34,31
5 0	2,0712038	33,54	2,0833453	33,92	2,0956260	34,31
6 40	2,0715392	33,54	2,0836845	33,93	2,0959691	34,33
	2,0718747	33,55	2,0840238	1	2,0963124	34,34
8 20	l	33,57	2,0843633	33,95	2,0966558	1
10 0	2,0722104	33,57	2,0847028	33,95	2,0969993	34,35
11 40	2,0725461	33,59	1	33,96	2,0973430	34,37
13 20	2,0728820	33,59	2,0850424	33,98	2,0976867	34,37
15 0	2,0732179	33,61	2,0853822	33,99	2,0980306	34,39
16 40	2,0735540	33,61	2,0857221	34,00	2,0983745	34,39
18 20	2,0738901	33,63	2,0860621	34,00		34,41
20 0	2,0742264		2,0864021		2,0987186	34 42
21 40	11	33,64	2,0867423		2,0990628	34,43
11	11		2,0870826	34,03	2,0994071	34,44
11	11	33,00	2,0874231	34,05	2,0997515	34,46
11 700	11 '	33.07	2,0877636	34,05	2,1000961	34,46
26 40	11	1 33,08	2,088104	34,00	2,1004407	()
28 2	0 2,0759093	33,69		34,07	2,1007853	34,48
30	0 2,0762462	33,70	2,088444	34.09	2,1011303	
31 4	0 2,0765832		2,088785	34,10		
33 2	2,0769203	33,71	2,089126	8 34,10	2,101475	
11	0 2,077257	33,72	2,089467	8 34,12	2,101820	1 34.33
36 4	1	8 33,73	2,089809	0 34,13	2,102165	
11	20 2,077932	2 33,74	2,090150	34,13	2,102511	34,54
		- 33,75	2,090491	7	2,102856	
40	0 2,078269	33.77	2,090833	39 34,13	1 2,103203	2O 1 1
41	11	33.77		34.10	2,103547	34,57
43		33.78	2,03111	34,17	2,103893	34,38
45	0 2,079282	33,80	2,03101	34.18	2,104239	34,58
46	40 2,079620	33.80	2,03103	34,18	2,10458	54 34,00
48	20 2,079958	33,85	11 2,00220	34,2		34,0:
50	0 2,08029	71	1 2.09254		2,10493	
51	11 '	53 33,8	11 2,00200	46	2,1000	78 316
11	2,08097		4 2,09323	268 34,2	1 2,10002	42 34,6
53	11 .	1 33.0		34,2	2,10001	07 34,6
55	0 2,08131	1 33.8		118 34,2	2,10001	73 34,6
- 11	40 2,08165	33.8		51.1 31,2	2,10000	340
58	III '	33.8	2,0945	971 34,2	1 2,10,0	109
60	0 2,08232	$282 \mid 33.8$	2,0040	34,2	8 11	34,6

Wahre Ano-	99	0	10	0 0	10	10
malie.	lg M	Diff. 1"	Diff. 1"	lg M	lg M	Diff. 1"
malie. 7	lg M 2,1070109 2,1073578 2,1077049 2,1080521 2,1080521 2,1083994 2,1097488 2,1097898 2,1101377 2,1104857 2,1108338 2,1111821 2,1115304 2,1118789 2,112275 2,1125763 2,1129251 2,1137741 2,1136232 2,1139724 2,1143217 2,1146711 2,1157020 2,1157020 2,1167703 2,11771206 2,1174710 2,1185229 2,1185738	34,69 34,71 34,73 34,73 34,74 34,76 34,76 34,78 34,80 34,81 34,83 34,83 34,85 34,86 34,88 34,90 34,91 34,91 34,96 34,91 34,96 34,97 34,98 34,99 35,00 35,02 35,03 35,04 35,05 35,06 35,08 35,09 35,10	2,1195759 2,1199272 2,1202786 2,1206301 2,1209817 2,1213334 2,1220373 2,1223894 2,12234464 2,1237990 2,1241518 2,1245046 2,124576 2,1255639 2,1255639 2,12562707 2,1266243 2,1269780 2,1273319 2,1273319 2,1273319 2,1273319 2,1273319 2,1273319 2,1273319 2,1280400 2,1283942 2,1287485 2,1291030 2,1294576 2,1295123 2,1301672 2,1305221 2,1308772 2,1312325 2,1315878	lg M 35,11 35,13 35,14 35,15 35,16 35,17 35,19 35,20 35,21 35,22 35,24 35,24 35,26 35,28 35,30 35,31 35,32 35,34 35,36 35,37 35,39 35,40 35,41 35,42 35,45 35,46 35,47 35,49 35,47 35,49 35,53 35,53	lg M 2,1322989 2,1326546 2,1330105 2,1333665 2,1337226 2,1347917 2,1351484 2,1355051 2,1358620 2,1365762 2,1369334 2,137998 2,1376484 2,137908 2,1376484 2,137908 2,1376484 2,137908 2,1376484 2,137908 2,14165762 2,1408720 2,14123081 2,1423081 2,1423081 2,1423081 2,1423081 2,1423081 2,1423081 2,1423082 2,14130269 2,1433865 2,1437463 2,1441062 2,1444662	Diff. 1" 35,56 35,57 35,59 35,60 35,61 35,63 35,65 35,67 35,67 35,76 35,72 35,72 35,74 35,76 35,76 35,78 35,78 35,81 35,82 35,83 35,84 35,86 35,87 35,88 35,90 35,91 35,92 35,93 35,95 35,96 35,98 35,99 36,00 36,01
58 20 60 0	2,1192248 2,1195759	35,11 35,13	2,1319433 2,1322989	35,56 35,57	2,1448263 2,1451866	36,03 36,04

	10:	D 0	40	103°		1040	
Wahre	104		100		10-		
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	
0 0	2,1451866	36,03	2,1582460	36,51	2,1714844	37,02	
1 40	2,1455470	36,04	2,1586113	36,53	2,1718547	37,03	
3 20	2,1459076	36,06	2,1589767	36,54	2,1722252	37,05	
5 0	2,1462682	36,06	2,1593423	36,56	2,1725959	37,07	
6 40	2,1466290	36,08	2,1597080	36,57	2,1729667	37,08	
8 20	2,1469900	36,10	2,1600738	36,58	2,1733376	37,09	
10 0	2,1473510	36,10	2,1604398	36 ,6 0	2,1737087	37,11	
11 40	2.1477123	36,13	2,1608059	36,61	2,1740799	37,12	
13 20	2,1480736	36,13	2,1611721	36,62	2,1744513	37,14	
15 0	2,1484351	36,15	2,1615385	36,64	2,1748228	37,15	
16 40	2,1487967	36,16	2,1619051	36,66	2,1751945	37,17	
18 20	2,1491584	36,17	2,1622717	36,66	2,1755663	37,18	
20 0	2,1495203	36,19	2,1626386	36,69	2,1759382	37,19	
21 40	2,1498823	36,20	2,1630055	36,69	2,1763103	37,21	
23 20	2,1502445	36,22	2,1633726	36,71	2,1766826	37,23	
25 0	2,1506067	36,22	2,1637398	36,72	2,1770550	37,24	
26 40	2,1509692	36,25	2,1641072	36,74	2,1774275	37,25	
28 20	2,1513317	36,25	2,1644747	36,75	2,1778002	37,27	
30 0		36,27	2,1648424	36,77	2,1781730	37,28	
31 40	2,1516944 2,1520572	36,28	2,1648424	36,78	2,1781730	37,30	
33 20	2,1520372	36,30	2,1655781	36,79	2,1789191	37,31	
35 0	,	36,31	11 '	36,81	2,1792924	37,33	
36 40	2,1527833 2,1531465	36,32	2,1659462 2,1663144	36,82	2,1796658	37,34	
38 20	2,1531465	36,34	2,1665144	36,83	2,1800394	37,36	
		36,35		36,86		37,37	
40 0	2,1538734	36,36	2,1670513	36,86	2,1804131	37,38	
41 40	2,1542370	36,38	2,1674199	36,88	2,1807869	37,40	
43 20	2,1546008	36,39	2,1677887	36,89	2,1811609	37,42	
45 0	2,1549647	36,40	2,1681576	36,91	2,1815351	37,43	
46 40	2,1553287	36,42	2,1685267	36,92	2,1819094	37,44	
48 20	2,1556929	36,43	2,1688959	36,93	2,1822838	37,46	
50 0	2,1560572	36,45	2,1692652	36,95	2,1826584	37,48	
51 40	2,1564217	36,46	2,1696347	36,97	2,1830332	37,49	
53 20	2,1567863	36,47	2,1700044	36,98	2,1834081	37,50	
55 0	2,1571510	36,49	2,1703742	36,99	2,1837831	37,52	
56 40	2,1575159	36,50	2,1707441	37,01	2,1841583	37,54	
58 20	2,1578809	36,51	2,1711142	37,02	2,1845337	37,55	
60 0	2,1582460	36,53	2,1714844	37,03	2,1849092	37,56	

Wahre	10	5 0	100	B 0	10	30
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0 1 40 3 20	2,1849092 2,1852848 2,1856606	37,55 37,56 37,58	2,1985282 2,1989093 2,1992906	38,10 38,11 38,13	2,2123493 2,2127362 2,2131232	38,67 38,69 38,70
5 0 6 40 8 20 10 0	2,1860366 2,1864127 2,1867889 2,1871653	37,60 37,61 37,62 37,64	2,1996721 2,2000537 2,2004355 2,2008174	38,15 38,16 38,18 38,19	2,2135104 2,2138978 2,2142853 2,2146730	38,72 38,74 38,75 38,77
11 40 13 20 15 0 16 40	2,1875419 2,1879186 2,1882954 2,1886724	37,66 37,67 37,68 37,70 37,72	2,2011995 2,2015818 2,2019642 2,2023467	38,21 38,23 38,24 38,25 38,28	2,2150609 2,2154489 2,2158371 2,2162255	38,79 38,80 38,82 38,84 38,85
18 20 20 0 21 40 23 20 25 0	2,1890496 2,1894269 2,1898043 2,1901819 2,1905597	37,73 37,74 37,76 37,78	2,2027295 2,2031123 2,2034954 2,2038786 2,2042619	38,28 38,31 38,32 38,33	2,2166140 2,2170027 2,2173915 2,2177805 2,2181697	38,87 38,88 38,90 38,92
26 40 28 20 30 0 31 40	2,1903397 2,1909376 2,1913157 2,1916939 2,1920723	37,79 37,81 37,82 37,84	2,2042619 2,2046454 2,2050291 2,2054129 2,2057969	38,35 38,37 38,38 38,40	2,2181697 2,2185590 2,2189486 2,2193382 2,2197281	38,93 38,96 38,96 38,99
33 20 35 0 36 40 38 20	2,1924508 2,1928295 2,1932083 2,1935873	37,85 37,87 37,88 37,90 37,91	2,2061811 2,2065654 2,2069499 2,2073345	38,42 38,43 38,45 38,46 38,48	2,2201181 2,2205082 2,2208986 2,2212891	39,00 39,01 39,04 39,05 39,06
40 0 41 40 43 20 45 0	2,1939664 2,1943457 2,1947252 2,1951048	37,93 37,95 37,96 37,97	2,2077193 2,2081042 2,2084893 2,2088746	38,49 38,51 38,53 38,54	2,2216797 2,2220706 2,2224616 2,2228528	39,09 39,10 39,12 39,13
46 40 48 20 50 0 51 40	2,1954845 2,1958644 2,1962445 2,1966247	37,99 38,01 38,02 38,04	2,2092600 2,2096456 2,2100314 2,2104173	38,56 38,58 38,59 38,61	2,2232441 2,2236356 2,2240273 2,2244191	39,15 39,17 39,18 39,20
53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	2,1970051 2,1973856 2,1977663 2,1981472 2,1985282	38,05 38,07 38,09 38,10 38,11	2,2108034 2,2111896 2,2115760 2,2119626 2,2123493	38,62 38,64 38,66 38,67 38,69	2,2248111 2,2252033 2,2255956 2,2259882 2,2263808	39,22 39,23 39,26 39,26 39,29

Wahre	1080		10)	1100	
Ano- malie,	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	2,2263808	39,26	2,2406314	39,89	2,2551099	40,54
1 40	2,2267737	39,29	2,2410305	39,91	2,2555154	40,55
3 20	2,2271667	39,30	2,2411297	39,92	2,2559211	40,57
5 0	2,2275599	39,32	2,2118291	39,94	2,2563270	40,59
6 40	2,2279533	39,34	2,2422287	39,96	2,2567331	40,61
8 20	2,2283468	39,35	2,2426285	39,98	2,2571393	40,62
10 0	2,2287405	39,37	2,2130284	39,99	2,2575458	40,65
11 40	2,2291314	39,39	2,2134285	40,01	2,2579524	40,66
13 20	2,2295284	39,40	2,2138288	40,03	2,2583592	40,68
15 0	2,2299226	39,42	2,2442293	40,05	2,2587662	40,70
16 40	2,2303170	39,44	2,2446300	40,07	2,2591734	40,72
18 20	2,2307115	39,45	2,2450308	40,08	2,2595807	40,73
20 0	2,2311063	39,48	2,2454318	40,10	2,2599883	40,76
21 40	2,2315012	39,49	2,2458330	40.12	2,2603960	40,77
23 20	2,2318962	39,50	2,2462343	40,13	2,2608039	40,79
25 0	2,2322915	39,53	2,2466359	40,16	2,2612120	40,81
26 40	2,2326869	39,54	2,2470376	40,17	2,2616203	40,83
28 20	2,2330824	39,55	2,2174395	40,19	2,2620288	40,85
30 0	2,2334782	39,58	2,2478416	40,21	2,2624374	40,86
31 40	2,2338741	39,59	2,2482438	40,22	2,2628463	40,89
33 20	2,2342702	39,61	2,2486463	40,25	2,2632553	40,90
35 0	2,2346665	39,63	2,2490489	40,26	2,2636645	40,92
36 40	2,2350629	39,64	2,2494517	40,28	2,2640740	40,95
38 20	2,2354596	39,67	2,2498547	40,30	2,2644836	40,96
		39,67		40,31		40,97
40 0	2,2358563 2,2362533	39,70	2,2502578	40,34	2,2648933	41,00
43 20	2,2366504	39,71	2,2506612	40,35	2,2653033	41,02
45 20	2,2370478	39,74	2,2510647	40,37	2,2657135	41,03
46 40	2,2374452	39,74	2,2514684 2,2518723	40,39	2,2661238	41,06
48 20	2,2378429	39,77	2,2518723	40,40	2,2665344	41,07
		39,78		40,43	2,2669451	41,09
50 0	2,2382407	39,80	2,2526806	40,44	2,2673560	41,11
51 40	2,2386387	39,82	2,2530850	40,46	2,2677671	41,13
53 20	2,2390369	39,84	2,2534896	40,48	2,2681784	41,15
55 0	2,2394353	39,85	2,2538944	40,50	2,2685899	41,17
56 40	2,2398338	39,87	2,2542994	40,51	2,2690016	41,18
58 20	2,2402325	39,89	2,2547045	40,54	2,2694134	41,21
60 0	2,2406314	39,91	2,2551099	40,55	2,2698255	41,22

Wahre	111	0	112	0	113	0
Ano- malie.	1g M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0 1 40	2,2698255 2,2702377	41,21 41,22	2,2847878 2,2852070	41,91 41,92	2,3000067 2,3004332	42,63 42,65
3 20 5 0	2,2706501 2,2710628	41,24 41,27 41,28	2,2856264 2,2860461	41,94 41,97 41,98	2,3008599 2,3012869	42,67 $42,70$ $42,71$
6 40 8 20	2,2714756 2,2718886	41,30 41,32	2,2864659 2,2868859	42,00 42,03	2,3017140 2,3021413	42,73 42,76
10 0 11 40 13 20	2,2723018 2,2727152 2,2731288	41,34 41,36	2,2873062 2,2877266 2,2881472	42,04 42,06	2,3025689 2,3029966 2,3034246	42,77 42,80
15 20 15 0 16 40	2,2735425 2,2739565	41,37	2,2885680 2,2889891	42,08 42,11	2,3034240 2,3038528 2,3042811	42,82 42,83 42,86
18 20 20 0	2,2743707 2,2747850	41,42 41,43 41,45	2,2894103 2,2898317	42,12 42,14 42,17	$\frac{2,3047097}{2,3051385}$	42,88 42,88 42,90
21 40 23 20 25 0	2,2751995 2,2756143 2,2760292	41,45 41,48 41,49	2,2902534 2,2906752 2,2910972	42,17 42,18 42,20	2,3055675 2,3059967 2,3064261	42,92 42,91
$\begin{vmatrix} 25 & 0 \\ 26 & 40 \\ 28 & 20 \end{vmatrix}$	2,2760292 2,2764443 2,2768597	41,51 41,54	2,2915195 2,2919419	42,23 42,24	2,3068558 2,3072856	42,97 42,98
30 0 31 40	2,2772752 2,2776909	41,55 41,57 41,59	2,2923645 2,2927874	42,26 42,29 42,30	2,3077157 2,3081459	43,01 43,02 43,05
33 20 35 0	2,2781068	41,61 41,62	2,2932104 2,2936336	42,32 42,35	2,3085764 2,3090071 2,3094380	43,07 43,09
36 40 38 20 40 0	2,2789391 2,2793556 2,2797723	41,65 41,67	2,2940571 2,2944807 2,2949046	42,36 -42,39	2,3098691 2,3103004	43,11 43,13
41 40 43 20	2,2801892 2,2806063	41,69	2,2953286 2,2957529	42,40 42,43	2,3107319 2,3111636	43,15 43,17 43,20
45 0 46 40	2,2810235 2,2814410	41,72 41,75 41,76	2,2961774 2,2966020	42,45 42,46 42,49	2,3115956 2,3120277	43,20 43,21 43,24
50 0 51 40	2,2818586	41,79	2,2970269 2,2974520 2,2978772	42,51 42,52	2,3124601 2,3128927 2,3133255	43,26 43,28
51 40 53 20 55 0	2,2826945 2,2831128 2,2835312	41,83 41,84	2,2978772 2,2983027 2,2987284	42,55 42,57	2,3137585 2,3141917	43,30 43,32
56 40 58 20	2,2839499 2,2843687	41,87 41,88 41,91	2,2991543 2,2995804	42,59 42,61 42,63	2,3146252 2,3150588	43,35 43,36 43,39
60 0	2,2847878	41,92	2,3000067	42,65	2,3154927	43,41

Wahre	114	10	115	50	110	B o
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Ano-		Diff. 1" 43,39 43,41 43,43 43,45 43,47 43,49 43,52 43,54 43,55 43,69 43,62 43,65 43,69 43,71 43,73 43,76 43,77 43,80 43,82 43,84 43,87		Diff. 1" 44,17 44,20 44,24 44,26 44,28 44,31 14,33 44,35 44,44 44,49 44,51 44,53 44,56 44,63 44,66 44,62 44,65 44,67		Diff. 1" 44,99 45,01 45,06 45,09 45,11 45,13 45,15 45,18 45,22 45,27 45,30 45,32 45,34 45,37 45,39 45,41 45,46 45,48 45,51
38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	2,3255312 2,3259703 2,3264096 2,3268491 2,3272889 2,3277288 2,3281690 2,3290500 2,3294908 2,329319 2,3303732 2,3308147 2,3312564	43,88 43,91 43,93 43,95 43,98 44,02 44,04 44,08 44,11 44,13 44,15 44,17 44,20	2,3414783 2,3419255 2,3423728 2,3428204 2,3432683 2,3437163 2,3441616 2,344619 2,3450619 2,3459601 2,3459601 2,3464096 2,3468593 2,3473092	44,69 44,72 44,73 44,76 44,79 44,83 44,86 44,87 44,90 44,95 44,95 44,97 44,99 45,01	2,3577218 2,3581773 2,3586331 2,3590892 2,3595454 2,3609157 2,3613729 2,3618304 2,3622881 2,3627460 2,3632042 2,3636626	45,53 45,55 45,58 45,61 45,62 45,65 45,68 45,70 45,72 45,77 45,77 45,79 45,82 45,81 45,87

Wahre	113	70	118	30	111) o
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
1 11	0.000000	45,84	0.2002000	46,73	0.0070040	47,65
0 0	2,3636626	45,87	2,3803290	46,75	2,3973210	47,68
1 40 3 20	2,3641213	45,89	2,3807965 2,3812643	46,78	2,3977978	47,70
5 0	2,3645802 2,3650394	45,92	2,3817324	46,81	2,3982748	47,73
6 40	2,3654988	45,94	2,3822007	46,83	2,3987521 2,3992296	47,75
8 20	2,3659584	45,96	2,3826692	46,85	2,3997075	47,79
		45,99		46,88		47,81
10 0	2,3664183	46,01	2,3831380	46,91	2,4001856	47,83
11 40	2,3668784	46,04	2,3836071	46,93	2,4006639	47,86
13 20	2,3673388	46,06	2,3840764	46,96	2,4011425	47,89
15 0	2,3677994	46,09	2,3845460	46,98	2,4016214	47,91
16 40	2,3682603	46,11	2,3850158	47,00	2,4021005	47,94
18 20	2,3687214	46,13	2,3854858	47,04	2,4025799	47,97
20 0	2,3691827	46,16	2,3859562		2,4030596	
21 40	2,3696443	46,18	2,3864267	47,05	2,4035395	47,99 48,03
23 20	2,3701061		2,3868976	47,09	2,4040198	
25 0	2,3705682	46,21	2,3873687	47,11	2,4045002	48,04
26 40	2,3710305	46,23	2,3878400	47,13	2,4049809	48,07
28 20	2,3714931	46,26 46,28	2,3883116	47,16 47,19	2,4054619	48,10 48,13
30 0	2,3719559		2,3887835		2,4059432	· ·
31 40	2,3724190	46,31	2,3892556	47,21	2,4064247	48,15
33 20	2,3728823	46,33	2,3897279	47,23	2,4069065	48,18
35 0	2,3733459	46,36	2,3902006	47,27	2,4073886	48,21
36 40	2,3738097	46,38	2,3906735	47,29	2,4078709	48,23
38 20	2,3742737	46,40	2,3911466	47,31	2,4083535	48,26
40 0	2,3747380	46,43	2,3916200	47,34	2,4088364	48,29
41 40	2,3752026	46,46	2,3920937	47,37	2,4093196	48,32
43 20	2,3756673	46,47	2,3925676	47,39	2,4098030	48,34
45 0	2,3761324	46,51	2,3930417	47,41	2,4102866	48,36
46 40	2,3765977	46,53	2,3935162	47,45	2,4107706	48,40
48 20	2,3770632	46,55	2,3939909	47,47	2,4112548	48,42
50 0	2,3775290	46,58	2,3944658	47,49	2,4117393	48,45
51 40	2,3779951	46,61	2,3949410	47,52	2,4117393	48,47
53 20	2,3784613	46,62	2,3954165	47,55	2,4127091	48,51
55 0	2,3789279	46,66	2,3958922	47,57	2,4127031	48,53
56 40	2,3793947	46,68	2,3963682	47,60	2,4136799	48,55
58 20	2,3798617	46,70	2,3968445	47,63	2,4130755	48,59
60 0	2,3803290	46,73	2,3973210	47,65	2,4146519	48,61
00 0	2,3003290	46,75	2,0070210	47,68	2,1140519	48,64
<u></u>	<u> </u>				<u> </u>	

Wahre	120	D o	12	10	12	2 0
Ano-	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
						- ,
0 0	2,4146519	48,61	2,4323356	49,61	2,4503868	50,65
1 40	2,4151383	48,64	2,4328320	49,64	2,4508936	50,68
3 20	2,4156249	48,66	2,4333287	49,67	2,4514007	50,71
5 0	2,4161119	48,70	2,4338257	49,70	2,4519081	50,74
6 40	2,4165991	48,72	2,4343229	49,72	2,4524158	50,77
8 20	2,4170865	48,74	2,4348204	49,75	2,4529238	50,80
10 0	2,4175743	48,78	2,4353182	49,78	2,4534321	50,83
11 40	2,4180623	48,80	2,4358163	49,81	2,4539407	50,86
13 20	2,4185506	48,83	2,4363147	49,84	2,4544495	50,88
15 0	2,4190392	48,86	2,4368134	49,87	2,4549587	50,92
16 40	2,4195280	48,88	2,4373123	49,89	2,4554682	50,95
18 20	2,4200172	48,92	2,4378116	49,93	2,4559780	50,98
20 0	2,4205066	48,94	2,4383111	49,95	2,4564881	51,01
21 40	2,4209962	48,96	2,4388109	49,98	2,4569984	51,03
23 20	2,4214862	49,00	2,4393110	50,01	2,4575091	51,07
25 0	2,4219764	49,02	2,4398114	50,04	2,4580201	51,10
26 40	2,4224669	49,05	2,4403121	50,07	2,4585314	51,13
28 20	2,4229577	49,08	2,4408131	50,10	2,4590130	51,16
30 0	2,4234488	49,11	2,4413143	50,12	2,4595548	51,18
31 40	2,4239401	49,13	2,4418159	50,16	2,4600670	51,22
33 20	2,4244317	49,16	2,4123177	50,18	2,4605795	51,25
35 0	2,4249236	49,19	2,4428199	50,22	2,4610923	51,28
36 40	2,4254158	49,22	2,4433223	50,24	2,4616054	51,31
38 20	2,4259082	49,24	2,4438250	50,27	2,4621188	51,34
40 0	2,4264010	49,28	2,4443280	50,30	2,4626325	51,37
41 40	2,4268940	49,30	2,4448313	50,33	2,4631465	51,40
43 20	2,4273873	49,33	2,4453348	50,35	2,4636608	51,43
45 0	2,4278808	49,35	2,4458387	50,39	2,4641754	51,46
46 40	2,4283747	49,39	2,4463429	50,42	2,4646903	51,49
48 20	2,4288688	49,41	2,4468473	50,44	2,4652055	51,52
50 0	2,4293632	49,44	2,4473521	50,48	2,4657210	51,55
51 40	2,4298579	49,47	2,4478571	50,50	2,4662368	51,58
53 20	2,4303529	49,50	2,4483625	50,54	2,4667529	51,61
55 0	2,4308482	49,53	2,4488681	50,56	2,4672694	51,65
56 40	2,4313437	49,55	2,4493740	50,59	2,4677861	51,67
58 20	2,4318395	49,58	2,4498803	50,63	2,4683032	51,71
60 0	2,4323356	49,61	2,4503868	50,65	2,4688205	51,73
<u> </u>		49,64		50,68		51,77

Wahre	123	80	124	L 0	123	5 0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	2,4688205	51,73	2,4876529	52,86	2,5069006	54,04
1 40	2,4693382	51,77	2,4881819	52,90	2,5074414	54,08
3 20	2,4698562	51,80	2,4887112	52,93	2,5079825	54,11
5 0	2,4703744	51,82	2,4892408	52,96	2,5085239	54,14
6 40	2,4708930	51,86	2,4897707	52,99	2,5090657	54,18
8 20	2,4714119	51,89	2,4903010	53,03	2,5096078	54,21
10 0	2,4719311	51,92	2,4908315	53,05	2,5101502	54,24
11 40	2,4719311	51,96	2,4903313	53,09	2,5101302	54,28
13 20	2,4724507	51,98	11 . ,	53,13	2,5100950	54,31
		52,01	2,4918937	53,15	11 '	54,34
	2,4734906	52,05	2,4924252	53,19	2,5117795	54,38
16 40	2,4740111	52.07	2,4929571	53,22	2,5123233	54,41
18 20	2,4745318	52,11	2,4934893	53,25	2,5128674	54,45
20 0	2,4750529	52,14	2,4940218	53,29	2,5134119	54,48
21 40	2,4755743	1	2,4945547	,	2,5139567	
23 20	2,4760960	52,17	2,4950878	53,31	2,5145018	54,51
25 0	2,4766180	52,20	2,4956213	53,35	2,5150473	54,55
26 40	2,4771403	52,23	2,4961551	53,38	2,5155931	54,58
28 20	2,4776629	52,26	2,4966893	53,42	2.5161392	54,61
30 0	2,4781859	52,30	2,4972238	53,45	2,5166857	54,65
31 40	2,4787091	52,32	2,4977586	53,48	2,5172326	54,69
33 20	1 '	52,36		53,51	II '	54,71
	2,4792327	52,39	2,4982937	53,55	2,5177797	54,76
	2,4797566	52,42	2,4988292	53,57	2,5183273	54,78
36 40	2,4802808	52,45	2,4993649	53,62	2,5188751	54,82
38 20	2,4808053	52,48	2,4999011	53,64	2,5194233	54,86
40 0	2,4813301		2,5004375	53,68	2,5199719	54,89
41 40	2,4818553	52,52	2,5009743	1 '	2,5205208	1 '
43 20	2,4823808	52,55	2,5015114	53,71	2,5210700	54,92
45 0	2,4829065	52,57	2,5020488	53,74	2,5216196	54,96
46 40	2,4834326	52,61	2,5025866	53,78	2,5221695	54,99
48 20	2,4839591	52,65	2,5031247	53,81	2,5227198	55,03
50 0		52,67		53,84		55,06
51 40	2,4844858	52,70	2,5036631	53,88	2,5232704	55,09
53 20	2,4850128	52,74	2,5042019	53,90	2,5238213	55,13
11	2,4855402	52,77	2,5047409	53,95	2,5243726	55,17
55 0	2,4860679	52,80	2,5052804	53,97	2,5249243	55,20
56 40	2,4865959	52,84	2,5058201	54,01	2,5254763	55,23
58 20	2,4871243	52,86	2,5063602	54,04	2,5260286	55,27
60 0	2,4876529	52,90	2,5069006	54,08	2,5265813	55,31
	11	02,00	1)	1 34,00	1	33,31

Wahre	1360		1270		1280	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	.Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	2,5265813	55,27	2.5467135	56,55	2,5673166	57,88
1 40	2,5271344	55,31	2.5472794	56,59	2,5678958	57,92
3 20	2,5276878	55,34	2,5478456	56,62	2,5684754	57,96
5 0	2,5282415	55,37	2,5484122	56.66	2,5690554	58,00
6 40	2,5287956	55,41	2,5489791	56,69	2,5696358	58,04
8 20	2,5293500	55,44	2,5495464	56,73	2,5702165	58,07
		55,48		56,77		58,12
10 0	2,5299048	55,52	2,5501141	56,81	2,5707977	58,15
11 40	2,5304600	55,55	2,5506822	56,84	2,5713792	58,19
13 20	2,5310155	55,58	2,5512506	56,88	2,5719611	58,23
15 0	2,5315713	55,62	2,5518194	56,91	2,5725434	58,26
16 40	2,5321275	55,66	2,5523885	56,95	2,5731260	58,31
18 20	2,5326841	55,69	2,5529580	56,99	2,5737091	58,34
20 0	2,5332410		2,5535279	57,02	2,5742925	58,38
21 40	2,5337982	55,72	2,5540981		2,5748763	'
23 20	2,5343558	55,76	2,5546688	57,07	2,5754605	58,42
25 0	2,5349138	55,80	2,5552398	57,10	2,5760451	58,46
26 40	2,5354721	55,83	2,5558111	57,13	2,5766300	58,49
28 20	2,5360308	55,87	2,5563828	57,17	2,5772154	58,54
30 0	2,5365898	55,90	2,5569549	57,21	2,5778011	58,57
31 40	2,5371492	55,94	2,5575274	57,25	2,5783873	58,62
33 20	2,5377089	55,97	2,5581003	57,29	2,5789738	58,65
35 0	2,5382690	56,01	2,5586735	57,32	2,5795607	58,69
36 40	2,5388295	56,05	2,5592471	57,36	2,5801480	58,73
38 20	2,5393903	56,08	2,5598210	57,39	2,5807357	58,77
		56,11	l	57,43	l	58,80
40 0	2,5399514	56,16	2,5603953	57,48	2,5813237	58,85
41 40	2,5405130	56,19	2,5609701	57,50	2,5819122	58,88
43 20	2,5410749	56,22	2,5615451	57,55	2,5825010	58.93
45 0	2,5416371	56,26	2,5621206	57,58	2,5830903	58,96
46 40	2,5421997	56,30	2,5626964	57,62	2,5836799	59,01
48 20	2,5427627	56,33	2,5632726	57,66	2,5842700	59,04
50 0	2,5433260		2,5638492		2,5848604	
51 40	2,5438897	56,37	2,5644262	57,70	2,5854512	59,08
53 20	2,5444537	56,40	2,5650035	57,73	2,5860424	59,12
55 0	2,5450181	56,44	2,5655812	57,77	2,5866340	59,16
56 40	2,5455829	56,48	2,5661593	57,81	2,5872260	59,20
58 20	2,5461480	56,51	2,5667378	57,85	2,5878184	59,24
60 0	2,5467135	56,55	2,5673166	57,88	2,5884112	59,28
	2,0101100	56,59	2,507.5100	57,92	-,000	59,31

Wahre	129	0	130	0	13	0
malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Anomalie. 0 0 1 40 3 20 5 0 6 40 8 20 11 40 13 20 15 0 16 40 18 20 20 0 21 40 23 20 25 0 26 40 28 20	1g M 2,5884112 2,5890043 2,5895979 2,5901919 2,5907863 2,5913810 2,5919762 2,5925718 2,5931677 2,5937641 2,5943609 2,5949580 2,5955556 2,5961536 2,5967519 2,5973507 2,5979199 2,5985494	59,28 59,31 59,36 59,40 59,47 59,52 59,56 59,59 59,64 59,71 59,76 59,80 59,80 59,83 59,88 59,92 59,95	lg M 2,6100188 2,6100265 2,6112347 2,6118433 2,6124523 2,6130617 2,6142817 2,6148924 2,6155035 2,6161150 2,6167269 2,6173392 2,6179520 2,6185651 2,6191787 2,6191787 2,6197927 2,6204072	60,74 60,77 60,82 60,86 60,90 60,94 60,98 61,02 61,07 61,11 61,15 61,19 61,23 61,31 61,36 61,40 61,45	lg M 2,6321622 2,6327852 2,6334086 2,6340325 2,6346567 2,6352814 2,6359066 2,6365322 2,6371582 2,6377846 2,6390388 2,6396666 2,6402948 2,6409234 2,6415525 2,6421820 2,6428120	62,25 62,30 62,34 62,39 62,42 62,47 62,52 62,66 62,60 62,64 62,78 62,78 62,78 62,82 62,91 62,95 63,00
30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	2,5991494 2,5997498 2,6003506 2,6009518 2,6015534 2,6021554 2,6027578 2,6033607 2,6039639 2,6045675 2,6057760 2,6063809 2,6069862 2,6075919 2,6081980 2,6088045 2,6088041 2,6094114 2,6100188	60,00 60,04 60,08 60,12 60,16 60,20 60,24 60,32 60,36 60,41 60,49 60,53 60,57 60,61 60,65 60,69 60,74 60,77	2,6210220 2,6216373 2,6222530 2,6228691 2,6234857 2,6241027 2,6247201 2,6253379 2,6259562 2,6265748 2,6278135 2,6296538 2,6296746 2,6302959 2,6309176 2,6315397 2,631622	61,48 61,53 61,57 61,61 61,66 61,70 61,74 61,78 61,83 61,86 61,91 61,96 62,08 62,04 62,08 62,13 62,17 62,21 62,25 62,30	2,6434424 2,6440733 2,6447045 2,6453363 2,6459684 2,6466011 2,6478676 2,6485016 2,6491360 2,6491708 2,6510418 2,6516780 2,6523147 2,6529518 2,6533893 2,6542273 2,6548657	63,04 63,09 63,12 63,18 63,21 63,30 63,35 63,40 63,44 63,48 63,53 63,57 63,62 63,67 63,67 63,71 63,75 63,80 63,84 63,89

Wahre	133	2 0	133	B 0	13	10
Ano~ malie,	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff, 1"	lg M	Diff. 1"
Anomalic. ' '' 0 0 0 1 40 0 3 20 5 0 0 6 40 8 20 10 0 11 40 13 20 15 0 16 40 18 20 20 0 21 40 23 20 25 0 26 40 28 20	2,6518657 2,6555046 2,6561439 2,6567837 2,6574240 2,6580647 2,6587058 2,6593474 2,659895 2,6606320 2,6612750 2,6612750 2,6638515 2,6638515 2,6644968 2,6651425 2,6657887	63,81 63,89 63,98 64,03 61,07 64,11 64,16 64,21 64,25 64,30 64,35 64,35 64,44 64,48 64,53 64,57 64,62 64,67	2,6781547 2,678102 2,6794662 2,6801227 2,6807797 2,6814371 2,6820950 2,6827534 2,6834122 2,6840716 2,6847314 2,6853917 2,6860524 2,68673754 2,6880376 2,6887003 2,6893635	65,51 65,55 65,60 65,65 65,70 65,74 65,79 65,84 65,98 66,03 66,07 66,13 66,17 66,22 66,27 66,32 66,37	2,7020562 2,7027292 2,7034026 2,7040766 2,7047510 2,7054259 2,7061014 2,7067773 2,7074537 2,7081307 2,7088081 2,7101645 2,7108434 2,7115228 2,7122028 2,7128832 2,7128832 2,7135612	67,24 67,30 67,34 67,40 67,44 67,49 67,55 67,59 67,64 67,70 67,74 67,79 67,85 67,89 67,94 68,04 68,10 68,10
30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	2,6664354 2,6670825 2,6677301 2,6683781 2,6690266 2,6703250 2,6709749 2,6716253 2,6722761 2,6722761 2,6722761 2,6742314 2,6748841 2,6755373 2,6761909 2,676450 2,6774996 2,6781547	64,71 64,76 64,80 64,85 64,90 64,94 64,99 65,04 65,08 65,18 65,22 65,27 65,32 65,36 65,42 65,45 65,45 65,51 65,55	2,6900272 2,6906913 2,6920210 2,6920210 2,6926866 2,6933527 2,6940193 2,6946863 2,6953539 2,6960219 2,6966904 2,6973594 2,6980289 2,6986989 2,6993694 2,7000404 2,7007118 2,7013838 2,7020562	66,41 66,46 66,51 66,56 66,61 66,66 66,70 66,76 66,85 66,90 66,95 67,00 67,05 67,10 67,14 67,20 67,24 67,30	2,7142456 2,7149276 2,7156101 2,7162930 2,7169765 2,7176605 2,7183450 2,7190300 2,7197155 2,7204016 2,7210881 2,7217752 2,7224628 2,7231509 2,7231509 2,7245286 2,7252182 2,7252182 2,7259084 2,7265990	68,20 68,25 68,29 68,35 68,40 68,45 68,55 68,61 68,76 68,76 68,86 68,91 68,96 69,02 69,06 69,12

Wahre			130	B 0	13:	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	2,7265990	69,06	2,7518135	70,97	2,7777322	72,98
1 40	2,7272902	69,12	2,7525238	71,03	2,7784625	73,03
3 20	2,7279819	69,17	2,7532347	71,09	2,7791934	73,09
5 0	2,7286741	69,22	2.7539461	71,14	2,7799249	73,15
6 40	2,7293669	69,28	2,7546580	71,19	2,7806570	73,21
8 20	2,7300602	69,33	2,7553705	71,25	2,7813896	73,26
10 0	2,7307539	69,37		71,30		73,32
11 40	2,7314483	69,44	2,7560835 2,7567971	71,36	2,7821228	73,38
13 20	2,7321431	69,48	1 '	71,41	2,7828566	73,43
15 0	2,7321431	69,54	2,7575112 2,7582259	71,47	2,7835909 2,7843258	73,49
16 40	2,7335343	69,58	2,7589411	71,52	2.7850614	73,56
18 20	2.7342307	69,64	2.7596569	71,58	2,7857974	73,60
		69,70		71,63		73,67
20 0	2,7349277	69,74	2,7603732	71.69	2.7865341	73,72
21 40	2,7356251	69,80	2,7610901	71.74	2.7872713	73,79
23 20	2,7363231	69,85	2,7618075	71,80	2,7880092	73,84
25 0	2,7370216	69,91	2,7625255	71,85	2,7887476	73,89
26 40	2,7377207	69,95	2.7632440	71,91	2,7894865	73,96
28 20	2.7384202	70,01	2,7639631	71,96	2,7902261	74,01
30 0	2,7391203	70,07	2,7646827	72,02	2,7909662	74,08
31 40	2,7398210	70,11	2.7654029	72,02	2,7917070	74,13
33 20	2,7405221	70,11	2,7661237	72,13	2,7924483	74,13
35 0	2,7412238	70,17	2,7668450	72,13	2,7931902	74,19
36 40	2,7419260	70,28	2,7675669	72,13	2,7939327	74,23
38 20	2,7426288		2.7682893		2,7946758	74,36
40 0	2,7433321	70,33	2,7690123	72,30	2,7954194	
41 40	2,7440359	70,38	2,7697359	72,36	2,7961637	74,43
43 20	2,7447403	70,44	2.7704600	72,41	2,7969085	74,48
45 0	2,7454452	70,49	2,7711846	72,46	2,7976539	74,54
46 40	2,7461506	70,54	2,7719099	72,53	2,7984000	74,61
48 20	2,7468566	70,60	2,7726357	72,58	2,7991466	74,66
50 0	2,7475631	70,65	2,7733621	72,64	2,7998938	74,72
51 40	2,7482702	70,71	2,7740890	72,69	2,8006416	74,78
53 20	2,7489778	70,76	2,7748165	72,75	2,8013900	74,84
55 0	2,7496859	70,81	2,7755446	72,81	2,8021390	74,90
56 40	2,7503946	70,87	2,7762732	72,86	2,8028885	74,95
58 20	2,7511038	70,92	2,7770024	72,92	2,8036387	75,02
60 0	2,7518135	70,97	2,7777322	72,98	2,8043895	75,08
30, 0	2,1010130	71,03	2,1111022	73.03	4,0040000	75,14

Wahre	139	30	139	D o	140	D o
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0 0 1 40 3 20 5 0 6 40 8 20 15 0 16 40 18 20 20 0 21 40 23 20 25 0 26 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 48 20 45 0 46 40 48 20	2,8043895 2,8051409 2,8058928 2,8066154 2,8073986 2,8081524 2,8089688 2,8096617 2,8114735 2,8119303 2,8126877 2,8134457 2,8142044 2,8149636 2,8157234 2,8164839 2,8172449 2,81687689 2,8195318 2,8202953 2,8210594 2,8225895 2,8233555 2,8241221 2,8248894 2,8256572 2,8264257	75,08 75,14 75,19 75,26 75,32 75,38 75,44 75,56 75,56 75,62 75,68 75,74 75,80 75,87 75,92 75,98 76,05 76,05 76,05 76,05 76,05 76,05 76,05 76,05 76,29 76,35 76,41 76,48 76,53 76,66 76,66 76,66 76,78 76,85 76,90	2,8318224 2,8325959 2,8333700 2,8341447 2,8349201 2,8356960 2,8364727 2,8372499 2,8380278 2,8385855 2,8403653 2,8411458 2,8419269 2,8427086 2,84350576 2,8450576 2,8450576 2,8489855 2,8474124 2,8489855 2,8497730 2,8505612 2,8513500 2,8529297 2,8537204 2,8537204 2,8545119	Diff. 1" 77,28 77,35 77,41 77,54 77,59 77,67 77,79 77,86 77,91 77,98 78,05 78,11 78,17 78,23 78,31 78,36 78,43 78,49 78,56 78,62 78,69 78,75 78,82 78,88 78,95 79,02 79,07 79,15	2,8600703 2,8608670 2,8616613 2,8624624 2,8632611 2,8640604 2,8636611 2,86566612 2,86586705 2,8688705 2,8696746 2,8704793 2,8712847 2,8720907 2,8728975 2,8737049 2,8745129 2,8753217 2,8761311 2,8769413 2,8777521 2,8786363 2,8793757 2,881863 2,8810021 2,8818163 2,8826313 2,8834469	79,60 79,67 79,67 79,73 79,81 79,87 79,93 80,00 80,07 80,14 80,20 80,27 80,33 80,41 80,40 80,68 80,68 80,68 80,74 80,80 80,88 80,94 81,02 81,08 81,15 81,21 81,29 81,35 81,42 81,56 81,56 81,56
50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	2,8271947 2,8279645 2,8287348 2,8295058 2,8302773 2,8310496 2,8318224	76,98 77,03 77,10 77,15 77,23 77,28 77,35	2,8553040 2,8560967 2,8568901 2,8576842 2,8584789 2,8592743 2,8600703	79,27 79,34 79,41 79,47 79,54 79,60 79,67	2,8842631 2,8850801 2,8858978 2,8867162 2,8875352 2,8883550 2,8891754	81,70 81,77 81,84 81,90 81,98 82,01 82,12

Wahre			1420		143 0	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1
0 0	2,8891754	82,04	2,9191831	84,62	2,9501420	87,32
1 40	2.8899966	82,12	2,9200300	84,69	2,9510161	87,41
3 20	2,8908184	82,18	2,9208776	84,76	2,9518909	87,48
5 0	2,8916409	82,25	2,9217260	84,84	2,9527665	87,56
6 40	2,8924642	82,33	2,9225751	84,91	2,9536429	87,64
8 20	2,8932881	82,39	2,9234249	84,98	2,9545201	87,72
		82,46		85,06		87,79
10 0	2,8941127	82,54	2,9242755	85,13	2,9553980	87,87
11 40	2,8949381	82,60	2,9251268	85,21	2,9562767	87,95
13 20	2,8957641	82,68	2,9259789	85,28	2,9571562	88,03
15 0	2,8965909	82,74	2,9268317	85,35	2,9580365	88,11
16 40	2,8974183	82,82	2,9276852	85,43	2,9589176	88,18
18 20	2,8982465	82,89	2,9285395	85,50	2,9597994	88,27
20 0	2,8990754		2,9293945		2,9606821	
21 40	2,8999049	82,95	2,9302503	85,58	2,9615655	88,34
23 20	2,9007352	83,03	2,9311068	85,65	2,9624497	88,42
25 0	2,9015662	83,10	2,9319641	85,73	2,9633347	88,50
26 40	2,9023979	83,17	2,9328222	85,81	2,9642205	88,58
28 20	2,9032303	83,24	2,9336809	85,87	2,9651071	88,66
		83,32	- '	85,96	,	88,74
30 0	2,9040635	83,38	2,9345405	86,03	2,9659945	88,82
31 40	2,9048973	83,46	2,9354008	86,10	2,9668827	88,90
33 20	2,9057319	83,53	2,9362618	86,18	2,9677717	88,98
35 0	2,9065672	83,60	2,9371236	86,26	2,9686615	89,05
36 40	2,9074032	83,67	2,9379862	86,33	2,9695520	89,14
38 20	2,9082399	83,74	2,9388495	86,40	2,9704434	89,22
40 0	2,9090773		2,9397135		2,9713356	
41 40	2,9099155	83,82	2,9405784	86,49	2,9722286	89,30
43 20	2,9107543	83,88	2,9414440	86,56	2,9731224	89,38
45 0	2,9115940	83,97	2,9423103	86,63	2,9740170	89,46
16 40	2,9124343	84,03	2,9431774	86,71	2,9749124	89,54
48 20	2,9132753	84,10	2,9440453	86,79	2,9758086	89,62
50 0	2,9141171	84,18		86,87	2,9767056	89,70
- 11	· '	84,25	2,9449140	86,94	2,9767036	89,79
51 40	2,9149596	84,32	2,9457834	87,02	2,9776033	89,86
53 20	2,9158028	84,40	2,9466536	87,09		89,94
55 0	2,9166468	84,47	2,9475245	87,18	2,9794015	90,03
56 40	2,9174915	84,54	2,9483963	87,25	2,9803018	90,11
58 20	2,9183369	84,62	2,9492688	87,32	2,9812029	90,19
60 0	2,9191831	84,69	2,9501420	87,41	2,9821048	90,27

Ano- malie.	lg M		145 0		1460	
1 11		Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	2,9821048	90,19 90,27	3,0151281	93,22 93,30	3,0492733	96,42 96,51
1 40	2,9830075	90,36	3,0160611	93,39	3,0502384	96,60
3 20	2,9839111	90,43	3,0169950	93,48	3,0512044	96,70
5 0	2,9848154	90,52	3,0179298	93,56	3,0521714	96,79
6 40	2,9857206	90,60	3,0188654	93,65	3,0531393	96,88
8 20	2,9866266	90,68	3,0198019	93,74	3,0541081	96,97
10 0	2,9875334		3,0207393		3,0550778	
11 40	2,9884411	90,77	3,0216776	93,83	3,0560485	97,07
13 20	2,9893496	90,85	3,0226167	93,91	3,0570200	97,15
15 0	2,9902589	90,93	3,0235567	94,00	3,0579925	97,25
16 40	2,9911690	91,01	3,0244976	94,09	3,0589660	97,35
18 20	2,9920800	91,10	3,0254393	94,17	3,0599404	97,44
20 0	2,9929918	91,18	3,0263820	94,27	3,0609157	97,53
21 40	2,9939044	91,26	3,0273255	94,35	3,0618919	97,62
23 20	2,9948179	91,35	3,0282699	94,44	3,0628691	97,72
25 0	2,9957322	91,43	3,0292152	94,53	3,0638172	97,81
26 40	2,9966474	91,52	3,0301614	94,62	3,0648262	97,90
28 20	2,9975633	91,59	3,0311084	94,70	3,0658062	98,00
		91,69		94,80		98,10
30 0	2,9984802	91,76	3,0320564	94,88	3,0667872	98,19
31 40	2,9993978	91,85	3,0330052	94,98	3,0677691	98,28
33 20	3,0003163	91.94	3,0339550	95,06	3,0687519	98,38
35 0	3,0012357	92,02	3,0349056	95,15	3,0697357	98,47
36 40	3,0021559	92,10	3,0358571	95,25	3,0707204	98,57
38 20	3,0030769	92,19	3,0368096	95,33	3,0717061	98,66
40 0	3,0039988	· ·	3,0377629		3,0726927	
41 40	3,0049215	92,27	3,0387171	95,42	3,0736803	98,76
43 20	3,0058451	92,36	3,0396722	95,51	3,0746688	98,85
45 0	3,0067696	92,45	3,0406282	95,60	3,0756583	98,95
46 40	3,0076949	92,53	3,0415852	95,70	3,0766487	99,04
48 20	3,0086210	92,61	3,0425430	95,78	3,0776401	99,14
50 0	3,0095480	92,70	3,0435017	95,87	3,0786325	99,24
51 40	3,0104759	92,79	3,0444614	95,97	3,0796258	99,33
53 20	3,0104733	92,87	3,0454219	96,05	3,0806201	99,43
55 0	3,0123342	92,96	3,0463834	96,15	3,0816154	99,53
56 40	3,0132646	93,04	3,0473458	96,24	3,0826116	99,62
58 20	3,0132040	93,13	3,0483091	96,33	3,0836088	99,72
60 0	3,0151281	93,22	3,0492733	96,42	3,0846070	99,82
30 0	0,0101501	93,30	0,0402133	96,51	3,0540070	99,91

Wahre	14	30	149	80	14	9 °
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	3,0846070	99,82	3,1212018	103,43	3,1591367	107,26
1 40	3,0856061	99,91	3,1222370	103,52	3,1602104	107,37
3 20	3,0866063	100,02	3,1232733	103,63	3,1612852	107,48
5 0	3,0876073	100,10	3,1243107	103,74	3,1623611	107,59
6 40	3,0886094	100,21	3,1253491	103,84	3,1634381	107,70
8 20	3,0896125	100,31	3,1263885	103,94	3,1645162	107,81
10 0	3,0906165	100,40	3,1274289	104,04	3,1655955	107,93
11 40	3,0916215	100,50	3,1284705	104,16	3,1666758	108,03
13 20	3,0926275	100,60	3,1295130	104,25	3,1677572	108,14
15 20	3,0936345	100,70	3,1305566	104,36	H .	108,26
16 40	3,0946425	100,80	3,1316013	104,47	3,1688398	108,37
18 20	3,0956514	100,89	'	104,57	3,1699235	108,48
		101,00	3,1326470	104,67	3,1710083	108,59
20 0	3,0966614	101,09	3,1336937	104,78	3,1720942	108,71
21 40	3,0976723	101,09	3,1347415	104,78	3,1731813	
23 20	3,0986842	101,13	3,1357904	i '	3,1742695	108,82
25 0	3,0996972	101,30	3,1368403	104,99	3,1753588	108,93
26 40	3,1007111	, ,	3,1378913	105,10	3,1764492	109,04
28 20	3,1017260	101,49	3,1389434	105,21	3,1775408	109,16
30 0	3,1027420	101,60	3,1399965	105,31	3,1786335	109,27
31 40	3,1037589	101,69	3,1410507	105,42	3,1797273	109,38
33 20	3,1047768	101,79	3,1421059	105,52	3,1808223	109,50
35 0	3,1057958	101,90	3,1431622	105,63	3,1819184	109,61
36 40	3,1068157	101,99	3,1442196	105,74	3,1830157	109,73
38 20	3,1078367	102,10	3,1452781	105,85	3,1841141	109,84
		102,20		105,95		109,95
40 0	3,1088587	102,29	3,1463376	106,07	3,1852136	110,07
41 40	3,1098816	102,40	3,1473983	106,17	3,1863143	110,19
43 20	3,1109056	102,50	3,1484600	106,27	3,1874162	110,30
45 0	3,1119306	102,61	3,1495227	106,39	3,1885192	110,41
46 40	3,1129567	102,70	3,1505866	106,49	3,1896233	110,54
48 20	3,1139837	102,81	3,1516515	106,43	3,1907287	110,54
50 0	3,1150118		3,1527176		3,1918351	
51 40	3,1160409	102,91	3,1537847	106,71	3,1929428	110,77
53 20	3,1170710	103,01	3,1548529	106,82	3,1940516	110,88
55 0	3,1181022	103,12	3,1559222	106,93	3,1951615	110,99
56 40	3,1191343	103,21	3,1569926	107,04	3,1962727	111,12
58 20	3,1201675	103,32	3,1580641	107,15	3,1973850	111,23
60 0	3,1212018	103,43	3,1591367	107,26	3,1984984	111,34
	.,	103,52	-,1501001	107,37	5,100,1004	111,47

Wahre	1500		151 °		1520	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff, 1"
0 0	3,1984984	111,34	3,2393820	115,71	3,2818921	120,38
1 40	3,1996131	111,47	3,2405403	115,83	3,2830973	120,52
3 20	3,2007289	111,58	3,2417000	115,97	3,2843038	120,65
5 0	3,2018459	111,70	3,2428608	116,08	3,2855116	120,78
6 40	3,2029641	111,82	3,2440230	116,22	3,2867208	120,92
8 20	3,2040834	111,93	3,2451864	116,34	3,2879314	121,06
		112,06		116,47	3,2891433	121,19
10 0	3,2052040	112,17	3,2463511	116,59		121,32
11 40	3,2063257	112,29	3,2475170	116,72	3,2903565 3,2915712	121,47
13 20	3,2074486	112,41	3,2486842	116,85	3,2927872	121,60
15 0 16 40	3,2085727 3,2096980	112,53	3,2498527 3,2510225	116,98	3,2940045	121,73
		112,65	1 '	117,10	3,2952232	121,87
18 20	3,2108245	112,77	3,2521935	117,23	ļ — ·	122,01
20 0	3,2119522	112,89	3,2533658	117,36	3,2964433	122,15
21 40	3,2130811	113,01	3,2545394	117,49	3,2976648	122,29
23 20	3,2142112	113,13	3,2557143	117,62	3,2988877	122,42
25 0	3,2153425	113,25	3,2568905	117,75	3,3001119	122,56
26 40	3,2164750	113,37	3,2580680	117,87	3,3013375	122,70
28 20	3,2176087	113,50	3,2592467	118,01	3,3025645	122,84
30 0	3,2187437	113,61	3,2604268	118,13	3,3037929	122,98
31 40	3,2198798	113,74	3,2616081	118,13	3,3050227	123,12
33 20	3,2210172	1	3,2627908	118,39	3,3062539	123,26
35 0	3,2221557	113,85	3,2639747	118,53	3,3074865	123,40
36 40	3,2232955	113,98	3,2651600	118,66	3,3087205	123,53
38 20	3,2244365	111,10 114,23	3,2663466	118,79	3,3099558	123,53
40 0	3,2255788		3,2675345		3,3111926	
41 40	3,2267222	114,34	3,2687236	118,91	3,3124308	123,82
43 20	3,2278669	114,47	3,2699142	119,06	3,3136704	123,96
45 0	3,2290129	114,60	3,2711060	119,18	3,3149115	124,11
46 40	3,2301600	114,71	3,2722991	119,31	3,3161539	124,24
48 20	3,2313084	114,84	3,2734936	119,45	3,3173978	124,39
50 0	3,2324581	114,97	3,2746894	119,58	3,3186430	124,52
51 40	3,2336089	115,08	3,2758865	119,71	3,3198897	124,67
53 20	3,2347610	115,21	3,2770850	119,85	3,3211379	124,82
55 0	3,2359144	115,34	3,2782848	119,98	3,3223874	124,95
56 40	3,2370690	115,46	3,2794859	120,11	3,3236384	125,10
58 20	3,2382249	115,59	3,2806883	120,24	3,3248909	125,25
60 0	3,2393820	115,71	3,2818921	120,38	3,3261118	125,39
00 0	3,20000.30	115,83	3,2010921	120,52	0,0401110	125,53

Wahre	15	3 o	15	1 0	15	5 0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Anomalic.	lg M 3,3261448 3,3274001 3,3286568 3,3299151 3,3311747 3,3324358 3,3336984 3,3349625 3,3374949 3,3387634 3,3400333 3,3413047 3,3425775 3,3438519 3,3476838 3,3476838 3,34789641 3,3502459 3,3515292 3,3528140 3,3535881		lg M 3,3722684 3,3735777 3,374885 3,3762009 3,3775148 3,3788303 3,3801474 3,3814661 3,3827863 3,3841081 3,3854315 3,3867565 3,3880830 3,3894112 3,3907409 3,3920723 3,3934053 3,3947398 3,3960760 3,3974138 3,3987532 3,4000942 3,4014369 3,4027811	1		
40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	3,3566774 3,3579683 3,3592606 3,3605545 3,3618499 3,3631468 3,3657453 3,3657453 3,36570468 3,3683499 3,3696545 3,3702664	129,09 129,23 129,39 129,54 129,69 129,85 130,00 130,15 130,31 130,46 130,62 130,77 130,93	3,401270 3,4054746 3,4068238 3,4081746 3,4095270 3,4108812 3,4122369 3,4135943 3,4149534 3,4163142 3,4176766 3,4190406	134,76 134,92 135,08 135,24 135,42 135,57 135,74 135,91 136,08 136,24 136,40 136,58 136,74	3,4536959 3,4551047 3,4565153 3,4579276 3,4593417 3,4607576 3,4621753 3,4635948 3,4650161 3,4664392 3,4678640 3,4692907 3,4707192	140,88 141,06 141,23 141,41 141,59 141,77 141,95 142,13 142,48 142,67 142,85 143,03

Wahre	150	3 0	153	0	15	§ 0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Ano-				1		
40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	3,5055576 3,5070328 3,5085099 3,5099889 3,5114698 3,5129527 3,5144375 3,5159243 3,5174130 3,5189037 3,5203963 3,5218909 3,5233875	147,32 147,52 147,71 147,90 148,09 148,48 148,48 148,68 148,87 149,07 149,46 149,66 149,85	3,5599080 3,5614553 3,5630047 3,5645562 3,5661099 3,5676656 3,5692235 3,5707835 3,5723456 3,5739098 3,5754762 3,5770447 3,5786154	154,53 154,73 154,94 155,15 155,37 155,79 156,00 156,21 156,42 156,64 156,85 157,07 157,28	3,6169693 3,6185954 3,6202238 3,6218545 3,6224875 3,6251228 3,6267604 3,6300427 3,6316873 3,6333342 3,6349835 3,6366351	162,38 162,61 162,84 163,07 163,30 163,76 164,00 161,23 161,46 164,69 164,93 165,16

Wahre	159 °		160 0		16	1610	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	
0 0	3,6366351	165,16	3,6977126	174,05	3,7621539	183,84	
1 40	3,6382891	165,40	3,6994557	174,31	3,7639953	184,14	
3 20	· '	165,64	· '	174,56	II '	184,42	
5 0	3,6399455 3,6416042	165,87	3,7012013 3,7029496	174,83	3,7658395 3,7676867	184,72	
6 40	3,6432653	166,11	3,7047006	175,10	3,7695367	185,00	
8 20	3,6449288	166,35	3,7047000	175,35	3,7713896	185,29	
		166,58		175,61	<u> </u>	185,58	
10 0	3,6465946	166,83	3,7082102	175,88	3,7732454	185,87	
11 40	3,6482629	167,06	3,7099690	176,15	3,7751041	186,16	
13 20	3,6499335	167,31	3,7117305	176,41	3,7769657	186,46	
15 0	3,6516066	167,55	3,7134946	176,67	3,7788303	186,76	
16 40	3,6532821	167,79	3,7152613	176,94	3,7806979	187,04	
18 20	3,6549600	168,03	3,7170307	177,21	3,7825683	187,35	
20 0	3,6566403	ĺ	3,7188028		3,7844418		
21 40	3,6583231	168,28	3,7205776	177,48	3,7863182	187,64	
23 20	3,6600082	168,51	3,7223550	177,74	3,7881975	187,93	
25 0	3,6616959	168,77	3,7241352	178,02	3,7900799	188,24	
26 40	3,6633860	169,01	3,7259180	178,28	3,7919653	188,54	
28 20	3,6650785	169,25	3,7277036	178,56	3,7938536	188,83	
30 0	3,6667735	169,50	3,7294918	178,82	3,7957450	189,14	
31 40	3,6684710	169,75	3,7312828	179,10	3,7976394	189,44	
33 20	3,6701710	170,00	3,7330765	179,37	3,7995368	189,74	
35 0	3,6718734	170,24	3,7348730	179,65	3,8014372	190,04	
36 40	3,6735783	170,49	3,7366722	179,92	3,8033407	190,35	
38 20	3,6752858	170,75	3,7384742	180,20	3,8052473	190,66	
		170,99		180,47	l	190,96	
40 0	3,6769957	171,24	3,7402789	180,75	3,8071569	191,27	
41 40 43 20	3,6787081	171,50	3,7420864	181,03	3,8090696	191,58	
	3,6804231	171,75	3,7438967	181,30	3,8109854	191,88	
45 0	3,6821406	172,00	3,7457097	181,59	3,8129042	192,20	
46 40	3,6838606	172,25	3,7475256	181,86	3,8148262	192,51	
48 20	3,6855831	172,51	3,7493442	182,15	3,8167513	192,82	
50 0	3,6873082	172,76	3,7511657	182,43	3,8186795	193,13	
51 40	3,6890358	173,76	3,7529900	182,45	3,8206108	193,15	
53 20	3,6907660	173,02	3,7548171	182,99	3,8225453	193,76	
55 0	3,6924988	173,53	3,7566470	183,28	3,8244829	194,08	
56 40	3,6942341	173,33	3,7584798	183,57	3,8264237	194,39	
58 20	3,6959721	174,05	3,7603155	183,84	3,8283676	194,39	
60 0	3,6977126	1 '	3,7621539	184,14	3,8303147	195,03	
1		174,31	11	104,14]	155,03	

Wahre	163	2 0	16:	3 o	16	L 0
Ano- malie.	lg M	Diff, 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
	1g M 3,8303147 3,8322650 3,8342185 3,8361752 3,8381351 3,8400983 3,8420646 3,8440342 3,8460071 3,8479833 3,8499627 3,8519454 3,8539314 3,8559207 3,8579133 3,8599092 3,8619085 3,8639111	194,71 195,03 195,35 195,67 195,99 196,32 196,63 196,96 197,29 197,62 197,94 198,27 198,60 198,93 199,26 199,59 199,93 200,26	lg M 3,9026107 3,9046825 3,9046825 3,9068368 3,9109194 3,9130055 3,9150953 3,9171887 3,9192858 3,9213865 3,9234909 3,9255989 3,9277107 3,9298262 3,9319453 3,9314682 3,9361949 3,9383253	Diff. 1" 206,82 207,18 207,54 207,89 208,26 208,61 208,98 209,34 210,07 210,44 210,80 211,18 211,55 211,91 212,29 212,67 213,04 213,42	lg M 3,9795330 3,9817412 3,9839534 3,9861696 3,9883899 3,9906143 3,9928427 3,9950752 3,9973119 3,9995527 4,0017976 4,0062999 4,0085573 4,0108189 4,0130848 4,0153548 4,0176291	220,41 220,82 221,22 221,62 222,03 222,44 222,85 223,67 224,08 224,19 225,32 225,74 226,16 226,59 227,03
30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0	3,8659171 3,8679264 3,8699391 3,8719552 3,8739747 3,8759977 3,8780240 3,880538 3,8820870 3,8841236 3,8861637 3,8862073 3,8923050 3,8943591 3,8943591 3,8961167 3,8981778	200,93 201,97 201,61 201,95 202,30 202,63 202,98 203,66 204,01 204,36 204,71 205,06 205,41 205,76 206,11	3,9404595 3,9425974 3,9447391 3,9468847 3,951872 3,9533443 3,9555051 3,9576699 3,9598385 3,9620111 3,9641875 3,9663678 3,96685521 3,9707404 3,9729326 3,9751287	213,79 214,17 214,56 214,93 215,32 215,71 216,08 216,48 216,86 217,64 218,03 218,43 218,43 218,83 219,22 219,61	4.0199077 4.0221905 4.0244776 4.0267691 4.0290648 4.0336693 4.0359781 4.036893 4.0452572 4.0452572 4.0475880 4.049233 4.0522631 4.0526674 4.0569561	228,28 228,71 229,15 229,57 230,01 230,44 230,88 231,75 232,20 232,64 233,08 233,53 233,53 233,98 234,43 234,87
58 20 60 0	3,9005425 3,9026107	206,47 206,82 207,18	3,9773289 3,9795330	220,02 220,41 220,82	4,0593094 4,0616673	235,33 235,79 236,24

Wahre	16.	5 0	160	6 0	16	70
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
1 40 3 20 5 0 6 40 8 20 10 0 11 40 13 20 15 0 16 40 18 20 20 0 21 40 23 20 25 0	4,0616673 4,0640297 4,0663966 4,0687682 4,0711443 4,0735251 1,0759106 4,0806954 4,0806954 4,0854990 4,0879079 4,0902739 4,09037399 4,0951631 4,0975911	235,79 236,24 236,69 237,16 238,61 238,55 239,00 239,48 240,42 240,89 241,36 241,84 242,32 242,80	4,1497198 4,1522581 4,1548016 4,1573504 4,15795045 4,1624638 4,1650285 4,1675986 4,17701740 4,1727547 4,1753409 4,1779326 4,1805296 4,1831322 4,1857402 4,1883538	253,30 253,83 254,35 254,88 255,41 255,93 256,47 257,01 257,54 258,07 258,62 259,17 259,70 260,26 260,80 261,36	4,2445537 4,2472945 4,2500414 4,2527944 4,2555535 4,2583187 4,2666516 4,2666516 4,2694417 4,272380 4,2750407 4,278497 4,2806650 4,2834868 4,2863149	273,48 274,08 274,69 275,30 275,91 276,52 277,15 277,76 278,38 279,01 279,63 280,27 280,90 281,53 282,18 282,81
25 0 26 40 28 20 30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40	4,1000239 4,1000239 4,1024615 4,1049040 4,1073513 4,1098036 4,1122607 4,1147228 4,1171898 4,1196618 4,1221388 4,1246207 4,1271077 4,1295998 4,1345990 4,1371063 4,1315990 4,1371063 4,131590	243,28 243,76 244,25 244,73 245,23 245,71 246,21 246,70 247,20 247,70 248,19 248,70 249,21 250,21 250,27 251,24 251,75 252,27	4,183538 4,1909729 4,1935975 4,1962278 4,1988636 4,2015051 4,2041523 4,2068051 4,2044524 4,2121278 4,2147978 4,2174736 4,2201551 4,2228125 4,2255357 4,2282347 4,2309397 4,2336506 4,2363674 4,2390902	261,91 262,46 263,03 263,58 264,15 264,72 265,28 265,85 266,42 267,00 267,58 268,15 268,74 269,32 269,90 271,09 271,68 272,28	4,2863149 4,2914956 4,2919906 4,2948381 4,2976922 4,30034201 4,3062939 4,3091744 4,3120616 4,3149554 4,3178560 4,3207633 4,3236775 4,3265984 4,3295263 4,3324610 4,3383511 4,3413067	283,46 284,11 284,75 285,41 286,07 286,72 287,38 288,05 288,72 289,38 290,06 290,73 291,42 292,09 292,79 292,79 293,47 294,16 294,85 295,56
58 20 60 0	4,1446589 4,1471868 4,1497198	252,79 253,30 253,83	4,2390902 4,2418189 4,2445537	272,87 273,48 274,08	4,3413067 4,3442692 4,3472388	296,25 296,96 297,67

Wahre	16	§ 0	16	9 0	170	00
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
0 0	4,3472388	296,96	4,4591242	324,65	4,5819445	357,81
1 40	4,3502155	297,67	4,4623791	325,49	4,5855327	358,82
3 20	4,3531993	298,38	4,4656424	326,33	4,5891311	359,84
5 0	4,3561902	299,09	4,4689142	327,18	4,5927398	360,87
6 40	4,3591883	299,81	4,4721946	328,04	4,5963588	361,90
8 20	4,3621936	300,53	4,4754835	328,89	4,5999882	362,94
10 0	4,3652061	301,25	4,4787811	329,76	4,6036280	363,98
11 40	4,3682259	301,98	4,4820873	330,62	4,6072783	365,03
13 20	4,3712530	302,71	4,4854022	331,49	4,6109391	366,08
15 0	4,3742875	303,45	4,4887258	332,36	4,6146106	367,15
16 40	4,3773293	304,18	4,4920583	333,25	4,6182927	368,21
18 20	4,3803786	304,93	4,4953996	334,13	4,6219856	369,29
20 0	4,3834352	305,66		335,02		370,36
	· '	306,42	4,4987498	335,91	4,6256892	371,45
21 40 23 20	4,3864994	307,17	4,5021089	336,81	4,6294037	372,55
	4,3895711	307,92	4,5054770	337,71	4,6331292	373,64
25 0	4,3926503	308,68	4,5088541	338,62	4,6368656	374,74
26 40	4,3957371	309,45	4,5122403	339,53	4,6406130	375,86
28 20	4,3988316	310,21	4,5156356	340,44	4,6443716	376,97
30 0	4,4019337	310,97	4,5190400	341,37	4,6481413	378,10
31 40	4,4050434	311,76	4,5224537	342,30	4,6519223	379,23
33 20	4,4081610	312,53	4,5258767	343,22	4,6557146	380,36
35 0	4,4112863	313,31	4,5293089	344,16	4,6595182	381,51
36 40	4,4144194	314,09	4,5327505	345,10	4,6633333	382,65
38 20	4,4175603	314,88	4,5362015	346,05	4,6671598	
40 0	4,4207091		4,5396620		4,6709980	383,82
41 40	4,4238659	315,68	4,5431320	347,00	4.6748477	384,97
43 20	4,4270306	316,47	4,5466116	347,96	4,6787092	386,15
45 0	4,4302033	317,27	4,5501007	348,91	4,6825825	387,33
46 40	4,4333841	318,08	4,5535996	349,89	4,6864676	388,51
48 20	4,4365729	318,88	4,5571081	350,85	4,6903646	389,70
50 0	4,4397698	319,69	4,5606264	351,83	4,6942736	390,90
51 40	4,4397098	320,51	4,5641546	352,82	4,6942736	392,11
53 20	4,4425745	321,33	4,5676926	353,80	4,7021279	393,32
11	4,4494097	322,15	4,5712405	354,79		394,54
55 0 56 40	4,4494097	322,99	4,5712405	355,80	4,7060733	395,77
l H	4,4526396	323,81	'	356,79	4,7100310	397,00
58 20		324,65	4,5783664	357,81	4,7140010	398,25
60 0	4,4591242	325,49	4,5819445	358,82	4,7179835	399,50

Wahre	1710		17%	1720		1730	
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	
0 0	4,7179835	398,25	4,8703333	448,70	5,0433285	513,44	
1 40	4,7219785	399,50	4,8748361	450,28	5,0484836	515,51	
3 20	4,7259861	400,76	4,8793549	451,88	5,0536594	517,58	
5 0	4,7300063	402,02	4,8838896	453,47	5,0588562	519,68	
6 40	4,7340393	403,30	4,8884405	455,09	5,0640740	521,78	
8 20	4,7380851	404,58	4,8930077	456,72	5,0693132	523,92	
		405,87		458,35		526,06	
10 0	4,7421438	407,17	4,8975912	460,00	5,0745738	528,23	
11 40	4,7462155	408,47	4,9021912	461,66	5,0798561	530,40	
13 20	4,7503002	409,79	4,9068078	463,33	5,0851601	532,61	
15 0	4,7543981	411,11	4,9114411	465,01	5,0904862	534,82	
16 40	4,7585092	412,44	4,9160912	466,71	5,0958344	537,05	
18 20	4,7626336	413,79	4,9207583	468,42	5,1012049	539,31	
20 0	4,7667715	415,13	4,9254425	470,14	5,1065980	541,58	
21 40	4,7709228	416,48	4,9301439	470,14	5,1120138		
23 20	4,7750876	1	4,9348626	1	5,1174525	543,87	
25 0	4,7792662	417,86	4,9395987	473,61	5,1229143	546,18	
26 40	4,7834584	419,22	4,9443525	475,38	5,1283994	548,51	
28 20	4,7876646	420,62	4,9491239	477,14	5,1339080	550,86	
30 0	4,7918846	422,00	4,9539132	478,93	5,1394403	553,23	
31 40	4,7961186	423,40	4,9587205	480,73	5,1449965	555,62	
33 20	4,8003668	424,82	4,9635458	482,53	5,1505768	558,03	
35 0	4,8046291	426,23	4,9683894	484,36	5,1561813	560,45	
36 40	4,8089057	427,66	4,9732514	486,20	5,1618104	562,91	
38 20	4,8131967	429,10	4,9781319	488,05	5,1674643	565,39	
		430,55		489,92	l	567,88	
	4,8175022	432,01	4,9830311	491,79	5,1731431	570,39	
41 40	4,8218223	433,47	4,9879490	493,69	5,1788470	572,93	
45 0	4,8261570	434,95	4,9928859	495,59	5,1845763	575,49	
1)	4,8305065	436,44	4,9978418	497,52	5,1903312	578,08	
46 40 48 20	4,8348709	437,93	5,0028170	499,45	5,1961120	580,68	
	4,8392502	439,41	5,0078115	501,41	5,2019188	583,32	
50 0	4,8436446	440,96	5,0128256	503,37	5,2077520	585,96	
51 40	4,8480542	442,49	5,0178593	505,36	5,2136116	588,65	
53 20	4,8524791	444,02	5,0229129	507,35	5,2194981	591,35	
55 0	4,8569193	445,57	5,0279864	509,37	5,2254116	594,07	
56 40	4,8613750	447,13	5,0330801	511,40	5,2313523	596,82	
58 20	4,8658463	448,70	5,0381941	513,44	5,2373205	599,60	
60 0	4,8703333	450,28	5,0433285	515,51	5,2433165	602,41	
<u>L</u>	<u> </u>	100,00	11	1 310,01	II	303,41	

Wahre	174	ļ o	17:	5 0	170	3 0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff, 1"	lg M	Diff. 1"
Anomalie. 7	lg M 5,2433165 5,2493406 5,2553929 5,2614738 5,2675835 5,2737223 5,2798904 5,2860852 5,2923159 5,2985738 5,3048623 5,3111815 5,3175319 5,3239136 5,3303271 5,3367726 5,3432504 5,3497610 5,3563045 5,3628813 5,3694919 5,3761364	599,60 602,41 605,23 608,09 610,97 613,88 616,81 619,78 622,77 625,79 628,85 631,92 635,04 638,17 641,55 644,55 651,06 654,35 657,68 661,06 661,06 664,45	lg M 5,4801373 5,1873775 5,4916584 5,5019806 5,5019806 5,5241992 5,5316910 5,5392264 5,5468060 5,5544303 5,5620997 5,5698148 5,5775762 5,5853845 5,5932401 5,6011436 5,6090958 5,6170970 5,6251480 5,6332494 5,6332494 5,6414017	719,99 724,02 728,09 732,22 736,32 740,60 744,87 749,18 757,96 762,43 766,94 771,51 776,14 780,83 785,56 790,35 795,22 800,12 805,10 810,14 815,23	lg M 5,7702745 5,7703393 5,7884679 5,7976612 5,8069201 5,8162456 5,8256386 5,8351002 5,8446313 5,8542329 5,8639061 5,8736520 5,8834717 5,8933662 5,9033367 5,9133845 5,9235106 5,9337164 5,9440030 5,9543718 5,9448030 5,9543718	900,18 906,18 906,48 912,86 919,33 925,89 932,55 939,30 946,16 953,11 960,16 967,32 974,59 981,97 989,45 997,05 1004,78 1012,61 1020,58 1028,66 1036,88 1045,24 1053,71
36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0 46 40 48 20 50 0 51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	5,3828153 5,3895290 5,3962777 5,4030618 5,4098818 5,4167379 5,4236307 5,4305604 5,4375274 5,4445322 5,4515752 5,4586568 5,465777 5,4729374 5,4801373	667,89 671,37 674,87 678,41 682,00 685,61 689,28 692,97 696,70 700,48 704,30 708,16 712,06 716,00 719,99 724,02	5,6496057 5,6578620 5,6661713 5,6745312 5,6829514 5,6999517 5,7085362 5,7171779 5,7258777 5,7346362 5,7434544 5,7523329 5,7612727 5,7702745	820,40 825,63 830,93 836,29 811,72 847,22 852,81 864,17 869,98 875,85 881,82 887,85 893,98 900,18 906,48	5,9859847 5,9966957 6,0074958 6,0183865 6,0293693 6,0404457 6,0516175 6,0628862 6,0742535 6,0857211 6,0972909 6,1089647 6,1207443 6,1326317 6,1446289	1062,34 1071,10 1080,01 1089,07 1098,28 1107,64 1117,18 1126,87 1136,73 1146,76 1156,98 1167,38 1177,96 1188,74 1199,72 1210,90

Wahre	13	3 0	179	S 0	179	0
Ano- malie.	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"	lg M	Diff. 1"
Anomalie. 0 0 0 1 40 3 20 5 0 6 40 8 20 10 0 0 11 40 13 20 15 0 16 40 18 20 20 0 21 40 23 20 25 0 26 40 28 20 30 0 31 40 33 20 35 0 36 40 38 20 40 0 41 40 43 20 45 0	lg M 6,1446289 6,1567379 6,1689608 6,1812997 6,1937569 6,2063347 6,2190354 6,2318615 6,2448154 6,2578997 6,2711170 6,2844701 6,2879617 6,315949 6,3253725 6,3392977 6,3533736 6,3676036 6,3819910 6,3965394 6,4112524 6,4261337 6,4411873 6,446137 6,4471873 6,4564172 6,4718275 6,4874225 6,5032068 6,5191850		lg M 6,6725724 6,6907875 6,7092613 6,7280010 6,7470146 6,7663100 6,7858958 6,8057809 6,8259745 6,8464863 6,8673265 6,8100353 6,9319270 6,9541931 6,9768466 6,9999013 7,0233717 7,0472729 7,0716211 7,0964333 7,1217276 7,1475230 7,1738397 7,2006993 7,2281215 7,2561399 7,2847712		lg M 7,5754610 7,6121638 7,6499276 7,6888192 7,7289077 7,7702694 7,8129876 7,9502513 7,9928713 7,9502513 7,9994199 8,0505173 8,1037011 8,1591489 8,2170621 8,2776700 8,3412358 8,4080630 8,4785044 8,5529734 8,6319585 8,7160431 8,8059313 8,8059313 8,8024840 9,0067690 9,1201335 9,2413105 9,3815820	
46 40 48 20 50 0	6,5353619 6,5517425 6,5683320	1617,69 1638,06 1658,95 1680,37	7,3140462 7,3439944 7,3746475	2927,50 2994,82 3065,31 3139,21	9,5350387 9,7090138 9,9098535	15345,67 17397,51 20083,97 23754,32
51 40 53 20 55 0 56 40 58 20 60 0	6,5851357 6,6021593 6,6194086 6,6368896 6,6546087 6,6725724	1702,36 1724,93 1748,10 1771,91 1790,37 1821,51	7,4060396 7,4382071 7,4711892 7,5050283 7,5397701 7,5754640	3216,75 3298,21 3383,91 3474,18 3569 39 3669,98	10,1473967 10,4381262 10,8129421 11,3412156 12,2443054	29072,95 37481,59 52827,35 90308,98

Tafel IV. Hülfstafel zur Berechnung der wahren Anomalie, wenn diese sich 180° nähert.

w	S	Diff.	w	3	Diff.	w,	J	Diff.
155 0	3 23,09		158 20	1 39,47		161 40	0 43,19	11
155 0		3,35	25		1,90	45	42,22	0,97
10	19,74	3,31		37,57	1,87	50	41.26	0,96
	16,43	3,26	30	35,70	1,83		40,33	0,93
15	13,17	3,22	35	33,87	1,81	55		0,92
20	9,95	3,18	40	32,06	1,78	162 0	39,41	0,90
25	6,77	3,14	45	30.28	1,76	5	38,51	0.89
30	3,63	3,09	50	28.52	1,72	10	37,62	0,87
35	0,54	3,05	55	26,80	1,70	15	36,75	0,85
40	257,49	3,01	159 0	25,10	1,67	20	35,90	0,84
45	54,48	2,97	5	23,43	1,65	25	35,06	0,82
155 50	2 51,51	2,93	159 10	1 21,78	1,62	162 30	0 34,24	0,81
55	48,58	2,89	15	20,16	1,59	35	33,43	0,79
156 0	2 45,69	2,85	20	18,57	1,57	40	32,64	0.78
5	42,81	$\frac{2,63}{2,81}$	25	17,00	1,55	45	31,86	0.76
10	40,03	2,77	30	15,45	1,51	50	31,10	0,75
15	37,26	2.73	35	13,94	1,50	55	30,35	0,73
20	34,53	1	40	12,44	1,47	163 0	29,62	0,73
25	31,83	2,70	45	10,97	1,44	5	28,90	0,72
30	29,17	2,66	50	9,53		10	28,20	
35	26,55	2,62	55	8,10	1,43	15	27,51	0,69
156 40	2 23,97	2,58	160 0	1 6.70	1	163 20	0 26,83	
45	21,43	2,54	5	5,33	1,37	25	26,16	0,67
50	18,92	2,51	10	3,97	1,36	30	25,51	0,65
55	16,44	2,48	15	2,64	1,33	35	24,88	0,63
157 0	14,00	2,44	20	1,33	1,31	40	24,25	0,63
5	11,59	2,41	25	0,04	1,29	45	23,64	0,61
10		2,37	30	0 58,78	1,26	50	23,04	0,60
15	9,22	2,33	35	57,54	1,24	55	22,45	0,59
11	6,89	2,31	11		1,23			0,57
20	4,58	2,27	40	56,31	1,20	164 0	21,88	0,57
25	2,31	2,23	45	55,11	1,18	5	21,31	0,55
157 30	2 0,08	2,19	160 50	0 53,93	1.16	164 10	0 20,76	0.54
35	1 57,89	2,17	55	52,77	1,14	15	20.22	0.53
40	55,72	2,15	161 0	51,63	1,13	20	19,69	0,51
45	53,57	2,13	5	50,50	1,10	25	19,18	0,51
50	51,46	2,07	10	49,40	1.08	30	18,67	0,50
55	49,39	2,04	15	48,32	1,06	35	18,17	0,38
158 0	47,35	2,04	20	47,26	1,05	40	17,69	0.48
5	45,34	1,99	25	46,21	1,03	45	17,21	0.46
10	43,35	1,96	30	45,19	1.01	50	16,75	0,46
15	41,39	1,90	35	44,18	0.99	55	16,29	0,44
<u> </u>	1	1,32	<u> </u>	<u> </u>	0,55			0,11

Wafel IV. Hülfstafel zur Berechnung der wahren Anomalie, wenn diese sich 180° nähert.

u	δ	Diff.	w	δ	Diff.	w	S	Diff.
165 0 100 25 30 35 40 45 165 50 166 0 167 0 10 168 0 169 0 169 0	0 15,85 15,41 14,98 14,57 14,16 13,76 13,38 13,00 12,63 12,26 0 11,91 11,56 11,22 10,57 9,95 9,95 8,80 8,26 7,75 7,27 0 6,81 6,87 5,96 5,57 5,20 4,84 4,54 4,54 4,54 4,54 4,54 4,54 4,54	0,44 0,43 0,41 0,41 0,40 0,38 0,38 0,37 0,37 0,35 0,34 0,65 0,59 0,56 0,54 0,51 0,44 0,41 0,39 0,37 0,36 0,38	169 0 100 200 300 400 500 170 0 170 0 170 40 500 171 0 100 200 300 400 500 172 0 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100	0 3,36 3,11 2,88 2,66 2,46 2,27 2,09 1,92 1,76 1,62 0 1,48 1,35 1,23 1,12 1,02 0,93 0,84 0,76 0,68 0,61 0 0,55 0,49 0,44 0,39 0,31 0,27 0,21 0,21 0,21 0,21 0,21 0,21 0,21 0,21	0,25 0,23 0,22 0,20 0,19 0,18 0,17 0,16 0,14 0,13 0,12 0,11 0,10 0,09 0,09 0,08 0,08 0,07 0,06 0,05 0,05 0,05 0,04 0,04 0,04 0,04 0,03 0,03 0,03 0,03	174 0 10 20 30 40 50 175 0 10 20 30 175 40 50 176 0 10 20 30 40 50 177 0	0 0,16 0,14 0,14 0,12 0,40 0,09 0,08 0,07 0,06 0,05 0,04 0 0,03 0,03 0,03 0,02 0,01 0,01 0,01 0,01	0,02 0,02 0,02 0,01 0,01 0,01 0,01 0,01

Man bestimmt den stimpfen Winkel w aus

$$\sin w = \sqrt[3]{\left(\frac{200}{M}\right)}$$

and nimmt θ ans der Tafel mit dem Argumente v. Dann ist $v = u + \delta.$

Tafel V. Reduction der Parabel auf die Ellipse und Hyperbel und umgekehrt.

x	A	Diff.	В	Diff.	В′	Diff.
0	0,00		0,000		0,000	
1	- 9,00	-9,00	-0,011	11	-0,034	-34
2	17,99	8,99	0,023	12	0,067	33
3	26,95	8,96	0,034	11	0,101	34
4	35,88	8,93	0,034	11	0,134	33
5	44,77	8,89	0,057	12	0,167	33
6	53,61	8,84	0,068	11	0,200	33
7	62,37	8,76	0,080	12	0,232	32
8	71,07	8,70	0,092	12	0,263	31
9	79,67	8,60	0,104	12	0,294	31
- 1	′	8,51	1	13	-0,324	30
10	- 88,18	- 8,40	-0,117	-12	0,353	-29
11	96,58	8,28	0,129	13	0,382	29
12	104,86	8,15	0,142	14		27
13	113,01	8,01	0,156	13	0,409 0,436	27
14	121,02	7,86	0,169	14	0,450	25
15	128,88	7,71	0,183	14		25
16	136,59	7,53	0,197	14	0,486	23
17	144,12	7,35	0,211	15	0,509 0,531	22
18	151,47	7,16	0,226	15		21
19	158,63	6,97	0,241	15	0,552	19
20	-165,60	-6,75	0,256	15	0,571	— 19
21	172,35	6,54	0,271	16	0,590	16
22	178,89	6,31	0,287	16	0,606	16
23	185,20	6,08	0,303	16	0,622	14
24	191,28	5,83	0,319	17	0,636	12
25	197,11	5,58	0,336	16	0,648	11
26	202,69	5,31	0,352	17	0,659	9
27	208,00	5,05	0,369	17	0,668	8
28	213,05	4,76	0,386	17	0,676	6
29	217,81	4,49	0,403	16	0,682	5
30	- 222,30	-4,18	-0,419	—17	-0,687	— 3
31	226,48	3,89	0,436	17	0,690	- 3 - 2
32	230,37	3,58	0,453	17	0,692	- 2
33	233,95	3,26	0,470	16	0,692	+ 1
34	237,21	2,94	0,486	16	0,691	3
35	-240,15	4,94	-0,502	10	-0,688	,
<u> </u>	.,	1	<u> </u>			

Tafel V.

Reduction der Parabel auf die Ellipse und Hyperbel und umgekehrt.

x	A	Diff.	В	Diff.	B'	Diff.
x 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 66 67 78 68 69 61 62 63 64	-240,15 242,76 245,04 246,98 248,57 249,80 250,68 251,20 251,34 251,11 -250,50 249,51 248,13 246,36 244,20 241,64 238,68 235,31 231,54 227,35 -222,76 217,75 212,32 206,47 200,20 193,52 186,40 178,87 170,91	- 2,61 2,28 1,94 1,59 1,23 0,88 0,52 - 0,14 + 0,23 0,61 + 0,99 1,38 1,77 2,16 2,56 2,96 3,37 3,77 4,19 4,59 - 5,01 5,43 5,85 6,27 6,68 7,12 7,53 7,96 8,39	-0,502 0,518 0,534 0,549 0,564 0,578 0,591 0,604 0,615 0,626 -0,636 0,645 0,652 0,659 0,667 0,669 0,667 0,664 -0,659 0,651 0,641 0,629 0,615 0,578	-16 16 15 15 14 13 13 11 11 10 -9 7 7 5 3 -2 0 +2 3 5 +8 10 12 14 17 19 22 25 28		+ 5 6 7 9 10 12 12 14 16 17 +17 19 20 21 21 23 23 24 25 26 +26 26 27 27 28 27 28 28 28
65	162,52 —153,70	8,39 8,82 — 9,24	0,504 0,474	30 +34	0,116 0,088	28 28 +27
66 67 68 69	141,46 134,79 124,69	9,67 10,10 10,53	0,440 0,403 0,363 0,320	37 40 43	0,061 0,033 0,006	28 27 27
70	114,16 —103,20	10,96	-0,320 $-0,273$	47	+0,021 +0,048	27

Reduction der Parabel auf die Ellipse und Hyperbel und umgekehrt.

x	A	Diff.	В	Diff.	B'	Diff.
x 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93	A	+ 11.39 11,81 12,25 12.68 13,10 13.54 13,96 14,40 14,83 15,26 + 15,68 16,10 16,54 16,98 17,40 17,84 18,28 18,70 19,15 19,58 + 20,02 20,46 20,90	-0.273 0.222 0.168 0.110 -0.049 +0.016 0.086 0.159 0.237 0.319 +0.405 0.496 0.591 0.691 0.795 0.904 1.018 1.137 1.261 1.390 +1.525 1.665 1.810 1.961	biff. + 51 54 58 61 65 70 73 78 82 86 + 91 95 100 104 109 114 119 124 129 135 + 140 145 151	+0,048 0,074 0,099 0,124 0,148 0,172 0,195 0,216 0,237 0,257 +0,276 0,294 0,311 0,326 0,340 0,352 0,363 0,373 0,381 0,386 +0,390 0,392 0,392	Diff. + 26 25 25 24 24 23 21 20 19 + 18 17 15 14 12 11 10 8 5 4 + 2 0 - 2 5
LF.	11	1	11	151	11	

Tafel V.

Reduction der Parabel auf die Ellipse und Hyperbel
und umgekehrt.

Tafel V.

Reduction der Parabel auf die Ellipse und Hyperbel und umgekehrt.

х	A	Diff.	В	Diff.	B'	Diff.
140 141 142 143 144 145 146 147 148 149 150 151 152 153 154 155 156 157 158 160 161 162 163 164	+ 2021,43 2091,79 2165,28 2242,15 2322,68 2407,20 2496,06 2589,66 2688,45 2792,96 + 2903,74 3021,46,88 3280,84 3424,37 3578,59 3744,88 3924,79 4120,22 4333,38 + 4566,94 4824,14 5108,93 5426,19 5782,01	+ 70,36 73,49 76,87 80,52 81,52 88,86 93,60 98,79 104,51 110,78 + 117,72 125,42 133,96 143,53 154,22 166,29 179,91 195,43 213,16 233,56 + 257,20 284,79 317,26 355,82 402,13	+ 21,047 25,475 27,027 28,722 30,576 32,645 31,862 37,351 40,115 43,199 + 46,659 50,553 54,966 59,987 72,357 80,042 89,014 99,577 112,111 + 127,132 145,317 167,550 195,056 229,674	+ 1,428 1,552 1,695 1,851 2,039 2,247 2,489 2,764 3,084 3,460 + 3,891 4,413 5,021 5,750 6,620 7,685 8,972 10,563 12,534 15,021 + 18,185 22,233 27,506 34,618 44,088		1,662 1,868 2,100 2,368 2,678 3,035 3,450 3,936 4,503 5,170 5,963 6,901 8,028 9,382 11,023 13,026 15,495 18,552 22,391 27,240 33,456 41,511 52,093 66,219 85,417
165 166 167 168 169	6184,14 6642,49 7170,07 7784,18 + 8508,45	458,35 527,58 614,11 724,27	273,762 330,946 406,573 508,933 +651,086	57,184 75,627 102,360 142,153	462,100 574,089 723,733 928,140 — 1211,530	111,989 149,644 204,407 286,390

Wenn für t-T und g die parabolische wahre Anomalie w ist, die elliptische oder hyperbolische $\ldots r$, und die Excentricitat $\ldots e$, so hat man aus der Tafel für $\mathbf{x}=w$

 $r = w + 100 \, (1-e) \Lambda + (100 \, (1-e))^2 \, \mathrm{B}$ and für x = r

$$w = r - 100(1-e)A - (100(1-e))^2 B'$$

-3	~		
		ė.	
7.			

Tafel VI.

Bestimmungsstücke der Bahn aller bisher berechneten Cometen,

zusammengestellt

von

Herrn Dr. Galle.

Nr.	Jahr.	Durch durch Perihel in n	das	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
ı	V. Chr. 371	Alter Stil Winter		150 bis 210°	270 bis 330	über 30°
1 a	137	April 29		230	220	20°
1 6	69	Juli		315	165	70
1 c	12	Sept. 15		0	35	67
1 d	N. Chr. 240	Nov. 10	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	271 0 0"	189 0 0	44 0 0"
2	539	Oct. 20	15 0 0	313 30 0	58° od. 238°	10 0 0
3	565	Juli 9 Juli 14	0 0 0	88 0 0 80 0 0	158 0 0 159 30 0	62 0 0 59 0 0
4	568	Aug. 28	6 38 10	316 47 0	294 36 0	4 2 0
		Aug. 29	7 55 12	318 35 0	294 15 0	4 8 0
5	574	April 7	6 52 34	143 39 0	128 17 0	46 31 0
6	770	Juni 6 Juni 6	14 15 22 15 30 58	357 7 0 2 8 0	90 59 0 88 54 0	61 49 0 59 31 0
7	837	März 1	0 0 0	289 3 0	206 33 0	10° od. 12°
8	961	Dec. 30	3 59 46	268 3 0	350 35 0	79 33 0
9	989	Sept. 12	0 0 0	264 0 0	84 0 0	17 0 0
10	1066	Mai 30 od.	31	120 0 0	230 0 0	70° od. 80°
11	1097	Sept. 21	21 36 0	332 30 0	207 30 0	73 30 0
12	1231	Jan. 30	7 22 0	134 48 0	13 30 0	6 5 0
13	1264	Juli 6	8 0 0	291 0 0	169 0 0	36 30 0
		Juli 16 Juli 17	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	272 30 0 275 45 0	175 30 0 178 45 0	30 25 0 30 25 0
14	1299	März 31	7 38 0	3 20 0	107 8 0	68 57 0

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
P. sehr klein			R	Pingré	1
0,0043	9,9536		R	Peirce	1 11
9,90	0,11		D	idem	1 6
9,949	0,037	}	R	idem	1 c
9,570	0,605		Ð	Burckhardt	1 d
9,53307	0,66052		D	idem	2
9,85686 9,92000	0,17484 0,08013		R R	idem idem	3
9,9491 9,957794	0,0364 0,023437		D D	Hind Langier	4
9,9836	9,9847		D	Hind	5
9,807664 9,7801	0,248632 0,2900		R R	Laugier Hind	6
9,763428	0,314986		R	Pingré	7
9,7418	0,3474		R	Hind	8
9,7546	0,3282		R	Burckhardt	9
9,53	0,67		R	Pingré	10
9,86832	0,15765		D	Burckhardt	11
9,976698	9,995081		D	Pingré	12
9,64836 9,63347 9,61364	0,48759 0,50992 0,53967		D D D	Dunthorne Pingré idem	13
9,502330	0,706633		R	idem	14

Nr.	Jahr.	dur	hgang ch das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
15	1301	Oct. 22	0 0 0"	270° 0′ 0″	15° 0′ 0″	70 0 0
		Sept. Anf	ang	180 0 0	60 0 0	80 0 0
		Oct. 24	0 0 0	312 0 0	138 0 0	13 0 0
16	1337	Juni 2	6 35 0	37 59 0	84 21 0	32 11 0
		Juni 1	0 40 0	20 0 0	66 22 0	32 11 0
l		Juni 22	19 15 36	350 22 0	99 6 0	42 54 0
		Juni 15	1 55 12	2 20 0	93 1 0	40 28 0
17	1351	Nov. 26	12 0 0	69 0 0	unbestimmt	unbestimmt
18	1362	März 11	5 0 0	219 0 0	249 0 0	21 0 0
		März 2	8 0 0	227 0 0	237 0 0	32 0 0
18 a	1366	Oct. 13		66	212	6
19	1378	Nov. 8	18 28 48	299 31 0	47 17 0	17 56 0
20	1385	Oct. 16	6 23 46	101 47 0	268 31 0	52 15 0
21	1433	Nov. 5	4 42 58	262 1 0	110 9 0	77 14 0
		Nov. 4	10 19 12	281 2 0	133 49 0	79 1 0
(19)	1456	Juni 8	22 10 0	301 0 0	48 30 0	17 56 0
22	1468	Oct. 7	9 59 2	356 3 0	61 15 0	44 19 0
	ļ	Oct. 7	10 23 31	1 22 0	71 5 0	38 1 0
23	1472	Febr. 28	22 33 0	45 33 30	281 46 20	5 20 0
		Febr. 28	5 22 34	48 3 0	207 32 0	1 55 0
24	1490	Dec. 24	11 26 10	58 40 0	288 45 0	51 37 0
24 a	1491	Jan. 4	21 45 0	113	268	75
25	1506	Sept. 3	16 1 55	250 37 0	132 50 0	45 1 0
(19)	1531	Aug. 24	21 28 0	301 39 0	49 25 0	17 56 0
		Ang. 25	19 10 0	301 12 0	45 30 0	17 0 0

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,660	0,470		R	Pingré	15
9,523	0,675		D	Burckhardt	
9,806	0,251		R	Laugier	
9,609236	0,546274		R	Halley ,	16
9,809240	0,246268		R	Pingré	
9,97162	0,00270		R	Hind	
9,918151	0,082901		R	Laugier	
0,00	9,96		D	Burckhardt	17
9,65875	0,47200		R	idem	18
9,67214	0,45192		R	idem	
9,9814	9,9880			Peirce	18 a
9,76604	0,31107		R	Laugier	19
9,8886	0,1272		R	Hind	20
9,5166	0,6852		R	idem	21
9,530789	0,663945		R	Laugier	
9,767540	0,308818		R	Pingré	(19)
9,931092	0,063490		R	Langier	22
9,918932	0,081730		R	Valz	
9,734584	0,358252		R	Halley	23
9,751718	0,332551	-	R	Laugier	
9,8678	0,1584		D	Hind	24
9,878	0,143		R	Peirce	24 a
9,586565	0,580281		R	Laugier	25
9,753583	0,329753		R	Halley	(19)
9,76338	0,31506	0,967391	R	idem	

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
26	1532	Oct. 19	22 22 0 15 2 0	111 7 0"	80 27 0	32 36 0
		Oct. 19 Oct. 18	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	135 44 0 111 48 0	119 8 0 87 23 0	$\begin{vmatrix} 42 & 27 & 0 \\ 32 & 36 & 0 \end{vmatrix}$
		001. 10	0 0 0	111 40 0	. 25 0	
27	1533	Jun. 16	19 40 0	104 12 0	125 44 0	35 49 0
		Jun. 14	21 20 46	217 40 0	299 19 0	28 14 0
(13)	1556	April 21	20 13 0	278 50 0	175 42 0	32 6 30
, ,		April 21	19 23 6	267 37 42	176 33 48	36 11 24
		April 21	0 5 20	262 49 6	176 29 6	36 39 12
28	1558	Aug. 10	12 34 6	329 49 0	332 36 0	73 29 0
29	1577	Oct. 26	18 55 0	129 22 0	25 52 0	74 32 45
		Oct. 26	$22\ 53\ 57$	129 42 0	25 20 24	75 9 42
	4500	W 00	15 10 0		40 57 00	24 40 0
30	1580	Nov. 28 Nov. 28	15 10 0 13 54 0	109 5 50 109 11 55	18 57 20 19 7 37	64 40 0 64 51 50
		Nov. 25	15 54 0	109 11 33	19 / 5/	64 91 90
31	1582	Mai 6	16 9 0	245 23 10	231 7 20	61 27 50
		Mai 7	8 30 0	281 26 45	214 42 35	59 29 5
	4505	Neuer Stil	19 30 0	0.54 0	27 40 20	6 4 0
32	1585	0ct. 7 0ct. 8	19 30 0 2 22 46	8 51 0 10 56 10	37 42 30 38 13 11	6 4 0 4 34 8
		Oct. 7	23 15 19	9 51 11	37 57 51	5 25 5
			20 10 10	0 0. 11	3. 3. 3.	
33	1590	Febr. 8	$3 \ 55 \ 0$	216 54 30	165 30 40	29 40 40
		Febr. 8	0 48 25	217 57 12	165 36 56	29 29 44
34	1593	Juli 18	13 48 0	176 19 0	164 15 0	87 58 0
35	1596	Aug. 10	20 5 0	228 16 0	312 12 30	55 12 0
		Aug. 8	$15 \ 43 \ 0$	238 30 50	315 36 50	52 9 45
		Juli 23	14 - 50 - 15	274 24 0	335 39 0	52 48 0
		Juli 25	5 17 59	270 54 35	330 20 49	51 58 10
(19)	1607	Oct. 26	4 0 0	302 16 0	50 21 0	17 2 0
		Oct. 26	17 20 19	301 38 10	48 40 28	17 12 17
		Oct. 26	21 54 0	301 3 40	47 48 40	17 20 0
36	1618 (I)	Aug. 17	3 12 0	318 20 0	293 25 0	21 28 0

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,706803	0,399923		D	Halley	26
9,787141	0,279417		D	Méchain	
9,715351	0,387101		Ð	Olbers	
9,307068	0,999526		R	Douwes	27
9,514362	0,688585		D	Olbers	
9,666424	0,460492		D	Halley	(13)
9,75246	0,33144		D	Hind	
9,78254	0,28632		D	idem	
9,76140	0,31803		R	Olbers	28
9,263447	1,064957		R	Halley	29
9,265447	1.08633		R	Woldstedt	23
3,24320	1,03033			Wolusten	
9,775450	0,296953		Ð	Halley	30
9,774903	0,297773		Ð	Pingré	
9,353522	0,929845		R	idem	31
8,602754	2,055997		R	idem	
0,038850	9,901853		D	Halley	32
0,0272586	9,9192398	0,6439006	D	Laugier u. Mauvais	
0,0335456	9,9098093	0,8262096	υ	Hind	
9,760882	0,318805		R	Halley	33
9,7541386	0,3289198		R	Hind	
8,94994	1,53522		D	La Cailte	34
9,710058	0,395041		R	Halley	35
9,739908	0,350266		R	Pingré	
9,75258	0,33126		R	Valz	
9,7537024	0,3295741		R	Hind	
9,768490	0,307393		В	Halley	(19)
9,769358	0,306091	0,9670888	R	Bessel	
9,767208	0,309316	0,967391	R	Halley	
9,710100	0,394978		D	Pingré	36

Nr.	Jahr.	Durchgang durch das Perihel in m. Par, Zeit.	Länge dss Perihels.	Länge des aufst, Knotens.	Neigung.
37	4618 (II)	Nov. 8 12 33 0 Nov. 8 8 34 22	2 14 0 3 5 21	76 1 0 75 44 10	37 34 0 37 11 31
38	1652	Nov. 12 15 50 0	28 18 40	88 10 0	79 28 0
39	1661	Jan. 26 23 51 0 Jan. 26 21 18 0	115 58 40 115 16 8	82 30 30 81 54 0	32 35 50 33 0 55
40	1664	Dec. 4 12 2 0	130 41 25	81 14 0	21 18 30
41	1665	April 24 5 25 0	71 54 30	228 2 0	76 5 0
42	1668	Febr. 24 18 55 27 Febr. 28 19 21 22	40 9 0 277 2 0	193 26 0 357 17 0	27 7 0 35 58 0
43	1672	März 1 8 47 0	46 59 30	297 30 30	83 22 10
44	1677	Mai 6 0 47 0	137 37 5	236 49 10	79 3 15
45	1678	Aug. 26 14 13 0	327 46 0	161 40 0	3 4 20
46	1680	Dec. 18 0 16 0 Dec. 17 23 19 0 Dec. 17 20 48 0 Dec. 18 0 4 0 Dec. 18 0 10 22 Dec. 17 23 59 58 Dec. 17 23 55 30	262 39 30 262 4425 263 26 48 263 15 0 262 40 10 262 49 19 262 49 5	272 2 0 272 2 0 272 59 9 271 53 0 271 57 13 272 9 33 272 9 29	60 56 0 61 6 48 58 39 50 61 20 20 61 22 55 60 38 37 60 40 16
(19)	1682	Sept. 14 7 49 0 Sept. 14 21 31 0 Sept. 14 17 45 38 Sept. 14 19 26 0 Sept. 14 19 32 43 Sept. 14 19 14 14	302 52 45 301 36 0 302 3 45 301 49 0 301 51 2 301 55 37	51 16 30 50 48 0 51 17 10 50 44 0 50 57 59 51 11 18	17 56 0 17 42 0 17 48 0 17 46 30 17 44 47 17 44 45
47	1683	Juli 13 3 0 0 Juli 12 17 34 36	85 29 30 86 31 15	173 23 0 173 17 48	83 11 0 83 47 46
48	1684	Juni 8 10 26 0	238 52 0	268 15 0	65 48 40

					1
1			Picht.	Name	
Log. der	Log. der	Excentricität.	der	des	Nr.
Periheldist.	mittl. Bew.		Bew.	Berechners.	
					·
9,579498	0,590881		D	Halley	37
9,590556	0,574294		D	Bessel	31
9,590556	0,374294		1)	Dessei	
9,928140	0,067918		D	Halley	38
0,000	.,				
9,651772	0,482470		D	idem	39
9,646131	0,490931		D	Méchain	
0,011044	9,943562		R	Halley	40
0.00=000	4.44040**		R		
9,027309	1,419165		К	idem	41
9,39990	0,86028		D	Henderson	42
7,68000	3,44013		B	idem	7.0
1,00000	3,41013			ruem	
9,843476	0,194914		D	Halley	43
'	ĺ			Ü	
9,448072	0,788020		R	Halley	44
0,092728	9,821036		D	Donwes	45
7,787106	3,279469		D	Halley	46
7,790637	3,274173	0,9999107	D	idem	10
7,790037	3,234325	9,9997866	D	Euler	
1		9,9997566	D	Newton	
7,7723	3,3016	0.0000000	D		
7,780295	3,289685	0,9999898	-	Pingré	
7,7947604	3,2679871		D	Encke	
7,7939551	3,2691950	0,999985417	D	idem	
0.565077	0.944949		R	Halley	(19)
9,765877	0,311313	0.007200	- 1	idem	(19)
9,765296	0,312184	0,967392	R		
9,7652424	0,3122641	0,9676763	R	Burckhardt	
9,7649752	0,3126649		R	Bailty	
9,7654650	0,3119302	0,96792941	R	Rosenberger	
9,7655898	0,3117430	0,96792019	R	idem	
0.740242	0.00=010		D	Dallon	17
9,748343	0,337613	0.00004*0	R	Halley	17
9,7430148	0,3456055	0,9832470	R	Clausen	
9,982339	9,986619		Đ	Hallow *	18
9,904339	9,980019		D	Halley	

Nr.	Jahr.	Durchgang durch das Perihel in m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
49	1686	Sept. 16 14 43 0	77 0 30"	350 34 40"	31 21 40"
50	1689	Dec. 1 15 5 0 Dec. 2 3 31 24	263 44 45 271 16 0	323 45 20 344 18 0	69 17 0 30 25 0
51	1695	Nov. 9 17 0 0	60 0 0	216 0 0	22 0 0
52	1698	Oct. 18 17 7 0	270 51 15	267 44 15	11 46 0
53	1699	Jan. 13 8 32 0	212 31 6	321 45 35	69 20 0
54	1701	Oct. 17 10 0 0	133 41 0	298 41 0	41 39 0
55	1702	Marz 13 14 22 0 Marz 13 14 42 43	138 41 3 138 46 34	189 25 15 188 59 10	4 30 0 4 24 44
56	1706	Jan. 30 4 32 0 Jan. 30 5 6 0	72 29 10 72 36 25	13 11 40 13 11 23	55 14 10 55 14 5
57	1707	Dec. 11 23 39 0 Dec. 11 23 52 51	79 54 56 79 58 9 77 4 0	52 46 35 52 50 29 52 8 0	88, 36 0 88 37 40 88 50 0
58	1718	Jan. 14 23 48 0 Jan. 15 1 24 40 Jan. 15 7 58 0 Jan. 14 21 53 37	121 30 0 121 26 36 121 3 40 121 39 55	128 43 0 127 55 20 128 21 0 127 55 29	30 20 0 31 12 53 30 48 30 31 8 6
59	1723	Sept. 27 16 20 0 Sept. 27 18 26 12 Sept. 27 21 7 12 Sept. 27 15 13 30	42 52 20 42 55 46 42 35 12 42 52 35	14 16 0 14 23 24 14 10 2 14 14 17	49 59 0 49 55 0 49 55 25 50 0 18
60	1729	Juni 23 6 45 26 Juni 25 11 6 0 Juli 22 23 54 20 Mai 22 10 52 29 Juni 25 9 21 0 Juni 13 6 28 48 Juni 12 18 0 0	322 16 53 322 40 0 327 21 38 316 26 48 322 37 3 320 31 22 320 27 36	310 35 15 310 32 37 310 16 46 310 51 43 310 32 55 310 38 0 310 38 0	77 1 58 76 58 4 76 42 45 77 18 54 77 1 0 77 5 18 77 5 18

Log. der Peribeldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricitát.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,511883	0,692303		D	Halley .	49
8,227604 8,0128	2,618722 2,9409		R R	Pingré Peirce	50
9,9261	0,0710		D	Burckhardt	51
9,839660	0,200638		R	Halley	52
9,871570	0,152773		R	La Caille	53
9,77278	0,30096		R	Burckhardt	54
9,810165 9,810790	0,244881 0,243943		D D	La Caille Burckhardt	55
9,629218 9,630291	0,516301 0,514691		D D	La Caille Strnyck	56
9,934368 9,934013 9,936262	0,058576 0,059109 0,055735		D D D	La Caille Struyck Houttnyn	57
0,011380 0,010999 0,011753 0,010908	9,943058 9,943629 9,942499 9,943766		R R R	La Caille Douwes Whiston Argelander	58
9,999414 9,9991872 9,9998700 9,9994743	9,961007 9,9613469 9,9603227 9,9609162	1,019953	R R R	Bradley Burckhardt idem Spörer	59
0,609573 0,629552 0,620060	9,045769 9,015800 9,030038		D D D	Douwes La Caille Maraldi	60
0,596517 0,610834 0,6067570 0,6067144	9,065353 9,043875 9,0499922 9,0500561	1,0050334	D D D D	Kies Delisle Burckhardt idem	

Nr.	Jahr.	Durchgang durch das Perihel in m. Par. Zeit.	Lange des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
61	1737 (1)	Jan. 30 8 30 0	325 55 0"	226 22 0	18 20 45
62	1737 (II)	Juni 8 7 48 0	262 36 39	123 53 43	39 14 5
63	1739	Juni 20 9 22 58 Juni 17 11 6 58 Juni 17 10 9 0	95 11 0 102 34 0 102 38 40	205 18 0 207 18 0 207 25 14	53 25 0 55 53 0 55 42 44
64	1742	Febr. 8 4 18 0 Febr. 8 4 30 35 Febr. 8 4 48 0 Febr. 8 7 39 58 Febr. 7 4 24 0 Febr. 7 22 0 0 Febr. 8 5 28 0 Febr. 8 7 22 0 Febr. 8 15 1 0	217 32 7 217 33 44 217 35 13 217 39 10 220 49 23 217 33 28 217 26 23 217 37 50 216 39 20	185 32 57 185 31 45 185 38 29 185 42 41 189 32 7 185 47 22 185 29 28 185 41 32 185 9 30	67 4 11 66 59 14 66 52 4 61 43 44 68 14 0 67 11 9 66 51 0 67 31 40
65	1743 (1)	Jan. 10 21 24 57 Jan. 10 20 35 0 Jan. 10 20 29 37	92 58 4 92 41 45 92 57 51	68 10 48 78 21 15 67 31 57	2 15 50 2 19 33 2 16 16
66	1743 (II)	Sept. 20 21 26 3	246 33 52	5 16 25	45 48 21
67	1744	Marz 1 8 26 23 Marz 1 8 24 0 Marz 1 8 13 0 Marz 1 8 4 26 Marz 1 9 8 0 Marz 1 8 2 0 Marz 1 8 3 3 Marz 1 7 51 30 Marz 1 8 5 27 Marz 1 8 0 0	197 12 55 197 5 49 197 10 0 197 17 30 197 19 26 197 11 58 197 13 4 197 14 36 197 16 16 197 29 0	45 45 20 45 46 53 45 46 11 45 51 0 46 5 24 45 46 6 45 47 53 45 49 27 45 49 30 46 3 0	47 8 36 47 3 35 47 5 18 47 18 0 47 49 53 47 10 53 47 8 29 47 17 38 47 14 10 47 50 0
68	1747	Febr. 28 11 54 48 März 3 10 7 40 März 3 7 20 0	280 5 41 277 2 5 277 2 0	146 58 27 147 18 42 147 18 50	77 56 55 79 6 45 79 6 20

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität,	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,347960	0,938188		Ð	Bradley	61
9,93802	0,05310		D	Daussy	62
9,842697	0,196083		R	Zanotti	63
9,827111	0,219461		R	idem	
9,828388	0,217546		R	La Caille	
9,883945	0,134211		R	Le Monnier	64
9,883976	0,134164		R	Struyck	
9,884049	0,134055		R	La Caille	
9,883832	0,134380		R	Zanotti	
9,876276	0,145714		R	Euler	
9,885870	0,131323		R	Wright	
9,884342	0,133615		R	Klinkenberg	
9,883917	0,134253		R	Houttuyn	
9,886523	0,130343		R	Barker	ļ
9,923304	0,075172		D	Strnyck	65
9,921690	0,077593		D	La Caille	
9,923338	0,075121		D	Olbers	
9,717310	0,384163		R	Klinkenberg	66
9,346472	0,940420		D	Betts	67
9,348733	0,937029		D	Maraldi	
9,347325	0,939141		D	La Caille	
9,345491	0,941891		D	Maire	
9,34629	0,94070		D	Chéseaux	
9,346783	0,939953		D	Enler	
9,346801	0,939927		D	Pingré	
9,346353	0,940599		D	Klinkenberg	
9,345875	0,941315		D	Hiorter	
9,343212	0,945310		D	Cassini	
0,360571	9,419271		R	Chéseanx	68
0,342144	9,446912		R	Maraldi	
0,342128	9,446936		R	La Caille	

Nr.	Jahr.	Durch durch Perihel in m.	das	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
69	1748 (1)	Apr. 29	h ' '' 9 34 45 0 34 24 8 53 30	215 0 50 214 38 40 215 23 29	232 52 16 232 45 46 232 51 50	85 26 57 85 35 17 85 28 23
70	1748 (II)	Juni 18	1 34 18 21 27 22	276 9 24 278 47 10	34 39 43 33 8 29	56 59 3 67 3 28
71	1757	Oct. 21 Oct. 21 Oct. 21 Oct. 21	8 4 0 9 42 0 9 56 0 9 23 0	122 58 0 122 39 0 122 49 0 122 36 29	214 12 50 214 5 50 214 4 0 214 7 11	12 50 20 12 39 6 12 48 0 12 41 17
72	1758	Juni 11	3 27 0	267 38 0	230 50 0	68 19 0
(19)	1759	März 12 März 12 März 12 März 12 März 12 März 13 März 13 März 12 März 12 März 12 März 12	13 33 0 13 59 24 12 57 36 13 30 0 13 41 0 13 7 35 10 11 31 13 22 0 14 9 15 13 42 24 13 23 55	303 14 0 303 8 10 303 16 20 303 15 30 303 16 0 303 19 18 301 0 24 303 23 0 303 10 1 303 10 24 303 40 28	53 48 0 53 45 35 53 49 21 53 49 0 53 49 0 53 45 35 54 7 20 53 44 55 53 50 11 53 48 0 53 50 27	17 38 0 17 40 14 17 35 20 17 38 0 17 39 0 17 40 5 17 28 55 17 41 20 17 37 12 17 38 16 17 36 52
73	1759 (II)	Nov. 27 Nov. 27 Nov. 27	0 11 57 2 28 20 0 43 19	53 34 19 53 24 20 53 38 4	139 39 41 139 39 24 139 40 15	79 6 38 78 59 22 79 3 19
74	1759 (III)		21 13 0 12 58 12	138 24 35 139 3 52	79 50 45 79 20 24	4 51 32 4 42 10
75	1762	Mai 29 Mai 28 Mai 29 Mai 28 Mai 28 Mai 28	0 27 48 15 27 0 1 57 0 2 1 55 7 0 49 8 11 3	105 22 23 105 15 0 105 24 0 103 42 38 104 29 46 104 2 0	348 55 31 349 20 0 348 57 44 348 35 24 349 2 22 348 33 5	85 22 21 84 45 0 85 12 20 85 40 10 85 3 2 85 38 13

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,924626	0,073189		R	Maraldi	69
9,925054	0,072547		R	Klinkenberg	
9,924486	0,073399		R	Le Monnier	
9,816410	0,235513		D	Struyck	70
9,796128	0,265936		D	Bessel	
9,528328	0,667636		D	Bradley	71
9,530288	0,664696		D	La Caille	
9,528875	0,666815		D	Pingré	
9,530610	0,664213		D	De Ratte	
9,333148	0,960406		D	Pingré	72
9,766080	0,311008		R	Messier	(19)
9,767085	0,309501		R	La Lande	
9,766115	0,310955	0,9674269	R	Maraldi	
9,766264	0,310732		R	La Caille	
9,766039	0,311069		R	idem	
9,765648	0,311656	0,9676458	R	Klinkenberg	
9,776029	0,296085		R	idem	
9,765176	0,312364		R	Bailly	
9,7668491	0,3098540	0,96754386	R	Burckhardt	
9,7668003	0,3099272	0,96768426	R	Rosenberger	
9,7667989	0,3099294	0,96768436	R	idem	
0.002044	0.404969		D	Pingré	73
9,903844 9,902280	0,104362 0,106708		D	La Caille	13
11 ' 1	′		D		
9,904218	0,103801		D	Сһарре	
9,984972	9,982670		R	La Caille	74
9,983064	9,985532		R	Chappe	
0,006102	9,950975		D	Maraldi	75
0,00538	9,95206		D	La Lande	10
0,00338	9,953227		D	Bailly	
0,002969	9,955675		D	Klinkenberg	
0,004259	9,953739		D	Struyck	
0,003912	9,954260		D	Burckhardt	
	-,001.00				

Nr.	Jahr.	durc	hgang h das n, Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
76	1763	Nov. 1 Nov. 1	h ' " 19 52 58 21 6 29	84 51 54 85 0 48	356 23 26 356 29 29	72 40 40 72 39 29
		Nov. 1	21 7 38	85 1 6	356 27 0	72 28 0
		Nov. 1	20 49 47	84 58 58	356 24 4	72 31 52
		Nov. 1	21 4 19	84 57 27	356 17 38	72 34 10
77	1764	Febr. 12	10 29 0	16 11 48	119 20 6	53 54 19
}		Febr. 12	13 39 57	15 26 3	120 7 33	52 46 39
		Febr. 12	13 51 36	15 14 52	120 4 33	52 53 31
78	1766 (1)	Febr. 17	8 50 0	143 15 25	244 10 50	40 50 20
79	1766	April 16	17 30 0	205 15 0	47 5 0	8 20 0
	(11)	April 17	0 26 13	206 5 13	47 22 19	8 18 45
		April 22	20 55 40	242 17 53	74 22 50	11 8 4
		April 26	23 53 16	251 13 0	74 11 0	8 1 45
80	1769	Oct. 7	12 30 0	144 5 54	175 0 43	40 37 33
1		Oct. 7	12 26 17	144 14 22	175 2 25	40 42 38
		Oct. 7	13 13 8	144 11 8	175 3 18	40 46 32
		Oct. 7	13 46 17	144 11 7	175 6 33	40 48 49
		Oct. 7	13 58 26	144 9 24	175 3 27	40 41 13
1		Oct. 7	12 44 7	144 32 54	175 11 13	41 1 6
1		Oct. 7	14 0 11	144 7 0	175 4 47	40 40 48
		Oct. 7	15 42 16	144 12 58	175 3 55	40 46 7 41 28 0
		Oct. 7	11 17 0 17 46 0	145 46 0 144 22 0	175 42 0 175 13 40	41 28 0
		Oct. 7	17 46 0 15 6 0	144 22 0	175 13 40	40 42 30
		Oct. 7	15 37 37	144 15 32	175 4 41	40 49 33
		Oct. 7	15 51 23	144 15 53	175 6 4	40 46 42
	1	Oct. 7	12 34 9	144 11 8	175 2 24	40 48 29
li		Oct. 7	15 2 43	144 11 29	175 3 59	40 45 50
		Oct. 7	12 44 38	144 11 32	175 3 40	40 47 56
81	1770	Aug. 9	0 19 17	356 7 16	136 39 5	1 44 29
	(1)	Ang. 10	$21 \ 45 \ 24$	355 4 36	133 38 44	1 40 48
		Aug. 14	0 13 24	356 26 13	132 17 3	1 34 30
		Aug. 9	0 3 46	356 6 40	135 28 43	1 46 31
		Aug. 8	9 9 16	352 51 22	135 3 42	1 44 35
1		1		J	<u> </u>	l

Log. der Periheldist.	Log, der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt, der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,697895	0,413285		D	Pingré	76
9,697597	0,413733		D	idem	
9,697391	0,414041		Ð	Burckhardt	
9,697478	0,413911	0,99868	D	idem	
9,6974946	0,4138858	0,9954268	D	Lexell	
9,751415	0,333005		R	Pingré	77
9,745621	0,341697		R	idem	
9,744462	0,343435		R	idem	
	-,				
9,703570	0,404773		R	idem	78
9,805230	0,252283		D	idem	79
9,804020	0,254098		Ð	idem	
9,522112	0,676960		Ð	idem	
9,6009521	0,5586996	0,864000	D	Burckhardt	
9,092580	1,321258		D	La Lande	80
9,089834	1,325377		D	Wallot	00
9,088420	1,327498		D	Cassini	
9,088924	1,326742		D	Prosperin	
9,089516	1,325854		D	Audiffrédi	
9,082806	1,335919		D	Slop	
9,090168	1,324876		D	Asclepi	
9,0890243	1,3265912	0,998709	D	idem	
9,065953	1,361199	,	D	Lambert	
9,089198	1,326331		Ð	Widder	
9,088632	1,327180		D	Euler	
9,088792	1,326940	0,9980036	D	Lexell	
9,089002	1,326625	0,998932	D	Pingré	
9,090911	1,323761		Ð	idem	
9,089039	1,326569	0,99924901	Ð	Bessel	
9,090847	1,323857		D	Legendre	
9,799056	0,261544		D	Pingré	81
9,818222	0,232795		D	idem	
9,830520	0,214348	0,7808638	D	idem	
9,799030	0,261583	,	D	Prosperin	
9,809263	0,246233		D	idem	

Nr.	Jahr.	Durcl durcl Perihel in s		Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
81	1770	Aug. 25	h , " 2 8 53	7 13 46	134 30 0	1 23 0
ļ	(1)	Aug. 12	20 50 0	359 45 0	132 56 0	1 46 0
		Aug. 13	13 5 0	356 16 25	132 0 0	1 33 40
		Aug. 9	0 32 51	356 12 50	136 14 0	1 45 20
	İ	Aug. 9	3 38 0	355 57 0	132 0 0	1 55 0
		Aug. 9	0 35 58	356 19 28	134 21 45	1 49 5
		Aug. 13	12 37 35	356 15 11	131 51 54	1 34 31
		Aug. 13	12 40 45	356 16 38	131 52 46 132 31 45	1 33 50 1 33 4
		Aug. 13	12 59 25	356 16 5	132 31 45	1 33 4 1 34 28
	ļ	Aug. 13	13 7 27 0 47 57	356 17 12 356 16 27	131 59 17	1 34 25
		Aug. 14	0 47 57	336 16 27	151 59 54	1 94 91
82	1770 (II)	Nov. 22	5 48 0	208 22 44	108 42 10	31 25 55
83	1771	April 18	22 14 27	103 28 13	27 51 0	11 15 29
		April 19	0 39 33	103 48 21	27 49 37	11 16 44
		April 19	$5\ 10\ 42$	104 2 54	27 50 27	11 16 0
		April 19	$4\ 25\ 36$	103 57 52	27 56 16	11 15 28
		April 19	5 15 40	104 3 16	57 51 55	11 15 19
84	1772	Febr. 18	20 50 35	108 6 22	252 43 5	18 59 40
		Febr. 23	$10 \ 48 \ 0$	115 6 25	251 11 56	18 21 24
1		Febr. 20	3 3 27	110 6 0	252 25 54	18 51 6
	1	Febr. 19	2 19 26	110 14 54	254 0 1	18 17 38
	1	Febr. 9	5 - 0 - 0	90 17 0	261 9 0	20 28 0
1		Febr. 8	1 0 0	97 21 0	263 24 0	17 39 0
85	1773	Sept. 5	17 9 2	76 10 26	121 20 0	61 30 0
		Sept. 5	11 18 45	75 35 43	121 15 37	61 25 21
		Sept. 5	9 12 1	74 57 41	121 4 49	61 13 19
		Sept. 5	5 5 43	75 9 18	121 10 26	61 19 7
1		Sept. 5	$5\ 56\ 59$	75 15 50	121 12 11	61 20 57
		Sept. 5	11 29 54	75 28 17	121 13 4	61 18 22
		Sept. 5	14 11 11	75 17 0	121 8 20	61 15 11
		Sept. 5	14 43 9	75 10 58	121 5 30	61 14 17
56	1774	Aug. 14	1 20 0	316 27 57	180 57 26	82 47 40
		Aug. 14	17 56 0	316 48 24	180 50 13	82 48 38
		Aug. 15	5 17 0	317 26 0	181 22 0	82 21 0
	<u> </u>					<u> </u>

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,855622	0,176695		D	Prosperin	81
9,812552	0,241300		D	Widder	
9,828906	0,216769	0,7857654	D	Lexell	
9,798459	0,262439	,	D	Slop	
9,800029	0,260085		D	Lambert	İ
9,797665	0,263631		D	Rittenhouse	1
9,828889	0,216795	0,7854736	D	Burckhardt	
9,828853	0,216849	0,78554	D	idem	
9,8290031	0,2166230	0,7862730	D	Clausen	
9,8289484	0,2167051	0,7861193	D	idem	
9,8288597	0,2168382	0,786839	D	Le Verrier	
9,722833	0,375879		R	Pingré	82
9,957013	0,024609		D	Pingré	83
9,955148	0,027406		Ð	Prosperin	
9,955864	0,026332	1,00944	D	Burckhardt	
9,9552324	0,0272791		D	Encke	
9,9559104	0,0262621	1,0093698	D	idem	
0,007812	9,948410		D	La Lande	84
0,019382	9,931055		D .	Burckhardt	
0,012042	9,942065		D	Bessel	
0,005865	9,951331	0,903148	D	idem	
9,95027	0,03472		D	Gauss	
9,95990	0,02028	0,67692	D	idem	
0,056965	9,874681		D	 Pingré	85
0,054576	9,878264		D	idem	
0,051272	9,883220	0,9935023	D	idem	ļ
0,052607	9,881217	0,9930757	D	Lexell	
0,053115	9,880455	0,9951225	D	idem	-
0,053514	9,879857	1,0037085	D	idem	
0,052420	9,881498	1,0024901	D	idem	
0,051880	9,882308		D	Burckhardt	
0,153900	9,729278		D	Saron	86
0,153900	9,729278		D	idem	
0,154121	9,728947		D	Boscovich	
	l				1

Nr.	Jahr.	Durchgang durch das Perihel in m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
86	1774	Aug. 15 10 55 35 Aug. 14 12 0 0 Aug. 15 20 4 42	317 22 4 316 38 0 317 27 40	180 49 48 180 54 0 180 44 34	83 0 25 82 48 0 83 20 26
87	1779	Jan. 4 2 30 0 Jan. 4 2 12 0 Jan. 4 2 24 30 Jan. 4 2 54 20 Jan. 4 2 29 0 Jan. 3 18 18 30 Jan. 4 2 29 1 Jan. 4 2 29 1 Jan. 4 4 21 23	87 14 0 87 13 11 87 13 40 87 12 55 87 16 0 86 52 29 87 14 19 87 18 22 87 18 44	25 3 1 25 5 51 25 3 57 25 4 19 25 5 0 25 2 55 25 7 9 25 9 20 25 8 23	32 26 14 32 24 0 32 25 30 32 24 44 32 24 0 32 41 32 32 18 24 32 15 6 32 16 56
		Jan. 4 2 13 41 Jan. 4 2 40 40	87 14 27 87 9 40	25 4 10 24 57 18	32 30 57 32 31 7
88	1780 (I)	Sept. 30 20 16 22 Sept. 30 16 8 24 Sept. 30 7 29 51 Sept. 30 18 12 50 Sept. 30 22 23 14	246 30 14 246 19 21 245 54 55 246 21 18 246 35 59	124 0 0 124 30 0 125 30 0 124 9 19 123 41 18	53 56 28 53 15 20 51 56 33 53 48 15 54 23 12
89	1780 (II)	Nov. 23 19 0 0 Nov. 28 20 30 19	65 7 0 246 52 0	151 48 0 141 1 0	84 15 0 72 3 30
90	1781 (1)	Juli 7 4 41 20	239 11 25	83 0 38	81 43 26
91	1781 (II)	Nov. 29 12 41 46 Nov. 29 12 42 46 Nov. 29 12 42 46	16 3 28 16 3 7 16 3 7	77 22 52 77 22 55 77 22 55	27 13 8 27 12 4 27 12 4
92	1783	Nov. 15 5 53 23 Nov. 15 5 53 30 Nov. 13 6 13 0 Nov. 20 9 26 0 Oct. 23 Nov. 19 12 0 11 Nov. 19 13 38 54	45 24 46 45 25 0 43 58 47 49 4 30 27 44 56 50 3 8 49 31 55	54 13 50 54 14 0 54 10 10 54 10 45 54 26 51 55 45 20 55 12 0	53 9 9 53 9 0 54 9 53 52 19 57 56 46 28 44 53 24 47 43 0

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
0,154906	9,727769		D	Méchain	86
0,153815	9,729405		D	Du Séjour	
0,1562065	9,7258180	1,0282955	D	Burckhardt	
9.853222	0,180295		D	Saron	87
9,853167	0,180377		D	Méchain	
9,853203	0,180323		D	D'Angos	
9,853057	0,180543		D	Reggio	
9,853516	0,179854		D	Oriani	
9,851811	0,182411		D	idem	
9,853222	0,180295		D	Prosperin	
9,853508	0,179866	0,998998	D	idem	
9,853469	0,179925	1,00001	D	idem	
9,853186	0,180349		D	Zach	
9,853160	0,180388		D	Pacassi	
8,990371	1,474571		R	Lexell	88
9,002026	1,457089		R	idem	
9,025826	1,421389		R	idem	
8,996755	1,464995		R	Méchain	
8,9836418	1,4846650	0,9999460	R	Clüver	
9,526	0,671		D	Boscovich	89
9,712041	0,392067		R	Olbers	
9,889784	0,125452		D	Méchain	90
9,982729	9,986035		R	idem	91
9,982721	9,986047		R	idem	
9,982723	9,986043		R	Legendre	
0,194598	9,668231		D	Méchain	92
0,194606	9,668219		D	idem	
0,195175	9,667365		D 1	\	
0,197881	9,663307		D	Méchain und Saron	
0,167876	9,708314		D	1	
0,1626829	9,7161034	0,5395345	D	Burckhardt	
0,1747341	9,6980266	0,6784	D	idem	

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
93	1784	Jan. 21 Jan. 21	h ' '' 4 48 0 4 56 47	80 39 22 80 44 24	56 44 2 56 49 21	51 15 1 51 9 12
94	1785 (1)	Jan. 27	7 58 4	109 51 56	264 12 15	70 14 12
95	1785 (11)	April 8 April 8	11 29 0 9 8 12	297 34 30 297 29 33	64 44 40 64 33 36	87 7 0 87 31 54
96	1786 (1)	Jan. 30	21 7 12	156 38 0	334 8 0	13 36 0
97	1786 (II)	Juli 7 Juli 8	22 0 12 13 46 31	159 25 36 158 38 30	194 22 40 195 23 32	50 54 28 50 58 33
98	1787	Mai 10	19 58 0	7 44 9	106 51 35	48 15 51
99	1788 (I)	Nov. 10 Nov. 10	7 35 0 7 34 47	99 8 27 99 8 7	157 10 38 156 56 43	12 28 20 12 27 40
100	1788 (II)	Nov. 20 Nov. 20	9 13 45 7 25 0	23 12 22 22 49 54	351 42 15 352 24 26	64 52 32 64 30 24
101	1790 (I)	Jan. 15 Jan. 16	5 15 0 19 7 30	60 14 32 58 24 45	176 11 46 172 50 2	31 54 15 29 44 7
102	1790 (II)	Jan. 28	7 45 30	111 44 37	267 8 37	56 58 13
103	1790 (III)	Mai 21 Mai 20	5 56 15 11 30 0	273 43 27 274 57 20	33 11 2 35 11 0	63 52 27 63 35 0
104	1792 (I)	Jan. 13 Jan. 13	13 44 15 12 59 36	36 29 42 36 20 32	190 46 15 190 42 9	39 46 55 39 45 47
		Jan. 15	6 9 0	34 43 0	191 55 0	41 5 0
105	1792 (II)	Dec. 27 Dec. 27 Dec. 27	4 55 0 7 56 30 6 14 33	136 5 33 135 52 35 135 59 24	283 17 36 283 14 44 283 15 17	49 0 24 49 7 14 49 1 45
		Dec. 27	6 45 0	135 57 0	283 16 0	42 2 0
106	1 793	Nov. 4	20 21 0	228 42 0	108 29 0	60 21 0

L og. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	N a m e des Berechners.	Nr.
9,850131 9,849946	0,184931 0,185209		R R	Méchain idem	93
0,058198	9,872831		D	idem	94
9,631024	0,513592		R	Saron	95
9,630733	0,514029		R	Méchain	į
9,52481	0,67292	0,84836	Ð	Encke	96
9,612889	0,540795		D	Méchain	97
9,595763	0,566483		D	Reggio	
9,542714	0,646057	0.	R	Saron	98
0,026538	9,920321		R	Méchain	99
0,026538	9,920321		R	idem	
9,885988	0,131146		D	idem	100
9,879276	0,141214		D	idem	
9,879725	0,140541		R	Saron	101
9,873516	0,149854		R	idem	
0,026650	9,920153		D	Méchain	102
9,901981	0,107157		R	idem	103
9,898179	0,112859		R	Englefield	
0,111605	9,792721		R	Méchain	104
0,111456	9,792944		R	Zach	
0,111195	9,793335		R	Englefield	
9,984893	9,982789		R	Méchain	105
9,985350	9,982103		R	Piazzi	
9,985106	9,982469		R	Prosperin	
9,985112	9,982460		R	Saron	
9,605736	0,551524		R	idem	106

Nr.	Jahr.	durc	h g a n g h das n. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knoteus.	Neigung.
107	1793 (11)	Nov. 18 Nov. 18	15 38 0 17 39 0 14 33 5	71 0 0 71 4 51	2 20 0 2 23 55	51 56 46
(96)	1795	Nov. 28 Dec. 15 Dec. 15	14 33 5 8 29 46 15 39 0	75 58 58 160 29 0 157 37 0	359 4 48 353 14 0 343 23 0	47 35 5 22 10 0 20 3 0
		Dec. 15 Dec. 15 Dec. 15	0 15 33 9 52 26 9 2 2	163 36 40 160 21 47 159 53 26	359 11 45 351 15 56 351 58 47	24 16 45 21 45 11 21 56 2
108	1796	Dec. 15 Dec. 21 April 2	9 27 59 10 44 22 19 57 3	160 20 49 156 41 20 192 44 13	351 47 17 334 39 22 17 2 16	21 45 52 13 42 30 64 54 33
109	1797	Juli 9 Juli 9	2 40 31 2 53 52	49 27 8 49 34 42	329 15 37 329 16 30	50 40 34 50 35 50
110	1798 (1)	April 4 April 4	11 41 42 12 7 37	104 59 0 105 6 57	122 9 0 122 12 21	43 52 16 43 44 42
111	1798 (H)	Dec. 31 Dec. 31 Dec. 31	22 5 15 13 8 15 13 26 24	33 35 5 34 29 48 34 27 27	249 30 2 249 30 44 249 30 30	42 14 52 42 23 25 42 26 4
112	1799	Sept. 7 Sept. 7 Sept. 7 Sept. 7 Sept. 7	6 46 49 5 48 39 4 34 20 5 6 30 5 43 25	3 40 25 3 39 46 3 36 4 3 41 15 3 39 10	99 15 21 99 32 47 99 33 38 99 30 37 99 27 19	51 10 7 50 56 27 50 52 27 50 57 6 50 57 30
113	1799	Sept. 7 Dec. 25 Dec. 25 Dec. 25	5 59 57 19 3 50 18 13 7 21 40 10	3 38 16 190 14 52 190 22 46 190 20 12	99 23 3 326 27 18 326 30 18 326 49 11	51 2 27 77 0 47 77 5 4 77 1 38
114	1801	Aug. 8 Aug. 8	13 0 0 13 32 0	181 1 0 183 49 0	42 8 0 44 28 0	20 20 0 21 20 0
115	1802	Sept. 9 Sept. 9	20 43 14 21 32 26	332 7 45 332 9 4	310 16 46 310 15 39	57 0 20 57 0 47

0,177392 9,691040 D Saron idem 107 0,177388 9,694046 0,7317635 D Burckhardt 9,387016 0,879604 D Olbers (96) 9,341620 0,842698 D Bonvard 9,35298 0.927181 D Zach 9,389538 0,8756057 D Encke 9,387408 0,879604 D Encke 9,387408 0,8776057 D Encke 9,5243046 0,6736708 0,8488828 D idem 0,198151 9,662901 R Olbers 108 9,721489 0,377895 R idem 109 9,721489 0,3778931 R Bouvard 110 9,685525 0,431841 D Burckhardt 110 9,889186 0,126349 R idem 111 9,921917 0,122253 R idem 112 9,925031 0,0773753 R idem	Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
0,1461360 9,7409237 0,7317635 D Burckhardt 9,387016 0,879604 D Olbers (96) 9,411620 0,842698 D Bouward (96) 9,355298 0,927181 D Zach (9387605) 9,387408 0,879016 D idem (96) 9,387408 0,8776057 D Encke (96) 9,3883480 0,8776057 D Encke (96) 9,5243046 0,6736708 0,8488828 D idem 108 9,721489 0,377895 R idem 109 9,685525 0,431841 D Burckhardt 110 9,685370 0,432073 R idem 111 9,889186 0,126349 R idem 111 9,891917 0,122253 R idem 111 9,925031 0,072581 R idem 112 9,924250 0,073753 R R M	· ·	1		1		107
9,387016 0,879604 D Olbers D,811620 0,812698 D Bouvard D,812698 D Bouvard D,855298 0,927181 D Zach D Olbers D,838538 0,875821 D Olbers D Encke D,5243046 0,6736708 0,8488828 D idem D,198151 9,662901 R Olbers D,720531 0,379331 R Bouvard D Burckhardt D,685525 0,431841 D Burckhardt D Dlbers D,889186 0,126349 R Burckhardt D,8981917 0,122253 R Burckhardt D,891917 0,122253 R Burckhardt D,924250 0,073753 R Burckhardt D,924250 0,073753 R Burckhardt D,924251 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924372 0,073570 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924281 0,073707 R Burckhardt D,924372 0,073570 R Burckhardt D,924372 0,073570 R Burckhardt D,9362 0,8658 R Burckhardt R Burckhardt D,9362 0,8658 R Burckhardt D,9362 0,8658 R Burckhardt D,93608 9,901481 D Méchain 115				D		1
9,411620	0,1461360	9,7409237	0,7317635	D	Burckhardt	
9,355298	9,387016	0,879604		D	Olbers	(96)
9,389538	9,411620	0,842698		D	Bouvard	
9,387408 9,387408 9,3883480 0,8776057 9,5243046 0,6736708 0,8488828 D 0,198151 0,198151 0,377895 9,721489 0,377895 0,431841 0,685525 0,431841 0,6855370 0,432073 D 0,19ers 109 9,889186 0,126349 9,891917 0,122253 0,122385 R 0,073753 R 0,072581 0,073753 R 0,07375 R 0,07375 R 0,07375 R 0,07375 R 0,07375 R 0,07375 R 0,07375 R 0,073	9,355298	0.927181		D	Zach	
9,3883480 0,8776057 9,5243046 0,6736708 0,8488828 D Encke idem 0,198151 9,662901 R Olbers 108 9,721489 0,377895 R idem 109 9,685525 0,431841 D Burckhardt D Olbers 9,889186 0,126349 R idem 111 9,889187 0,122253 R idem 111 9,981829 0,122385 R idem 111 9,924250 0,073753 R idem 112 9,924250 0,073753 R idem 112 9,924251 0,073757 R idem 122 9,924372 0,073570 R Zach Wahl 9,795496 0,266984 R Wahl 9,795483 0,266903 R Wahl 9,795483 0,266903 R Wahl 9,795483 0,266903 R Wahl 9,3962 0,8658 R idem 114 9,3962 0,8658 R idem 114 9,039098 9,901481 D Méchain 115	9,389538	0,875821		D	Olbers	
9,5243046 0,6736708 0,8488828 D idem 0,198151 9,662901 R Olbers 108 9,721489 0,377895 R idem 109 9,720531 0,379331 R Bouward 110 9,685525 0,431841 D Burckhardt 110 9,889186 0,126349 R idem 111 9,891917 0,122253 R Burckhardt idem 9,981829 0,122385 R idem 112 9,925031 0,072581 R idem 112 9,924230 0,073753 R idem 112 9,924281 0,073707 R Zach 9,924437 0,073570 R Zach 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R Idem	9,387408	0,879016		D	idem	
0,198151 9,662901 R Olbers 108 9,721489 0,377895 R idem 109 9,720531 0,3779331 R Bouvard 109 9,685525 0,431841 D Burckhardt 110 9,889186 0,126349 R idem 111 9,891917 0,122253 R Burckhardt idem 9,921929 0,122385 R idem 112 9,925031 0,072581 R idem 112 9,924250 0,073753 R idem 12 9,924281 0,073707 R Méchain idem 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl Wahl 9,3962 0,8658 R idem 144 9,417804 0,833422 R <	9,3883480	0,8776057		D	Encke	
9,721489	9,5243046	0,6736708	0,8488828	D	idem	
9,720531 0,379331 R Bouvard 9,685525 0,431841 D Burckhardt 9,685370 0,432073 D Olbers 9,889186 0,126349 R idem 111 9,891917 0,122253 R Burckhardt 9,891829 0,122385 R idem 112 9,924230 0,073753 R idem 112 9,924250 0,073753 R idem 112 9,924281 0,073707 R idem 128 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 1 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795496 0,266903 R Wahl 1 9,795483 0,266903 R Wahl 1 9,795483 0,266903 R Wahl 1 9,3962 0,8658 R idem 114 9,3962 0,8658 R idem 114 9,3962 0,8658 R idem 144 0,039098 9,901481 D Méchain 115	0,198151	9,662901		R	Olbers	108
9,685525 0,431841 D Burckhardt 110 9,685370 0,432073 D Olbers 111 9,889186 0,126349 R idem 111 9,891917 0,122253 R Burckhardt idem 9,891829 0,122385 R idem 112 9,925031 0,072581 R idem 112 9,924250 0,073753 R idem 12 9,923596 0,074734 R Méchain idem 9,924281 0,073707 R Zach Wahl 9,924437 0,073570 R Zach Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 114 9,3962 0,8658 R idem 114 14 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0 0,039098 9,901481 D	9,721489	0,377895		R	idem	109
9,685370	9,720531	0,379331		R	Bouvard	
9,889186 0,126349 R idem 111 9,891917 0,122253 R Burckhardt jdem 9,891829 0,122385 R idem 112 9,925031 0,072581 R idem 112 9,924250 0,073753 R idem 9,924261 9,924281 0,073707 R idem 9,924372 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,685525	0,431841		D	Burckhardt	110
9,891917 0,122253 R Burckhardt idem 9,891829 0,122385 R idem 9,925031 0,072581 R idem 9,924250 0,073753 R idem 9,924281 0,073707 R idem 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 9,795483 0,266903 R Wahl 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,6558 R idem 9,3962 0,8658 R idem 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,685370	0,432073		D	Olbers	
9,891917 0,122253 R Burckhardt idem 9,891829 0,122385 R idem 9,925031 0,072581 R idem 9,924250 0,073753 R idem 9,924281 0,073707 R idem 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 9,795483 0,266903 R Wahl 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,6558 R idem 9,3962 0,8658 R idem 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,889186	0,126349		R	idem	111
9,891829	9,891917	0,122253			Burckhardt	
9,924250 0,073753 R idem 9,923596 0,074734 R Méchain 9,924281 0,073707 R Jeen 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,891829	0,122385		R	idem	
9,924250 0,073753 R idem 9,923596 0,074734 R Méchain 9,924281 0,073707 R Jeen 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9.925031	0.072581		В	idem	112
9,924281 0,073707 R idem 9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	′	,				1
9,924372 0,073570 R Zach 9,924437 0,073473 R Waht 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Waht 19,796437 0,265473 R Méchain 114 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,923596	0,074734		R	Méchain	
9,924437 0,073473 R Wahl 9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,924281	0,073707	1	R	idem	
9,795496 0,266884 R Olbers 113 9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,924372	0,073570		R	Zach	
9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,924437	0,073473		R	Wahl	
9,795483 0,266903 R Wahl 9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,795496	0,266884		R	Olbers	113
9,796437 0,265473 R Méchain 9,3962 0,8658 R idem 114 9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115		· ·		- 1	0	
9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115		0,265473		R	Méchain	
9,417804 0,833422 R Burckhardt 0,039098 9,901481 D Méchain 115	9,3962	0,8658		R	idem	114
,		· ·				
,	0,039098	9,901481		D	Méchain	115

Nr.	Jahr.	Durcl durci Perihel in n	1	Lange des Perihels.	Långe des aufst. Knotens.	Neigung.
116	1804	Febr. 13 Febr. 13 Febr. 13	h ' '' 14 16 16 15 40 0 14 25 45	148 44 51 148 53 32 149 4 25	176 47 58 176 49 47 176 53 29	56 28 40 56 44 20 56 56 2
(96)	1805	Nov. 18 Nov. 17 Nov. 18 Nov. 18	3 18 28 17 20 39 0 25 0 1 8 6	147 51 28 157 17 0 149 0 28 148 44 57	344 37 19 340 11 0 345 6 51 345 5 58	15 36 36 17 34 0 15 58 12 15 52 38
(84)	1806	Jan. 0 Jan. 0 Jan. 0 Jan. 0 Jan. 0 Jan. 0 Jan. 0 Jan. 0 Jan. 2	12 9 11 6 19 27 18 39 36 6 51 8 6 47 4 6 20 59 10 35 10	156 47 24 109 21 55 109 23 13 109 23 39 109 23 40 109 21 50 109 30 2	250 34 42 250 48 5 250 33 34 250 33 34 250 33 35 251 28 23	13 33 30 16 30 35 15 36 10 16 31 10 16 33 33 16 30 32 12 43 10
117	1806	Jan. 0 Jan. 0 Jan. 1 Dec. 28 Dec. 28	8 41 18 5 46 43 23 32 12 22 2 20 22 30 43	109 28 54 109 23 29 109 32 23 94 4 30 97 2 3	250 31 34 250 33 20 251 15 15 322 18 38 322 19 15	16 35 9 16 31 27 13 38 45 35 4 5 35 2 50
118	1807	Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18	18 56 8 19 6 0 19 49 0 19 40 29 18 15 53 17 37 52	270 56 53 271 0 13 270 53 38 271 6 8 270 51 35 270 45 1	266 39 40 266 38 31 266 29 25 266 40 52 266 42 12 266 39 9	63 14 1 63 12 36 63 16 15 63 13 7 63 12 51 63 12 30
		Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18 Sept. 18	11 45 6 15 52 53 19 27 56 20 55 32 19 2 59 19 51 8 17 41 25 17 53 20	270 5 55 270 39 22 270 59 55 271 6 53 270 58 21 271 6 8 270 53 51 270 54 42	266 40 26 266 36 57 266 25 3 266 33 4 266 40 46 266 36 52 266 48 9 266 47 11	63 27 14 63 17 58 63 9 57 63 11 18 63 13 2 63 14 28 63 10 11 63 10 28
119	1808 (I)	Mai 12	23 1 25	69 12 57	322 58 36	45 43 7

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
0,029858	9,915341		D	Ganss	116
0,030307	9,914667		D	Bouvard	
0,031412	9,913010		D	Wahl	
9,578201	0,592827		D	Bessel	(96)
9,53969	0,65060		D	Gauss	
9,574798	0,597931		D	Legendre	
9,575460	0,596938		D	Bouvard	
9,5320168	0,6621025	0,84617529	D	Encke	
9,950379	0,034559		D O	Bessel	(84)
9,952702	0,031075	0,914307	D	idem	1
9,950270	0,034723	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	D	Legendre	
9,950248	0,034756		D	Ganss	
9,950330	0,034633		D	idem	
9,959893	0,020289	0,6769242	D	idem	
9,950047	0,035057	1	D	Bouvard	1
9,9502662	0,0347284		D	idem	1
9,957512	0,023860	0,7457842	D	Gambart	ĺ
0,034198	9,908831		R	Bessel	117
0,034055	9,909045		R	Burckhardt	
9,811233	0,243279	1	D	Bouvard	118
9,811493	0,242889		D	Ganss	
9,811316	0,243154		D	Bröjelmann	İ
9,811880	0,242308		Ð	Oriani	
9,810412	0,244510		D	Ferrer	
9,810376	0,244564		D	Lemaur	
9,810375	0,244565		D	Triesnecker	
9,811657	0,242643		D	Santini	
9,812659	0,241139		D	Bowditch	
9,812090	0,241993		D	Damoiseau	
9,811216	0,243304	1	D	Cacciatore	
9,812217	0,241803		D	Bessel	
9,810147	0,244907	0,99503415	D	idem	
9,8103158	0,2446540	0,99548781	D	idem	
9,59091	0,57376		R	Encke	119

Nr.	Jahr.	durc	hgang h das n. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens,	Neigung.
120	1808 (11)	Juli 12	4 10 49	252 38 50	24 11 15	39°18′59″
121	1810	Oct. 5 Sept. 29	19 54 12 2 32 52	63 9 10 52 44 42	308 53 4 310 21 2	62 46 17 61 11 15
122	1811	Sept. 15 Sept. 12	10 0 0 9 48 0 0 20 55 4 50 49 5 2 20 6 57 30 9 54 24 6 2 31 7 40 13 6 0 9 9 19 2 6 19 53 8 34 44 6 1 21 8 37 6 4 10 8 6 42 48 6 28 20	78 12 30 74 12 0 73 14 35 75 17 34 75 4 43 74 29 40 74 48 14 75 1 9 74 56 0 75 1 44 74 51 58 75 0 34 74 54 24 75 0 0 74 55 6 75 7 49 75 0 19 75 0 25	139 10 0 140 13 0 141 4 59 140 24 13 140 21 40 140 16 56 140 20 25 140 24 30 140 19 50 140 21 58 140 23 46 140 24 44 140 23 46 140 24 41 140 25 46 140 24 56 140 24 56	71 50 0 72 48 0 73 48 2 73 7 16 73 4 18 72 59 10 73 9 40 73 2 36 73 3 3 73 4 31 73 3 44 73 2 21 73 3 23 73 4 48 73 5 11 73 2 31 73 1 51
123	1811 (II)	Nov. 11 Nov. 11 Nov. 11 Nov. 11 Nov. 10 Nov. 12	4 46 2 13 9 14 2 45 9 4 30 4 23 55 38 18 28 14	47 32 10 47 47 0 47 29 20 47 32 0 47 27 27 48 42 26	92 53 9 92 55 1 92 56 13 92 54 33 93 1 52 92 57 51	31 32 53 31 31 52 31 29 14 31 30 57 31 17 11 31 31 30
124	1812	Sept. 14 Sept. 15 Sept. 15 Sept. 15 Sept. 15 Sept. 16	20 35 56 5 11 42 0 0 0 3 53 14 7 40 52 6 39 48	91 54 45 92 40 29 92 54 38 92 39 46 92 18 44 95 3 4	253 43 25 253 36 25 253 18 50 253 40 47 253 1 2 253 53 14	73 53 51 74 1 32 74 20 30 73 57 0 73 57 3 75 7 15

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,783870	0,284323		R	Bessel	120
9,986385 9,989355	9,980551 9,976095		D D	idem Triesnecker	121
0,05450 0,009625 9,99153 0,017060 0,015530 0,011638 0,015225 0,0151120 0,0152885 0,0151048 0,0154347 0,0154132 0,0151178 0,0154327 0,0154327	9,87838 9,945691 9,97284 9,934538 9,936833 9,942671 9,937291 9,9374597 9,9374705 9,9369756 9,9374510 9,9369629 9,9373474 9,9369629 9,9376348	0,9919529 0,9954056 0,99509330 0,9950827	R R R R R R R R R R	Burckhardt idem Gauss idem Flaugergues Bessel idem Bouvard Nicolai Piazzi Argelander Conti idem Oriani Bowditch	122
0,0151448 0,0151269	9,9374105 9,9374374	0,9960455 0,99571555	R R	Lemaur Ferrer	
0,2011007 0,2012968 0,2008271 0,2009477 0,1992359 0,2033993	9,6584766 9,6581825 9,6588870 9,6587062 9,6612738 9,6550288	0,98271088	D D D D D	Werner idem idem Nicolai idem Oriani	123
9,8966909 9,8932745 9,8911749 9,8933046 9,8904995 9,8928365	0,1150914 0,1202160 0,1233654 0,1201708 0,1243784 0,1208730	0,9545412	D D D D D	Werner idem Nicollet idem Encke Oriani	124

Nr.	Jahr.	Durchgang durch das Perihel in m. Par. Zeit	Länge des Peribels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
125	1813	März 4 14 7 26 März 4 12 45 0 März 4 12 47 31	69 52 14 69 57 29 69 56 8	60 22 0 60 35 54 60 48 24	20 58 14 21 9 49 21 13 33
126	1813	März 4 12 47 31 Mai 19 17 14 47	197 59 0	42 41 49	81 23 31
	(II)	Mai 19 12 22 33 Mai 19 14 14 54 Mai 19 7 16 54	197 37 6 197 31 19 197 53 36	42 40 21 42 39 55 42 40 6	81 1 0 80 57 29 81 1 30
		Mai 19 10 12 39 Mai 19 10 10 28 Mai 19 12 24 46	197 43 46 197 43 8 197 36 49	42 40 40 42 40 15 42 40 12	81 2 28 81 2 12 81 7 28
127	1815	April 25 2 42 15	147 3 38	82 45 21	44 52 10
		April 25 11 10 53 April 25 3 56 9 April 25 23 50 59	147 35 55 147 4 42 148 58 48	82 43 6 82 47 54 83 26 21	44 43 13 44 52 40 44 30 43
		April 26 1 9 56 April 25 23 59 27 April 25 23 58 5	149 2 58 149 1 58 149 1 56	83 26 50 83 28 36 83 28 34	44 30 45 44 29 52 44 29 55
128	1818 (I)	Febr. 27 9 47 6 Febr. 26 6 0 0 Febr. 26 21 4 16	183 57 0 182 56 52 183 22 58	70 7 0 70 21 10 70 5 12	89 42 0 89 47 27 90 0 0
		Febr. 25 23 10 10	182 45 22	70 26 11	89 43 48
129	1818 (II)	Dec. 5 0 0 0 0 Dec. 4 2 19 23 Dec. 4 22 35 18 Dec. 5 0 56 11	103 7 5	89 55 14 90 7 29 89 59 53 90 0 51	63 10 30 62 40 50 63 5 29 63 0 24
(96)	1819 (1)	Jan. 24 21 47 55 Jan. 24 23 18 56 Jan. 24 23 8 (Jan. 27 2 39 27	146 46 6	329 22 47 331 21 13 329 4 36 334 18 8	14 40 37 15 11 43 14 47 42 13 42 30
		Jan. 27 6 3 4 Jan. 27 6 18 14	157 5 53	334 43 37 334 33 19	13 42 30 13 38 42 13 36 54

Log. der Periheldist.	Log, der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,8441175	0,1939514		R	Werner	125
9,8445998	0,1932280		R	idem	
9,8445579	0,1932908		R	Nicollet	
0,0854348	9,8319755		R	Daussy	126
0,0846906	9,8330918		R	idem	
0,0844702	9,8334224		R	Werner	
0,0855046	9,8318708		R	Nicollet	1
0,084969	9,832675		R	Encke	
0,0849212	9,8327459		R	Gerling	
0,0846799	9,8331078		R	Ferrer	
0,092156	9,821894		D	Bessel	127
0,0899898	9,8251430		D	Gauss	
0,0924294	9,8214836		D	v. Lindenau	
0,0840362	9,8340734	0,933149	D	Gauss	
0,0838930	9,8342882	0,9305435	D	Nicollet	1
0,0838369	9,8343724	0,9316693	D	Nicolai	
0,0838109	9,8344114	0,93121968	D	Bessel	
0,078185	9,842851		D	Olbers	128
0,0787394	9.8420186		D	Nicollet	1
0,07937	9,84108		D	Gauss	
0,0783711	9,8425710		D	Encke	
9,9326919	0.0610898		R	Nicollet	129
9,928324	0,067642	1	R	Bessel	123
9,9320148	0,0621055	1	R	Rosenberger und	F
9,9319574	0,0621916	1.011617	R	Scherk	
,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,				
9,54790	0,63828		D	Encke	(96)
9,51802	0,68310		D	idem	
9,5472367	0,6392726		D	Nicollet	
9,5257969	0,6714324	0,8567675	D	Encke	1
9,5237230	0,6745432	0,8490883	D	idem	
9,5253771	0,6720620	0,8485841	Ð	idem	

Nr.	Jahr.	durc	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Pcrihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
130	1819 (II)	Juni 27 Juni 27 Juni 27	h ' '' 17 18 43 17 42 40 17 19 17	287 6 25 287 13 45 287 2 38	273 42 9 273 43 57 273 43 33	80 45 12 80 44 16 80 45 26
		Juni 27 Juni 27 Juni 27 Juni 27	18 32 55 17 54 56 17 20 24 17 1 30	287 24 18 287 13 4 287 5 54 287 5 5	273 42 52 273 42 28 273 42 52 273 43 44	80 42 22 80 43 56 80 44 44 80 45 53
131	1819 (III)	Juli 20 Juli 19 Juli 31 Juli 18	16 20 1 5 26 0 3 29 44 21 45 39	272 34 56 270 9 31 290 40 12 274 40 51	109 56 47 110 3 34 114 31 21 113 10 46	11 53 13 11 46 9 11 16 55 10 42 48
132	1819 (IV)	Nov. 16 Nov. 21 Nov. 20	21 11 29 1 7 48 6 2 55	69 32 53 71 23 44 67 18 48	83 34 3 80 57 29 77 13 57	11 44 17 10 56 13 9 1 16
133	1821	Márz 21 Márz 21 Márz 21 Márz 21 Márz 21 Márz 21 Márz 21 Márz 21	12 31 48 15 48 32 14 14 36 14 1 48 9 33 7 14 20 47 7 12 48 11 21 10	239 28 21 239 40 27 239 35 53 239 34 5 239 18 37 239 34 5 240 35 8 239 30 33	48 38 48 48 46 30 48 44 18 48 43 34 48 32 12 48 44 15 49 38 17 48 42 18	73 39 40 73 8 53 73 20 0 73 23 15 74 10 53 73 19 44 74 32 41 73 34 53
134	1822 (I)	Marz 21 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5 Mai 5	13 2 0 6 1 24 7 49 9 5 52 13 15 5 11 13 45 31 6 32 13 14 3 40 13 44 13 14 42 0	239 29 25 192 44 9 191 43 16 192 42 30 192 48 45 192 45 34 193 2 20 192 45 48 192 47 45 192 43 51	48 40 56 176 26 9 176 35 58 176 38 54 177 30 50 177 22 26 176 38 4 177 27 22 177 25 4 177 26 56	73 33 7 53 41 0 53 36 7 53 33 0 53 34 3 53 36 12 53 48 36 53 34 48 53 35 34 53 37 24
(96)	1822 (II)	Mai 23	23 16 1	157 11 44	334 25 9	13 20 17

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricitát.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,5330800	0,6605077		D	Dirksen	130
9,5339701	0,6591726		Ð	Cacciatore	
9,5331982	0,6603304		D	Sniadecki	
9,53528	0,65721		D	Encke	
9,5340268	0,6590875		D	Nicolai	
9,5327646	0,6609808		D	Bouvard	
9,5328194	0,6608986		D	Brinkley	
9,87076	0,15399		D	Carlini	131
9,88244	0,13647	i	D	Encke	
9,84515	0,19240	0,60353	D	idem	
9,8885382	0,1273204	0,75519035	D	idem	
9,93824	0,05277		D	Carlini	132
9,94388	0,04431		D	Encke	
9,9506368	0,0341725	0,6867458	D	idem	
8,96288	1,51581		R	idem	133
8,967118	1,509451		R	Bessel	
8,9651463	1,5124082		R	Rümker	
8,96466	1,51314		R	Nicolai	
8,95958	1,52076		R	Nicollet	ĺ
8,9645990	1,5132292		R	v. Staudt	
8,95134	1,53312		R	Brinkley	
8,9622604	1,5167371		R	idem	
8,9629523	1,5156992		R	Rosenberger	
9,70212	0,40693		R	Carlini	134
9,70936	0,39609		R	Ursin	
9,702905	0,405771		R	Hansen	
9,70262	0,40620		R	Nicollet	
9,7026967	0,4060826		R	Gambart	
9,70134	0,40812		R	Encke	
9,70280	0,40593		R	idem	
9,7025976	0,4062313		R	Gambart	
9,7027863	0,4059482		R	Nicollet	
9,5390382	0,6515704	0,8444643	Ð	Encke	(96)

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das n. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
135	1822 (III)	Juli 16 Juli 16	h ' '' 12 54 30 0 44 23	218 32 56 219 53 48	97 40 3 97 51 23	38 12 39 37 43 4
136	1822 (IV)	Oct. 23 Oct. 23 Oct. 23	6 5 29 8 18 14 7 36 52	272 19 40 272 10 55 272 9 18	92 28 2 92 25 7 92 39 23	52 32 52 52 30 55 52 30 20
		0et. 23 0et. 23	15 22 44 15 15 49	271 47 52 271 48 9	92 43 58 92 42 47	52 39 48 52 39 6
		Oct. 23 Oct. 23 Oct. 23	7 20 27 13 20 49 15 11 20	272 13 2 271 53 32 271 48 16	92 26 2 92 38 18 92 42 36	52 30 15 52 36 52 52 39 11
		0ct. 24 0ct. 23 0ct. 23	23 17 24 23 4 9 15 14 52	270 31 41 271 29 56 271 47 53	93 5 3 92 47 31 92 42 25	52 39 42 52 39 7 52 39 18
		Oct. 23 Oct. 23	13 52 27 18 2 38	271 53 46 271 40 32	92 42 10 92 42 23	52 39 52 52 40 41
		0ct. 23 0ct. 23	19 23 47 18 37 50	271 36 18 271 40 17	92 42 23 92 44 42	52 40 41 52 39 10
137	1823	Dec. 9 Dec. 9	10 42 30 10 49 10 8 30 0	274 32 59 274 33 27 273 56 12	303 3 22 303 3 22 302 59 14	76 11 28 76 11 22 76 2 45
		Dec. 9 Dec. 9 Dec. 9	10 6 13 10 39 21 10 48 50	274 18 32 274 33 19 274 34 30	303 1 18 303 3 39 303 3 0	76 9 40 76 12 6 76 11 57
138	1824	Dec. 9 Juli 11	10 52 59 12 28 1	274 34 14 260 16 32	303 3 51 234 19 9	76 12 14 54 34 19
139	(1) 1824 (11)	Sept. 29 Sept. 29	6 0 43 2 36 3	4 44 24 4 34 12	279 5 49 279 15 9	54 22 3 54 34 14
		Sept. 29 Sept. 29	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	4 32 8 4 33 18	279 15 21 279 15 48 279 15 32	54 35 39 54 34 36 54 43 8
		Sept. 28 Sept. 29 Sept. 29	23 58 57 1 33 19 1 45 2	4 25 57 4 31 7 4 32 6	279 15 32 279 15 39 279 16 44	54 36 59 54 35 32
140	1825 (1)	Mai 30 Mai 30 Mai 30	13 15 18 11 58 14 13 9 57	273 55 21 273 59 25 273 55 41	20 5 53 20 2 42 20 5 43	56 41 17 56 35 4 56 41 10

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,92258 9,92743	0,07626 0,06898		R R	v. Heiligenstein idem	135
0,06182	9,86740		R	Schnürlein	136
0,061390	9,868043		R	Argelander	
0,0598438	9,8703620		R	Cacciatore	
0,05923	9,87128		R	Nicolai	
0,05932	9,87115		R	idem	
0,0614036	9,8680223		R	Hansen	
0,0597898	9,8704430		R	idem	
0,0593364	9,8711231		R	idem	
0,0545019	9,8783748	0,96617805	R	Encke	
0,0581979	9,8728308	0,99147685	R	idem	
0,0593320	9,8711297		R	Gambart	
0,0596656	9,8706293		R	Bouvard	
0,0592269	9,8712874		R	Rümker	
0,0592179	9,8713008	0,9923022	R	idem	
0,0588305	9,8718820	0,99630211	R	Encke	
9,35554	0,92682		R	Hansen	137
9,3553934	0,9270376		R	idem	
9,363198	0,915331		R	Nicollet	
9,35796	0,92319		R	Nicolai	
9,3555383	0,9268202	1	R	idem	
9,3550726	0,9275188		R	Encke	
9,3553041	0,9271716		R	Schmidt	
9,7717807	0,3024566		R	Rümker	138
0,0200454	9,9300596		D	Bouvard	139
0,020998	9,928631		D	Hansen	
0,0211281	9,9284356		D	Argelander	İ
0,0210414	9,9285656		D	Encke	
0,0217381	9,9275206	1,006046	D	idem	-
0,0212469	9,9282574	1,0017345	D	idem	1
0,0211211	9,9284460		D	idem	
9,94896	0,03669		R	Nicolai	140
9,9487426	0,0370138		R	Schwerd	
9,948965	0,036681		B	Gambart	

Nr.	Jahr.	dur	hgang ch das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
140	1825	Mai 30 Mai 30	8 39 27 13 34 2	273 4 37 273 55 27	20 17 34 20 7 32	58 35 58 56 41 30
		Mai 30	13 16 0	273 55 1	20 6 8	56 41 6
		Mai 30	18 17 14	273 33 38	20 0 20	56 41 20
		Mai 30	21 18 30	273 19 33	20 13 21	57 5 31
141	1825 (II)	Aug. 18 Aug. 18	17 13 16 8 48 11	10 14 25 9 47 54	192 56 10 193 4 52	89 41 47 88 29 39
(96)	1825 (III)	Sept. 16	6 42 39	157 14 31	334 27 30	13 21 24
142	1825	Dec. 10	4 5 5	318 49 5	215 39 18	33 29 19
	(IV)	Dec. 10	12 29 42	318 51 44	215 44 7	33 31 45
		Dec. 10	12 39 55	319 11 57	215 48 8	33 27 48
l		Dec. 10	12 8 28	318 55 10	215 44 15	33 32 5
		Dec. 10	10 20 5	318 55 41	215 43 44	33 31 58
		Dec. 10	18 50 28	318 28 54	215 44 58	33 31 3
		Dec. 10	9 27 24	318 45 7	215 42 28	33 27 40
		Dec. 11	6 35 4	318 18 15	215 39 18	33 35 10
		Dec. 10	16 31 14	318 46 41	215 43 14	33 32 39
		Dec. 10	13 37 46	318 44 26	215 43 51	33 30 24
(84)	1826	März 18	10 21 28	104 20 0	247 54 10	14 39 15
	(l)	März 19	2 11 35	108 54 19	249 55 23	13 50 47
		März 18	11 15 4	109 51 32	251 26 9	13 33 15
		Márz 18	10 4 56	106 58 37	248 18 14	13 40 30
		März 18	11 19 28	109 53 30	251 27 20	13 32 52
		Marz 18	11 20 12	109 47 34	251 25 3	13 33 52
		Marz 18	10 10 47	109 46 8	251 28 23	13 33 56
		Marz 18	10 2 54	109 45 50	251 28 12	13 33 51
143	1826	April 22	5 2 35	115 7 36	198 23 17	40 40 12
	(11)	April 21	23 13 49	116 54 40	197 38 9	40 2 33
		April 21	23 37 7	117 11 14	197 30 19	39 57 24
		April 21	22 11 17	116 59 28	197 36 34	40 0 26
144	1826	April 29	1 5 34	35 48 13	40 29 13	5 17 2
	(III)	April 26	22 52 37	222 53 32	193 31 11	9 32 26

Periheldist. mittl. Bew. Bew. Berechners.	r						
9,948964		-		Excentricität.	der	des	Nr.
9,948964		9 9552155	0.0273044		R	Rümker	140
9,9489616	ı		,				140
9,9461924			'				
9,95069	I	· ·					
9,9461924		· ·	,				ļ
9,946198		0,00000	0,00110				
9,5376348 0,6536755 0,8448885 D Encke (96 0,0930097 9,8206132 R Tallquist 142 0,093784 9,819452 R Schwerd 142 0,0959054 9,8169696 R Hallaschka 142 0,094100 9,818978 R Peters 142 0,0942050 9,8188202 R Morstadt 142 0,09236 9,820874 R Hansen 142 0,0923926 9,8215388 0,9817028 R idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 D Gambart (84) 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9554186 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9554798 0,0268546 0,7469312 D Santini 9,9554791 0,0269420 <t< td=""><td></td><td>9,9461924</td><td>0,0408391</td><td></td><td>D</td><td>Clausen</td><td>141</td></t<>		9,9461924	0,0408391		D	Clausen	141
9,5376348 0,6536755 0,8448885 D Encke (96 0,0930097 9,8206132 R Tallquist 142 0,093784 9,819452 R Schwerd 142 0,0959054 9,8169696 R Hallaschka 142 0,094100 9,818978 R Peters 142 0,0942050 9,8188202 R Morstadt 142 0,09236 9,820874 R Hansen 142 0,0923926 9,8215388 0,9817028 R idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 D Gambart (84) 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9554186 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9554798 0,0268546 0,7469312 D Santini 9,9554791 0,0269420 <t< td=""><td>l</td><td>9,946198</td><td></td><td></td><td>D</td><td></td><td></td></t<>	l	9,946198			D		
0,0930097 9,8206132 R Tallquist 142 0,093784 9,819452 R Schwerd 142 0,0959054 9,8162696 R Hallaschka 142 0,094100 9,818978 R Peters Morstadt 0,0942050 9,8188202 R Morstadt Morstadt 0,0954613 9,8169358 0,9562469 R Rümker Ilansen 0,0923926 9,820574 R Ilansen idem idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem Capocci 9,9827 9,9860 P,8205312 D Gambart (84) 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem P 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem P 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen P 9,9554798 0,0269080 0,7469312 D Santini P 9,9554798			,				
0,093784		9,5376348	0,6536755	0,8448885	Ð	Encke	(96)
0,093784	ŀ				_		
0,0959054		· .				•	142
0,094100 9,818978 R Peters 0,0942050 9,8188202 R Morstadt 0,0954613 9,8169358 0,9562469 R Rümker 0,092336 9,820874 R Ilansen Idem 0,0923926 9,8215388 0,9817028 R idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 R Capocci 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,9554138 0,0270070 0,74187 D idem 9,9554138 0,0270070 0,7465690 D Clausen 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9554549 0,0269080 0,7469312 D Santini 9,955479 0,0269420 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nic	I	1	′				
0,0942050 9,8188202 R Morstadt 0,0954613 9,8169358 0,9562469 R Rümker 0,092836 9,820874 R Hansen idem 0,0923926 9,8215388 0,9817028 R idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 R Capocci 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,9554138 0,0270070 0,74187 D idem 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem 0 0,3016581 9,5060138 1,0089597 D		′					
0,0954613 9,8169358 0,9562469 R Rümker 0,092836 9,820874 R IIansen 0,0933926 9,8215388 0,9817028 R idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 D Gambart (84) 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem 0 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D		· ·	· ·		1		
0,092836 9,820874 R Hansen idem 0,0923926 9,8215388 0,9817028 R idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 D Gambart (84) 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,95674 0,02502 0,74187 D idem 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem 0 0,3016581 9,5060138 D Nicolai D 0,3027426 9,5060138 D idem D		'	, i	0.0500400			
0,0923926 9,8215388 0,9817028 R idem 0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 R Capocci 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,95674 0,02502 0,74187 D idem 9,9594138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7469312 D Santini 9,9554571 0,0269420 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem D idem 0,3027426 9,5060138 D Nicolai D idem		'		0,9562469			
0,0937189 9,8195494 0,9953690 R idem 0,0930643 9,8205312 R Capocci 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,95674 0,02502 0,74187 D idem 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9551786 0,00522 D V. Biela 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem D idem 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai D idem 0,3027426 9,5060138 D idem D idem D		· ·			1		
0,0930643 9,8205312 R Capocci 9,9827 9,9860 D Gambart (84) 9,95674 0,02502 0,74187 D idem 9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7465727 D Santini 9,9554571 0,0269420 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem D idem	l	,	· · ·	,			
9,9827 9,9860 D Gambart (84)		· ·	,	0,9953690			
9,95674		0,0930643	9,8205312		К	Сароссі	
9,95674 0,02502 0,74187 Didem 9,9554138 0,0270070 0,7470093 Didem 9,96994 0,00522 D. V. Biela 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D. Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D. idem 9,9554798 0,0269080 0,7469312 D. Santini 9,9554571 0,0269420 0,7465727 D. idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D. Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D. idem D. Nicolai 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D. Nicolai 0,3027426 9,5060138 D. idem	ŀ	9,9827	9,9860		D	Gambart	(84)
9,9554138 0,0270070 0,7470093 D idem 9,96994 0,00522 D v. Biela 9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7469312 D Santini 9,9554571 0,0269420 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem D 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem D		′ 1		0,74187	D	idem	
9,9551786 0,0273598 0,7465690 D Clausen 9,9555154 0,0268546 0,7469033 D idem 9,9554798 0,0269080 0,7469312 D Santini 9,9554571 0,0269420 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem D 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem D	I	· ·	0,0270070	0,7470093	D	idem	
9,9555154	l	9,96994	0,00522		D	v. Biela	
9,9554798 0,0269080 0,7469312 D Santini 9,9554571 0,0269420 0,7465727 D idem 0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen idem 0,3034430 9,5049632 D idem 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem		9,9551786	0,0273598	0,7465690	D	Clausen	
9,9554571 0,0269420 0,7465727 D idem		9,9555154	0,0268546	0,7469033	D	idem	
0,3156647 9,4866306 0,9498736 D Clausen 143 0,3034430 9,5049632 D idem 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem		9,9554798	0,0269080	0,7469312	D	Santini	
0,3034430 9,5049632 D idem 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem		9,9554571	0,0269420	0,7465727	D	idem	
0,3034430 9,5049632 D idem 0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem		0.015004	0.4000000	0.0100726	n	Clausen	142
0,3016581 9,5076406 1,0089597 D Nicolai 0,3027426 9,5060138 D idem			,	0,3430730	- 1		143
0,3027426 9,5060138 D idem		'	′ 1	1.0059597	- 1		
0,0021120 0,0000100			,	1,000000		-	
9,2744275 1,0484864 R Clüver 144		0,3027420	5,3000138		D	rucui	
		9,2744275	1,0484864		R	Clüver	144
9,8103306 0,2446318 D Flaugergues		9,8103306	0,2446318		D	Flangergues	

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
145	1826 (IV)	Oct. 8	h " " 22 26 49 0 47 30	57 45 13 57 58 27	0 / '' 44 6 11 43 52 41	25 52 48 26 1 49
		Oct. 9	2 20 59 23 0 35	57 3 53 57 48 24	44 46 16	25 32 18 25 57 18
4.40	1826	000	9 53 2			
146	1826 (V)	Nov. 18 Nov. 18	9 55 2	315 31 32 315 50 30	235 14 19 234 49 19	89 25 10 89 14 18
		Nov. 18	10 2 44	315 31 34	235 7 44	89 22 10
		Nov. 18	10 7 11	315 41 40	235 13 34	89 26 30
	1	Nov. 18	9 57 16	315 29 39	235 6 11	89 22 9
147	1827 (1)	Febr. 4	22 16 25	33 30 16	184 27 49	77 35 35
148	1827	Juni 7	20 3 50	297 34 18	318 14 48	43 37 48
	(It)	Juni 7	20 20 36	297 31 42	318 10 28	43 38 45
149	1827	Sept. 11	16 12 18	250 54 18	149 39 55	54 3 58
	(111)	Sept. 11	1 33 36	254 15 52	150 26 25	54 53 30
		Sept. 12	5 48 35 16 21 9	255 25 50 250 58 13	150 11 40	54 27 50
		Sept. 11 Sept. 11	20 12 4	250 58 13	149 39 4 149 45 51	54 3 19 54 7 55
		Sept. 11	16 17 31	250 59 40	149 41 15	54 6 2
		Sept. 11	16 47 5	250 57 12	149 39 11	54 4 42
(96)	1829	Jan. 9	18 3 28	157 17 53	334 29 32	13 20 34
150	1830	April 9	7 48 23	212 12 29	206 21 31	21 15 55
	(1)	April 9	0 25 12	212 1 13	206 18 14	21 20 44
		April 9	7 23 59	212 11 47	206 21 44	21 16 29
		April 9	8 53 23	212 13 30	206 22 0	21 16 0
		April 9	6 34 52	212 10 22	206 20 24	21 16 45
		April 9	7 24 5	212 11 22	206 21 35	21 16 5
		April 9 April 9	7 22 15 6 52 51	212 11 44	206 21 52	21 16 28
		April 9 April 9	11 40 40	212 11 38 212 23 19	206 21 36 206 22 43	21 16 27 21 11 9
		April 9 April 9	7 4 55	212 23 19 212 9 20	206 22 43	21 16 41
151	1830	Dec. 27	16 14 25	311 2 8	337 53 57	44 49 7
	(11)	Dec. 27	16 10 49	310 59 59	337 54 18	44 48 41

Log. der Periheldist.	Log. der mittl, Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,93084	0,06387		D	Schwerd	145
9,92998	0,06516		D	Nicolai	
9,93366	0.05964		D	Del Re	-
9,930852	0,063850		D	Argelander	
8,42518	2,32236		R	Santini	146
8,4603416	2,2696153		R	Clausen	110
8,4296128	2,3157085		R	Clüver	
8,4327879	2,3109458		R	Gambart	
8,4295812	2,3157559		B	idem	
0,1200012	2,010,000			Niem	
9,70460	0,40323		R	v. Heiligenstein	147
9,90747	0.09892		R	Valz	148
9,907494	0,098887	-	R	v. Heiligenstein	
1	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,		- 1	Trenige instead	
9,13742	1,25400	8 A	R	Schwerd	149
9,1959	1,1662		R	Valz	
9,21395	1,13920		R	Peters	
9,1383010	1,2526762		R	Nicolai	
9,15980	1,22043		R	Clüver	
9,1391184	1,2514501		R	idem	
9,1393857	1,2510492	0,99927305	R	idem	
9,5385038	0,6523720	0,8446245	D	Encke	(96)
9,96449	0,01340		D	Olbers .	150
9,96392	0,01425		D	Schwerd	100
9,9644660	0,0134287		D	Nicolai	
9,96454	0,01332		D	Valz	
9,9644112	0,0135109		D	Mayer u. Kottinger	
9,9644737	0,0134172	0.9993883	D		
9,9644697	0,0134232		D	Hådenkamp u. Mayer	
9,9644642	0,0134314		D	Carlini	
9,9650486	0.0125548		D	Santini	
9,9643121	0,0136596		D	Conti	
	,				
9,09903	1,31158		R	Peters	151
9,0997368	1,3105225		R	idem	

Nr.	Jahr.	durch	hgang das n. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des außt. Knotens.	Neigung.
151	1830 (II)	Dec. 27 Dec. 27 Dec. 27	16 37 10" 15 57 27 16 0 19	311 3 50 310 59 35 310 59 19	337 54 35 337 53 10 337 53 7	14 49 52 44 44 32 44 45 30
(96)	1832	Mai 3	23 34 6	157 21 1	334 32 9	13 22 9
152	1832 (II)	Sept. 24 Sept. 25 Sept. 25 Sept. 26 Sept. 25 Sept. 25 Sept. 25 Sept. 25 Sept. 25	20 48 36 12 48 19 6 54 24 15 52 40 10 35 11 12 40 24 12 15 5 13 27 36	228 49 28 227 54 36 228 15 49 226 14 10 228 1 20 227 55 36 227 55 5 227 54 36	72 5 33 72 26 49 72 19 34 73 6 50 72 25 24 72 26 42 72 24 54 72 26 30	42 56 35 43 18 41 43 10 57 43 58 0 43 16 6 43 18 3 43 16 7 43 18 54
(81)	1832 (III)	Nov. 26 Nov. 26 Nov. 26 Nov. 26 Nov. 26 Nov. 26	23 32 21 9 46 5 1 39 7 3 2 27 2 57 39 1 40 47	109 56 45 109 56 24 109 52 55 110 0 55 110 0 25 110 0 25	248 12 24 248 11 49 248 13 33 248 15 36 248 15 18 248 15 18	13 13 13 13 11 48 13 10 25 13 13 1 13 13 31 13 12 47
153	1833	Sept. 11 Sept. 10	1 27 8 4 36 53	229 4 50 222 51 17	324 58 18 323 0 51	7 0 50 7 21 2
154	1834	April 2 April 2	19 51 17 16 4 32	276 26 45 276 33 49	226 1 13 226 48 52	5 59 48 5 56 52
155	1835 (1)	März 27 März 28 März 30 März 27	10 34 18 4 7 36 16 39 12 13 59 32	207 48 56 207 24 38 206 9 24 207 42 55	58 25 58 58 27 51 58 55 57 58 19 46	9 6 45 9 6 43 9 2 42 9 7 39
(96)	1835 (II)	Aug. 26	8 48 53	157 23 29	334 34 59	13 21 15
(19)	1835 (11t)	Nov. 4 Nov. 12 Nov. 15 Nov. 26 Nov. 11	7 40 48 14 24 0 0 14 24 5 44 34 13 49 26	301 27 24 304 31 43 301 31 42 304 30 11 304 30 59	55 9 7 55 30 0 55 10 15 55 9 43 55 11 21	17 41 5 17 44 24 17 44 53 17 44 46 17 43 24

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners,	Nr.
9,09836	1,31259		R	Knorre	151
9,1000184	1,3100551		R	Santini	
9,0999822	1,3101544		R	Wolfers	
9,5358905	0,6562920	0,8454141	D	Encke	(96)
0,0773726	9,8110688		R	Peters	152
0.0731607	9,8503866		B	idem	100
0.074734	9,848027		B	Olbers	
0,06491	9,86276		R	Gambart	
0,073582	9,849755		R	v. Heiligenstein	
0,0732061	9,8503186		B	E. Bouvard	
0,07320	9.85033		R	Kreil	
0,07326	9,85024		R	Santini u. Conti	į
9,9435069	0,0448674	0,7517481	D	Damoiseau	(84)
9,9441275	0.0439364	0.7513780	D	Santini	
9,9441558	0,0438940	0,7513767	D	Nicolai	
9,9439962	0,0441334	0,7514682	D	Santini	
9,9440316	0,0440803	0,7514479	D	Baranowski	
9,9440853	0,0439998	0,7515600	D	Bury	
9,68913	0,42644		D	Henderson	153
9,66126	0,46824		D	Peters	***
9,70966	0,39564		D	idem	
	,		D		154
9,7118304	0,3923821		ע	Petersen	
0,30956	9,49579		R	Peters	155
0,3104902	9,4943924		R	v. Boguslawski	1
0,3120691	9,4920240		R	Rümker	
0,3099084	9,4952651	•	R	W. Bessel	
9,5371089	0,6544644	0,8450356	D	Encke	(96)
9,7693899	0,3060428	0,9673055	. R	Damoiseau	(19)
9,7668134	0,3099076	0,96752120	R	Pontécoulant	
9,7700784	0,3050101	0.9672807	R	idem	
9,7684768	0,3074125	0,96715378	R	Lehmann	
9,768318	0,307651	0,967391	R	Rosenberger	
				0	

Nr.	Jahr.	dur	chgang ch das m. Par. Zeit,	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
(19)	1835 (III)	Nov. 15 Nov. 15 Nov. 15 Nov. 15	h / // 22 41 25 22 41 33 22 36 26 22 41 22	304 31 49 301 31 7 304 32 9 304 31 32	55 9 47 55 9 53 55 8 21 55 9 59	17 45 17 17 45 28 17 45 57 17 45 5
(96)	1838	Dec. 19	0 26 59	157 27 4	334 36 41	13 21 28
15 6	1840 (1)	Jan. 4 Jan. 4 Jan. 4 Jan. 4 Jan. 4	11 15 46 11 50 53 11 32 20 11 27 46 10 23 3	192 9 22 192 15 4 192 13 5 192 12 16 192 11 50	119 58 41 119 58 37 119 58 7 119 57 53 119 57 46	53 5 7 53 5 57 53 5 38 53 5 41 53 5 32
157	1840 (II)	Márz 12 Márz 12 Márz 12 Márz 12 Márz 12 Márz 12	18 10 13 18 58 37 21 45 49 23 3 14 21 51 25 23 55 53	80 30 34 80 30 44 80 22 53 80 20 35 80 22 48 80 18 10	236 40 13 236 46 3 236 47 54 236 50 32 236 48 11 236 49 6	59 10 44 59 12 46 59 13 22 59 14 31 59 12 18 59 13 20
158	1840 (III)	April 2 April 2 April 2	6 17 41 13 3 28 12 2 48	323 29 56 324 20 24 324 12 27	185 53 0 186 4 24 186 2 45	79 52 58 79 51 24 79 51 52
159	1840 (IV)	Nov. 13 Nov. 15 Nov. 13	23 49 48 5 8 56 15 37 16	22 29 13 23 42 30 22 31 40	248 41 50 248 47 42 248 56 22	58 16 7 58 5 3 57 57 23
(96)	1842 (I)	April 12	0 35 30	157 29 27	334 39 10	13 20 26
160	1842 (II)	Dec. 16 Dec. 15 Dec. 15 Dec. 15	1 43 4 3 22 52 22 18 53 23 7 0 23 7 32	325 37 28 324 57 18 327 24 3 327 16 13 327 17 32	206 10 24 206 7 55 207 52 31 207 49 1 207 49 39	71 18 50 71 37 23 73 36 26 73 33 37 73 34 4
161	1843 (I)	Febr. 27 Febr. 27 Febr. 27 Febr. 27	11 12 34 10 38 35 14 18 6 10 24 11	279 2 30 277 43 54 280 44 4 278 28 25	4 15 25 1 55 19 15 57 3 1 48 43	35 12 38 35 34 1 34 19 52 35 35 29

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricitát.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,7683476	0,3076063	0,96738879	R	Rosenberger	(19)
9,7682606	0,3077368	0,96739533	R	Santini	
9,7683515	0.3076004	0,9675509	R	Stratford	
9,7683194	0,3076486	0,96739091	R	Westphalen	
9,5366085	0,6552150	0,8451775	D	Encke	(96)
9,79165	0.27266		D	idem	156
9,7911534	0,2733976		D	Rümker	Ì
9,791272	0,273220		D	Petersen	İ
9,7913112	0,2731609		D	Lundahl	
9,7913017	0,2731752	1,0002050	D	Peters u. O. Struve	
0.0877164	9,8285531		R	Petersen	157
0.0875394	9,8288186		R	Rümker	
0.0871180	9.8294507	5	B	Encke	
0.0869476	9.8297063		R	Kysacus	
0.0869250	9,8297402		R	Plantamour	
0.0868563	9,8298432	0,9978836	R	idem	
0,000000	5,0200402	.,			
9,87510	0,14748		D	Encke	158
9,870434	0,154477		D	Petersen	
9,8740948	0,1489855		D	Rümker	
0,172374	9,701567		D	Encke	159
0,16984	9,70537		D	Santini	
0,1705070	9,7043672	0,96985265	D	Götze	
9,5378361	0,6533736	0,8447904	D	Encke	(96)
9,69758	0,41376		R	Valz	160
9,6913349	0,4231254		R	Rümker	
9,70340	0,40503		R	Argelander	
9,7026605	0,4061370		R	Laugier	
9,7027970	0,4059322		R	Petersen	
7,717642	3,383665	1,00021825	R	Encke	161
7,8462789	3,1907094		R	Kendall u. Walker	
7,6131745	3,5403660	1,00090495	R	nendan n. waiker	
7,76268	3,31611		R	Knorre	
	<u></u>	l			

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das m. Par. Zeit,	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
161	1843 (I)	Febr. 27 Febr. 27	10 28 45 10 27 8	278 36 33 278 18 3	0 / " 1 37 55 0 51 4	35 36 29 35 45 39
		Febr. 27	6 19 59	276 45 54	4 0 12	35 15 18
		Febr. 27	3 43 54	277 38 14	350 8 57	38 30 33
		Febr. 27	10 18 21	278 45 58	2 10 0	35 31 30
		Febr. 27	9 39 2	278 36 20	0 44 2	35 46 11
		Febr. 27	8 18 23	278 17 33	357 52 4	36 20 33
		Febr. 27	10 19 12	278 28 5	359 29 10	35 39 50
162	1843	Mai 6	3 0 21	281 32 30	157 14 39	52 45 34
	(11)	Mai 6	1 33 39	281 29 51	157 14 41	52 44 55
		Mai 6	7 3 7	281 46 9	157 15 51	52 51 51
		Mai 6	1 56 50	281 29 55	157 14 9	52 44 59
		Mai 6	2 57 28	281 40 19	157 23 17	52 47 0
		Mai 6	4 22 59	281 34 51	157 14 15	52 45 57
		Mai 6	$0\ 42\ 54$	281 27 48	157 14 51	52 44 1
		Mai 6	1 29 54	281 29 43	157 14 54	52 44 46
163	1843	Sept. 7	3 32 39	43 28 12	222 30 37	19 21 8
	(111)	Aug. 28	1 17 35	35 26 22	218 3 0	17 14 37
		Oct. 17	11 37 32	49 44 58	209 26 8	11 21 28
		Oct. 18	10 38 43	50 13 39	209 14 58	11 16 56
1		Oct. 18	7 12 46	50 11 7	209 18 46	11 18 46
	i	Oct. 16	21 20 15	49 22 46	209 32 8	11 22 33
		Oct. 14 Oct. 17	0 50 42 1 58 48	49 34 1 49 29 38	209 31 1	11 23 0
	1	Oct. 17	21 11 21	49 29 38	209 31 14 209 22 59	11 22 17 11 20 46
		Oct. 17	5 49 23	48 54 34	209 45 13	11 20 46 11 22 57
		Oct. 16	22 2 9	49 24 16	209 31 59	11 22 37
		Oct. 10	21 57 29	46 46 51	210 17 26	11 30 19
		Oct. 17	3 42 16	49 34 19	209 29 19	11 22 31
164	1844	Aug. 30	13 7 17	340 24 11	62 46 52	4 2 18
	(I)	Sept. 2	12 28 14	342 31 56	63 48 57	2 53 7
		Sept. 2	11 36 53	342 31 15	63 49 31	2 54 45
		Sept. 2	11 34 43	342 31 6	63 48 49	2 54 46
		Sept. 2	12 14 35	342 32 40	63 52 24	2 54 27
1		Sept. 2	11 3 33	342 29 45	63 48 55	2 55 2
		Sept. 2	11 31 57	342 30 50	63 49 0	2 54 50
Ľ	1			1	I	

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
7,7469647	3.3396806		R	Nicolai	161
7,76395	3.31420		R	Plantamour	
7,90272	3.10605		R	Santini	
7,8498258	3,1853890	0.99793844	R	Clausen	
7,73941	3,35102		R	,	
7,75419	3.32884	0,9998185	R	Laugier und Mauvais	
7,779376	3.291064	0,999440	R	1	
7,716	3,386		R	Valz	
0.2086520	9.6471497		D	Mauvais	162
0,2085600	9,6472877		D	idem	İ
0,209778	9,645461		D	Reslhuber	1
0,2085402	9,6473174		D	Schlüter	
0,2098129	9,6454054	1,0144067	D	Santini	
0,2087542	9,6469964		D	Hind	
0,2083948	9,6475355		D	Gótze	
0,2085316	9,6473303	1,0001798	D	idem	
0,350231	9,434781		D	Agardh	163
0,313984	9,489152		D	Galle	
0,2284974	9,6173516	0,5541125	D	Goldschmidt	
0,2279463	9,6182082	0,5185724	D	Argelander	
0,2284338	9,6174770	0,5500864	D	Petersen	
0,2279518	9,6182000	0.5562639	D	Nicolai	i E
0,2285935	9,6172374	0.5565615	D	Le Jeune	
0,2281165	9,6179530	0,5559644	D	Plantamour	
0,2287808	9,6169565	0.5526020	D	Santini	
0,2263998	9,6205280	0,5555743	D	O. Struve	
0,2280795	9,6180084	0,5565054	D	Hind	
0,2234387	9,6249696	0,5726628	D	Carlini	
0,2285489	9,6173044	0,5559623	D	Le Verrier	
0,1047970	9,8029322		D	De Vico	164
0,0734738	9.8499170	0,6092118	D	Faye	
0,0741949	9,8488354	0,6172559	D	idem	
0,0741755	9,8188644	0,6171574	D	Nicolai	
0,0740859	9,8489988	0,6156603	D	Hind	
0,0742841	9,8487016	0,6186103	D	Goldschmidt	
0,0742308	9,8487815	0,6176539	D	Brünnow	
<u> </u>					

Nr.	Jahr.	dure	hgang hdas n, Par. Zeit.	Lange des Perihels.	Länge des aufst. Knotens,	Neigung.
165	1844 (II)	Oct. 17	h ' '' 8 50 54 7 35 12	180 31 34 180 21 24	31 33 41 31 40 38	48 34 33 4 48 36 40
		Oct. 17	4 20 2	179 52 46	32 0 26	48 42 45
		Oct. 17	6 58 11	180 15 46	31 43 2	48 37 34
		Oct. 17	7 58 34	179 41 22	31 42 50	48 37 20
		Oct. 17	8 7 51	180 25 27	31 39 33	48*36 24
		Oct. 17	8 16 24	180 23 55	31 39 5	48 36 24
		Oct. 17	8 13 24	180 24 10	31 39 5	$48\ 36\ 22$
166	1844 (III)	Dec. 13	2 48 35	297 4 6	118 34 1	45 27 52
	(111)	Dec. 13	12 15 37	296 24 9	118 37 12	$45 \ 27 \ 25$
		Dec. 13	19 37 33	295 45 42	118 21 7	45 37 50
		Dec. 13	16 32 48	296 0 32	118 23 24	45 36 34
167	1845	Jan. 8	5 8 25	91 21 37	337 0 12	16 59 2
	(1)	Jan. 8	4 16 43	91 23 21	336 54 5	46 50 58
		Jan. 8	3 55 25	91 19 41	336 44 30	$46\ 50\ 36$
		Jan. 8	3 54 12	91 19 36	336 44 23	46 50 34
		Jan. 8	4 2 49	91 20 7	336 44 32	$46\ 50\ 42$
		Jan. 8	3 53 49	91 19 39	336 44 30	$46\ 50\ 30$
		Jan. 8	3 58 13	91 19 57	336 44 30	$46\ 50\ 30$
		Jan. 8	4 7 40	91 20 22	336 44 13	46 50 39
168	1845	April 21	1 31 25	192 36 25	347 7 48	56 22 11
	(11)	April 21	0 56 45	$192\ 33\ 38$	347 6 59	$56\ 24\ 6$
		April 20	23 27 30	$192\ 29\ 6$	347 5 34	$56\ 27\ 18$
		April 21	1 8 44	192 34 14	347 6 59	$56\ 22\ 51$
		April 21	0 53 58	192 33 19	347 6 45	56 23 36
169	1845	Juni 5	16 55 30	261 56 52	337 50 6	48 47 59
	(111)	Juni 5	16 32 53	262 0 33	337 48 49	48 55 8
		Juni 5	16 19 5	262 2 56	337 48 56	48 41 59
		Juni 5	15 56 51	262 6 47	337 53 20	$49 8\ \ 22$
		Juni 5	19 25 3	261 31 38	337 32 41	48 21 14
(96)	1845 (IV)	Aug. 9	15 11 11	157 44 21	334 19 33	13 7 34
170	1846	Jan. 23	10 35 55	90 15 0	111 21 0	47 6 0
	(I)	Jan. 23	1 42 15	90 19 33	111 10 53	47 5 26
	1	Jan. 23	14 38 48	90 17 42	111 14 6	47 4 12

	1	1			
			Richt.	Name	
Log. der	Log. der	Excentricitat.	der	des	Nr.
Periheldist.	, mittl. Bew.		Bew.	Berechners.	
9,9334778	0.0599110		R	Brünnow	165
9,9316534	0,0626176		R	Manyais	
9,926404	0,070522		R	Carlini	
9,9307721	0,0639696		R	Plantamour	
9,9311082	0,0634654		R	Turazza	
9,9322752	0,0617149		R	Nicolai	
9,9321208	0,0619465		R	idem	
9,9321180	0,0619507		R	Hind	
9,41926	0,83124		D	C. H. F. Peters	166
9,406448	0,850456		D	Petersen	
9,395670	0,866623		D	Brünnow u. d'Arrest	
9,4001230	0,8599432		D	Hind	
0.05702	0.00496		D :	Argelander	167
9,95723	0,02428 0,0249664		D	Wichmann	107
9,9567742	0.0250369		D	Goujon	
9,9567272 9,9567310	0,0250312		D	Faye	
9,956754	0,024997		D	d'Arrest	
9,9567392	0,0250189		D	Götze	
9,9567518	0,0250000		D	Nicolai	
9,9567652	0,0249799		D	Hind	
3,3301032	0,0343133		, D	, man	
0,0983802	9,8125574		D	Sievers	168
0,0985420	9,8123147		D	Hind	
0,0987553	9,8119948	1,0039886	D	Jelinek n. Hornstein	
0,0984859	9,8123988		D	Götze	
0,0985330	9,8123282		D	Faye	
9,6036440	0,5546617		R	Hind	169
9,6032278	0,5552860		R	d'Arrest	
9,603823	0,554393	0,9898742	R	idem	
9,602870	0,555823	3,0000.10	R	Santini	
9,6053700	0,5520727		R	Bianchi	
1	1				
9,5291008	0,6664765	0,8474362	D	Encke	(96)
0,170643	9,704163		D	Valz	170
0,171717	9,702553		D	Brünnow	
0,17102	9,70360		D	v. Littrow	
	1		1		

Nr.	Jahr.	Durchgang durch das Perihel in m. Par. Ze	Långe des Perihels,	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
170	1846 (1)	Jan. 21 16 17 5 Jan. 22 4 30	6 88 42 17 0 89 7 5	111 3 9 111 5 27	47 33 27 47 26 56
(84)	1846 (II)	Febr. 11 8 59 4 Febr. 11 0 2 5 Febr. 10 23 51 3 Febr. 11 0 42 5	0 109 5 47 6 109 2 20	245 57 19 245 56 58 245 54 39 245 47 51	12 35 26 12 34 14 12 34 53 12 39 45
171	1846 (till)	Febr. 27 9 56 4 Febr. 25 9 13 3 Febr. 25 7 19 5 Febr. 25 8 6	5 416 28 31	96 21 32 102 39 36 102 51 14 102 45 21	32 34 10 30 55 7 30 48 37 30 49 4
172	1846 (IV)	März 5 9 16 März 5 12 8 3 März 5 15 30 5 März 5 11 1 2 Mårz 5 8 41 5 Mårz 5 3 48 4	5 90 36 4 1 90 34 46 9 89 16 42	76 57 43 77 29 48 77 26 42 77 35 36 76 49 26 76 53 39	85 19 19 85 11 30 84 59 56 84 57 13 85 34 58 85 34 1
173	1846 (V)	Mai 20 3 22 3 Mai 27 22 6 1 Mai 25 22 43 5	7 82 32 57	162 22 18 161 18 49 161 32 1	58 24 26 57 35 50 57 43 40
174	1846 (VI)	Mai 30 12 11 4 Mai 29 14 49 Juni 1 2 40 1	0 237 25 6	258 45 13 258 47 8 260 12 25	34 0 42 33 55 49 31 2 14
175	1846 (Vit)	Juni 5 5 5 4 3 Juni 5 6 5 Juni 5 12 35 2 Juni 5 6 19 4 Juni 5 6 8 5 Juni 5 11 39 2	4 162 33 51 4 162 0 54 8 162 31 1 1 162 32 53	262 2 53 261 57 45 261 51 14 261 57 58 261 57 54 261 52 51	29 15 15 29 19 48 29 18 47 29 19 56 29 19 48 29 18 47
176	1816 (VIII)	Oct. 30 0 48 3 Oct. 29 18 57 Oct. 29 18 5 10	2 98 34 28	4 48 34 4 40 13 4 41 4	49 45 57 49 40 44 49 41 17
177	1847 (I)	Márz 30 6 47 4 Márz 30 6 50 2 Marz 30 6 37 2 Marz 30 6 49 5	4 276 12 21 2 276 11 50	21 42 26 21 50 41 21 49 31 21 44 14	48 39 49 48 40 1 48 39 49 48 39 29
178	1847 (II)	Juni 5 23 22 2	8 111 0 2	173 54 38	79 36 10

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricitat.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
0,17079 0,1709303	9,70394 9,7037322		D D	Neumann Ondemans	170
9,9324040 9,9326238 9,9327011 9,9328143	0,0615217 0,0611920 0,0610760 0,0609062	0,7567415 0,7551705 0,7570030 0,7563402	D D D	Santini Brünnow u. d'Arrest Plantamonr Coffin	(84)
9,8094648 9,8129885 9,8131670 9,8131016	$\begin{array}{c} 0.2459305 \\ 0.2406450 \\ 0.2403772 \\ 0.2404753 \end{array}$	0,7936290 0,7892429 0,7917709	D D D	Petersen Brünnow Goujon Hind	171
9,8248058 9,8223748 9,822545 9,821584 9,8245330 9,82524	0,2229190 0,2265655 0,226311 0,227752 0,2233282 0,22227	0,9680761 0,9628484 0,9543896	D D D D	G. Bond Peirce Hugh Breen Hind van Deinse Santini	172
0,098017 0,1387053 0,1314317	9,813103 9,7520698 9,7629802		R R R	Gonjon Argelander Brorsen	173
0,204635 0,204310 0,186862	9,653175 9,653663 9,679835	0,7567235	D D D	Peters d'Arrest idem	174
9,8033725 9,8031613 9,8017037 9,8028964 9,8030651 9,8018857	0,2550690 0,2553858 0,2575722 0,2557831 0,2555300 0,2572992	0,9883605	R R R R R	idem Hind Wichmann H. Breen Ondemans idem	175
9,919518 9,919380 9,9193956	0,080851 0,081058 0,0810343		D D	d'Arrest Powalky Hind	176
8,6271534 8,6233982 8,6233972 8,6272993	2,0193976 2,0250304 2,0250319 2,0191788		D D D	d'Arrest Villarceau Hind Schmidt	177
0,3254924	9,4718891		R	d'Arrest	178

Anmerkungen

zu dem

Verzeichniss der bisher berechneten Cometenbahnen.

- V. Chr.
 Jahr der Erscheinung ist nicht ganz festgestellt. Die Schätzung der Bahn von *Pingre* beruht vornehmlich auf den Angaben des Aristoteles. Pingré 1, p. 259.
- 1α, 1b, 1c. 137, 69, 12 v. Chr. Diese Bahnen finden sich in dem American Almanac for 1847 und gelten für das Äquinoctium von 1850,0.
- N. Chr.

 1d. 240. Nach den chinesischen Beobachtungen, welche P. Gaubil (im Mannscript)
 und de Guignes (Mémoires présentés à l'Acad. roy. des sciences par
 divers savans T. X, 1785) nach Ma-tuan-lin mitgetheilt haben und
 wovon man in Pingré's Cométographic Auszüge findet. Sehr unsichere
 Bahn. Monatliche Correspondenz Bd. X, S. 167.
- Sach chinesischen Beobachtungen (Pingré Cométogr.), die keine Breiten angeben. Mon. Corr. II, S. 415. XVI, S. 498. Mém. présentés à l'Institut I. (1805), p. 291.
- 3. 565. Nur aus zwei chinesischen Beobachtungen unter den beiden Voraussetzungen abgeleitet, dass der curtirte Abstand des Cometen in der ersten Beobachtung = 1,2 oder = 1,3 gewesen sei. Obgleich die Elemente einige Ähnlichkeit mit denen der Cometen von 1683 und 1739 haben, so fand Burckhardt doch, dass keine dieser beiden Cometenbahnen die Beobachtungen von 565 darstellen könne. Mon. Corr. X, S. 162.
- Nach den von E. Biot in der Connaissance des Temps für 1846 bekannt gemachten chinesischen Beobachtungen. Die Bahn von Hind in Schnmacher's Astronomischen Nachrichten Bd. XXI, S. 279 und XXIII, S. 377; die von Laugier in den Comptes rendus hebdomadaires des séances de l'Acad. des sciences 1846. T. XXII, p. 148.
- 574. Nach den chinesischen Beobachtungen in der Conn. d. T. 1846. Sehr unsicher. Astron. Nachr. XXI, S. 279. XXIII, S. 377.

- 770. Nach eben diesen Beohachtungen, Langier Compt. rend. XXII, p. 148.
 Hind Astr. Nachr. XXIII, S. 377.
- 837. Nach den von Gaubil mitgetheilten chinesischen Beobachtungen. Pingré Cométogr. I. p. 340.
- 8. 961. Chines. Beob. Conn. d. T. 1846. Astron. Nachr. XXIII, S. 377.
- 9. 989. Chines. Beobachtungen. Sehr unsichere Bahn. Mon. Corr. X, S. 167.
- 10, 1066. Sehr ungewisse Bahn. Pingré I, p. 373.
- 11. 1097. Aus chinesischen Beobachtungen vom 6., 16. und 17. October. Mém. prés. 1. (1805), p. 294. Mon. Corresp. II, S. 417, XVI, S. 501.
- 12. 1231. Chinesische Beobachtungen. Pingré I. p. 401.
- 1264. Dunthorne Phil. Transact. Vol. 47, p. 283. Strnyck, Vervolg van de Beschryving der Staartsterren. Amst. 1753, p. 108, 109. Pingré Mém. de Paris 1760, p. 179 und Cométogr. 1, p. 406. Die Identität mit dem Cometen von 1556 bleibt bei der Unsicherheit beider Bahnen ungewiss. Vergl. Astron. Nachr. XXI, S. 193.
- 14. 1299. Zwei europäische und eine chinesische Beobachtung. Eine dritte europäische Angabe stimmt nicht. Pingré I, p. 418.
- 15. 1301. Pingré erlaubte sich bei den europäischen, Burckhardt bei den chinesischen Beobachtungen eine Verbesserung; daher die beiden Bahnen. Pingré I, p. 420. Mon. Corr. X, S. 164. Die neuere Berechnung von Langier (Conn. d. T. 1846 p. 97.) vereinigt die sämmtlichen vorhandenen Augaben und weist zugleich den Grund der Abweichung von Pingré nach.
- 16. 1337. Pingré I, p. 432. Die Bahn von Pingré ist der Halley'schen vorzuziehen, da sie sowohl die europäischen als die chinesischen Beobachtungen erträglich darstellt, von welchen letzteren sich Halley's Elemente auf 20° entfernen. Die Elemente von Hind gränden sich auf die chines. Beobachtungen in der Conn. d. T. 1846. Astr. Nachr. XXI, S. 279; die von Langier chenfalls, dieselben genügen auch den europäischen Beobachtungen. Compt. rend. XXII, p. 148.
- 1351. Auch das Wenige, was Burckhardt hat angeben können, schr ungewiss. Pingré I, p. 437. Mon. Corr. II, S. 418. Mem. prés. I. (1805), p. 295. Nur 4 chinesische Beobachtungen vom 24., 26., 29. und 30. November ohne Breiten. Überhaupt ist auf die Bahnen der Cometen von 240, 539, 565, 989, 1066, 1097, 1231, 1299, 1351, 1362 nicht mit irgend einiger Sicherheit zu rechnen.
- 1362. Mon. Corr. X, S. 166. Drei chinesische Beobachtungen. Die beiden Bahwen nach zwei verschiedenen Voraussetzungen über die Breiten.
- 18a. 1366. Aus dem Cometenverzeichnisse von Peirce in dem American Almanac for 1847. Äquinoctium 1850.0.
- 19. 1378. Der berühmte Halley'sche Comet, dessen Umlaufszeit ungefähr 76 Jahre beträgt. Nach Laugier's Vergleichung dieser Annahme mit den chinesischen Beobachtungen. Conn. des Temps 1816, p. 99. Compt. rend. XVI, p. 1003. Fernere Untersuchungen von Laugier ühre ätere Erscheinungen dieses Cometen (Compt. rend. XXIII, p. 183) lassen annehmen, dass derselhe anch 760 und 451 bereits beobachtet, und Jun. 11. und Jul. 3,5 in diesen Jahren durch das Perihel gegangen sei. Die Umlaufszeit hätte zwischen 451 und 1378 774 Jahre betragen.

- 20. 1385. Chinesische Beobachtungen. Astr. Nachr. XXI, S. 279, XXIII, p. 377.
- 1433. Chinesische Beobachtungen. Hind Astr. Nachr. XXIII, S. 377. (Bei π ist daselbst 262° 1′ statt 125° 17′ zu lesen.) Langier Compt. rend. XXII, p. 448.
- (19.) 1456. Halley's Comet. Pingré I, p. 459.
- 22. 1468. Nach Verbesserung einer wahrscheinlichen Unrichtigkeit in den chinesischen Beobachtungen (Conn. d. T. 1846) sehliesst sich die Bahn von Langier diesen und den europäischen Beobachtungen durchgängig an. Compt. rend. XXII, p. 148. Bei den Rechnungen von Vatz ist die Wahl der Data und die Ausführung verschieden, doch führen dieselben auf eine ähnliche Bahn, ib. p. 424.
- 23. 1472. Nach Regiomontan's Beobachtungen. Pingré I, p. 474. Die Bahn von Laugier stellt den Lauf durch die Constellationen befriedigend dar, sowohl nach den chinesischen als den europäischen Angaben, sowie den Unstand, dass der Comet am 21. Januar (bei einer Eutfernung = 0,033) in einem Tage 400 durchtief. Compt. rend. XXII, p. 148.
- 24. 1490. Chinesische Beobachtungen. Astr. Nachr. XXIII, S. 377.
- 24a.1491. Aus dem Cometenverzeichnisse in dem American Almanac for 1847. Äquinoctium 1850.0.
- 1506. Aus chinesischen Beobachtungen von Jul. 31., Aug. 8. und Aug. 14. berechnet. Compt. rend. XXII, p. 148.
- (19) 1531. Halley's Comet nach Apian's Beobachtungen. Pingré I, p. 489. Vorzüglich sehe man auch in Halley tabulae astron, die dort eingerückte Abhandlung Halley's de motu cometarum elliptico.
- 1532. Pingré I, p. 492. Astr. Jahrb. 1788, p. 194. Die vormals vermuthete Identität mit dem Cometen von 1661 nmss aufgegeben werden. Méchain Mém. prés. X. (1785), p. 393. Others in Hindenburgs Magazin für Mathematik 1787, S. 440.
- 1533. Pingré I, p. 496. Die gänzliche Verschiedenheit der beiden Bahnen zeigt schon, wie unsicher jede ist. *Douwes* Struyck 1753, p. 24.
 Die Bahn von *Otbers* und verbesserte Angabe der Lange des Perihels bei der Bahn von Douwes Astr. Jahrh. 1800, S. 126.
- (13) 1556. Nach nicht sehr siehern Beobachtungen des Paul Fabricius vom 4. bis 17. März, und deswegen auf die Ähnlichkeit mit der noch unsicherern Bahn des Cometen von 1264 wenig zu rechnen. Pingré I, p. 502. Die neuern Bahnbestimmungen von Hind führten ebenfalls zu keiner genügenden Vereinigung der von Pingré gesammelten Angaben. Astr. Nachr. XXI. S. 193.
- 28. 1558. Ans drei Beobachtungen des Landgrafen von Hessen, und einer von Cornelius Gemma, nach Verbesserung eines sehr wahrscheinlichen Druckfehlers bei letzterem. Corn. Gemma de naturae divinis characterismis Lib. II, c. I, p. 33. S. Astr. Jahrb. 1817, S. 176 f. Zeitschr. f. Astr. I, S. 45. In Olbers Verzeichniss ist die Neigung 73° 49′ angegeben.
- 1577. Nach Tycho's Beobachtungen. Pingré I, p. 511. Woldstedt Dissert. Helsingfors. 1844. Astr. Nachr. XXIV, S. 7. Description de l'Observatoire central de Poulkowa p. 288.
- 1580. Hattey nach Moestlin, Pingré nach Tycho's bessern Beobachtungen. Pingré 1, p. 521.

- 1582. Beide Bahnen nnsicher, da sie sich nur auf 3 Beobachtungen Tycho's vom 13., 47., und 18. Mai gründen, wobei noch die Beobachtung vom 18. ein doppeltes Resultat und so die beiden Bahnen giebt. Die ersten Elemente scheinen die wahrscheinlichsten. Pingré I, p. 544.
- 32. 1585. Nach Tycho's und Rothmann's Beobachtungen. Pingré I, p. 550. Observationes Cometae Anni 1585 Uraniburgi habitae a Tychone Brahe, ed. Schumacher. Altonae 1845. Von den beiden neueren, wegen der Ähnlichkeit dieses Cometen mit dem ersten von 1844 berechneten, Bahnen gründet sich die erstere (eine Ellipse mit 5½ Jahren Umlaufszeit) auf die Beobachtungen Oct. 19., 30., Nov. 22. Compt. rend. XIX, p. 702. Astr. Nachr. XXII, S. 247. Die zweite (15½ Jahre Umlaufszeit) ist berechnet aus Oct. 19., Nov. 1., 17. Astr. Nachr. XXIII, S. 377.
- 1590. Tycho's Beobachtungen vom 23. Febr. bis zum 6. März. Pingré I,
 p. 554. Hind Astronom. Nachr. XXV, S. 111, 131. W. Äqu.
 März 10.
- 1593. Nach Beobachtungen von Christ. Joh. Ripensis zu Zerbst. Mém. de Paris 1747 p. 562. Pingré I, p. 557.
- 35. 1596. Halley nach Moestlin's, Pingré nach Tycho's Beobachtungen, weswegen die letzteren Elemente vorzuziehen sind. Pingré I, p. 562. Die beiden neuern erheblich abweichenden Bahnen sind nach etwas veränderter Reduction der nur einen kurzen Zeitrann umfassenden Tychonischen Beobachtungen berechnet. Eine ernenerte Discussion der in Bd. XXIII, S. 371 f. der Astr. Nachr. wieder abgedruckten Tychonischen Originalbeobachtungen, sowie die Entscheidung über die Identität mit dem Cometen vom Juni 1845 ist noch zu erwarten. Fatz Astr. Nachr. XXIII, S. 385. Hind ib. S. 232.
- (19) 1607. Halley's Comet. Pingré II, p. 3. Erster Supplementbaud zum astr. Jahrbuch. Hattey tab. astr. Besset Mon. Corr. X, S. 425. Vergl. auch Astr. Nachr. XII. S. 391.
- 1618. Nach Kepler's nuvollkommenen Beobachtungen. Kepler de comctis
 libelli tres. Pingré II, p. 4.
- 1618. Besset's Bahn ist weit vorzuziehen, da sie sich auf die Beobachtungen von Harriot, Longomontan, Cysat und Snellius gründet. Astr. Jahrb. 1808, S. 113 ff.

Über die bei Pingré nicht erwähnten Cometen von 1625 und 1639 s. Astron. Nachr. II, S. 101 und VIII, S. 57; auch sollen 1628 und 1630 Cometen erschienen sein, s. Astr. Nachr. XII, S. 215; XIII, S. 1.

- 38. 1652. Nach Hevel's Beobachtungen vom 20. December bis znm 8. Januar. Die Beobachtungen Hevel's finden sich nicht nur in dem so seltenen 2ten Bande der Machina coclestis p. 26, sondern auch in seiner Cometographia p. 5.
- 1661. Hevel's Beobachtungen vom 3. Februar bis zum 28. März. Hevel's Mach. coel. Tom. II, p. 290, und Cometographia p. 718. Astron. Jahrb. 1788, S. 195. Méchain Mém. présentés X. (1785), p. 395.
- 1664. Hevel's Beobachtungen im Prodromus cometicus, oder besser in der Mantissa prodromi cometici und in der Mach. coel. II, p. 439. Pingré II, p. 40.

- 1665. Nach Hevel's Beobachtungen vom 6. bis 20. April, die sich in der Descriptio Cometae 1665 e Mantissa Prodr. com. und in der Mach. coel. Tom. II, p. 452 finden.
- 42. 1668. Die ersteren Elemente dieses in seiner Erscheinung dem grossen Cometen von 1843 ahnelnden Cometen sind von Henderson vor 1843 berechnet, nach einer Charte: "Observationes Goae habitae eirea Phaenomenum coeleste, quod apparuit Mense Martio A. 1668, Romani missae ad P. Aegidinm Franciscum de Gottignies in Coll. Rom. Math. Prof.", und stellen die hiernach für den Kopf des Cometen angenommenen Positionen bis auf etwa 1º dar. Die zweite, gänzlich davon verschiedene Bahn ist die des Cometen von 1843 auf 1668 reducirt, wodurch sich die Beobachtungen, mit Ansschluss der sehr unsichern Positionen von März 18. bis 21., innerhalb der genannten Grenze ebenfalls darstellen lassen. Näheres hierüber sehe man in Schumacher's Astr. Nachr. XX, S. 333, 395, 399, XXI, S. 61. Laugier u. Manyais halten die Identität mit dem Cometen von 1843 gleichfalls für wahrscheinlich und nehmen Febr. 27,5 als Zeit des Perihels. Compt. rend, XVI, p. 721. Die Beobachtungen und die Charte sind nen publicirt unter dem Titel: Estratto delle osservazioni fatte sulla Cometa del 1668. Rom. 1843.
- 1672. Nach Hevel's Beobachtungen vom 6. März bis 21. April. Mach. cocl. II., p. 593.
- 1677. Nach Hevel's Beobachtnagen vom 29. April bis 8. Mai. Anch Flamsteed hat ihn zweimal beobachtet. Mach. coel. II, p. 792. Flamsteed Hist. coel. Britt. Ed. 1712, p. 103. Ed. 1725 1, p. 103.
- 1678. Nach den Beobachtungen von Lahire, die blosse Schätzungen sind, und nach der Charte in der Hist, eoel, de M. le Monnier p. 238. Man sehe besonders Struyck 1753, S. 38, 39, 106.
- 46. 1680. Enter's elliptische Elemente sind als ein blosses Rechnungsbeispiel anzusehen und verdienen gar keine Berücksichtigung. Nur die elliptische Bahn von Enche kann jetzt gelten, die aus seiner musterhaften Preisschrift über diesen Cometen (Zeitschrift für Astronomie 1818) genommen ist, wo sich auch alle Beobachtungen dieses Cometen gesammelt und untersucht finden. Die erste Bahn von Encke ist die sich den Beobachtungen moglichst anpassende Parabel. Encke hat die Längen vom mittleren Äquinoetium des 18. December 1680 gerechnet. Hatley's zweite Elemente sind eine Ellipse von 575 Jahren Umlaufszeit. Enter Theor. Mot. plan. et com. p. 94. Neuton Princip. III, prop. 41, probl. 21.
- (19) 1682. Halley's Comet. Beobachtet vom 25. Ang. bis zum 19. Sept. Flamst. H. C. I, p. 108. Hevel Ann. Climact. p. 120. Haltey tab. astr. de motu com. elliptico. Burckhardt Conn. d. Temps 1819, p. 374. Die Bahn von Baitly gründet sich blos auf Cassinische Beobachtungen, während die vorhergehenden aus Flamsteed's Beobachtungen hergeleitet sind. Hist. de l'Acad. de Paris 1759 p. 162. Rosenberger hat die Beobachtungen von Flamsteed, Hevel, Lahire und Picard benntzt und neu reducirt; er findet nach Berechnung der Störungen von 1682 bis 1759 die beiden obigen Bahnen, bei welchen die Längen vom m. Äqu. des 15. Spt. 1682 gezählt sind; die erstere Bahn ist, mit Aus-

- nahme der halben grossen Axe, allein auf die Beobachtungen von 1682 gegründet, die zweite ist diejenige, welche den Beobachtungen von 1682 und 1759 zusammengenommen möglichst Genüge leistet. Astr. Nachr. IX, S. 53; XI, S. 157; XII, S. 187, vergl, auch S. 391.
- 1683. Nach Flamsteed's Beobachtungen vom 23. Juli bis 5. Spt. Flamst.
 H. C. Br. I, p. 110. Die Ellipse von Ctansen ist nach erneuerter Reduction der Beobachtungen berechnet. Astr. Nachr. V, S. 367.
- 1684. Nach Bianchini's Beobachtungen vom 1. bis 17. Juli. Phil. Transact. Vol. 15, p. 920. Acta Eruditorum 1685, p. 241.
- 1686. Erst im August in Ostindien, dann im September in Europa gesehen. Bahn nicht sehr zuverlässig. Pingré II, p. 28.
- 50. 1689. Sehr unsichere Beobachtungen. Pingré II, p. 29. Ob dieselben sich durch die Elemente des Cometen von 1843, denen die von Peirce für den Cometen von 1689 berechneten ähnlich sind, genügend darstellen lassen, bedarf noch einer ferneren Erwägung. Astr. Nachr. XX, S. 396.
- 51. 1695. Barckhardt hat seine Bahn nach handschriftlichen Beobachtungen berechnet, die Delisle im Depôt de la Marine gelassen hatte. Was man vorher von diesem Cometen wusste, hat Pingré II, p. 33-35 gesammelt. Conn. des Temps 1817, p. 278.
- 1698. Die Beobachtungen von Lahire und Cassini, die einzigen, die wir von diesem Cometen haben, sind wenig genau. Anc. Mem. II, p. 341, X, p. 742. Mem. 1702, p. 117.
- 1699. Von de Fontenay zn Peking und von Cassini und Maraldi zu Paris beobachtet. Die Beobachtungen gehen von Febr. 17. bis März 2. Mém. de Paris 1701, p. 47. La Caitte Leçons d'Astronomie. Ed. 1761, p. 289.
- 1701. Aus wieder aufgefundenen Beobachtungen des P. Palln zu Pau, und den Beobachtungen von P. Thomas in Peking. Conn. des Temps 1811, p. 482. Noël Obs. phys. et math. in India factae p. 128.
- 1702. Die vom 20. April bis 5. Mai gehenden Beobachtungen nicht sehr genau. Struyck 1753, p. 49, Pingré II, p. 38. La Caitte Leçons d'astronomie. Burckhardt Mém. de l'Institut VII (1806), p. 28. Mon. Corr. XVI, S. 511.
- 1706. Cassini und Maraldi vom 18. März bis 16. April. Mém. de Paris 1706,
 p. 91, 148. Pingré II,
 p. 39. La Caitte Leçons d'astr. Struyck 1753,
 p. 53.
- 57. 1707. Die Beobachtungen gehen vom 25. Nov. 1707 bis zum 23. Jan. 1708. Mém. de Paris 1707, p. 558 und 1708, p. 89, 323. Über die Bahnen sehe man Pingré II, p. 40. La Caitte Leçons d'astr. Struyck 1753, p. 54. Die von Struyck selbst unvollständig angegebene Bahn von Houttnyn beruhet auf einer blossen Construction.
- 58. 1718. Nach den Beobachtungen Kirchs. Misc. Berol. III, p. 200. Phil. Transact. Vol. 30, 32. Pingré II, p. 41. Struyck Inleiding tot de Algemeene Geographie 1740, p. 295. Las Cuitte Leçons d'astronomie. Doutces Struyck 1753, p. 56. Whiston's Elemente befinden sich in Barker's Abhandlung (S. 29), der sie von Whiston selbst erhalten hat. Argetander hat die Originalbeobachtungen von Neuem reducirt, wobei sich dieselben, gegen einige Bemerkungen bei Pingré, als genau erwiesen; die hiernach berechnete Bahn schliesst sich den bessern Beobachtungen so genau als möglich an. Astr. Nachr. VII, S. 493.

- 59. 1723. Wurde schon am 12. Oct. in Ostindien gesehen. Die Bahnen gründen sich hamptsächlich auf die vom 20. Oct. bis 18. Dec. gehenden Beobachtungen von Halley, Bradley, Pound und Graham. Philos. Transact. Vol. 33, Nr. 382. p. 41, Nr. 397, p. 213; daselbst p. 38 die Bahn von Bradley. Auch bei Struyck 1740, p. 296 ist dieselbe angegeben, 1753, p. 106 eine theilweis etwas veräuderte Bahn, welche in den Berliner astron. Tafeln (mit einer kleinen Veränderung der Periheldistauz) unter der Benennung "Struyck, Bradley" aufgeführt ist. Vergl. Pingré II, p. 42. Binrekluralt Conn. des Temps 1821, p. 296. Die neuere genaue Berechnung dieses Cometen, von Spürer (Diss. inaug, Berol. 1843), ergab eine mit der Bradley'schen nahe übereinkommende.
- 60. 1729. Entdeckt von Pater Sarabat den 31. Juli 1729 und beobachtet bis zum 18. Jan. 1730. Pingré II, p. 42. Struyck 1740. p. 297, 1753, p. 58. Mém. de Paris 1730, p. 284 298. Douwes Struyck 1753, p. 58. La Caitle Leçons d'astronomie. Maratali Mém. de Paris 1743, p. 196. Kies Mém. de Berlin 1745, p. 46. Detiste Mém. de Paris 1746, p. 406. Burckhardt Conn. des Temps 1821, p. 297. Rücksichtlich der Verschiedenheiten in deu berechneten Durchgangen durch das Perihel vergl. man Lalande Astronomie T. III (3. Ed.), p. 258, Nr. 3181 u. Mém. 1746, p. 406.
- 1737. Nach Bradley's eigenen vom 26. Febr. bis 2. April gehenden Beobachtungen berechnet. Phil. Transact. Vol. 40, Nr. 446, p. 111, 116. Pingré II, p. 45. Struyck 1740, p. 301.
- 1737. Die in Peking gemachten Beobachtungen sind in der Mon. Corr. XXI,
 S. 316 bekannt gemacht. Conn. des Temps 1812, p. 409.
- 63. 1739. Die Beobachtungen sind von Zanotti, vom 28. Mai bis 18. August. Die erste Bahn von Zanotti ist nur eine unvolkommene Annaherung. Struyck 1753, p. 65. Phil. Transact. Vol. 41, Nr. 461, p. 809. Nova Acta Eruditorum 1740, p. 666. Comm. Inst. Bon. Tom. II, P. III, p. 73, 84. La Caitle Lee, d'astr.
- 64. 1742. Über die zahlreichen Beobachtungen dieses Cometen sehe man Pingré II., p. 47. Le Mounier Hist, de l'Acad. de Paris 1742, p. 83, 84.
 Struyck 1753, p. 68, 106. La Caitle Leçons d'astr. Zanotti Comment. Inst. Bonon. T. III., p. 239. Enter Theoria motus Plan. et Comp. 188. Wright Struyck 1753, p. 70. Ktinkenberg Struyck 1753, p. 70. Houtluyu Struyck 1753, p. 70. Barker Account etc. p. 29.
- 65. 1743. Znm Theil sehr unvollkommen beobachtet. Die Beobachtungen finden sich grösstentheils gesammelt bei Struyck 1753, p. 72. Elemente von Struyck p. 73. La Caitle Leçons d'astr. Struyck n. Pingré corrigiren β 68° statt 78°. Bei den Elementen von Others ist auch Grischow's erste Beobachtung benutzt. Die Beobachtungen dieses Couneten lassen sich nicht in einer Parabel darstellen, und so wenig genau sie auch sind, scheinen sie doch eine merkliche Ellipticitat der Bahn zu verrathen. Clausen hält denselben für wahrscheinlich identisch mit dem vierten Cometen von 1819. Astr. Nachr. X, S. 345, XIV, S. 61.
- 66. 1743. Ganz allein von Klinkenberg vom 18. Aug. bis 13. Sept. unvoll (11) kommen beobachtet. Struyck 1753, p. 76, 77. Die Beobachtungen,

die auch Pingré II, p. 52 anführt, weichen unterweilen 16 und darüber von den angegebenen Elementen ab.

- 67. 1744. Ausser den von Pingré II, p. 52 sq. und Struyck 1753, p. 78 angeführten Beobachtern und Berechnern dieses berühmten Cometen ist noch besonders Chéseaux Traité de la Comète, Laus. 1744, und Hiorter in den Abhandlungen der Schwed. Acad. d. Wiss. nachzulesen. S. auch Mon. Corr. XXI, S. 311, XXV, S. 189, XXVI, S. 475. Zeitschr. f. Astr. III, S. 176. Petts Phil. Trans. Vol. 43, Nr. 474, p. 96. Maraddi Mém. de Paris 1744, p. 67. La Caitte Leçons d'astr. u. Mém. de Paris 1746, p. 428. Maire Comment. Inst. Bonon. T. III, p. 342. Zeitschr. f. Astr. III, S. 176. Cuéseaux I. I. p. 124. Enter Theoria motus Plan. et Com. p. 169. Verschieden davon ist die in Heinsius Beschr. d. Com. v. 1744, S. 104 angeführte Bahn. Klinkenberg Struyck 1753, p. 80. Hiorter I. I. VII, S. 79 (dentsche Ausgabe v. Kästner). Crassiai Mém. de Paris 1744, p. 306.
- 1747. Entdeckt von Chéseaux den 13. Aug. 1746 und zuletzt von Maraldi beobachtet den 5. Dec. 1746. Die Bahnen von Maraldi und La Caille sind vorzuzichen. Pingré II, p. 56. Chéseaux Struyck 1753, p. 93. Maraldi Mém. de Paris 1748, p. 235. La Caille Leç. d'astr.
- 1748. Hauptsächlich von Maratti beobachtet. Mein. de Paris 1748, p. 232.
 Die Elemente p. 232. Le Monnier Struyck 1753, p. 95. Klinkenberg ib.
- 1748. Nur drei Mal, den 19., 20. und 22. Mai, unvollkommen von Klinken(11) berg beobachtet. Struyck 1753, p. 96, 97. Besset hat die Beobachtungen schärfer reducirt. Astron. Jahrb. 1809, S. 99.

Die unvollständige Bahn: Zeit des Perihels 1748 April 22, & 294°, Neigung 76°, kürzester Abstand 0,5, Bew. rücklaufig, die Delambre Burckhardt zuschreibt, und worüber ich weiter nichts habe finden können, kann keinem der beiden berechneten Cometen dieses Jahres angehören. Vielleicht betrifft sie den dritten Cometen, den Struyck in diesem Jahre erscheinen lasst. Dann gründet sie sich aber auf die angeblichen Beobachtungen von Kindermann, die gar keinen Glauben verdienen

Die Beobachtungen des im Jan. 1750 von Wargentin geschenen Cometen (Pingré II, p. 61) findet man in den Schwed. Abhandl. von 1752.

- 71. 1757. Bradtey's Beobachtungen und Elemente sind den übrigen vorzuziehen. Phil. Trans. Vol. 50, P. 1, p. 408, 413. Die anderen Beobachtungen finden sich gesammelt von Pingré in Mém. de Paris 1757, p. 97. La Caitle Leçons d'astr. Pingré 1. c. p. 105. de Ratte, Mém. de Paris 1761, p. 500.
- 1758. Wurde von de la Nux auf der Insel Bourbon gegen Ende Mai, später an einigen andern Orten gesehen. Messier beobachtete denselhen vom 15. August bis zum 2. November. Mém. de Paris 1759, p. 154, 178. 1760, p. 463.
- (19) 1759. Berühmte und vorher angekündigte Wiedererscheinung des Halley'schen Cometen. Pingré II, p. 63. Die Elemente von Jiessier Mein, de Paris 1760, p. 425. Latande Mein, de Paris 1759, p. 34. Maraddi Mein, de Paris 1759, p. 286. Von La Cattle die ersten Elemente: Mein.

de Paris 1760, p. 62, die zweiten: p. 425, und Leçons d'astr. Ed. 1761, p. 289. Klinkeuberg Mém. de Paris 1760, p. 437. Buitly Mém. prés. V (1768), p. 16. Burckhardt Conn. des Temps 1819, p. 375. Die Elemente von Rosenberger sind nach strenger Berechnung der Störungen seit 1682 und während der Dauer der Erscheinung von 1759 hergeleitet, die ersteren blos aus den Beobachtungen von 1759, die zweiten zugleich denen von 1682 möglichst genügend. Die Längen gelten für das m. Äqu. März 13. Astr. Nachr. VIII, S. 221, XI, S. 177, XII, S. 190. Vergl. auch Astr. Nachr. XII, S. 392.

- 73. 1759. Pingré giebt seinen Elementen den Vorzng. Der Comet wurde vom (II) 25. Jan. bis 18. März 1760 beobachtet. Pingré II, p. 68. La Caitle Mém. de Paris 1760, p. 151, und Leçons d'astr. Chappe Mém. de Paris 1760, p. 169. Die Elemente finden sich auch Mém. 1772, p. 432.
- 1759. Vom 8. Januar bis zum 8. Februar 1760 beobachtet. Pingré II, p. 70.
 Astr. Jahrb. 1829, S. 135. La Cuitte Mém. de Paris 1760, p. 104, und Leçons d'astr. Chappe Mém. de Paris 1760, p. 167. Die Elemente auch Mém. 1772, p. 340.
- 75. 1762. Entdeckt von Klinkenberg am 17. Mai: beobachtet bis zum 2. Julius. Maratdi Mein. de Paris 1762, p. 561. Lataute Astronomie T. III, 3. Edit. p. 257. Mein. 1762, p. 566, und mit einigen Änderungen Phil. Trans. Vol. 52, P. II, p. 581. Baitly Mein. de Paris 1763, p. 233. Ktinkenbery Mein. 1762, p. 568, u. Mein. étrang. V (1768), p. 175. Ntruyck Mein. 1763, p. 15. Burckhardt Mein. de l'Inst. VII (1806). p. 228. Mon. Corr. XVI, S. 515. Diese Elemente sind die genaueren. Man hatte bei der Reduction der Beobachtungen die Strahlenbrechung vernachlässigt, und so wichen alle berechneten Bahnen mehrere Minuten von den Beobachtungen ab.
- 76. 1763. Entdeckt von Messier den 28. Sept., beobachtet vor dem Perihel vom 30. Sept. bis zum 25. Oct., nach dem Perihel vom 12. bis zum 25. Nov. Pingré und Lexett konnten die Beobachtungen durch keineu Kegelschnitt gut darstellen. Pingré II, p. 106. Mém. de Paris 1764, p. 487 u. 1774, p. 36. Acta Ac. sc. Petrop. 1780, P. II, p. 331. Burckhardt hat die durch fehlerhafte Flamsteed'sche Sternpositionen entstellten Messier'schen Beobachtungen verbessert, und noch später bekannt gewordene Beobachtungen von St. Jacques de Silvabelle benutzt. Mém. prés. I (1805), p. 403. Mon. Corr. X, S. 511. Conn. des Temps XIII. p. 344.
- 1764. Von Messier entdeckt und vom 3. Jan. bis zum 11. Febr. beobachtet.
 Die dritte Bahn ist die nach allen Beobachtungen verbesserte. Pingré
 II, p. 74. Mém. de Paris 1764, p. 487 u. p. 344, 1771, p. 506.
- 1766. Von Messier den 8. März entdeckt und nur 8 Tage beobachtet.
 Pingré II, p. 75. Mém. de Paris 1766, p. 424.
- 79. 1766. Von Messier in Paris nur 5 Tage vom 8. bis 12. April beobachtet. (II) La Nux auf der Insel Bourbon verfolgte ihn vom 29. April bis zum 13. Mai. Pingré II, p. 76. Die unvollkommenen Beobachtungen von La Nux konnte Pingré nicht hinreichend mit den Pariser Beobachtungen in Vereinigung bringen, welches Burckhardt durch die Ellipse versucht hat. Berl. Taf. I, S. 41. Mém. de Paris 1773, p. 166. Pingré II, p. 106. Conn. des Temps 1821, p. 293. Clausen vermuthet, dass

dieser Comet mit dem dritten von 1819 identisch sei. Astr. Nachr. X, S. 383.

80. 1769. Entdeckt von Messier am 8. August und beobachtet vor dem Perihel bis zum 15. Sept., nach dem Perihel vom 24. Oct. bis zum 1. Dec. Die vorzüglichsten Beobachtungen finden sich Mém. de Paris 1769, p. 49, 1770, p. 24, 1775, p. 392. Maskelyne Astr. Obs. Vol. I. Über die verschiedenen Bahnen sind ausser Pingré II, p. 83 besonders Euler und Lexell; Recherches et Calculs sur la comète 1769. Petrop. 1770, 4., die zwei seltenen Schriften von Asclepi: De cometarum motu exercitatio astronomica, Romae 1770, 4., und: De cometarum motu addenda ad exercitationem astronomicam, Romae 1770, und Bessel's treffliche Preisschrift im Astr. Jahrb. 1810 nachzusehen. Die Elemente von Lataude Mém, de Paris 1769 p. 55, und Astronomie T. III. Wallot Mem. 1769, p. 56. Cassini Mem. 1770, p. 30. Prosperin Schwed, Abh. XXXII, S. 189 und Mein, 1775, p. 430. Audiffredi De cometarum motu exerc. astr. p. 28. Stop de Cadenberg Theoriae cometarum anni 1769 et anni 1770, Pisis 1771, 4., p. 13. Asclepi l. l. p. 30. Vergl. auch Astr. Jahrb. 1811, S. 197, und Rec. p. l. Astr. II, p. 263. Lambert Beiträge T. III, S. 280, und Bernoulli Recueil p. l. Astr. T. I, p. 225. Widder Mem. de Paris 1775, p. 430. Euler Rec. p. l. Astr. I, p. 225. Lexell l. l. p. 136. Pingré Cométogr. II, p. 106, 381, Bessel Astr. Jahrb. 1810, S. 88, 1811, S. 197. Legendre Nouvelles Méthodes pour la détermination des orbites des Comètes n. 51.

Über einen 1770 März 19. in Wardochuus gesehenen Cometen s. Astr. Nachr. XII, S. 454, 184.

81. 1770. Dieser wegen seiner so sehr von der Parabel abweichenden Bahn berühmte Comet wurde am 14. Junius von Messier entdeckt und bis zum 2. Oct. beobachtet. Die Beobachtungen sind gesammelt von Messier Mém. de Paris 1776, p. 597. Vergl. auch Astr. Jahrb. 1782, S. 188. Die zuerst von Lexell berechnete, so paradox scheinende knrze Umlanfszeit dieses Cometen von etwas mehr als 53 Jahren wurde durch Burckhardt's Untersuchungen in seiner schönen Preisschrift Mém, de l'Institut VII (1806), p. 1 sq. völlig bestätigt. Erste Bahn: p. 17, 18, zweite: p. 20, 21. Vergl. Mon. Corr. IV, S. 149 u. XVI, S. 504. Warum man aber den Cometen seit 1770 nicht wiedergesehen hat, ist vortrefflich in La Place Méc. cél. T. IV aufgeklart. Die Bahnen von Pingré Cométogr, II, p. 106 u. 89. Prosperiu Astr. Jahrb. 1782, S. 191 u. Nov. Act. Upsal. II, p. 267. Widder Astr. Jahrb. I. I. Lexell ib. u. Mém. de Paris 1776, p. 639. Phil. Trans. Vol. 69, p. 69. Acta Petrop. 1778, P. I, p. 324 u. 1777, P. I, p. 332. P. II, p. 328. Stop I. I. (Comet v. 1769) p. 20 u. Astr. Jahrb. 1782, S. 191. Lambert ib. u. Beiträge III, S. 303. Rittenhouse Trans. of the American phil. soc. Vol. I, p. 145 u. Astr. Jahrb. l. l. Die Bahn von Clausen ist nach erneuerter Reduction der Beobachtungen und mit Berücksichtigung der Störungen, insbesondere durch die Erde, während der Daner der Sichtbarkeit des Cometen, berechnet, wonach die Elemente für den Anfang und das Ende der Beobachtungen, Juni 15,53 u. Oct. 2,67, und für das jedesmalige wahre Äquinoctinm, die obigen sind. Der Comet näherte sich der Erde am 1. Juli bis auf 363 Erdhalbmesser. Die Herleitung der Bahn ans den Beobachtungen nach der Erdnähe ergab etwas andere Elemente als die aus den gesammten Beobachtungen. Astr. Nachr. XIX, S. 121 sq. Gleichzeitig mit Clausen ist die Bahn von Le Verrier berechnet. Count. rend. XIX, p. 559.

- 1770. Wurde zu Paris nur vier Mal zwischen dem 10. und 20. Jan. 1771
 beobachtet. Mém. de Paris 1771, p. 427. Pingré II, p. 90.
- 83. 1774. Von Messier am 1. April entdeckt und von ihm bis zum 19. Junius, von St. Jaques de Silvabelle zu Marseille aber bis zum 17. Julius beobachtet. Die Bahn scheint nach Burckhardt's und Encke's Untersnehungen wirklich hyperbolisch zu sein. Indessen giebt die Parabel von Encke auch nur mässige Abweichungen. Pingré Conétogr. u. Mém. de Paris 1777, p. 175. Prosperin Schwed. Abh. Bd. 33, S. 347. Astr. Jahrb. 1776, S. 186. Rec. p. l. Astr. II, p. 326. Burckhardt Mém. prés. I (1805), p. 404. Mon. Corr. X, S. 512. Conn. d. Temps XIII, p. 344. Eucke Corr. astron. V, p. 557 sq. Derselbe rechnet vom mittleren Äquinoctium Jan. 1, 1771.
- 4. 1772. Von Montaigne am 8. März entdeckt, von Messier nur vier Mal, den 26., 27., 30. März und 1. April, beobachtet. Die Berechnung der elliptischen Bahnen wurde durch die Ähnlichkeit der Elemente des ersten Cometen von 1806 veranlasst. Die Identität beider Cometen, welche anfangs verwerflich schien, ist, seitdem der Comet im Jahre 1826 zum dritten Mal, von Biela und Gambart, entdeckt worden ist, keinem Zweifel mehr unterworfen. Latande Astronomie T. III. Burckhardt, der die wieder anfgefindenen Beobachtnigen von Montaigne benutzen konnte, Conn. des Temps 1811, p. 486. Besset Mon. Corr. XIV, S. 73, 74. Gauss ib. S. 84. Über die Identität mit den Cometen von 1806 und 1826 siehe ausserdem Astr. Nachr. IV, S. 465 472, 502 508.
- 85. 1773. Entdeckt von Messier den 12. Oct. 1773 und beobachtet bis zum 14. April 1774. Pingré Mém. de Paris 1774, p. 327 n. Cométogr. Lexett Acta Petrop. 1779, P. II., p. 342, 345, 348, 351. Mém. de Paris 1777, p. 357. Astr. Jahrb. 1783, S. 73. Burckhurdt, der zugleich Beobachtungen von St. Jacques de Silvabelle benutzte, findet die Bahn nicht von der Parabel verschieden. Mém. prés. I (1805), p. 405. Conn. des Temps XIII, p. 343. Mon. Corr. X, p. 512.
- 86. 1774. Von Montaigne entdeckt den 11. Aug., beobachtet bis zum 25. Oct. De Saron Mein. de Paris 1775, p. 473. Boscorich ib. Méchain ib. n. mit geringen Änderungen Com. des Temps 1776, p. 308. Du Séjour Astr. Jahrb. 1779, S. 88. Burckhardt Conn. des Temps 1821, p. 295.
- 1779. Entdeckt von Bode den 6. Januar, beobachtet bis zum 17. Mai. Mém. de Paris 1779, p. 318. Maskelyne Obs. II. Pingré (II, p. 94) scheint der Bahn von D'Angos den Vorzug vor den übrigen zu geben. De Sarou, Méchain, D'Angos Mém. de Paris 1779, p. 353. Reggio ib. u. Ephem. Mediol. 1782, p. 155. Oriani ib. p. 165. Prosperin Astr. Jahrb. 1789, S. 167. Nene Schwed. Abh. Bd. VI, p. 260, §. 4. r. Zach Olbers Meth. 1. Aufl. S. 46. De Pacassi in s. Übers. von

- Euleri Theor, Mot. Plan. et Com. S. 228. Man vergl. auch Astr. Jahrb. 1782, S. 11, 129, 132, 133, 151.
- 88. 1780. Entdeckt von Messier Oct. 26. und beobachtet bis Nov. 28. Lexett
 (1) Acta Petrop. 1780, P. II, p. 352, 353, 354. Mém. de Paris 1780p. 532. Méchain Astr. Jahrb. 1784, S. 141. Ctürer Astr. Nachr. VI. p. 147.
- Am 18. October von Montaigne und Olbers entdeckt und nur drei Mal (11) sehr unvollkommen beobachtet. Die Elemente daher sehr unsicher. Mein. de Paris 1780, p. 515. Boscovich ib. p. 519. Others Astr. Jahrb. 1804 S. 172. A. G. Enbenn, IV. S. 49.
- 1781. Entdeckt von Méchain den 28. Junius, beobachtet bis zum 15. Julius.
 Mém. de Paris 1781, p. 349. Astr. Jahrb. 1785, S. 166, 168. Méchain Mém. 1782, p. 583.
- 1781. Entdeckt von Méchain den 9. October, beobachtet bis zum 25. December.
 Mém. de Paris 1781, p. 360, 4782, p. 587. Die ersten Elemente von Méchain Mém. 4781, p. 366, 4782, p. 594 u. Conn. d. T. 4785, p. 3, die zweiten: Mém. 4780, p. 71 u. Astr. Jahrb. 4786, S. 231. Legeudre Nouv. Méthod. anal. p. 44.
- 1783. Entdeckt von Pigott in York den 19. November, beobachtet bis zum
 21. December, Mém. de Paris 1783. Astr. Jahrb. 1787, S. 141.
 Phil. Trans. Vol. 74. Die Elemente von Méchain u. Saron Mén.
 1783, p. 132, 643, 648. Conn. d. Temps 1788, p. 334. Vorzüglich aber sehe man über Murchhardt's Bahn Conn. d. T. 1820, p. 305.
- 93. 1784. Von de la Nux auf der Insel Bourbon sehon am 15. Dec. 1783, in Paris zuerst am 24. Januar gesehen, und bis zum 11. März beobachtet. Nachher wurde er noch wieder sichtbar, und vom 9. bis 26. Mai beobachtet. Mém. de Paris 1784. Die ersten Elemente von Méchatin Astr. Jahrb. 1787, S. 114, die zweiten verbesserten: Mém. 1784, p. 363. Conn. d. T. 1788, p. 334.

Der bisher als der zweite Comet von 1784 in den Tafeln angeführte ist eine schandliche Erdichtung des Ritters d'Angos, wie Prof. Encke bewiesen hat. Corr. astr. IV., p. 456.

- 1785. Entdeckt von Messier und Méchain den 7. Januar, beobachtet bis zum
 8. Februar, Méun de Paris 1785. Astr. Jahrb. 1789. Die Elemente Conn. des Temps 1788, p. 335. Astr. Jahrb. 1788, S. 166. Extrait des Observ. astr. à Pobserv. royal par le Comte de Cassini 1785, p. 20., Mém. 1785, p. 643.
- 1785. Entdeckt von Mechain den 11. Marz, beobachtet bis zum 16. April.
 Mein, de Paris 1785. Astr. Jahrb. 1789. Die Elemente von Saxon Conn. d. T. 1788, p. 336. Astr. Jahrb. 1789, S. 144. Extrait des Obs. astr. à l'obs. royal par Cassini 1785, p. 20., die von Méchain Lalaude Astronomie 3. Ed., T. III, p. 257.
- 96. 1786. Wurde am 17. Januar von Méchain entdeckt und konnte nur noch cinual, am 19. Januar, von Méchain und Messier beobachtet werden. Mém. de Paris 1786, p. 95. Da aber die Identität dieses Cometen mit denen, die 1795, 1805 und 1819 sichtbar waren, erwiesen ist, so konnte Eucke die Bahn aus diesen beiden Beobachtungen bestimmen. Astr. Jahrb. 1822, S. 196. Corr. astron. II, p. 601. Conn. des Temps 1819, p. 224.

- 1786. Entdeckt am 1. August von Miss Caroline Herschel, beobachtet bis zum 26. October. Mém. de Paris 1786, p. 98. Maskelyne Obs. II. Méchain Conn. d. T. 1789, p. 323. Astr. Jahrb. 1790 S. 181. Mém. 1786, p. 112. Reggio Eph. Mediolan. 1789, p. 147.
- 1787. Entdeckt von Méchain den 10. April, beobachtet zu Paris bis den 20., zu Marseille bis den 26. Mai. Mém. de Paris 1787, p. 70. Conn. d. T. 1790. Astr. Jahrb. 1791. La Nux beobachtete ihn auf 1sle de France vom 25. Mai bis 26. Julius. Die Elemente von de Saron Mém. 1787, p. 62, 74. Conn. d. T. 1790, p. 376. Astr. Jahrb. 1791, S. 155. Extr. des Obs. astr. à l'obs. roy. par Cassini 1787, p. 140.
- 1788. Entdeckt von Messier den 25. November, beobachtet bis zum 30. December. Mém. de Paris 1789, p. 663. Die ersten Elemente: Conn. des Temps 1791, p. 369. Extrait des Obs. astr. 1788, p. 189. Die zweiten: Astr. Jahrb. 1793. S. 118.
- 100. 1788. Entdeckt von Miss Herschel den 21. December, beobachtet zuletzt von Méchain den 18. Jan. 1789. Phil. Trans. Vol. 77, p. 1. Mém. de Paris 1789, p. 684. Maskelyne Astr. Obs. III. Astr. Jahrb. 1793, S. 119. Conn. d. T. 1792, p. 354.
- 101. 1790. Entdeckt von Miss Herschel den 7. Januar. Nur vier Mal beobachtet, (1) den 9., 19., 20. und 21. Januar. Mém. de Paris 1790, p. 309. Conn. des Temps 1792, p. 354. Astr. Jahrb. 1794, S. 94. Die ersten Elemente stellen die Längen, die andern die Breiten genauer dar.
- 1790. Entdeckt von Méchain den 9. Januar und beobachtet bis zum 1. Fe (11) bruar. Mém. de Paris 1790, p. 317. Conn. des Temps 1792, p. 355.
 Astr. Jahrb. 1794, S. 94.
- 1790. Entdeckt von Miss Herschel den 17. April und beobachtet bis den (III)
 29. Junius. Maskelyne Obs. III. Mém. de Paris 1790, p. 320. Méchain ib. p. 336. Conn. d. T. 1792, p. 355. Astr. Jahrb. 1794, S. 94. Englefield on the determination of the orbits of comets, London 1793, p. VIII.
- 104. 1792. Entdeckt von Miss Herschel den 15. Dec. 1791. Beobachtet zuletzt von Maskelyne den 25. Jan. 1792. Mask. Obs. III. Astr. Jahrb. 1795. S. 184. Mechain Conn. d. T. 1793, p. 374. Extrait des Obs. par Cassini 1791, p. 377. v. Zach Astr. Jahrb. 1796, S. 148. Englefield orbits of com. p. VIII.
- 105. 1792. Entdeckt von Méchain den 10. Jan. 1793, auch von Piazzi; beobachtet bis zum 19. Febr. 1793. Mém. de l'Inst. VI, (1806) p. 290.
 Méchain Astron. Jahrb. 1797, S. 136. Piazzi della specola astr. Lib. V, p. 24. Prosperia Astr. Jahrb. 1799, S. 192. de Saron Conn. d. T. 1795, p. 286.
- 106. 1793. Entdeckt von Messier den 27. Sept., beobachtet bis zum 11. Oct.;
 dann wiedergesehen den 30. Dec. und beobachtet bis zum 7. Jan.
 1794. Conn. des Temps 1795, p. 287. Phil. Trans. 1793. So viel ich weiss, sind Messier's Beobachtungen von diesem, sowie von einigen andern Cometen noch nicht gedruckt. Ihre vollständige Bekanntmachung wäre sehr zu wünschen.
- 107. 1793. Entdeckt von Perny den 24. Sept., beobachtet bis zum 3. Dec. Conn. des (II) Temps 1795 p. 287, und besonders Conn. d. T. 1820, p. 310. Burckhardt lässt es zweifelhaft, ob dieser Comet mit dem von 1783 identisch sei.

- (96) 1795. Entdeckt von Miss Herschel den 7. Nov. und beobachtet bis zum 27. Nov. Die Beobachtungen grösstentheils wenig genau. Dies ist die zweite Erscheinung des Eneke'schen Cometen. Phil. Trans. 1796. Maskelyne Obs. III. Other's Astr. Jahrb. 1799, S. 102, 1814, S. 169. Bouvard Conn. des Temps VI, p. 464. v. Zach Astr. Jahrb. 1799, S. 207. Die Elemente von Encke gelten für das mittl. Äqn. des 18. Nov. 1795. Astr. Jahrb. 1822, S. 186. v. Zach Corr. astr. II. p. 604, 605.
- 108. 1796. Entdeckt von Olbers den 31. März und beobachtet bis zum 14. April. Astr. Jahrb. 1799, S. 106 sq.
- 109. 1797. Entdeckt den 14. August, zu Paris von Bouvard, zu Slough von Miss Herschel, zu Hackney von Stephen Lee, und später an einigen anderen Orten; beobachtet bis zum 31. August. Maskelyne Obs. III. Astr. Jahrb. 1800, S. 233, 1801, S. 163. Allg. geogr. Ephem. I, S. 127, 128, 366, 604. Lalande Bibliogr. p. 783.
- 110. 1798. Entdeckt von Messier den 12. April, beobachtet bis zum 24. Mai.
 Mém. de l'Institut T. II (An VII.), p. 430. A. G. Eph. I, S. 679, 690, 694, II, S. 79, 95. Astr. Jahrb. 1801, S. 231. Daselbst sind die Namen Otbers u. Burckhardt zu vertauschen. Lalande Bibliogr. p. 796.
- Am 6. Dec. von Bouvard und am 8. von Olbers entdeckt und nur (tl) bis zum 12. Dec. beobachtet. Others Astr. Jahrb. 1802, S. 199.
 A. G. Eph. III. S. 315. Burckhardt ib. S. 398.
- 112. 1799. Entdeckt am 6. Ang. von Méchain und beobachtet bis zum 25. Oct.
 A. G. Eph. IV. Mon. Corr. I, II. Astr. Jahrb. 1802, 1803. Maskelyne Obs. IV. Mém. de l'Inst. T. II (An VII), p. 153. Die Elemente von Burckhardt A. G. Eph. IV, S. 262 u. S. 443. Méchain ib. S. 262. Astr. Jahrb. 1803, S. 174. Mon. Corr. II, S. 81. r. Zach A. G. Eph. IV. S. 367. Waht ib. S. 453.
- 113. 1799. Entdeckt den 26. Dec. von Méchain und von ihm bis zum 5. Jan.
 (11) 1800 beobachtet. Mon. Corr. 1, II. Astr. Jahrb. 1803. Méchain glaubt, dass dieser Comet vielleicht mit dem von 1699 identisch sein könne. Others Mon. Corr. I, S. 299. Waht ib. S. 300. Méchain ib. II, S. 81. Astr. Jahrb. 1803, S. 176.
- 114. 1801. Fast in derselben Stunde von Pons zu Marseille und Messier, Méchain und Bouvard zu Paris am 12. Julius entdeckt. Beobachtet zuletzt von Méchain den 23. Julius. Mon. Corr. IV, S. 179, V, S. 136. Méchain Astr. Jahrb. 1805, S. 130. Burckhardt ib. 1809, S. 272. Conn. des Temps XIII, S. 344. Lalande Bibliogr. p. 849.
- 115. 1802. Eutdeckt von Pons den 26. und von Méchain den 28. August, beobachtet bis zum 3. Oct. Mon. Corr. VI. Conn. d. T. XIV, p. 236, 374. Astr. Jahrb. 1805, 1806. Méchain Astr. Jahrb. 1806, S. 131. Mon. Corr. VI. S. 585. Others ib. S. 507. Astr. Jahrb. 1806. S. 131.
- 116. 1804. Entdeckt von Pons den 7. März, beobachtet bis zum 1. April. Conn. d. T. XV, p. 374 sq. Gauss Mon. Corr. IX, S. 433. Astr. Jahrb. 1807, S. 232. Bouward Mon. Corr. IX, S. 505. Conn. d. T. 1808, p. 338. Waht Astr. Jahrb. 1807, S. 232.
- (96) 1805. Dritte Erscheinung des Encke'schen Cometen. Gleichzeitig von Bouvard, Pons und Huth am 20. Oct. entdeckt. Beobachtet bis den 15.

und gesehen bis den 19. Nov. Mon. Corr. XIII, XIV. Conn. des Temps 1808, 1809. Obs. de Paris 1805. Astr. Jahrb. 1809. Vorzüglich aber sehe man Astr. Jahrb. 1822 und 1823. Corr. astr. II. Die Elemente v. Besset Mon. Corr. XIII, S. 80. Astr. Jahrb. 1809, S. 135. Ganss Mon. Corr. XIII, S. 83. Legendre Nouv. meth. pour la determ. des orb. d. com. Suppl. p. 30. Mon. Corr. XIV, S. 70. Hourard Conn. d. Temps 1808, p. 339. Encke Astr. Jahrb. 1822, S. 190.

- (84) 1806. Von Pons den 10, Nov. 1805 entdeckt und bis zum 9, Dec. beobachtet. Der Comet ist, bei einer Umlaufszeit von 63/4 Jahren, identisch mit dem von 1772 und mit dem 1826 von Biela und Gambart entdeckten. Gauss fand schon bei der Erscheinung von 1806, dass die Beobachtungen mit jeder Ellipse, deren halbe grosse Axe grösser ist, als 2,82, besser stimmten, als mit der Parabel. Mon. Corr. XIII, XIV. Astr. Jahrb. 1809. Conn. des Temps 1808, 1809. Obs. de Paris 1805. Bessel Mon. Corr. XIII, S. 91. Astr. Jahrb. 1809, S. 136 u. Mon. Corr. XIV, S. 74. Legendre ib, S. 72 u. Nouv. méth. Suppl. p. 30. Gauss erste Bahn: Mon. Corr. XIII, S. 89, zweite: ib. XIV, S. 77 u. Astr. Jahrb. 1809, S. 139, dritte: Mon. Corr. XIV, S. 79. Bonrard Conn. d. T. 1808, p. 340. Die Bahn von Gambart ist bei der Wiederkehr des Cometen im J. 1826 berechnets onter der Voraussetzung dreier Umläufe seit 1806. Astr. Nachr. V. S. 125. Mem. Astr. Soc. II, p. 506. Conn. des Temps 1830, p. 53.
- 117. 1806. Entdeckt von Pons den 10. Nov. Erst bis zum 20. Dec. und dann (11) noch vom 17. Jan. bis 12. Febr. 1807 beobachtet. Mon. Corr. XV, XVI. Astr. Jahrb. 1810, S. 224. Conn. des Temps 1810, S. 298. Obs. de Paris 1806. Besset Mon. Corr. XVI, S. 181. Furckhardt Conn. d. T. 1819, p. 378.
- Grosser Comet. Vom 22. Sept. 1807 bis zum 27. März 1808 beob-118, 1807, achtet. Die meisten Beobachtungen sind gesammelt in den: Untersuchungen über die scheinbare und wahre Bahn des im J. 1807 erschienenen grossen Cometen von F. W. Bessel. Königsb. 1810. 4. Ausser dieser elassischen Schrift ist noch Mon. Corr. XVI - XIX. Astr. Jahrb. 1811-14. Della Cometa apparsa in Settembre 1807 Osservazioni et Risultati di Nicola Cacciatore. Conn. des Temps 1809-11. Maskelyne Obs. IV. Phil. Trans. 1808. Soc, III, nachzusehen. Die Elemente von Bourard Conn. d. T. 1811, p. 409. Mon. Corr. XVI, S. 562. Ganss ib. S. 565 n. XVII, S. 183. Astr. Jahrb, 1811. S. 436. Brojetmann Mon. Corr. XIX. S. 201. Oriani ib. XVIII, S. 243. Ferrer Mem. Astr. Soc. III, p. 3 n. Astr. Jahrb. 1813, S. 247. Lemanr ib. Triesnecker ib. 1811, S. 126. Santini ib, S. 127. Eowditch ib, 1814, S. 149. Damoisean Conn. d. T. 1810, p. 381. Cacciatore I. I. p. 42. Besset I. I. u. Mon. Corr. XVII, S. 553. Astr. Jahrb. 1811, S. 156, 158, 1813, S. 188.
- 119. 1808. Entdeckt von Pons zu Marseille am 25. März und von Wisniewsky (1) zu St. Petersburg am 29. Marz. Die Reduction der Beobachtungen spricht zwar dafür, dass von beiden Beobachtern derselbe Comet, gesehen wurde, doch ist die Bahn unsicher. Die Identitat mit dem Cometen von 1797 zeigt sich als unwahrscheinlich. Corr. astr. XII, p. 509. Astr. Nachr. I. S. 207. V, S. 1, 271.

120
 1808. Entdeckt von Pons den 24. Junius und etwas unsicher, besonders in
 (II) Anschung der Abweichungen, blos zu Marseille beobachtet vom
 26. Junius bis zunn 3. Julius. Mon. Corr. XVIII, S. 245, 359. Astr.
 Jahrb. 1812, S. 129. — Bei Delambre und Olbers ist für die Richt.
 d. Bew. B. statt D. zu lesen.

In demselben Jahre entdeckte Pons noch zwei andere Cometen, Febr. 6. und Juli 3. Der erstere wurde nur bis zum 9. Febr. gesehen; s. Mon. Corr. XVIII, S. 252. Astr. Nachr. VII, S. 113. Der zweite wurde zwei Mal, Jul. 3. und Jul. 5., beobachtet. Mon. Corr. XVIII. S. 249.

- 1810. Den 22. Aug. von Pons entdeckt und blos in Marseille vom 29. Aug. bis 21. Sept. sehr zweifelhaft beobachtet. Mon. Corr. XXIII, S. 302. Besset ib. XXIV, S. 71. Astron. Jahrb. 1814, S. 179. Triesnecker ib. 1815, S. 128.
- 122, 1811, Von Flaugergues den 26. März entdeckt und vor der Sonnennähe bis zum 10. Jun., nach der Sonnennähe vom 20. Aug. bis zum 11. Jan. 1812 beobachtet: endlich wieder aufgefunden von Wisniewsky in Neu-Tscherkask am 31. Jul. 1812 und noch vom 8. bis zum 17. Aug. beobachtet. Über diesen grossen, auch in seiner Form sehr merkwürdigen, fast von allen Astronomen beobachteten Cometen sehe man Mon. Corr. XXIII, XXIV, XXV. Phil. Trans. 1812. Astr. Jahrb. 1814, 1815, 1816. Conn. d. T. 1820. Mem. Astr. Soc. T. III, Lond. 1827. Greenwich Obs. 1811. Observ. astr. de Paris T. I. Calandrelli e Conti opuscoli astronomici, Roma 1813, und besonders die treffliche Abhandlung von Dr. F. W. A. Argelander: Untersuchungen über die Bahn des grossen Cometen von 1811, Königsb. 1822, 4. Die in der Tafel mitgetheilte Bahn von Argetander ist diejenige, die er für die wahrscheinlichste hält; allein die zu den verschiedenen Epochen der Erscheinung gemachten Beobachtungen liessen sich durch keine Bahn nach Kepler'schen Gesetzen ganz befriedigend darstellen. Argelander rechnet vom mittl. Äqu. 1811, Sept. 12. Die Elemente von Burckharát Astr. Jahrb. 1814, S. 243. Mon. Corr. XXIV, S. 93, 96, 414. Gauss ib. S. 180, 305, 409, u. Astr. Jahrb. 1814, S. 255. Flangergaes Mon. Corr. XXIV, S. 509. Besset ib. S. 303, 514, u. Astr. Jahrb. 1814, S. 258, 1815, S. 114. Bourard Mon. Corr. XXV, S. 380 u. Conn. d. T. 1820, p. 417. Nicotai Mon. Corr. XXIV, S. 592. Pianni Della Cometa del 1811 osservata nella specola di Palermo p. 20. Mon. Corr. XXVII, S. 359. Astr. Jahrb. 1816, S. 216. Argelander I. I. u. Astr. Jahrb, 1825, S. 250. Conti Mon. Corr. XXVIII, S. 31. Calandrelli e Conti I. I. p. 129, 147. Bowditch Zeitschr. f. Astr. I, S. 44. Lemaur Mem. Astr. Soc. III, p. 36, 38. Ferrer ib. p. 28, 38.
- 123. 1811. Von Pons den 16. Nov. entdeckt, und zuletzt beobachtet zu Bremen den 16. Febr. 1812. Conn. des Temps 1820. Obs. astr. de Paris T. I. Mon. Corr. XXIV, XXV, XXVI und besonders XXVII. II eruer Mon. Corr. XXV, S. 198, 292. Nicolai ib. XXVII, S. 207, 215. Derselbe rechnet vom m. Äqu. des 1. Jan. 1812. Oriani Mon. Corr. XXVI, S. 531.
- 1842. Entdeckt von Pons den 20. Julius und beobachtet bis Ende September.
 Mon. Corr. XXVI. XXVII. Corr. astr. V, p. 550. Conn. d. T. 1820.

Obs. astr. de Paris T. I. Astr. Jahrb. 1816, S. 238. Vorzüglich aber sehe man Zeitschr. f. Astr. II, S. 377. Die Elemente von Werner Mon. Corr. XXVI, S. 409, 583. Nicottet Conn. d. T. 1820, p. 418. Encke Zeitschr. f. Astr. II, S. 393. Derselbe zählt die Längen vom m. Äqu. des 1. Sept. 1812.

- 125. 1813. Entdeckt von Pons den 4. Februar und beobachtet bis zum 11. März.
 (1) Mon. Corr. XXVII. Obs. astr. de Paris T. I. Werner Mon. Corr. S. 285, 570. Nicottet Conn. d. T. 1820, p. 419.
- 126. 1813. Entdeckt von Pons zu Marseille und von Harding zu Göttingen den (II)

 2. und 3. April. Beobachtet in Europa bis zum 29. April, zu Havaña von Ferrer vom 29. April bis zum 16. Mai. Mon. Corr. XXVII, XXVIII. Obs. astr. de Paris T. I. Mém. astr. Soc. III. Danssy Mon. Corr. XXVIII, S. 100. Werner ib. XXVII, S. 491. Nicottet Conn. d. T. 1820, p. 420. Encke Mon. Corr. XXVIII, S. 99. Gerting ib. S. 502. Ferrer Mem. Astr. Soc. III, p. 8.
- Entdeckt von Olbers den 6. März, zuletzt beobachtet von Gauss den 127. 1815. 25. Aug. Bessel hat bei seiner elliptischen Bahn auch die Störungen mit in Rechnung genommen. Umlaufszeit nach Nicolai 74,7893, nach Bessel 74,04913 Jahre. Bessel berechnet, dass nach Berücksichtigung aller Störungen der Comet schon 1887 Febr. 9.4 seine Sonnennähe wieder erreichen wird, nämlich 824,5 Tage früher, als nach den rein elliptischen Elementen. Astr. Jahrb, 1818, 1819. Astr. Beob. zu Königsberg 2. Abth. Zeitschr. f. Astr. I. Abhandl. der Berl. Acad. Mathem. Cl. 1812-1815, S. 119. Greenw. Obs. 1815. Obs. astr. de Paris I. Obs. Dorpat I, p. 83. Conn. d. T. 1820. Besset Astr. Jahrb. 1818, S. 207. Zeitschr. f. Astr. I, S. 348. Gauss Astr. Jahrb. 1818, S. 231, 232. r. Lindenan ib. S. 246. Nicottet Conn. d. T. 1820, p. 421. Nicotai Zeitschr. f. Astr. 1, S. 304. Bessel rechnet die Längen vom mittl. Äqu. des 1. Jan., Nicolai des 26. April 1815.

Über einen 1816 Jan. 22. von Pons entdeckten und Febr. 1. zu Paris beobachteten Cometen s. Obs. astr. de Paris T. I., p. 138.

Ein anderer Comet wurde 1817 Nov. 1. gleichzeitig von Olbers in Bremen und von Scheithauer in Chemnitz entdeckt, aber nicht wiedergefunden. Astr. Jahrb. 1821, S. 143.

- 128. 1818. Entdeckt von Pous den 26. Dec. 1817. Zuletzt beobachtet zu Bremen den 1. Mai 1818. Der Comet war seiner Lichtschwäche wegen sehr schwer zu beobachten und schien sieh nach und nach aufznlösen. Astr. Jahrb. 1821. Zeitschr. f. Astr. V. Conn. d. T. 1821. Obs. astr. de Paris T. I. Others Astr. Jahrb. 1821, S. 161. Zeitschr. f. Astr. V, S. 153. Nicotlet Conn. d. T. 1821, S. 337. Ganss Zeitschr. f. Astr. V, S. 276. Eucke ib. S. 254. Astr. Jahrb. 1821, S. 162.
- 129. 1818. Entdeckt von Pons den 29. Nov. 1818, nachher von Bessel den (III)
 22. Dec., und zuletzt beobachtet von Harding den 30. Januar 1819.
 Astr. Jahrb. 1822, 1824. Conn. d. T. 1822. Corr. astr. II. Königsb.
 Beob. V. Nicottet Conn. d. T. 1822, p. 349. Besset Corr. astr. II., p. 187. Astr. Jahrb. 1822, S. 172. Statt: Länge des Perihels, ist an diesen beiden Orten: Winkel zwischen Perihel und Knoten, zu lesen. Rosenberger u. Scherk Astr. Jahrb. 1824, S. 144, 145.

Ein von Pons 1818 Febr. 23. entdeckter Comet wurde nur bis Febr. 27. unsicher beobachtet, daher die Bahn noch ungewiss ist.

Zeitschr. f. Astr. V, S. 150. Astr. Jahrb. 1821, S. 166. (96) 1819.

- Wiedererscheinung des berühmten Encke'schen Cometen, wodurch zuerst seine kurze Umlaufszeit von 1207 Tagen erkannt wurde. Entdeckt von Pons den 26. Nov. 1818. Zuletzt beobachtet den 12. Januar 1819. Corr. astr. II. Astr. Jahrb. 1822, 1823. Conn. d. T. 1822. Obs. astr. de Paris T. I. Encke, die beiden parabolischen Bahnen: Corr. astr. II, p. 189, die zweite auch: Astr. Jahrb. 1822, S. 192. Nicollet Conn. des Temps 1822, p. 349. Encke, die beiden ersten elliptischen Bahnen: Astr. Jahrb. 1822, S. 193, 194. Die zuletzt angeführte elliptische Bahn und die Bahnen bei 1822, 1825, 1829, 1832, 1835, 1838, 1842, 1845 sind eine und dieselbe, um den jedesmaligen Betrag der berechneten Störungen von einander verschieden, und es ist dies die wahrscheinlichste Bahn aus den gesammten Erscheinungen von 1819 bis 1838. Hierbei ist die Merkursmasse = 1/4865751 zu Grunde gelegt, zu deren Bestimmung der Comet durch seine Annäherung an diesen Planeten im J. 1835 das Mittel darbot. Die zur Erklärung der Beschleunigung der Umläufe angenommene Constante des widerstehenden Mittels U ist = 1/884,15 gesetzt. Man sehe darüber die Abhandlungen von Encke in Schumacher's astr. Nachr. und in den Schriften der Berliner Acad.; insbesondere: "Über den Cometen von Pons. Vierte Abhandl. 1844." Das Äquinoctium ist hier, wie bei den folgenden Erscheinungen, das mittlere zur Zeit des jedesmaligen Perihels.
- Zeigte sich plötzlich in Europa aus den Sonnenstrahlen hervortretend 130, 1819. mit dem Anfange des Julius in beträchtlicher Grösse. Zuletzt beob-(1t) achtet im October zu Dorpat und zu Bremen. Ist merkwürdig, weil er den Elementen zufolge am 26. Jun. vor der Sonnenscheibe vorüberging. Corr. astr. III, V, p. 551. Astr. Jahrb. 1822, 1823. Conn. d. T. 1822. Obs. de Paris T. I. Obs. Dorpat II, p. 169. Della Cometa del 1819 osservazioni e risultati di N. Cacciatore. Schumacher's Astr. Nachr. IV. Dirksen Astr. Jahrb. 1822, S. 231, 236. Cacciatore l. l. u. Astr. Jahrb. 1823, S. 124. Sniadecki ib. Statt & 273° 3' 33" ist wahrscheinlich 273° 43' 33" zu lesen. Encke Astr. Jahrb. 1822, S. 203. Nicolai Astr. Jahrb. 1822, S. 224. Bouvard Conn. d. T. 1822, p. 351, u. mit kleinen Veränderungen Astr. Jahrb. 1822, S. 231. Corr. astr. III, p. 207. Brinkley Trans. R. Irish Acad. Vol. XIII, p. 197.
- 131. 1819. Von Pons entdeckt den 12. Junius und blos in Marseille und Mailand bis zum 19. Julius beobachtet. Nur die letzte Bahn von Encke ist den Beobachtungen genügend, die sich in keiner Parabel darstellen lassen. Corr. astr. III. Astr. Jahrb. 1822, 1823. Mail. Ephem. 1820. Astr. Nachr. X, S. 383. Cartini Corr. astron. III, p. 197. Encke erste Elem.: Astr. Jahrb. 1822, S. 243. Corr. astr. III, p. 197. Zweite: ib. p. 198. Dritte: ib. p. 293. Astr. Jahrb. 1823, S. 222, gezählt vom mittl. Äqu. Jul. 1.
- Entdeckt von Blanpain zu Marseille den 28. Nov., zuletzt beobachtet 132, 1819. zu Mailand den 25. Jan. 1820. Ausserdem noch zu Bologna und vor-(iV)

züglich zu Paris beobachtet. Die starke Abweiehung der Bahn von einer Parabel ist nicht zu bezweifeln: aber die Grenzen der Umlaufszeit haben sich wegen der zu kurzen Zwischenzeit der bisher bekannten, zum Theil etwas zweifelhaften Beobachtungen nicht angeben lassen. Corr. astr. IV. Astr. Jahrb. 1824. Conn. d. T. 1824. Obs. de Paris T. I. Cartini Corr. astr. IV, p. 519. Encke ib. u. Astr. Jahrb. 1824, S. 220. Mittl. Äqu. Jan. 1. 1820. — Clausen vermuthet die Identität dieses Cometen mit dem ersten von 1743.

- 133. 1821. Zu gleicher Zeit am 21. Jan. zu Paris von Nicollet und zu La Marlia von Pons entdeckt, später auch zu Marseille von Blanpain, zu Bremen von Olbers und zu Dorpat von Walbeck. Wurde in Europa bis zum 7. Marz, nach seiner Sonnennähe aber vom 1. April bis zum 3. Mai zu Valparaiso vom Capitain B. Hall, dem Lieutenant W. Robertson u. H. Forster beobachtet. Seine scheinbare Bewegung war während der ganzen Dauer der Enropäischen Beobachtungen sehr langsam. Brinkley's erste Elemente gründen sieh blos auf die Beobachtungen zu Valparaiso; bei den zweiten hat er die Bremer Beobachtung vom 30. Jan. und die Beobachtungen vom 8. April und 3. Mai des Capitain Hall zum Grunde gelegt. Rosenberger konnte sämmtliche Europäische und Americanische Beobachtungen durch seine Parabel befriedigend darstellen. Bei den übrigen Bahnen sind blos Europäische Beobachtungen benntzt. Die Bahn scheint sehr wenig von der Parabel abzuweichen. Corr. astr. V. Conn. d. T. 1824. Astr. Jahrb. 1824, 1825. Phil. Trans. 1822. Edinb. Phil. Journ. Nr. XIV, p. 382. Schumacher Astron. Nachr. I, III. Obs. Dorpat. III, p. 145. Obs. de Paris T. II. Mem. Astr. Soc. I, p. 271. Wiener Beob. I, S. 131. Caeciatore, del osservatorio di Palermo Libri VII—IX, p. 209. Encke Astr. Jahrb. 1824, S. 221. Corr. astr. V, p. 84. Bessel Astr. Jahrb. 1824. S. 242. Astr. Nachr. I. S. 18. Rümker Astr. Jahrb, 1824, S. 174. Nicolai ib. S. 169. Nicottet Conn. d. T. 1824, S. 357, r. Standt Astr. Jahrb. 1825, S. 105. Brinkley Astr. Jahrb. 1825, S. 254. Phil. Trans. 1822, p. 52, 63. Rosenberger Astr. Nachr. 1, S. 425.
- 134. 1822. Entdeckt von Gambart zu Marseille den 12., von Pons zu Marlia den (1)
 14. und vom Oberlieutenant v. Biela zu Prag den 16. Mai: beobachtet bis gegen Ende Junius. Corr. astr. VI. Schumacher Astr. Nachr. I. Obs. de Paris T. II. Astr. Jahrb. 1825. Conn. d. T. 1826. Cartini Corr. astr. VI, p. 47°. Ursin Astr. Nachr. I, S. 311. Hansen ib. S. 309. Nicottet ib. S. 311. Conn. d. T. 1826, p. 278. Gambart Corr. astr. VI, S. 479. Conn. d. T. 1826, S. 222. Die Längen vom m. Äqn. Mai 12. 1822. Eucke, erste Bahn: Corr. astr. VI, p. 592. Astr. Jahrb. 1825, S. 154. Astr. Nachr. I, S. 311; zweite Bahn: Astr. Jahrb. 1825, S. 155. Corr. astr. VII, p. 183.
- (96) 1822. Erste vorausberechnete Wiederkehr des Encke'sehen Cometen; beobachtet von Rümker zu Paramatta Jun. 2—29. Astr. Nachr. II, S. 39.
 IV, S. 103. Astr. Jahrb. 1826. Vergl. 1819 (I).
- 135. 1822. Entdeckt von Pons zu Marlia Mai 30.; nur bis Juni 12. in Marseille (III) von Gambart und in Bologna von Caturegli beobachtet. Corr. astr.

VI, p. 385, 481. Die erste Bahn ist aus Juni 8., 11., 12., die zweite aus Juni 9., 10., 11. berechnet. Astr. Nachr. IV, S. 533, 534.

Entdeckt den 13. Juli von Pons zu Marlia, den 16. von Gambart zu 136. 1822. Marseille und den 20. zu Paris von Bouvard, beobachtet in Europa (1V) his zum 22. Oct. Rümker hat seine beiden Bahnen blos aus den in Paramatta bis zum 11. Nov. von ihm gemachten Beobachtungen abgeleitet. Die zweite Bahn von Encke gründet sich auf die Europaischen Beobachtungen, bei der dritten Bahn ist auch auf Rümker's Beobachtungen Rücksicht genommen, und diese scheint also allen übrigen vorzuziehen; aber auch die zweiten parabolischen Elemente von Nicolai und die dritten von Hansen stellen die Beobachtungen befriedigend dar. Corr. astr. VI, VII. Astr. Jahrb. 1826. Astron. Nachr, 1-III. Cacciatore osserv, di Palermo Libr, VII-IX, p. 212. Conn. d. T. 1826. Obs. de Paris T. H. Königsb. Beob. VIII. Schuürtein Astr. Nachr. I, S. 350. Argetander ib. S. 393. Cacciatore l. l. S. 218. Nicolai Astr. Nachr. I, S. 395, 433. Corr. astr. VII. p. 562. Mittl. Äqn. Oct. 23. Hausen, erste Bahn: Astr. Nachr. I, S. 340 zweite Bahn: ib. S. 363. Corr. astr. VII, p. 288. Mittl. Äqu. Sept 1.; dritte Bahn: Astr. Nachr. I, S. 493. Mittl. Äqu. Oct. 1. Eucke, erste Bahn: Corr. astr. VII, p. 188. Astr. Nachr. 1, S. 372.; zweite Bahn: ib. S. 474. Corr. astr. VII, p. 563; dritte Bahn: Astr. Nachr. III, S. 108. Mittl. Äqu. Oct. 25. Gamhart Conn. d. T. 1826, p. 224. M. Äqn. Juli 12. Bourard ib. p. 279. Astr. Nachr. I, S. 470. Rümker Astr. Nachr. II, S. 207, 208. Mittl. Äqu. Jan. 1.

137. 1823. Von Mehreren mit blossen Augen in den letzten Tagen des December gesehen und so den eigentlichen Astronomen zuerst angezeigt. Zuerst beobachtet in Prag den 30. December 1823, zuletzt von Knorre in Nicolajew den 31. Marz 1824. Der Comet war besonders dadurch merkwürdig, dass er vom 22. bis 31. Jan. ausser dem gewöhnlichen von der Sonne abgekehrten, auch einen der Sonne gerade zugewendeten Schweif zeigte. Astr. Nachr. II, III, V. Astr. Jahrb. 1827. Argelander Obs. astr. 1. Obs. Dorpat. V, p. 133. Obs. de Paris II. Greenwich Obs. 1824. Cacciatore osserv. di Palermo Libr. VII—11X, p. 218. Wiener Beob. IV, S. 120. Gambart's Beobachtungen Conn. d. T. 1827, p. 313. Die Elemente von Hunsen Astr. Nachr. II, S. 491, 495. Nicoltet ib. III, S. 45. Nicolai ib. II, S. 493, III, S. 109. Eucke ib. S. 113. Schmidt Astr. Jahrb. 1827, S. 129.

138. 1824. Dieser in Europa nicht geschene Comet wurde von Rümker in Neusüdwales entdeckt und vom 15. Juli bis 11. August von Rümker und von Sir Th. Brisbane beobachtet. Astr. Nachr. IV, S. 107. Mem. Astr. Soc. II, p. 281, 284. Die Beobachtungen können noch scharfer reducirt werden und sind noch nicht vollständig bei der Bahnbestimmung benutzt.

139. 1824. Entdeckt von Scheithauer in Chemnitz den 23. Juli, von Pons den (11) 24. Juli, von Gambart den 27. Juli und von Harding den 2. August, zuletzt beobachtet von Capocci in Neapel den 25. Dec. Der Comet war seiner Blässe und seines unbestimmten Kerns wegen schwer zu beobachten, und es bleibt etwas ungewiss, ob die Bahn wirklich hyperbolisch war, wie sie nach den Beobachtungen in den ersten

Monaten der Sichtbarkeit dieses Cometen zu sein schien. Astr. Nachr. III, IV. v. Zach Corr. astr. X, p. 615, XII, p. 119. Meni. Astr. Soc. II, p. 283. Obs. de Paris II. Obs. Dorpat. V, p. 136. Astr. Jahrb. 1827, 1828. Wiener Beob. V, p. LXXI. Argelander Obs. astr. I. Bonrard Astr. Nachr. III, S. 313. Hansen S. 321. Argelander S. 353. Encke S. 325, 326, 390, IV, S. 123. Mittl. Äqu. Sept. 29.

- 140. 1825. Entdeckt von Gambart Mai 18., beobachtet bis Anfang Juli, von Rümker in Neuholland noch am 15. Juli. Die Bahn scheint sehr wenig von der Parabel abzuweichen, daher kann dieser Comet nicht, wie man anfangs vermuthete, mit dem dritten Cometen von 1790 identisch sein. Schumacher Astr. Nachr. IV, V. v. Zach Corr. astr. XII, p. 513, 609, XIII, p. 84. Astr. Jahrb. 1828, 1829. Conn. d. T. 1830. Wiener Beob. VI. Nicotai Astr. Jahrb. 1828, S. 152. Astr. Nachr. IV, S. 158. Schwerd ib. S. 180. Gambart S. 226. Rümker S. 512. Hansen Schum. astr. Abh. Die Längen vom m. Äqu. Jan. 0. Clansen Astr. Jahrb. 1828, S. 152. M. Äqu. Jan. 0. Cartini Corr. astr. XIII, p. 85. Harding Astr. Jahrb. 1828, S. 193.
- 141. 1825. Wurde am 9. Angust zu Florenz von Pons und am 23. August zu Göttingen von Harding entdeckt, und nur an diesen beiden Orten, bis Aug. 26., beobachtet. Astr. Nachr. IV, V. Astr. Jahrb. 1829, 1829. Clansen A. N. IV, S. 327. M. Äqu. Jan. 0. Otbers Astr. Jahrb. 1829, S. 121.
- (96) 1825. Der Encke'sche Comet, zuerst beobachtet von Valz in Nimes Juli 13., zudetzt von Capocci in Neapel Sept. 7. Astr. Nachr. IV, VI. Corr. astr. XIII, p. 183, 285, 498. Astr. Jahrb. 1828, S. 200, 1829, S. 109, 170. Argelander Obs. astr. I. Struve Obs. Dorpat. VI, p. 107. Cacciatore Osserv. di Palermo p. 221. Wiener Beob. VI. Vgl. 1819.
- Entdeckt von Pons und von Biela, Juli 15. u. 19. Beobachtet in 142. 1825. (1V) Europa bis um die Mitte des October, in Amerika und Neuholland bis zum 20. Dec., nachher wiederaufgefunden am 2. April und noch bis zum 8. Juli 1826 beobachtet. War im Oct. mit blossem Auge sichtbar, mit einem Schweife von etwa 10° Länge. Die dritte Bahn von Hansen umfasst die Beobachtungen vor und nach dem Perihel. Astr. Nachr. IV, V, X. Corr. astr. XIII - XV. Astr. Jahrb. 1828, 1829. Mem. Astr. Soc. III, p. 381. Argelander Obs. astr. I. Wiener Beob. VI. Greenwich Obs. 1825. Hansen Beobachtungen mit dem Heliometer, Gotha 1827. Schwerd Beob. in Speier 1826, S. 107. Cacciatore osserv. di Palermo L. VII-IX, p. 224. Tattquist A. N. IV, S. 284. Schwerd S. 343. Hallaschka S. 362. Peters S. 379. m. Äqn. 1826 Jan. O. Morstadt S. 395. Rümker V, S. 86. Astr. Jahrb. 1829, S. 144. Hansen, erste Bahn A. N. IV, S. 259.; zweite Bahn S. 360. m. Äqu. Sept. 1., dritte Bahn V, S. 32. m. Äqu. Dec. 10. Capocci Corr. astr. XIII, p. 494.
- (84) 1826. Wurde am 27. Febr. von Biela zu Josephstadt in Böhmen, am 9. März zu Marseille von Gambart entdeckt und bis zum 9. Mai beobachtet. Sowohl Gambart als v. Biela erkannten bei den ersten Bahnberechnungen die Identität dieses Cometen mit dem von 1806, sowie mit dem von 1772. Astr. Nachr. IV, V. Corr. astr. XIV, p. 393, 491, 583. Mem. Astr. Soc. II, p. 505. Conn. d. T. 1830. Argelander

- Obs. astr. II. Schwerd Beob. in Speier 1826, S. 106. Astr. Jahrb. 1829. Gambart Astr. Nachr. IV, S. 470, 501. V, S. 125. Conn. d. T. 1830, p. 53. Mem. Astr. Soc. II, p. 504, 505, 506. M. Äqu. März 9. r. Biela Astr. Nachr. IV, S. 507. Clausen ib. S. 467. Conn. d. T. 1830, p. 52. Harding und Wiesen kl. Ephem. 1832, S. 97. M. Äqu. 1826 Jan. 0. Santini Annali delle scienze del regno Lombardo-Veneto 1832. Opuscoli astron. intorno alle Comete 1830—35 di G. Santini. Padova 1836. Astr. Nachr. XII, S. 115. Mittl. Äqu. März 9, u. Jan. 0.
- 143. 1826. Entdeckt von Pons 1825 Nov. 7., zuletzt beobachtet in Florenz 1826
 (11) April 11. Die Bahn schliesst sich nach Nicolai für die ganze Dauer der Sichtbarkeit des Cometen der Parabel sehr genau an. Astr. Nachr. IV, V. Corr. astr. XIV, XV. Astr. Jahrb. 1829, S. 171. Argelander Obs. astr. II. Schwerd astr. Beob. in Speier 1826, S. 105. Die Elemente Astr. Nachr. IV, S. 366, 382, 416, 531; Perihel u. Knoten für 1826 Jan. 0.
- 144. 1826. Die von Clürer berechneten Elemente Astr. Nachr. XII, S. 281.
 (III) Ganz abweichende Elemente hat Flaugergues berechnet, welche die Beobachtungen indess noch viel weniger genügend darstellen, ib. S. 282.
 Mem. Astr. Soc. III, p. 97. Der Comet wurde von Flaugergues zu Viviers den 29. Marz entdeckt und von demselben nur April 1 6. beobachtet. Astr. Nachr. V, S. 457 sq.
- Entdeckt von Pons Aug. 7. und von Gambart Aug. 14., zuletzt beobachtet von Olbers Nov. 26. Astr. Nachr. V, VI. Astr. Jahrb. 1829,
 S. 224. Argelander Obs. astr. II. Hansen Beob. mit dem Helometer,
 Gotha 1827. Schwerd Beob. in Speier 1826, S. 108. Die Elemente
 Astr. Nachr. V, S. 171, 180, 299, 358. Schwerd Beob. S. 111.
- 146. 1826. Entdeckt von Pons Oct. 22., von Clausen Oct. 26. und von Gambart (V) Oct. 28., zuletzt beobachtet in Abo von Argelander Jan. 5. 1827. Argel. Obs. astr. II. Astr. Nachr. V. Der Comet ging der Rechnung zufolge am 18. Nov. vor der Sonnenscheibe vorüber, ward indess nicht gesehen. Mem. Astr. Soc. III, p. 85. Santini Astr. Nachr. V, S. 258. Ctausen ib. S. 251. M. Äqu. Nov. 18. Ctürer ib. S. 433. M. Äqu. Oct. 23. Gambart Mem. Astr. Soc. III, p. 85, 86. M. Äqu. Nov. 28. Die ersten Elemente aus den Beobachtungen vor dem Perihel, die zweiten mit Einschluss der Beobachtungen nach dem Perihel.
- 147. 1827. Entdeckt von Pons 1826 Dec. 26. Die Beobachtungen nmfassen nur
 einen Monat und sind zum Theil unzuverlässig. Astr. Nachr. V. Die
 Elemente S. 435.
- 148. 1827. Entdeckt den 20. Juni von Pons und von Gambart; beobachtet vom (11) 20. Juni bis zum 21. Juli in Florenz und den 6. Juli in Nimes. Astr. Nachr. VI, S. 159, 305, VII, S. 55. Fatz A. N. VI, S. 251. r. Heiligenstein ib. S. 305.
- 149. 1827. Entdeckt von Pons den 2. August; beobachtet vor dem Perihel bis den 29. August, nach demselben den 16. Oct. zu Mannheim von Nicolai. Die anfangs vermuthete Identität mit dem ersten Cometen von 1780 ergab sich nachher bei der geringen Abweichung des Laufes von der Parabel als unhaltbar. Astr. Nachr. V, VI, VII. Schwerd

Beob. in Speier 1827, S. 115. Schwerd I. I. S. 116, u. Astr. Nachr. V., S. 471. Uatz ib. VI., S. 251. Peters S. 44. Nicotai S. 49. Ctäcer, erste Elemente S. 45, zweite und dritte VII, S. 62. Die ersten Elemente sind aus 3 Meridianbeobachtungen von Gauss Ang. 20.. 21., 22. geschlossen, die zweiten aus 3 Normalörtern Ang. 19., 29., Oct. 16., die dritten diese 3 Örter genan darstellenden Elemente gehören einer von der Parabel wenig abweichenden Ellipse an. Die beiden letzteren Bahnen gelten für das m. Äqu. Aug. 17.

- (96) 1829. Anf den meisten Europäischen Sternwarten, sowie auch in Neuholland heobachtete Wiederkehr des Encke'schen Cometen. Die längste und genaueste Beobachtungsreihe ist die zu Dorpat, wo er von Sept. 16. bis Dec. 27, 1828 gesehen wurde. Astr. Nachr. VI — VIII. Mem. Astr. Soc. IV, p. 186, 188. Atti del osservatorio di Modena I. Wiener Beob. IX. Greenwich Obs. 1828. Vergl. 1819 (D).
- Wurde in der zweiten Halfte des Marz an mehreren Orten auf der 150. 1830. (1) südlichen Halbkugel gesehen, zuerst März 17., wo er als ein Stern dritter Grösse mit einem Schweife von 70-80 Länge erschien, und bis April 5. beobachtet, später wurde er zu Marseille von Gambart und zu Paris von Nicollet entdeckt April 20. u. 25. Die Europäischen Beobachtungen gehen bis Aug. 17. Astr. Nachr. VIII, IX. Mem. Astr. Soc. IV, p. 624, VIII, p. 191. Conn. d. T. 1835, p. 58. Atti del osservatorio di Modena I. Wiener Beob. XI. Königsb. Beob. XVI. Others Astr. Nachr. VIII, S. 253. Schwerd S. 299. Nicotai S. 319. M. Aqu. April 9. Valz S. 340. Mayer u. Kottinger Wiener Beob, XI, p. XXXVIII. M. Äqu. 1830,0. Hädenkamp u. Mayer Astr. Nachr. IX, S. 171, 172. Diese Elemente sind ansschliesslich ans den Beobachtungen mit dem Königsberger Heliometer von Mai 8. bis Juni 28. hergeleitet. M. Äqu. April 9. Santini jb. S. 288 und Opuscoli astronomici intorno alle Comete osservate 1830 - 1835 di Giov. Santini. Pad. 1836. Cartini u. Conti ib.
- 151. 1830. Im Januar 1831 an mehreren Orten mit blossen Augen wahrgenommen, zuerst Jan. 7.; beobachtet bis zum 8. März. Astr. Nachr. IX, X. Mem. Astr. Soc. IV, p. 626. Santini I. I. [s. 1830 (I)] Cacciatore Osservazioni sulla Cometa 1831. Peters Astr. Nachr. IX, S. 83, 148.
 M. Äqu. 1831 Jan. O. Kuorre S. 174. Nantini S. 289. Wotfers X, S. 68. Wahrscheinlichste auf die gesammten Beobachtungen gegründete Bahn. M. Äqu. 1831 Jan. 0.
- (96) 1832. Der Encke'sche Comet; beobachtet in Buenos-Ayres von Mossotti Juni 1., 5., am Cap von Henderson Juni 2.—28., zu Göttingen von Harding Aug. 21. Astr. Nachr. X, XI. Mem. Astr. Soc. VIII, p. 243. Vergl. 1819 (I).
- 152. 1832. Entdeckt zu Marseille von Gambart Juli 19. und zu Göttingen von Harding Juli 29., beobachtet bis Aug. 27. Astron. Nachr. X. Conn. d. T. 1835, p. 30. Mem. Astr. Soc. VI, p. 228. Effem. di Mil. 1834. Wiener Beob. XIII. Peters, erste Bahn Astr. Nachr. X, S. 227. Wahres Äqu. Jul. 29.; zweite Bahn, aus den gesammten Marseiller und den Mannheimer Beobachtungen abgeleitet, S. 269. M. Äqu. 1832 Jan. 0. Otters S. 227. Gambart S. 262. r. Heltigenstein S. 268.

- E. Bourard S. 305. Kreit Effem. di Milano 1834, p. 66. M. Aqu. Juli 19. Santini u. Conti A. N. X. S. 322, u. Opusc. astr. [s. 1830 (I)]. (84) 1832. Erste vorausberechnete Wiederkehr des Biela'schen Cometen. Haupt-(III)sächlich im October, November und December beobachtet, von Henderson am Vorg. d. g. Hoffn, bis 1833 Jan. 3. Astr. Nachr. X-XIV. Mem. Astr. Soc. VI. p. 99, 159. Wiener Beob. XIII, XIV. Santini Opusc. astr. [s. 1830 (I)]. Effem. di Milano 1834. Königsb. Beob. XVIII. Die Elemente von Dumoisean sind die mit Berücksichtigung der Störungen vorausberechneten. Conn. d. T. 1830, p. 55. Astr. Nachr, VI, S. 155, X, S. 220. Ebenso sind die ersten Elemente von Santini die bei 1826 angeführten, mit Hinzufügung der mit der Airy'schen Jupitersmasse berechneten Störungswerthe. Astr. Nachr. XI. S. 196. Die zweite Bahn von Santini, die von Nicolai, Baranowski und Bury sind aus den Beobachtungen von 1832 hergeleitet, unter Annahme der halben grossen Axe = 3,53683 nach Damoiseau. Die Bahn von Baranowski umfasst in einer erschöpfenden Weise insbesondere die Reihe der Beobachtungen in Königsberg und Dorpat. Santini Astr. Nachr. XI, S. 5, 196. M. Äqn. 1833 Jan. 0. Nach der Bestimmung der h. gr. Axe von Santini, Astr. Nachr. XII. S. 115. wird log. a = 0.5484533, e = 0.7513760; die übrigen Elemente bleiben unverändert. Nicotai A. N. X, S. 305. Baranowski A. N. XIII, S. 241, XIV, S. 177. M. Äqu. 1833 Jan. 0. Bury Wien. Beob.
- 153. 1833. Nur vom 1. bis 16. October zu Paramatta von Dunlop beobachtet, wo er im September von demselben entdeckt wurde. Men. Astr. Soc. VIII, p. 251. Astr. Nachr. XII. Henderson bezeichnet die von ihm berechneten Elemente nur als eine robe Aunäherung. Astr. Nachr. XII. S. 119. Peters ib. S. 128.

XIV, p. LIV. Ägn. id.

- 154. 1834. Entdeckt von Gambart den 7. März zu Marseille und von Dunlop zu Paramatta, beobachtet von Ersterem am 9. März, von Letzterem vom 21. März bis 14. April. Mem. Astr. Soc. VIII, p. 259. Astr. Nachr. XI, S. 373, XII, S. 118—120. Die Elemente von Peterseu sind aus den Dunlop'schen Beobachtungen allein, die von Peters mit Einschluss der Gambart'schen Beobachtung berechnet. A. N. XII, S. 119, 120. W. Äqu. April 2.
- 155. 1835. Entdeckt von Boguslawski zu Breslau am 20. April, zuletzt von (1)
 Kreil in Mailand am 27. Mai beobachtet. Astr. Nachr. XII, XIII. Effem. di Milano 1837. Peters A. N. XII, S. 255. W. Äqu. April 25. r. Bogustawski S. 414. Rümker S. 416. M. Äqu. Jan. 1. W. Bessel XIII. S. 339.
- (96) 1835. Der Encke'sche Comet; beobachtet Juli 22. bis Aug. 6. von Kreil zu Mailand und Juli 30. von Boguslawski zu Breslau. Astron. Nachr. XII, XIII. Effem. di Milano 1837. Vergl. 1819 (I).
- (19) 1835. Der Halley'sche Comet; wurde auf den meisten Sternwarten gegen Ende des August aufgefunden, zu Rom von Dumouchel bereits Aug. 5.; er wurde beobachtet am Vorgeb. d. g. Hoffn. von Maclear bis Mai 5., zun München von Lamont bis Mai 17. 1836. Schumacher Astr. Nachr. XII, XIII, XIV, XVIII, XXIII, XXIV, XXV. Lamont Observ. Monach. Nov. Ser. Vol. VI. Mem. Astr. Soc. IX, X, XII. Cape of g. h. Observ.

1836. Greenwich Obs. 1835. Edinb. Observ. 1835. Cambridge Obs. 1835. Taylor Madras Obs. Vol. III. Stratford Nant. Alm. 1839. Struve's Monogr. über d. Hall. Com. 1835. Effemeridi astr. di Milano 1838, p. 49. Von den angegebenen Elementensystemen sind die ersten fünf Vorausberechnungen, die letzten vier sind nach den Beobachtungen verbessert. Man findet die Rechnungen von Damoisean Conn. d. T. 1832. p. 34, die von Pontécontant Conn. d. T. 1833. p. 112, 1837 p. 104, 1838 p. 115 (bei den zweiten Elementen sind die neuern verbesserten Planetenmassen angewandt), die von Lehmann Astr. Nachr. XII, S. 369., die von Rosenberger ib. S. 187, XIII, S. 72, 95., die von Santini I. I. [s. 1830 (l)] S. 83, die von Stratford Elem. of Halley's Comet, Nant. Alm. 1839, die von Westphaten A. N. XXV, S. 189. Die Längen sind auf das mittl. Äquinoctium zur Zeit des Perihels bezogen.

- (96) 1838. Die Beobachtung dieser Wiederkehr des Encke'schen Cometen, bei der er sich der Erde bis auf die Distauz 0,22 n\u00e4herte und selbst mit blossen Augen erkennbar war, f\u00fchrte zu einer Ermittelung der Masse des Merkur, vor welchem Planeten er im August 1835 in der Distauz 0,12 vor\u00fcbergegangen war. Man vergleiche r\u00fccksichtlich der nachherigen Verbesserung der Elemente die Bemerkungen bei der Erscheinung von 1819. Die Beobachtungen in Berlin gehen von Sept. 16. bis Nov. 28. Von Valz in Marseille wurde er noch Dec. 16. gesehen. Berl. astr. Beob. I. Berl. astr. Jahrb. 1840. Astr. Nachr. XV, XVI, XVIII. Mem. Astr. Soc. XI. Resultate der Cracamer Beobachtungen, Cracau 1839. Edinb. Obs. 1838. Greenwich Obs. 1838. Cambridge Obs. 1838. Schriften der Berl. Akademie, "Encke, \u00fcber der Cometen von Pons. Vierte Abhandlung. 1844."
- 156. 1840. Entdeckt zu Berlin von Galle 1839 Dec. 2., zuletzt beobachtet zu Bonn von Argelander 1840 Febr. 8. Astr. Nachr. XVII. Mem. Astr. Soc. X1, XII. Greenwich Obs. 1839. Cambridge Obs. 1839. Berl. astron. Beob. II. Die Elemente gelten für das m. Äqu. 1840 Jan. 0. Encke Astr. Nachr. XVII, S. 96. Rümker S. 110. Petersen S. 113. Landaht S. 171. Die Bahnbestimmung von Peters u. O. Strure, wobei die Störungen während der Dauer der Sichtbarkeit berücksichtigt sind und wodurch die Pulkowaer Beobachtungen innerhalb weniger Seeunden dargestellt werden, führte auf eine von der Parabel wenig abweichende Hyperbel. Mém. de St. Petersb. 1843. Description de l'Observatoire central de Poulkova p. 287.
- 157. 1840. Entdeckt den 25. Januar von Galle, zuletzt beobachtet von Koller in Kremsmünster April 1. Astr. Nachr. XVII, XVIII, XX. Mem. Astr. Soc. XII. Berlin. Beob. II Greenwich Obs. 1840. Cambridge Obs. 1840. Petersen Astr. Nachr. XVII, S. 189. Rümker ib. Encke S. 190. Kysaens S. 237. Ptantamonr XX, S. 329, 331. Die Elemente von Rümker, die von Encke und die von Plantamour gelten für den Anfang von 1840. Die Bahn zeigte sich, nach den Untersuchungen von Plantamour, von der Parabel nicht merklich abweichend.
- 158. 1840. Entdeckt den 6. M\u00e4rz von Galle. Wurde nur kurze Zeit beobachtet, (III) zuletzt am 27. M\u00e4rz zu Pulkowa; zeichnete sich durch einen hellen,

geradlinigen Schweif aus. Astr. Nachr. XVII, XVIII, S. 88. Berl. Beob. II. Encke vergl. Astr. Nachr. XVII, S. 188. Petersen S. 230. M. Äqn. April 2. Rümker S. 232. M. Äqn. Jan. 1.

- 159. 1840.
 (IV)

 Entdeckt von Bremiker zu Berlin den 26. Oct. 1840, beobachtet daselbst bis zum 16. Febr. 1841. Astr. Nachr. XVIII. Berl. Beob. II. Mem. Astr. Soc. XII, p. 225. Greenwich Obs. 1840. Eucke Astr. Nachr. XVIII, S. 140. M. Äqu. 1841,0. Santini S. 85. Götze A. N. XXI, S. 353 u. XXII, S. 241. M. Äqu. 1841 Jan. 1. Der Lauf dieses Cometen liess sich nicht ganz mit der Annahme einer Parabel vereinigen. Nach der auf die gesammten Beobachtungen gegründeten Berechnung von Götze ist die Bahn eine Ellipse mit 344 Jahren Umlaufszeit.
- (96) 1842. Der Encke'sche Comet; beobachtet zu Berlin vom 8. Febr. bis 7. April, (1) zu Philadelphia und zu Hadson bis April 11. Astron. Nachr. XIX, XXI XXIII. Berl. Beob. II. Greenwich Obs. 1842. Cambridge Obs. 1842. Vergl. 1849 (1).
- 160. 1842. Am 28. Oct. zn Paris von Laugier entdeckt und zuletzt von Koller in Kremsmünster beobachtet am 27. Nov. Astr. Nachr. XX. Berl. Beob. II. Cambridge Obs. 1842. Greenwich Obs. 1842. Uatz Astr. Nachr. XX, S. 167. Rümker S. 103. Argetander S. 162. Laugier Compt. rend. T. XVI, p. 208. Petersen Astr. Nachr. XX, S. 274. W. Äqu. Nov. 8.
- Der grosse etwa 40° lange Schweif dieses Cometen wurde im mitt-161. 1843. (i) leren Europa an den meisten Orten trüber Witterung wegen erst nach der Mitte des Marz wahrgenommen, wo er in Südwest als ein gleichförmiger, matt erhellter Streifen erschien, dessen Helligkeit bereits im Abnehmen war und der zu Anfang des April nicht mehr zu erkennen war, so dass die Auffindung des in den Dünsten des Horizontes sich befindenden verhältnissmässig sehr schwachen Kerns mehr und mehr erschwert wurde. In den den Tropen naher liegenden Gegenden wurde derselbe bereits in der ersten Hälfte des Marz, an mehreren Orten, besonders in Amerika, auch schon am 28. Februar, einen Tag nach seiner Sonnennähe, und zwar am hellen Tage gesehen. Die eigentlichen Beobachtungen sind auf den ganzen Zeitraum von Febr. 28. bis April 15. vertheilt, doch fehlt es noch an einer umfassenden Discussion derselben. Astron. Nachr. XX - XXIII. Compt. rend. 1843, 1844. Transact. Amer. Ph. Soc. Vol. IX. (1845). Wiener Beob. N. F. II. Santini Osservazioni intorno alle comete apparse 1843, Tom, XXIII delle Memorie della Soc. in Modena. Die äussere Erscheinung des Cometen gab zu verschiedenen Vermuthungen und Rechnungen über die Identität mit früheren Erscheinungen ähnlicher Art Veranlassung. Die Bahn zeichnet sich durch die Kleinheit der Periheldistanz aus, welche noch die des Cometen von 1680 übertrifft; mehrere Bahnberechnungen führten selbst auf eine Periheldistanz kleiner als der Sonnenhalbmesser. Astr. Nachr. XX, S. 304. M. Äqn. Marz O. Kendatt u. Watker XX, S. 393, XXI, S. 109. Die erste Bahn für das m. Äqu. Marz 26., die zweite ist aus 3 Normalörtern der Americanischen Beobachtungen März 20., 30., April 9. hergeleitet und gilt für das m. Aqn. März 30.

Knorre XX, S. 345. Nicotai S. 351. M. Äqu. Marz O. Ptantamour S. 343 u. Compt. rend. XVI, p. 782. M. Äqu. Jan. 1. Santini I. l. Ctausen A. N. XXI, S. 73.; eine Ellipse von 7 Jahren Umlaufszeit, so berechnet, dass sie die drei Berliner Beobachtungen von März 20., 24., 28. genau darstellt. Von den drei Bahnen von Langier und Maurais ist die zweite unter der Annahme von 175, die dritte mit 35 Jahren Umlaufszeit berechnet; jede dieser Annahmen stellt die Beobachtungen genügend dar. Compt. rend. XVI, p. 640, 782, 924. Vatz üb. p. 927.

- 162. [843. Entdeckt am 3. Mai von Mauvais zu Paris, zuletzt beobachtet zu Hudson von Loomis Oct. 1. Astr. Nachr. XX—XXIV. Mem. della Soc. in Modena XXIII. Compt. rend. T. XVI, XVII. Mauvais Astr. Nachr. XXI, S. 54. Compt. rend. XVII, p. 888. M. Äqu. Mai O. Restlinber Astr. Nachr. XXI, S. 370. M. Äqu. Jun. 1. Schlüter S. 49. M. Äqu. Jan. 1. Santini S. 136. M. Äqu. Mai 24. Hind S. 217. M. Äqu. Jan. 1. Götze XXI, S. 315, XXIII, S. 71. M. Äqu. Juli 3. Die zweiten Elemente sind die wahrscheinlichsten aus 5 anf den Zeitraum von Mai 3 bis Sept. 2 vertheilten Normalörtern.
- Von Faye Nov. 22. zu Paris entdeckt; die Beobachtungen gehen am 163. 1843. (111) weitesten in Pulkowa, bis 1844 April 10. Astr. Nachr. XXI-XXIII. Dorpat. Beob. III., S. 69. Mem. della Soc. in Modena T. XXIII. Compt. rend. XVII, XVIII. Agardh Astr. Nachr. XXI, S. 206. Gatte S. 223. Goldschmidt S. 281. Argetander S. 226. Petersen S. 239. Nicolai S. 326. Lejeune S. 338. Plantamour S. 279. Santini S. 343. O. Strare XXII, S. 23. Hind S. 62. Cartini S. 138. Le Verrier XXIII, S. 196. Die Abweichung von der Parabel zeigte sich sehr bald, daher die beiden zuerst angeführten, aus Nov. 24., Dec. 1., 9. und aus Dec. 9., 13., 17. geschlossenen Bahnen nur der Vergleichung wegen beigefügt sind. Nach Le Verrier beträgt die Umlaufszeit 2717,68 Tage, und ist mit Rücksicht auf die Störungen die Rückkehr des Cometen zum Perihel 1851 April 3,5 zu erwarten. Das Äquinoctium ist bei den Bahnen, wo dasselbe sich angegeben findet, das von 1844 Jan. 1.
- 164. 1844. Entdeckt auf der Sternwarte des Collegio Romano von De Vico Aug. 22., später, Sept. 10., auch in Nordamerika von Hamilton L. Smith, beobachtet zu Pulkowa bis December 31. Astron. Nachr. XXII XXV. Compt. rend. 1844. De Vico Astr. Nachr. XXII, S. 214. Fage ib. S. 342. Compt. rend. XIX, p. 666, 1314. M. Äqu. Sept. 1. u. Jan. 1. Nicotai Astr. Nachr. XXII, S. 260. M. Äqu. Jan. 0. Hind S. 269. W. Äqu. Oct. 0. Gottschmidt S. 278. M. Äqu. Sept. 21,5. Brünnow A. N. XXIV, S. 180. M. Äqu. Sept. 0. Nach der letzteren mit Berücksichtigung der Störungen geführten Rechnung ist die Bahn eine Ellipse von 1993 Tagen Umlaufszeit. Man vergleiche auch Le Verrier Compt. rend. XIX, p. 667, 982.
- 165. 1844. Vor dem vorhergehenden entdeckt, zu Paris von Mauvais Juli 7. und zu Berlin von d'Arrest Juli 9. Beobachtet vor dem Perihel bis Sept. 8., nach demselben sehr nahe au dem den Nicolai'schen Elementen entsprechenden Orte wiederaufgefunden und 1845 Jan. 27. bis Marz 10. beobachtet, zuletzt am Vorg. d. g. H. von Mann. Astr.

Nachr. XXII, XXIII. Compt. rend. 1844, 1845. Effemeridi di Milano 1845. Brünnaue Astr. Nachr. XXII, S. 166. M. Äqu. Juli O. Mancais ib. S. 129 n. Compt. rend. XIX, p. 245. M. Äqu. Juli O. Carchini Effemeridi astr. di Milano 1845, p. 130. Plantamour A. N. XXII, S. 194 u. C. r. XIX, p. 417. M. Äqu. 1844,O. Tuvassa A. N. XXIII, S. 16. Nicotai XXII, S. 201, XXIII, S. 21. M. Äqu. 1845,O. Hind XXIII, S. 197. M. Äqu. 1845,O. Die zweiten Elemente von Nicolai und die von Hind sind mit Einschluss der Beobachtungen nach dem Perihel berechnet.

- 166. 1844. Auf der südlichen Halbkugel zuerst wahrgenommener heller Comet, mit einem Schweife von etwa 10° Läuge. Am 19. Dec. von Capt. Wilmot am Cap und von Capt. King in Neusüdwales, zu Anfang Jannar in Oberägypten und Westindien gesehen, zu Anfang Februar von mehreren Beobachtern in Italien entdeckt. Er wurde am Cap, auf St. Croix, zu Madras, zu Trevandrum und an mehreren Orten in Europa beobachtet, die Beobachtungen am Cap gehen von Dec. 21. bis 1845 Marz 12. Astr. Nachr. Bd. XXIII. Compt. rend. 1845. C. B. F. Peters A. N. XXIII, S. 43. Petersen S. 21. Brünnore u. d'Arrest S. 46. Bind S. 178. M. Äqu. 1845.0.
- 167. 1845. Entdeckt 1844 Dec. 28. zn Berlin von d'Arrest, beobachtet bis Marz
 (1) 30. Astr. Nachr. XXII, XXIII. Compt. rend. 1845. Argelander
 A. N. XXII, S. 378. Wichmann XXIII, S. 6. Gonjon Compt. rend.
 XX, p. 1314. Faye A. N. XXIII, S. 30. d'Arrest S. 81. Götze
 S. 167. Nicotai S. 170. Hind S. 198. Die fünf letzteren Berechnungen, welche sehr genan übereinkommen, gelten für das m. Äqn.
 1845.0.
- 168. 1845. Entdeckt Febr. 25. zu Rom von De Vico und Marz 6. zu Paris von (II) Faye; zuletzt beobachtet zu Neapel April 25. von Peters. Astr. Nachr. XXIII. Compt. rend. 1845. Sievers A. N. XXIII, S. 67. Hind S. 224. W. Äqu. Marz 0. Jetinek u. Horustein S. 277. M. Äqu. 1845,0. Götze S. 125. M. Äqu. 1845,0. Faye Compt. rend. XX. p. 1115. Äqu. id.
- 169. 1845. Von Juni 2. bis 27. beobachtet, zuerst von Colla in Parma. Er war sogleich bei seinem ersten Erscheinen am nördlichen Himmel dem blossen Auge sichtbar und konnte in der unteren Culmination an Meridianinstrumenten beobachtet werden. Astr. Nachr. XXIII. Compt. rend. 1845. Hind A. N. XXIII, S. 223. M. Äqn. 1845,0. d'Arrest S. 351, 352. Äqn. id. Santini S. 267. Bianchi S. 311. W. Äqu. Juni O. Von den beiden Bahnen von d'Arrest ist die erste die aus den gesammten besseren Beobachtungen folgende wahrscheinlichste Parabel, die zweite eine Ellipse mit 249 Jahren Umlaufszeit wegen der Ähnlichkeit mit dem Cometen von 1596. Beide Annahmen schliessen sich den Beobachtungen genügend an; bei unbestimmt gelassener Excentricität ergab sich eine Hyperbel mit der Excentricität 1,0025942.
- (96) 1845. Der Encke'sche Comet; zwischen Juli 4. u. 14. vier Mal beohachtet, (IV) zu Philadelphia, zu Washington und zu Rom. Astr. Nachr. XXIII, S. 255, XXIV, S. 133, 145. Vergl. 1819 (1).

- 170. 1846. Entdeckt den 24. Jan. von de Vico, zuletzt beobachtet in Bonn von Argelander Mai 1. Astr. Nachr. XXIV, XXV. Compt. rend. XXII. Fatz C. r. XXII. p. 424. Brünnow M. Äqu. 1846,0. Littrow Astr. Nachr. XXIV, S. 190. Neumann ib. S. 189. M. Äqu. 1846,0. Ondemans XXV, S. 203. Äqu. id.
- Wiederkehr des Biela'schen Cometen. Die Beobachtungen gehen von (84) 1846. Ende November 1845 bis Ende April 1846. Der Comet zeigte einen doppelten Kern; der zuerst in Nordamerika Dec. 29, bemerkte Neben-Comet nahm an Helligkeit zu bis Mitte Februar, wo er den Haupt-Cometen während einiger Tage übertraf, und nahm dann ebenso wieder ab bis gegen Ende Marz. Die Bahn von Santini ist die mit Rücksicht auf die Störungen gemachte Vorausberechnung. Astr. Nachr. XXI, S. 171. XXIV, S. 19. Santini Calcolo delle perturb, del 1839 fino al 1846, Mem. dell' I. R. Istituto Veneto 1842, Die drei folgenden Bahnen sind nach den Beobachtungen bestimmt und beziehen sich auf den Haupt-Cometen. Erännow u. d'Arrest A. N. XXIV. S. 20. M. Äqu, 1846,0. Plantamour XXV, S. 117. Äqu, id. Coffin Amer. Alm. 1847. Äqu. 1850,0. Ortsbestimmungen des Cometen und Beobachtungen der gegenseitigen Stellung der beiden Kerne findet man Astr. Nachr. XXIII - XXV. Compt. rend. 1846. Silliman's Amer. Journal 1846. Biblioth, univers, de Génève 1846.
- 171. 1846. Entdeckt von Brorsen in Kiel den 26. Febr., beobachtet in Berlin bis April 22. Die Bahn eine Ellipse mit 5½ Jahren Umlaufszeit. Astr. Nachr. XXIV, XXV. Compt. rend. 1846. Petersen A. N. XXIV, S. 42. W. Äqu. März 2. Brünnow S. 65. M. Äqu. 1846,0. Gonjon C. r. XXII, p. 643. M. Äqu. März 1. Hind A. N. XXIV, S. 69. M. Äqu. 1846,0.
- 172. 1846. Entdeckt von de Vico Febr. 20. und in Cambridge Massach. von George P. Bond Febr. 26., beobachtet in Bonn bis Mai 1. Astr. Nachr. XXIV, XXV. Compt. rend. 1846. Bond A. N. XXIV, S. 91. Peirce S. 92. M. Äqu. 1846,0. Hugh Breen S. 181. Äqu. id. Hind S. 381. Äqu. id. Van Deinse S. 204. Äqu. id. Santini S. 276.
- 173. 1846. Entdeckt am 29. Juli von de Vico in Rom und von Hind in London. (V) Bis gegen Ende des Sept. beobachtet. A. N. XXIV, XXV. Gonjon Compt. rend. XXIII, S. 479. M. Äqu. Aug. 0. Argetander A. N. XXV, S. 83. Brorsen S. 98. M. Äqu. Aug. 5.
- 174. 1846. Den 26. Juni in Neapel von Peters entdeckt, und von demselben bis (VI)! zum 21. Juli beobachtet, ausserdem nur in Rom Juli 2. Die Elemente von Peters Astr. Nachr. XXIV, S. 360. M. Äqu. Juli 1. d'Arrest S. 387. M. Äqu. 1846.0.
- 175. 1846. Entdeckt April 30. von Brorsen, auch Mai 1. von Wichmann in Königsberg, beobachtet von Kaiser in Leiden bis Juni 12. Astr. Nachr. XXIV, XXV. Compt. rend. 1846. d'Arrest A. N. XXIV, S. 154. M. Äqu. 1846,0. Hind S. 212. Äqu. id. Wichmann S. 241. Äqu. id. H. Breen S. 384. M. Äqu. Mai 12. Ondemans S. 297, 298. M. Äqu. 1846,0.

- 176. 1846. Entdeckt am 23. Sept. von de Vico, beobachtet bis Ende October.
 Astr. Nachr. XXV. D'Arrest M. Äqu. 1846,0. Powatky A. N. XXV,
 S. 93, 99. W. Äqu. Oct. 1. Hind S. 111. W. Äqu. Nov. 0.
 Über einen Oct. 18. zu London von Hind entdeckten, aber nur einmal beobachteten Cometen s. Astr. Nachr. XXV, S. 94, 206.
- 177. 1847. Entdeckt von Hind den 6. Februar, beobachtet vor dem Perihel bis März 22., am Tage des Perihels selbst zu London um Mittag in der Nähe der Sonne, nach dem Perihel noch April 22. u. 24. Astr. Nachr. XXV, XXVI. Compt. rend. 1847. D'Arrest A. N. XXV, S. 319. M. Äqu. 1847,0. Viltarceau Compt. rend. XXIV, p. 563. M. Äqu. Febr. 0. Hind A. N. XXV, S. 292. M. Äqu. 1847,0. Schmidt S. 316, 369.
- 178. 1817. Entdeckt den 7. Mai von Colla in Parma. Sehr schwacher Comet.
 (11) Die obige Bahn gründet sich auf Beobachtungen von Mai 18., 21. u. 24.
 Astr. Nachr. XXV. Compt. rend. 1847.

Bestimmungsstücke bei den kleinsten Abständen der Bahnen der berechneten Cometen bis 1795 von der Erdbahn.

von Herrn Prof. Prosperin in Upsala.

Nro. der Come- ten.	Abstand des Cometen in seiner Bahn vom Knoten.	Abstand der 古 v. Kn. des Co- meten.	Kleinste Entf. des Cometen von der Erdbahn.	Zeit, da der Comet der Erdbahn am nächsten war.	Zeit, da die Erde der Cometenbahn am nächsten war.
ten.	G. M.	G. M.	Entf. ⊙ v. ♂ = 1.	Jahr Mt. T. St.	Jahr Mt. T. St.
7	$\Omega - 1 37$	1 35	0,006	837 April 8 11	837 April 13 12
12	3 - 28 55	28 47	0,054	1231 Febr. 19 7	1231 Febr. 25 15
13	$\Omega + 2 45$	2 23	0,026	1264 Juni 9 12	1264 März 8 22
14	$\Omega + 5 8$	1 51	0,100	1299 Febr. 21 23	1298 Dec. 31 17
15	$\Omega + 1 = 6$	0 22	0,083	1301 Sept. 17 23	1301 Sept. 29 22
15	8 + 1 6	0 22	0,083	1301 Nov. 25 1	1302 März 26 16
16	$\Omega + 14 53$	12 42	0,182	1337 Mai 3 22	1337 Dec. 1 21
19	9 + 719	6 58	0,0421	1456 Juli 16 22	1456 April 22 6
23	8 + 27 43	27 37	0,0434	1472 Jan. 22 10	1472 Jan. 19 18
(19)	S + 9 26	8 59	0,0540	1531 Oct. 1 19	1531 April 20-20
26	6 + 34 53	30 26	0,3331	1532 Sept. 28 1	1532 Nov. 2 9
26	S - 58 12	53 39	0,4806	1532 Nov. 29 23	1532 April 8 16
27	30 - 30 - 38	25 39	0,3132	1533 Juli 22 16	1533 Juni 21 10
(13)	$\Omega - 728$	6 20	0,0765	1556 Marz 12 12	1556 Marz 12 8
29	C + 18 39	5 8	0,3475	1577 Nov. 20 6	1577 Oct. 3 20
30	3 — 5 29	2 20	0,1227	1581 Jan. 11 4	1581 Marz 27 1
30	S - 5 50	2 29	0,1295	1580 Oct. 16 0	1580 Oct. 4 11
31	3-40 51	22 26	0,6198	1582 Marz 30 3	1582 April 8 15
				Neuen	Stils.
32	€ -24 3	23 56	0,1080	1585 Oct. 11 6	1585 Oct. 5 17
33	6 + 19 24	17 0	0,1955	1590 Marz 9 15	1590 Febr. 15 23
34	3 - 21 50	0 49	0,2163	1593 Aug. 13 17	1593 Sept. 4 17
35	$\Omega + 4 17$	2 38	0,0811	1596 Juli 3 18	1596 Aug. 10 9
(19)	8 + 745	7 25	0,0426	1607 Dec. 3 3	1607 Mai 3 11
36	S + 56 10	54 14	0,3175	1618 Juli 15 23	1618 Mai 19 23
37	8 - 1 19	1 3	0,0158	1618 Sept. 30 9	1618 Juni 7 15
38	S - 3 31	0 39	0,1240	1652 Dec. 19 21	1652 Nov. 28 14
39	% −47 36	42 42	0,4237	1661 Marz 10 1	1661 April 29 7

Bestimmungsstücke bei den kleinsten Abständen der Bahnen der berechneten Cometen bis 1795 von der Erdbahn.

von Herrn Prof. Prosperin in Upsala.

G. M. G. M. Entf. ⊙ Jahr Mt. T. St. Jahr Mt. T. St. 39 \bigcirc + 42 48 37 58 0,7635 1661 Jan. 3 15 1661 Nov. 6 40 \bigcirc - 17 36 16 28 0,1705 1664 Dec. 28 16 1664 Dec. 28 41 \bigcirc - 13 7 3 12 0,2171 1665 Marz 21 6 1665 Mai 4 43 \bigcirc - 1 39 0 11 0,0500 1672 April 8 8 1672 Jan. 16 44 \bigcirc + 11 14 2 10 0,2348 1677 April 6 7 1677 Mai 19 45 \bigcirc - 13 34 13 33 0,2280 1678 Aug. 26 22 1678 Aug. 20 46 \bigcirc + 0 19 0 9 0,0048 1680 Nov. 21 20 1680 Dec. 22 (19) \bigcirc + 8 29 8 5 0,0490 1682 Oet. 22 9 1682 Mai 2 (19) \bigcirc + 8 29 8 5 0,0490 1683 Juni 2 3 1683 Marz 13 <	Nro. der Come- ten.	Abstand des Cometen in seiner Bahn vom Knoten.	Abstand "der Q v. Kn. des Co- meten.	Kleinste Entf. des Cometen von der Erdbahn.	Zeit, da der Comet der Erdbahn am nächsten war.	Zeit, da die Erde der Cometenbahn am nächsten war.
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		G. M.	G. M.		Jahr Mt. T. St.	Jahr Mt. T. St.
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	39	Ω + 42 48	37 58	0,7635	1661 Jan. 3 15	1661 Nov. 6 0
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	40	№ — 17 36	16 28	0,1705	1664 Dec. 28 16	1664 Dec. 28 3
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	41	$\Omega - 13 7$	3 12	0,2171	1665 Marz 21 6	1665 Mai 4 15
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	43	5 — 1 39	0 11	0,0500	1672 April 8 8	1672 Jan. 16 1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	44	S + 11 14	2 10	0,2348	1677 April 6 7	1677 Mai 19 1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	45	% —13 34	13 33	0,2280	1678 Aug. 26 22	1678 Aug. 20 11
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	46	S + 0 19	0 9	0,0048	1680 Nov. 21 20	1680 Dec. 22 7
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	(19)	S + 8 29	8 5	0,0490	1682 Oct. 22 9	1682 Mai 2 21
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	47	$\Omega - 2 23$	0 17	0,0604	1683 Juni 2 3	1683 März 13 1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	48	v = 0 9	0 4	0,0092	1684 Juni 29 1	1684 Juni 18 5
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	49	8 + 14 29	12 26	0,1385	1686 Oct. 20 21	1686 Marz 22 18
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	50	8 + 41 54	17 36	0,6215	1689 Dec. 17 15	1690 Jan. 25 2
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	52	$\Omega + 60 48$	60 17	0,1813	1697 Nov. 21 0	1698 April 16 13
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	53	% — 3 46	1 20	0,1043	1699 Febr. 22 11	1699 Febr. 11 0
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	55	v_{+23} 33	22 29	0,0304	1702 April 20 5	1702 April 22 2
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	56	% — 16 50	9 47	0,2812	1706 März 16 5	1706 Marz 24 0
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	57	$\Omega + 1 = 5$	0 2	0,0761	1707 Nov. 24 4	1707 Nov. 15 10
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	58	Ω — 0 35	0 30	0,0449	1718 Jan. 10 1	1718 Jan. 27 21
61	59	$\Omega - 124$	0 54	0,0621	1723 Oct. 17 22	1723 Oct. 8 13
63	60	$\Omega - 712$	1 37	3,0723	1729 Mai 27 18	1729 Aug. 4 7
64 \$\mathbb{G}\$ + 3 19 1 18 0,1629 1742 Febr. 26 7 1742 März 24 21 65 \$\mathbb{G}\$ + 21 4 21 3 0,0141 1742 Dec. 13 15 1742 Nov. 9 66 \$\mathbb{G}\$ + 13 38 9 36 0,2291 1743 Oct. 19 5 1743 Marz 16 67 \$\mathbb{G}\$ - 26 16 18 34 0,3394 1744 Jan. 24 5 1743 Nov. 2 6	61	€ + 23 23	22 19	0,1269	1736 Dec. 28 0	1737 April 13 12
65 \(\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc	63	8 - 241	1 31	0,0578	1739 Juli 26 18	1739 Oct. 23 7
66 (3+13 38 9 36 0,2291 1743 Oct, 19 5 1743 Marz 16 67 (3-26 16 18 34 0,3394 1744 Jan. 24 5 1743 Nov. 2 6	64	$\Omega + 3 19$	1 18	0,1629	1742 Febr. 26 7	1742 März 24 15
67 S - 26 16 18 34 0,3394 1744 Jan. 24 5 1743 Nov. 2 6	65	$\Omega + 21 - 4$	21 3	0,0141	1742 Dec. 13 15	1742 Nov. 9 3
9, 11 11 11 11 11 11 11 11	66	% + 13 38	9 36	0,2291	1743 Oct. 19 5	1743 Marz 16 4
68 8 -21 35 4 16 1 4458 1746 Dec. 23 6 1747 Ang. 15 5	67	S - 26 16	18 34	0,3394	1744 Jan. 24 5	1743 Nov. 2610
G 00 4 10 1,4100 1110 Dec. 00 0 1111 Hill. 10 .	68	% −21 35	4 16	1,4458	1746 Dec. 23 6	1747 Ang. 15 23
69 S+ 1 25 0 7 0,1502 1748 April 17 23 1748 Mai 13	69	$\Omega + 1 25$	0 7	0,1502	1748 April 17 23	1748 Mai 13 0

Bestimmungsstücke bei den kleinsten Abständen der Bahnen der berechneten Cometen bis 1795 von der Erdbahn.

von Herrn Prof. Prosperin in Upsala.

Nro. der Come- ten.	Abstand des Cometen in seiner Bahn vom Knoten.	Abstand der ち v. Kn. des Co- meten.	Kleinste Entf. des Cometen von der Erdbahn.	Zeit, da der Comet der Erdbahn am nächsten war.	Zeit, da die Erde der Cometenbahn am nächsten war.
	G. M.	G. M.	Entf. ⊙ v. ♂ = 1.	Jahr Mt. T. St.	Jahr Mt. T. St.
70	8 + 4 4	2 13	0,0981	1748 Mai 17 2	1748April 21 19
71	$\Omega + 17 18$	16 54	0,0666	1757 Nov. 27 18	1757 Mai 11 3
72	S - 16 22	6 12	0,2815	1758 Juli 19 10	1758 Nov. 5 14
(19)	S + 10 10	9 42	0,0574	1759 April 19 4	1759 Mai 4 12
73	$\Omega - 12 44$	2 28	0,3527	1760 Jan. 18 1	1760 Febr. 5 22
74	Ω − 37 16	37 10	0,0536	1759 Dec. 31 21	1760 Jan. 16 22
75	5 9 16	0 49	0,3435	1762 Juli 14 23	1762 Marz 8 7
76	3 — 0 48	0 14	0,0185	1763 Dec. 11 3	1765 Marz 15 21
76	$S_0 + 0.57$	0 16	0,0223	1763 Sept. 23 15	1763 Sept. 19 0
77	% — 1 48	1 4	0,0344	1764 Marz 24 9	1764 Juli 11 22
78	8 + 6 16	4 45	0,0862	1766 Marz 24 7	1766 Nov. 20 20
79	8 + 51 47	51 29	0,1166	1766 Mai 24 0	1766 Juni 30 0
80	% — 9 39	7 20	0,1127	1769 Sept. 4 4	1769 Sept. 24 19
81	8 + 32 32	35 31	0,0183	1770 Juli 1 6	1770 Juli 1 11
82	% + 5 35	4 46	0,0590	1770 Oct. 18 0	1771 Juli 15 15
83	S - 35 1	34 29	0,1204	1771 Márz 22 11	1771 Nov. 23 23
84	⅓ — 10 33	9 59	0,1030	1772 Jan. 30 23	1771 Dec. 12 8
85	Ω — 7 37	3 40	0,3130	1773 Oct. 11 1	1772 Jan. 17 1
86	% — 9 59	1 14	0,5957	1774 Sept. 17 21	1774 Sept. 22 1
87	S+ 1 13	1 1	0,0148	1778 Nov. 30 17	1778 Oct. 16 22
88	€ + 18 32	11 12	0,2622	1780 Oct. 26 17	1781 Jan. 12 4
90	% — 2 40	0 28	0,2017	1781 Juli 20 15	1781 Juni 13 18
91	Ω — 16 59	15 12	0,1944	1781 Oct. 27 5	1781 Nov. 23 12
92	S - 2 46	1 40	0,5792	1783 Nov. 6 18	1783 Nov. 14 12
93	£ + 5 37	3 38	0,2404	1784 Febr. 3 12	1783 Nov. 15 3
94	₹ — 2 34	0 52	0,2124	1785 Jan. 6 20	1784 Dec. 15 19
95	8 + 13 58	0 43	0,4436	1785 April 25 20	1785 Mai 24 11
97	£ +21 50	14 11	0,5209	1786 Juli 20 17	1786 April 17 24

Bestimmungsstücke bei den kleinsten Abständen der Bahnen der berechneten Cometen bis 1795 von der Erdhahn.

von Herrn Prof, Prosperin in Upsala.

Nro, der Come- ten,	Abstand des Cometen in seiner Bahn vom Knoten.	Abstand der ち v. Kn. des Co- meten.	Kleinste Entf. des Cometen von der Erdbahn.	Zeit, da der Comet der Erdbahn am nächsten war.	Zeit, da die Erde der Cometenbahn am nachsten war.
ten.	G. M.	G. M.	Entf. ⊙ v. ठ = 1.	Jahr Mt. T. St.	Jahr Mt. T. St.
97	% −39 37	27 34	0,5534	1786 Mai 24 6	1786 Nov. 3 16
98	8 + 639	4 33	0,1031	1787 Juni 15 11	1787 Juli 13 13
99	S 37 11	36 31	0,1773	1788 Oct. 24 18	1789 Jan. 19 11
100	$\Omega + 4 3$	2 0	0,1790	1788 Dec. 2 23	1788 Sept. 12 2
101	S — 2 42	2 17	0,0334	1790 März 10 17	1789 Sept. 20 14
102	8-22	1 6	0,1960	1790 Jan. 10 2	1789 Dec. 19 3
103	% — 2 6	0 55	0,0503	1790 Jun. 26 22	1790 April 23 16
104	% — 7 30	5 27	0.3441	1792 Febr. 2 4	1791 Oct. 9 10
105	% — 1 39	1 5	0,0618	1793 Jan. 18 13	1793 Jan. 3 18
106	$\Omega = 14 - 41$	7 23	0,2592	1793 Dec. 18 23	1794 Jan. 15 5
107	€ - 28 52	18 27	0,8665	1793 Sept. 22 28	1793 Oct. 13 12
(96)	\$ − 39 40	36 59	0,2685	1795 Nov. 27 19	1795 Oct. 31 1

Bei den acht ersteren Cometen hat Herr Prof. Prosperin die Erdbahn als circulär angenommen; allein von dem Cometen von 1446 an, welches der von Regiomontan beobachtete ist, ist die Rechnung aufs Genaueste geführt, weil dabei die Excentricität der Erdbahn mit zum Grunde gelegt worden. Das Zeichen — zeigt an, dass der Comet zwischen seinem Perihelio und Knoten ist, oder dass dieser Winkel negativ sei. Die Zeichen \S und \S geben zu erkennen, bei welchem Knoten der Comet sich in seiner kleinsten Entfernung von der Erde befindet. Vermittelst der beiden letzteren Columnen lässt sich die Gefahr beurtheilen, welche die Erde bei der Annäherung eines Cometen zu befürchten hat. Der Unterschied beider Zeiten bemerkt, wieviel von der Zeit des Durchganges durch seine Sonnennähe zu subtrahiren oder dazu zu addiren ist, damit der Comet die Erde in dem übereinstimmenden Punct antreffe, oder sich beide so nahe kommen, als möglich.

Erklärung und Gebrauch der Tafeln.

Tafel L. n. II.

Verwandlung der Stunden etc. in Decimaltheile des Tages.

Sie dienen zur Verwandlung der Stunden, Minuten und Secunden in Decimaltheile des Tages und umgekehrt. Die hier gewählte Form giebt immer ganz strenge Resultate. Der Durchgang durch das Perihel bei dem Halley'schen Cometen im Jahre 1835 ist z.B. angesetzt:

Nybr. 15. 22h 36' 26"

Dieses giebt für die Tage von Anfang des Jahres:

Bei Cometen wird es selten nöthig sein über die fünfte Decimale hinauszugehen, da eine Einheit derselben 0",864 ist und auf 1 Zeitsecunde in der Zeitangabe es fast nie bei Cometen ankommt.

Tafel III.

Barker'sche Tafel.

Die Barker'sche Tafel giebt für den Winkel ...v den Werth M=75 tg $\pm v+25$ tg $\pm v^3$

Da nun, wenn v die parabolische wahre Anomalie ist, die Gleichung zwischen Zeit und v heisst:

$$\frac{75.\ K(t-T)}{q^{\frac{1}{2}}\sqrt{2}} = 75\ \text{tg}\ \frac{1}{2}v + 25\ \text{tg}\ \frac{1}{2}v^3$$

wo q der kleinste Abstand ist, so wird

$$M = \frac{75.K(t-T)}{q^{\frac{3}{2}}\sqrt{2}},$$

eine Gleichung, die, wenn q gegeben ist, entweder (t-T) aus M und folglich aus v finden lässt, oder wenn (t-T) bekannt ist, M giebt und dann vermittelst der Tafel das zugehörige v. Es ist hierbei K eine Constante, für welche

$$\lg K = 8.2355814.526$$

Zur bequemeren Berechnung bildet man die Constante

$$C = \frac{75 \, K}{\sqrt{2}}$$

deren Logarithmus

$$\lg C = 9.9601277.182$$

und berechnet für jeden Cometen die Grösse

$$m = \frac{C}{q^{\frac{3}{2}}}$$

welche die mittlere tägliche Bewegung genannt wird. Es wird dann bei einem bestimmten q immer

$$M = m \cdot (t - T) = 75 \text{ tg } \frac{1}{2}v + 25 \text{ tg } \frac{1}{2}v^3$$

So z. B, war für den Halle y'schen Cometen im Jahre 1759 $\lg q = 9.765650$

von einigen Berechnern angenommen. Man bestimmt hieraus für ihn m durch

$$\begin{array}{ll} \lg C & 9,9601277 \\ \frac{3}{2} \lg q & 9,6484750 \\ \lg m & 0,3116527. \end{array}$$

Wollte man jetzt die wahre parabolische Anomalie für eine Zeit, die 63,54392 mittlere Tage nach dem Durchgange durch das Perihel fällt, bestimmen, oder für welche t-T=+63,54392, so berechnet man M aus

$$\begin{array}{ll} \lg m \dots & 0,3116527 \\ \lg (t-T) & \underline{1,8030739} \\ \lg M \dots & \underline{2,1147266}. \end{array}$$

Geht man hiermit in die Tafel ein, so entspricht diesem Werthe $v = 99^{\circ}$ 36' 55".91

woraus dann auch die andere Polar-Coordinate r sich ergiebt.

Wäre umgekehrt $v=99^{\circ}$ 36′ 55″,91 gegeben, so nimmt man mit diesem Werthe aus der Tafel den Werth von M, durch

$$\lg M = 2,1147266$$

und hat dann, weil $(t-T) = \frac{M}{m}$,

$$\lg(t-T) = 1,8030739.$$

Wegen der Bequemlichkeit der Rechnung ist von $v=30^{\circ}$ bis $v=180^{\circ}$ der Logarithmus von M angesetzt worden. Für v=0 bis $v=30^{\circ}$ steht dagegen die Zahl M, weil die logarithmischen Differenzen im Anfange zu ungleich ausfallen würden und genöthigt haben würden auf die höheren Differenzen bei der Interpolation mühsam Rücksicht zu nehmen. Bei der jetzigen Einrichtung wird man entweder gar nicht oder doch nur beilänfig die zweiten Differenzen zu berücksichtigen haben in allen den Fällen, in welchem man die Tafel in der hier gegebenen Form anwendet. Man erhält die wahre Anomalie bis auf einige Hunderttheile der Secunde genau, da die kleinste Differenze für eine Secunde bei den Zahlen 18,18, bei den Logarithmen 28,68 ist. Eine grössere Genauigkeit wird der Gebrauch von 7 Decimalen nicht gestatten.

Die bisherigen Rechner benutzten die Barker'sche Tafel entweder so, wie sie in der ersten Ausgabe dieses Werkes berechnet war, oder wie sie in Delambre's Astronomie steht. Beide Abdrücke sind in der letzten Stelle nicht sicher. Die gegenwärtige Tafel hat Herr Studiosus Luther aus Liegnitz für alle Werthe mit 10 Decimalen sehr sorgfältig berechnet, so dass die 7. Decimale überall verbürgt werden kann.

Wegen der Differenz von 100" im Argumente ist die für eine Secunde angesetzte Differenz völlig strenge.

Tafel IV.

Hülfstafel zur Barker'schen Tafel.

Wenn v nahe an $180^{\rm o}$ fällt, was bei einem sehr kleinen q häufig der Fall sein wird, so wird der Gebrauch der Barker'schen Tafel unvortheilhaft. In Schumacher's astronomischen Nachrichten Nr. 520 hat Bessel die hier abgedruckte Tafel gegeben, die dann mit Vortheil gebraucht werden kann.

Wenn nämlich der stumpfe Winkel w bestimmt wird durch

$$\sin w = \sqrt[3]{\left(\frac{8 q^{\frac{3}{2}} \sqrt{2}}{3 K (t-T)}\right)}$$

so ist v oder die wahre parabolische Anomalie von w nur um eine sehr geringe Grösse verschieden, die von der Ordnung $\cot \frac{1}{2} w^5$ ist. Wenn nämlich

$$y = \frac{v = w + \delta}{1 + 3 \lg \frac{1}{2} w^2}$$

$$y = \frac{3 \lg \frac{1}{2} w (1 + 4 \lg \frac{1}{2} w^2 + 2 \lg \frac{1}{2} w^4 + \lg \frac{1}{2} w^6)}{3 \lg \frac{1}{2} w (1 + 4 \lg \frac{1}{2} w^2 + 2 \lg \frac{1}{2} w^4 + \lg \frac{1}{2} w^6)}$$

so wird

$$\delta = 2y + 2\lg \frac{1}{2}w \cdot y^2 + \frac{-2 + 32\lg \frac{1}{2}w^4 + 16\lg \frac{1}{2}w^6 + 10\lg \frac{1}{2}w^8}{3(1 + 4\lg \frac{1}{2}w^2 + 2\lg \frac{1}{2}w^4 + \lg \frac{1}{2}w^6)} \cdot y^3 \cdot \dots$$

wo das dritte Glied immer unmerklich ist. Diese Grösse δ findet sich mit dem Argumente w in der Tafel angegeben.

Da in der Barker'schen Tafel

$$M = \frac{75 K(t-T)}{a^{\frac{3}{2}} \sqrt{2}}$$

so kann man auch die Gleichung, durch welche w gefunden wird, schreiben

$$\sin w = \sqrt[3]{\left(\frac{200}{M}\right)}$$

Immer aber wird man den stumpfen Winkel w nehmen müssen.

Für den grossen Cometen von 1843 ist nach Santini's Parabel

$$\lg q = 7,90272$$
, woraus $\lg m = 3,1060477$.

Man wolle die wahre Anomalie für März 20. Sh $\,$ M. Berl. Zeit oder 7h 15/ 46" Par. Zeit finden. Hier ist

$$t = \text{März } 20. \ 7^{\text{h}} \ 15' \ 46'' = 79,30262$$

 $T = \text{Febr. } 27. \ 6 \ 19 \ 59 = 58,26388$
 $(t-T) = 21,03874$

folglich

$$\lg M = \lg m \cdot (t - T) = 4.4290674.$$

Geht man hiermit in die Barker'sche Tafel ein, so findet man, mit Rücksicht auf zweite Differenzen,

$$v = 168^{\circ} 44' 24'',23.$$

Benutzt man die Hülfstafel, so wird

$$\lg \sin w = \frac{1}{3} (\lg 200 - \lg M) = 9,2906542$$

woraus

$$w = 168^{\circ} 44^{\circ} 20^{\circ\prime},44$$

 $\frac{\delta}{v} = \frac{3^{\circ\prime},78}{168^{\circ} 44^{\circ} 24^{\circ\prime}22}.$

Tafel V.

Reduction der Parabel auf Ellipse oder Hyperbel.

Der Übergang von der Parabel zur Ellipse oder Hyperbel wird am genauesten und am bequemsten nach den Formeln und Tafeln in der *Theoria motus Corp. coel.* von dem Herrn Geh. Hofrath Gauss gemacht. Bei Excentricitäten indessen, welche sehr nahe an 1 liegen, kann die Tafel V. auch angewandt werden, welche hier vollständiger und bequemer als in der ersten Ausgabe erscheint.

Wenn eine Parabel und eine Ellipse oder Hyperbel einerlei q haben und man bezeichnet die wahre Anomalie, welche zu t-T gehört, in der Parabel mit w, in der Ellipse oder Hyperbel mit v, sowie die Excentricität der Ellipse oder Hyperbel mit e, so finden folgende Gleichungen statt, in denen

Die zweite Gleichung, wo v als Function von w erscheint, hat Bessel in der Monatl. Corresp. XII, S. 197—207 gegeben und auch noch das dritte Glied der Reihe entwickelt, aber die numerischen Werthe nur für die beiden hier aufgeführten Glieder in einer Tafel berechnet. Die erste Gleichung hat Posselt in der Zeitschrift für Astronomie und verwandte Wissenschaften Bd. V, S. 161—170 ebenfalls bis auf drei Glieder entwickelt, aber nur für das zweite eine Tafel gegeben, da für das erste Glied die Tafel von Bessel ebenfalls hier gilt, wenn man das Zeichen ändert. Ebendeshalb hat Posselt auch bei dem Coefficienten des zweiten Gliedes das Zeichen geändert.

Die von Bessel und Posselt berechneten Tafeln sind hier wiedergegeben, nur in der bequemeren Form, dass statt der Logarithmen die Zahlen angesetzt sind und, um die allzu grossen Zahlen zu vermeiden, als Einheit bei 1—e eine Einheit der zweiten Decimale oder 0,01 angenommen ist. Wenn also gesetzt wird für

$$\operatorname{tg} \frac{1}{2} x \dots \xi$$

so ist in dieser Tafel

$$A = \frac{-\frac{1}{2}\xi + \frac{1}{9}\xi^3 + \frac{2}{3}\xi^5}{100(1+\xi^2)^2} \times B = \frac{-\frac{1}{16}\xi - \frac{9}{16}\xi^3 + \frac{2}{3}7\xi^5 + \frac{2}{3}\frac{1}{6}\xi^7 + \frac{1}{3}\frac{2}{3}\xi^9 + \frac{9}{3}\frac{9}{5}\xi^{11}}{10000(1+\xi^2)^4} \times$$

$$B' = \frac{-\frac{3}{16}\xi + \frac{5}{16}\xi^3 + \frac{3}{16}\xi^5 + \frac{41}{56}\xi^7 - \frac{1}{35}\xi^9 - \frac{19}{356}\xi^{11}}{10000(1 + \xi^2)^4} \times$$

wo z die Zahl 206265 ist. Man hat damit, wenn x=w

$$v = w + A.100(1-e) + B(100(1-e))^2$$

und wenn x = v

$$w = v - A(100(1-e)) - B'(100(1-e))$$

Die Tafeln noch einmal zu berechnen, um der letzten Stelle sicher zu sein, oder sie weiter auszudehnen, schien unnöthig, da ihr Gebrauch beschränkt ist. Für 1-e>0.03 absolut genommen, und für Werthe von x, die bedeutend grösser als 90° sind, wird doch das dritte Glied noch mitzunehmen sein, und die hier gegebenen beiden Glieder werden nicht ausreichen. Man muss dann die Gaussischen Formeln anwenden.

Oben bei Taf. III. ward für den Halley'schen Cometen und t-T=63.43592 gefunden

$$w = 99^{\circ} \, 36' \, 55'', 91$$

Setzt man bei ihm $\lg (1-e) = 8,5099324$,

so erhält man
$$A = +417.45$$
 1ste Corr. $+22'$ 30″,63 $B = +3.114$ 2te ., $+$ 32″.57

wofür der Strenge nach 100° hätte gefunden werden sollen; (1-e) ist hier schon zu gross. Umgekehrt erhält man mit

nahe mit dem früheren Werthe übereinstimmend.

Die Abänderung der Tafel hat Herr Stud. D'Arrest besorgt.

Tafel VI.

Cometen - Verzeichniss.

Das Cometen - Verzeichniss ist bis zum Jahre 1825, abgesehen von den nöthigen Ergänzungen, ein möglichst wörtlicher Abdruck des Olbers'schen Verzeichnisses in Schumacher's astronom. Abhandlungen, wobei jedoch alle einzelnen Bahnen und Citate, bis auf einige wenige Ausnahmen, einer sorgfältigen Revision unterworfen worden sind. Von jeder einzelnen Cometenbahn ist (in der Art, wie bei dem Verzeichnisse des Herrn v. Zach in der ersten Auflage dieses Werkes) der specielle Nachweis gegeben. Nicht immer stimmten die verschiedenen Quellen, wo eine und dieselbe Cometenbahn zu finden ist, mit einander überein, selbst in einer und derselben Abhandlung fanden sich zuweilen Differenzen, wo dann also einige Unsicherheit in der Wahl nicht zu vermeiden war. Die Veroleichung der verschiedenen Cometen-Verzeichnisse, in Halley's Tab. astron., in den Werken von Struyck, in den Berliner Tafeln von 1776, in Lacaille's Lecons d'Astr., Lalande's Astronomie, Pingré's Cométographie, bei Delambre u. A., ergab eine Anzahl Unterschiede, die zwar grösstentheils unerheblich waren, die jedoch iene Berichtigung nach den Quellen im Verlaufe der Beschäftigung mit dem Gegenstande als wünschenswerth erscheinen liessen. Mehrere wesentlichere Unrichtigkeiten des Delambre'schen Verzeichnisses sind bereits in dem Verzeichnisse von Olbers und Schumacher berichtigt. Von den in dem letzteren anzubringenden Berichtigungen sind zwei, bei den Cometen 1808 (II) und 1818 (II), in den Anmerkungen ausdrücklich erwähnt. Die meisten der sonstigen kleineren Änderungen wird man bei einer Vergleichung mit dem gegenwärtigen Verzeichnisse in den Durchgangszeiten durch das Perihel finden, wo bei der Reduction auf den Pariser Meridian die neueren Längenbestimmungen angewandt sind; in einigen Fällen herrschte über den der Rechnung zu Grunde gelegten Meridian Ungewissheit. In den Anmerkungen sind, ausser der speciellen Angabe der berechneten Bahnen, Werke, welche Beobachtungen enthalten, citirt, ohne iedoch hierbei auf Vollständigkeit Anspruch zu machen. Auch den Nachweis einiger unvollständig beobachteten Cometen, deren in diesem Jahrhundert sechs sind, schien es passend hier einzuschalten. Unvollkommnere erste Annäherungen zur Bahnbestimmung sind meistens nur dann aufgenommen, wenn genauere Bestimmungen mangelten, oder es zur Kenntniss des Ganges der Untersuchungen dienlich schien. Die Cometen Nr. 1, 1a, 1b etc. sind während des Drucks eingeschaltet.

Die Form bedarf weiter keiner Erläuterung, da die Überschriften Alles erklären. Die sorgfältige Zusammenstellung und Berichtigung überall, wo es möglich war, unmittelbar aus den Originalwerken hat Herr Dr. Galle ausgeführt.

Tafel VII.

Kleinste Abstände der Cometenbahnen bis 1795 von der Erdbahn.

Bei den acht ersten Cometen hat Herr Prof. Prosperin die Erdbahn als kreisförmig angenommen; allein von dem Cometen von 1472 an, welches der von Regiomontan beobachtete ist, ist die Excentricität der Erdbahn mit in Rechnung gezogen worden. Das Minus-Zeichen zeigt an, dass der Comet zwischen seinem Perihele und Knoten ist, oder dass dieser Winkel negativ sei. Die Zeichen S. und S geben zu erkennen, bei welchem Knoten sich der Comet in seiner kleinsten Entfernung von der Erdbahn befindet. Vermittelst der beiden letzten Columnen lässt sich die Gefahr beurtheilen, welche die Erde bei der Annäherung eines Cometen zu befürchten hat. Der Unterschied beider Zeiten giebt an, wie viel von der Zeit des Durchganges des Cometen durch die Sonnennähe zu subtrahiren oder zu addiren ist, damit der Comet die Erde in dem übereinstimmenden Puncte antreffe, oder beide sich so nahe kommen, als möglich.

Der Gebrauch dieser Tafel ist so beschränkt, dass es nicht der Mühe werth schien sie bis auf die neueste Zeit fortzusetzen, und sie ist hier nur abgedruckt, um die Besitzer der neuen Ausgabe nichts vermissen zu lassen, was in der älteren Ausgabe steht.

Anhang.

Summarische Übersicht der bequemsten Formeln zur Berechnung einer Cometenbahn.

Gegebene Grössen:

Mittl. Zeiten der Beobachtungen in Tagen . t' t''' Beobachtete Längen des Cometen α' α'' α''' Beobachtete Breiten des Cometen β' β'' β''' Längen der Sonne A' A'' A''' Abstände der Sonne von der Erde R' R'' R'''

Unbekannte und gesuchte Grössen: Die curtirten Abstände von der Erde ρ' ρ'' ρ'''

Man berechnet:

ı.

$$m = \frac{\operatorname{tg} \beta''}{\sin (\alpha'' - A'')} \quad M = \frac{t''' - t'}{t'' - t'} \frac{m \sin (\alpha' - A'') - \operatorname{tg} \beta'}{\operatorname{tg} \beta''' - m \sin (\alpha''' - A'')}$$

wodurch genähert $\varrho''' = M \varrho'$

II.

$$R''' \cos(A'''-A') - R' = g \cos(G-A')$$

 $R''' \sin(A'''-A') = g \sin(G-A')$

g ist die Chorde der Erdbahn zwischen dem ersten und dritten Orte der Erde,

G die Länge des ersten Erdortes vom dritten aus gesehen.

III.

$$M - \cos(\alpha''' - \alpha') = h \cos \zeta \cos(H - \alpha''')$$

$$\sin(\alpha''' - \alpha') = h \cos \zeta \sin(H - \alpha''')$$

$$M \operatorname{tg} \beta''' - \operatorname{tg} \beta' = h \sin \zeta$$

h wird immer positiv genommen. Wenn N ein Punct, dessen Coordinaten bezogen auf den dritten Erdort sind:

$$\varrho' \cos \alpha' = \varrho' \sin \alpha' = \varrho' \operatorname{tg} \beta'$$

so sind $h\varrho'$, H, ζ die Polar-Coordinaten des dritten Cometen-Ortes bezogen auf N als Anfangspunct, nämlich Abstand, Länge und Breite.

IV.

$$\begin{array}{lll} \cos \zeta \cos (G-H) &= \cos q & g \sin q &= A \\ \cos \beta' \cos (\alpha'-A') &= \cos \psi' & R' \sin \psi' &= B' \\ \cos \beta''' \cos (\alpha'''-A''') &= \cos \psi''' & R''' \sin \psi''' &= B''' \end{array}$$

Durch $q,\ \psi',\ \psi''',\ A,\ B',\ B'''$ werden die Olbers'schen Formeln so umgestaltet:

$$\begin{array}{ll} k^2 &= (h \varrho' - g \cos \varrho)^2 + AA \\ r'^2 &= (\varrho' \sec \beta' - R' \cos \psi')^2 + B'B' \\ r'''^2 &= (M \varrho' \sec \beta''' - R''' \cos \psi''')^2 + B'''B''' \end{array}$$

Etwas leichter wird noch die Rechnung durch:

V.

$$h \cos \beta' = f' \qquad g \cos q - f'R' \cos \psi' = e'$$

$$\frac{h \cos \beta'''}{M} = f''' \qquad g \cos \psi - f'''R''' \cos \psi''' = e'''$$

$$k^2 = uu + AA$$

$$r'^2 = \left(\frac{u + e'}{f'}\right)^2 + B'B'$$

$$r''^2 = \left(\frac{u + e'''}{f''''}\right)^2 + B'''B'''$$

$$wo \quad u = h\varrho' - g \cos \varrho.$$

VI.

Durch Versuche wird der Werth von u gesucht, welcher der Gleichung Genüge thut

$$(r' + r''' + k)^{\frac{3}{2}} - (r' + r''' - k)^{\frac{3}{2}} = \frac{t''' - t'}{m'}$$

we lg $m' = 0.9862673$

Kennt man sonst keine Näherung für ϱ' oder r' und r''', wodurch u genähert bekannt würde, so kann man ausgehen von

$$u = \pm \sqrt{\left[\left(\frac{t''' - t'}{41}\right)^2 - AA\right]}$$

Diese Versuche werden durch die folgende Tafel erleichtert, welche für

$$\eta = \frac{\varkappa (t''' - t')}{(r' + r''')^{\frac{3}{2}}}$$

den Werth von μ giebt, durch welchen strenge den Werthen von r', r''' und t'''—t' entsprechend wird

$$k = \frac{z(t'''-t')}{(r'+r''')^{\frac{1}{2}}} \mu$$
wo lg $z = 8,5366114$

Man kann dabei den Gang so nehmen, dass man für einen Werth von u aus V. berechnet k, r', r''', dann vermittelst der Tafel aus r', r''' das zugehörige η berechnet, damit μ aus der Tafel nimmt und sonach einen Werth für k erhält, der den Werthen von r', r''', t'''—t' entspricht. Es wird u so lange variirt, bis dieser zweite Werth von k völlig übereinstimmt mit dem aus V. berechneten. Dann ist

$$\varrho = \frac{u + g \cos q}{h}$$
$$\varrho''' = M \varrho'$$

VII.

Es müssen die hier gefundenen Werthe von \dot{r}' und r''' mit den vorher berechneten genau übereinstimmen.

l' b', l''' b''', heliocentrische Längen und Breiten des Cometen, Der Comet ist

rechtläufig, wenn l'''-l' positiv, rückläufig, wenn l'''-l' negativ.

VIII.

$$\pm \operatorname{tg} b' = \operatorname{tg} i \sin (l' - \mathbf{S})$$

$$+ \frac{\operatorname{tg} b''' - \operatorname{tg} b' \cos (l''' - l')}{\sin (l''' - l')} = \operatorname{tg} i \cos (l' - \mathbf{S})$$

i die Neigung immer positiv $< 90^{\circ}$

Die oberen Zeichen gelten für rechtläufige Bewegung.

Die unteren Zeichen ", ", rückläufige

IX

L' und L''' sind die Längen in der Bahn.

Es muss der früher berechnete Werth von k genau übereinstimmen mit $\sqrt{(r'^2 + r'''^2 - 2 r' r''' \cos(L''' - L'))}$

$$\frac{\cdot}{\sqrt{r'}} = \frac{\cos\frac{1}{2}(L'-\pi)}{\sqrt{q}}$$

$$\frac{\cot\frac{1}{2}(L'''-L')}{\sqrt{r'}} - \frac{\csc\frac{1}{2}(L'''-L')}{\sqrt{r'''}} = \frac{\sin\frac{1}{2}(L'-\pi)}{\sqrt{q}}$$

π Länge des Perihels, gezählt von einem Puncte in der Bahn an, der von dem S, um die Länge des S, gegen die Ordnung der Zeichen genommen absteht.

XI.

Die wahren Anomalien v', v''' sind

$$v' = L' - \pi \qquad v''' = L''' - \pi$$

Man nimmt mit ihnen aus der Barker'schen Tafel die entsprechenden M' und M''' und hat dann die Zeit des Durchgangs: T.

$$T = t' + M' q^{\frac{3}{2}} n = t''' + M''' q^{\frac{3}{2}} n$$

wo M' und M''' das Zeichen von v' und v''' beibehalten. Der constante $\lg n = 0.0398723$.

Die oberen Zeichen gelten für rechtläufige Cometen.

Die unteren ", ", ", rückläufige

Dritte Prüfung.

Die beiden Werthe von T aus t' und t''' müssen genau übereinstimmen.

XII.

Mit T, q, π, ς , i berechnet man aus t'', A'', R'' das α'' und β'' und vergleicht es mit dem beobachteten. Ausserdem berechnet man mit den so gefundenen Werthen

$$m = \frac{\lg \beta''}{\sin (a'' - A'')}$$

Stimmt dieser mit dem Werthe von m in I, so ist die Bahn dem Olbers'schen Principe nach genau bestimmt. Sie entspricht nämlich dann, während sie die äussersten Örter genau darstellt, auch dem den mittleren Cometenort und den mittleren Sonnenort verbindenden grössten Kreise. Findet ein Unterschied statt, so kann man M varijren, bis die Übereinstimmung erfolgt.

Tafel zur Auflösung der Lambert'schen Gleichung.

η	lg μ	Diff.	η	lg µ	Diff.	η	lg µ	Diff.
0.00	0.00000 00	0.40	0,30	0.00167 33	14.00	0.60	0,00735 26	28 35
0.01	00 18	0.18	0.31	179 01	11 68	0.61	763 61	
0.02	00 72	0.54	0,32	191 12	12 11	0,62	792 74	29 13
0,03	01 62	0.90	0,33	203 67	12 55	0.63	822 68	29 94
0.04	02 89	1 27	0.34	216 66	12 99	0,64	853 45	30 77
0.05	04 52	1 63	0,35	230 10	13 44	0.65	885 08	31 63
0,06	06 52	2 00	0,36	243 99	13 89	0.66	917 59	32 51
,07	08 88	2 36	0,37	258 34	14 35	0,67	951 03	33 4
.08	11 61	2 73	0,38	273 15	14 81	0.68	985 42	34 39
.09	14 70	3 09	0.39	288 43	15 28	0.69	1020 81	35 39
,00	14 70	3 46	0,55	200 13	15 77	0,00	1020 01	36 43
,10	0,00018 16		0.40	0.00304 20		0,70	0.01057 23	
.11	21 99	3 83	0,41	320 45	16 25	0,71	1091 73	37 50
,12	26 18	4 19	0,41	337 20	16 75	0,72	1133 35	38 6
,13	30 74	4 56	0,43	354 45	17 25	0.73	1173 15	39 80
	35 68	4 94	0.44	372 22	17 77	0,74	1214 19	41 0
,14		5 31	0.45	390 50	18 28	0,75	1256 52	42 3
,15	40 99	5 69			18 81			43 7
,16	46 68	6 07	0,46		19 36	$0,76 \\ 0,77$	1300 22	45 1
,17	52 75	6 45	0,47	428 67	19 91		1345 36	46 60
,18	59 20	6 83	0,48	448 58	20 48	0,78	1392 02	48 2
,19	66 03	7 22	0,49	469 06	21 05	0,79	1440 31	50 0
,20	0,00073 25		0,50	0,00490 11		0,80	0,01490 32	
,21	080 86	7 61	0.51	511 75	21 64	0.81	1542 18	51 8
,22	088 86	8 00	0.52	533 98	22 23	0,82	1596 03	53 8
,23	097 25	8 39	0.53	556 83	22 85	0,83	1652 02	55 9
,24	106 04	8 79	0,54	580 30	23 47	0,84	1710 33	58 3
,25	115 23	9 19	0.55	604 41	24 11	0,85	1771 19	60 8
,26	121 83	9 60	0,56	629 19	24 78	0,86	1834 86	63 6
,20	131 84	10 01	0,50	654 65	25 46	0,87	1901 65	66 7
.28	145 25	10 41	0,57	680 80	26 15	0,88	1971 95	70 3
$\frac{,20}{,29}$	156 08	10 83	0,58	707 66	26 86	0,89	2046 29	74 3
,29	136 08	11 25	0,39	107 00	27 60	0,09	2040 29	79 0
,30	0.00167 33		0.60	0,00735 26		0,90	0,02125 29	
,31	179 01	11 68	0,61	763 61	28 35	0,91	2209 92	84 6
.32	191 12	12 11	0,62	792 74	29 13	0,92	2301 60	91 6

Wenn $(r'+r'''+k)^{\frac{1}{2}} - (r'+r'''-k)^{\frac{3}{2}} = \frac{t'''-t'}{m'}$

so wird, wenn man berechnet

$$\eta = \frac{z(t'''-t')}{(r'+r''')^{\frac{3}{2}}}$$
, we $\lg z = 8,5366114$

und mit diesem Werthe aus der Tafel $\log \mu$ nimmt, völlig strenge

$$k = \frac{z (t''' - t')}{(r' + r''')^{\frac{1}{2}}}.t$$



Fortsetzung und Ergänzung der

Tafel VI.

Bestimmungsstücke der Bahn aller bisher berechneten Cometen.

Nr.	Jahr.	dur	hgang ch das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
1 c (19)	V. Chr. 12 N. Chr.	Alter Stil Oct. 8	19 ^h 19′″	280°''	28°'''	10°''
1 cc (19)	66	Jan. 14	5	325 0	32 40	40 30
(19)	141	März 29	2 33	251 55	12 50	17 0
{ 10 (19)	1066	April 1	0	264 55	25 50	17 0
10 a	1092	Febr. 15	0	156 20	125 40	28 55
13	1264	Juli 12	13 41	241 38	157 40	35 5
		Juli 25	4 48	309 59	139 39	16 21
		Juli 19	19 12	300 29	140 55	16 29
21 a	1457	Sept. 3	17	92 50	256 5	20 20
(13)	1556	April 22	0 42 54	274 14,9	175 25.8	30 12,2
` ′		April 22	4 35 10	276 6,5	175 13,9	32 25,7
30	1580	Nov. 28	11 59 26	108 26 56	19 6 42	64 33 49
31	1582	Mai 6	10 0 43	256 15 18	229 18 1	60 47 3
		Neuer Stil				
32	1585	0ct. 8	$2\ 56\ 40$	9 15 29	37 43 52	6 5 4
		Oct. 8	0 47 5	9 8 26	37 44 15	6 5 52
40	1664	Dec. 4	11 45 26	130 42 38	81 15 52	21 18 12
45	1678	Aug. 18	7 42 40	320 47 37	162 26 7	2 35 10
		Aug. 18	7 42 40	322 47 37	163 20	2 52
46	1680	Dec. 17	23 6 12	262 18 47	272 30 12	59 35 4
50	1689	Nov. 29	4 57 21	269 41,1	90 25,4	59 4,5
65	1743 (I)	Jan. 8	4 48 46	93 19 36	86 54 29	1 53 43
66	1743	Sept. 20	10 34 32	247 41 21	5 4 16	45 49 0
	(II)	Sept. 20	14 20 34	247 15 37	6 15 29	45 38 10
		Sept. 20	15 40 54	247 0 6	6 2 14	45 37 5
					l	

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,766	0,311		R	Hind	$\begin{cases} 1 c \\ (19) \end{cases}$
9,6480	0,4881		R	Hind	(1 cc (19)
9,857	0,175		R	Hind	(19)
9,857	0,175		R	Hind	{ 10 (19)
9,9676	0,0087		Ð	Hind	10 a
9,4938 9,9486 9,9164	0,7194 0,0372 0,0855		D D D	Hoek idem idem	13
0,3229	9,4758		D	Hind	21 α
9,70323 9,69092	0,40528 0,42375		D D	Hind Hoek	(13)
9,77986	0,29034		D	Schjellerup	30
9,226156	1,120894		R	d'Arrest	31
0,0395755 0,0393531	9,90076 4 5 9,9010981		D D	Le Verrier C. A. F. Peters	32
0,010949	9,943705		R	Lindelöf	40
0,0758875 0,0589182	9,8462965 9,8717504	0,612106 0,626970	D D	Le Verrier idem	45
7,8328116	3,2109103	0,9999821	D	Wolfers	46
8,27720	2,54433		R	Vogel	50
9,9352858	0,0571990	0,7213085	D	Clausen	65
9,722938 9,719016 9,718496	0,375721 0,381604 0,382384		R R R	d'Arrest idem idem	66

Nr.	Jahr.	dur	chgang ch das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst. Knotens.	Neigung.
67	1744	März 1	8 5 0"	197°13′58″	45°47′54″	47 7 41"
81	1770 (I)	Aug. 13	13 8 11	356 16 51	131 58 56	1 34 28
84	1772	Febr. 16	15 53 0	110 18 35	257 15 38	17 3 8
92	1783	Nov. 19	22 29 4	50 17 25	55 40 30	45 6 54
107	1793 (H)	Nov. 19 Nov. 20 Nov. 21	12 6 51 5 15 32 15 52 50	71 37 8 71 54 3 72 28 2	2 17 19 2 0 12 1 27 2	51 54 34 51 31 10 50 45 30
		Nov. 20	8 1 2	71 57 44	1 59 34	51 30 29
(84)	1806 (I)	Jan. 1	22 10 30	109 28 25	251 16 19	13 36 34
117	1806 (II)	Dec. 28	22 18 23	97 3 24	322 23 16	35 2 33
124	1812	Sept. 15	10 52 47	93 9 41	253 37 21	73 57 53
		Sept. 15	3 50 50	92 39 53	253 40 46	73 57 3
126	1813 (II)	Mai 19	15 7 36	197 28 37	42 39 36	80 55 5
127	1815	April 26	0 21 57	149 3 25	83 28 52	44 29 46
		April 26	0 15 13	149 2 25	83 27 37	44 29 8
		April 26	0 5 14	149 2 29	83 28 46	44 29 54
127 a	1816	März 1	8 27	267 35 33	323 14 56	43 5 26
127 b	1818	Febr. 7	9 40 44	95 7,0	250 4,0	20 2,4
142	1825 (IV)	Dec. 10	16 35 32	318 46 39	215 43 22	33 32 53
(84)	1826 (I)	März 18	10 52 29	109 48 47	251 27 19	13 33 54
153	1833	Sept. 10	4 57 59	222 56 46	323 9 23	7 19 39
		Sept. 10	4 57 54	222 54 35	323 45 46	7 15 54
		Sepl. 10	9 38 51	224 21 23	323 28 17	7 18 17
159	1840 (IV)	Nov. 13	20 29 18	22 21 18	248 40 10	58 16 31

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricităt.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,346842	0,939865		Q	Wolfers	67
9,8289491	0,2167041	0,786119	Ð	Le Verrier	81
9,99389	9,96929	0,72451	Đ	Hubbard	84
0,1641413	9,7139158	0,5524560 D		C. H. F. Peters	92
0,1774054	9,6940196		Ð	d'Arrest	107
0,1746744	9,6981161	0,9734211	D	idem	
0,1690964	9,7064831	0,919638	D	C. II. F. Peters	
0,1744003	9,6985273	0,9719946	D	idem	
9,9576440	0,0236617	0,7457068	D	Hubbard	(84)
0,0341884	9,9088451	1,0101820	R	Hensel	117
9,8929724	0,1206691		Ð	Triesnecker	124
9,8932995	0,1201785		D	Bouvard	
0,0002000	0,020000				
0,084364	9,833582		R	Olbers	126
0,0837490	9,8345042	0,93029345	D	Nicolai	127
0,0837829	9,8344534	0,9305693	D	Bessel	
0,0837950	9,8344352	0,93112771	D	idem	
8,68577	1,93147		D	Burckhardt	127 a
9,86526	0,16224		D	Pogson	127 b
0,0937180	9,8195507	0,9954285	D	Hubbard	142
9,9554083	0,0270153	0,7466012	D	Hubbard	(84)
9,661576	0,467764		D	Hartwig	153
9,661275	0,468215		D	idem	
9,666836	0,459874		Ð	idem	
0,17226	9,70174		D	Koller	159

Nr.	Jahr.	dure	hgang ch das m. Par. Zeit	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
159	1840 (IV)	Nov. 13 Nov. 13	23 58 53" 22 37 3	22°24′56″		58°19′25″
		Nov. 13	$22 \ 37 \ 3$ $13 \ 26 \ 52$	22 16 5 22 57 6	248 42 12 248 46 41	58 22 25 58 14 19
		Nov. 13	16 5 50	22 32 5	248 55 57	57 57 52
161	1843	Febr. 27	10 43 8	279 6	3 7	35 3
Į.	(1)	Febr. 27	9 45 53	278 28 16	0 6 32	$35\ 52\ 44$
		Febr. 27	10 5 32	278 43 4	1 26 51	$35 \ 38 \ 34$
		Febr. 27	10 0 30	278 40 17	1 14 55	35 40 39
163	1843	Oct. 18	14 4 47	50 19 4	209 13 31	11 16 50
	(111)	0ct. 17	3 44 39	49 33 52	209 29 34	$11 \ 22 \ 31$
		Oct. 17	3 42 56	49 33 52	209 29 36	$11 \ 22 \ 32$
		Oct. 17	3 39 29	49 33 45	209 29 27	11 22 32
164	1844	Sept. 2	11 33 57	342 30 55	63 49 17	2 54 50
	(I)	Sept. 2	11 37 30	342 30 48	63 49 38	25446
165	1844 (II)	Oct. 17	8 46 39	180 45 50	31 30 40	48 33 14
	(11)	Oct. 17	8 11 11	180 46 13	31 30 52	48 32 54
		Oct. 17	8 24 36	180 24 3	31 39 6	48 36 1
166	1844 (III)	Dec. 13	16 21 2	296 2 18	118 19 22	45 38 47
167	1845	Jan. 8	3 59 48	91 19 59	336 44 19	46 50 35
	(I)	Jan. 8	3 57 47	91 20 5	336 44 49	46 50 56
169	1845 (III)	Juni 5	16 4 16	262 11 9	337 55 16	49 5 53
170	1846	Jan. 22	$2\ 24\ 32$	89 6 22	111 8 26	47 26 6
	(I)	Jan. 22	3 59 53	89 6 0	111 5 38	47 28 6
(84)	1846	Febr. 11	0 1 41	109 2 50	245 54 3	$12 \ 34 \ 58$
	(II) (A)	Febr. 10	23 58 31	109 2 54	245 54 29	12 34 50
		Febr. 10	23 59 31	109 2 53	245 54 15	12 34 53
	(B)	Febr. 11	2 0 0	109 2 50	245 54 8	12 34 59
		Febr. 11	1 57 58	109 2 52	245 54 27	12 34 54
		Febr. 11	1 59 0	109 2 54	245 54 17	12 34 55
L						

I Post						
	Log. der	Log. der	70	Richt.	Name	
1	Periheldist.	miftl. Bew.	Excentricilăt.	der	des	Nr.
1				Bew.	Berechners.	
-						
- 11	0,172843	9,700863		D .	Encke	159
1	0,1737630	9,6994832		D .	Laugier	
(0,1721044	9,7019711		D	Götze	
1	0,1705436	9,7043123	0,97067164	D	idem	
	7,681	3,439		R	Caldecott	161
1	7,7566666	3,3251278	0,9998174809	R	Nicolai	
1	7,7392979	3,3511809	0,999936479	R	Hubbard	
,	7,7433765	3,3450630	0,999915717	R	idem	
11	0,2281296	9,6179333	0,5477335	Ð	Faye	163
III.	0,2284520	9,6174497	0,5558368	D	Axel Möller	
li .	0,2284630	9,6174332	0,5558999	D	idem	
	0,2284579	9,6174409	0,5559049	D	idem	
	0.0742315	9,8487805	0,6176353	а	Brünnow	164
II	0.0742006	9,8488268	0,6173720	a	idem	
		,	,	_		
	9,9353756	0,0570643		R	Graham	165
6	9,9352573	0,0572418		R	idem	Ì
5	9,9321644	0,0618811	0,9996083	R	Płantamour	
6	9,4009126	0,8587588	1,00035303	D	Bond	166
			,			
11	9,9567469	0,0250074		D	Nicolai	167
3	9,9567565	0,0249930	1,0003323	D	Sievers	
	0,60260	0,55623			Reslhuber	169
1	7,00200	0,00020		R	Resinuber	169
	0,1704680	9,7044257	0,9924026	D	Jelinek	170
	0,1709043	9,7037713		D	idem	
,	9,9327008	0,0610765	0,7567709	D	Hubbard	(84)
II.	9,9326994	0,0610786	0,7566114	D	d'Arrest	(04)
11	9,9326998	0,0610780	0,7566625	D	Hubbard	
1			5,.000020	17	nappara	
11	9,9327100	0,0610627	0,7566946	D	Hubbard	
11	9,9327087	0,0610647	0,7566062	D	d'Arrest	
1 8	9,9327097	0,0610632	0,7566060	D	Hubbard	
<u></u>				i		

Nr.	Jahr.	Perihe		h da	as	Zeit.	L des I	äng Peril		1	å n g des Kno		Ne	igu	ng.
171	1846 (III)	Febr.			35	28"			24"			40"			51
	(111)	Febr.			19		116			102			31	1	2
		Febr.		9		49	116		14	102				56	47
		Febr.		9	4	36	116		8	102				56	26
		Febr.	25	9	8	1	116	28	15	102	40	58	30	55	53
172	1846	März	5	13	13	7	90	26	52	77	33	47	85	6	32
	(IV)	März	5	13	18	7	90	27	19	77	33	26	85	6	12
		März	5	13	12	16	90	27	0	77	33	57	85	5	42
		März	5	13	14	39	90	27	0	77	33	33	85	5	42
174	1846 (VI)	Juni	1	5	15	14	240	7	35	260	28	59	30	24	24
176	1846 (VIII)	Oct.	29	22	9	18	98	47	15	4	38	18	49	39	3
177	1847	Mārz	30	8	14	29	275	16	22	21	6	4 6	48	41	49
	(1)	März	30	7	40	28	276	2	53	21	48	29	48	33	34
		Mārz	30	7	53	28	275	46	34	21	37	36	48	32	23
		März	30	7	11	5	275	51	14	21	32	42	48	39	6
		Mārz	30	6	34	30	276	14	42	21	51	46	48	39	53
		März	30	6	48	35	276	2	44	21	42	45	48	39	34
		Mārz	30	7	3	4 9	275		12	21	36	37	49	39	45
		Mārz	30	6	55	3	276		29	21	39	33	48	41	1
		März	30	6	45	26	276	_	43			11	48	39	58
		Mārz	30	6	50	55	276		20	21	39	56	48	40	0
		März	30	6	58	50	276	2	22	21	41	52	48	38	50
178	1847	Mai	30	10	25	8	144	18	16	174	18	39	79	3	26
	(11)	Juni	13	12	33	0	137	7	6	173	21	36	80	23	25
		Juni	12	9	11	0	137	41	34	173	25	50	80	16	56
		Juni	5	14	8	58	141	9	55	173	54	14	79	38	9
		Juni	4	18	16	36	141	33	40	173	56	4	79	34	7
		Juni	4	16	4 3	33	141	37	10	173	57	40	79	33	42
179	1847	Juli	30	11	38	3	251	13	14	336	39	9	83	42	7
	(111)	Juli	30	11	37	43	251	13	6	336	38	59	83	42	11
		Aug.	7	18	27	43	247	29	19	338	3	0	83	27	28

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricităt.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,8129407	0,2407167	0,7944594	D	Hind	171
9,8128377	0,2408712	0,7962178	Б	van Galen	
9,8129587	0,2406897	0,7938600	D	Brūnnow	
9,8129657	0,2406792	0,7936398	D	idem	
9,8129825	0,2406540	0,7933880	D	idem	
9,8220408	0,2270665	0,9628557	D	Jelinek	172
9,821995	0,227135	0,9622465	D	Peirce	
9,8219498	0,2272030	0,96191395	D	van Deinse	Ì
9,8219812	0,2271559	0,9629891	Ð	idem	
0,1842998	9,6836780	0,7213385	D	C. H. F. Peters	174
9,9187601	0,0819876	0,9933127	Ð	Quirling	176
8,649321	1,986146		D	Bond	177
8,6358889	2,0062944	0,9993979	D	Quirling	į
8,6457238	1,9915420	0,9993425	D	Villarceau	
8,634283	2,008703		D	Carlini	
8,6217987	2,0274297		D	Boreham	
8,628571	2,017271		D	Pogson	ļ
8,6300817	2,0150052	0,99991856	D	Graham	
8,6251436	2,0224123		D	Hornstein	
8,6262530	2,0207482		D	idem	
8,6279502	2,0182024		Ð	idem	
8,6293024	2,0161741	0,99991293	D	idem	
0,3247018	9,4730750		R	Hind	178
0,3257161	9,4715536		R	d'Arrest	İ
0,3257617	9,4714852		R	idem	
0,3254251	9,4719901		R	Goujon	
0,3255424	9,4718141		R	v. Littrow	
0,3253373	9,4721218		R	Gautier	
0,2497110	9,5855612		R	Quirling	179
0,2497141	9,5855566		R	Niebour	
0,2473764	9,5890631		R	d'Arrest	

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst-Knotens,	Neigung.
179	1847 (III)	Aug. 12 Aug. 8 Aug. 9 Aug. 9	h 7 7" 10 49 54 10 46 13 8 15 51	245 20 14" 247 9 47 246 41 34	338 37 49" 338 8 45 338 17 31	83° 21′ 46′ 83° 27′ 26 83° 27′ 1
180	1847 (IV)	Aug. 8 Aug. 8 Aug. 9	3 48 59 5 58 4 15 20 34	246 45 11 22 10 25 22 6 6 21 5 12	75 58 25 76 2 34 76 53 40	32 41 24 32 41 10 32 38 28
		Aug. 9 Aug. 8 Aug. 9 Aug. 9 Aug. 9	11 18 39 4 44 37 6 22 31 7 51 26 8 26 14	21 12 38 21 59 11 21 20 41 21 18 36 21 17 30	76 48 28 76 36 26 76 42 10 76 42 31 76 43 22	32 38 27 32 33 10 32 38 24 32 38 42 32 38 47
181	1847 (V)	Sept. 9 Sept. 9 Sept. 9 Sept. 9	1 15 28 2 26 43 1 37 13 9 45 11	76 56 23 79 22 28 78 17 12 78 55 54	310 2 32 310 29 42 310 21 49 309 58 6	19 12 35 19 24 38 19 21 36 19 12 9
		Sept. 9 Sept. 9 Sept. 9 Sept. 9	0 2 38 13 10 52 13 24 0 12 31 49	80 2 18 79 12 6 79 10 33 79 8 27	309 19 52 309 48 49 309 48 3 309 50 23	18 56 39 19 8 25 19 7 56 19 9 0
182	1847 (VI)	Nov. 14 Nov. 14 Nov. 14 Nov. 14	12 7 55 9 48 39 10 1 10 7 51 8	274 10 6 274 16 9 274 20 11 273 22 57	189 35 29 190 49 17 190 51 53 190 45 41	71 33 32 71 47 43 71 56 58 71 20 33
		Nov. 14 Nov. 14 Nov. 14 Nov. 14 Nov. 14	10 4 28 9 49 54 9 36 26 10 12 4 9 53 52	274 16 59 274 10 58 274 8 1 274 23 39 274 15 38	190 51 3 190 50 21 190 49 58 190 51 41 190 50 58	71 55 27 71 49 36 71 47 13 71 57 46 71 53 2
		Nov. 14 Nov. 14 Nov. 14 Nov. 14	9 52 16 4 23 13 9 50 37 9 45 59	274 14 1 274 26 11 274 12 39 274 12 57	190 50 13 190 55 56 190 49 52 190 49 53	71 53 6 72 10 51 71 50 47 71 50 56

Log. der Periheldist.	Log. dér mittl. Bew.	Excentricitát.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
0,2451476 0,2473722 0,2472789	9,5924063 9,5890694 9,5892094		R R R	Schmidt Mauvajs v. Littrow	179
0,2470052	9,5896199	0,9985879	R	Gautier	
0,169672 0,1698388	9,705620 9,7053695		R R	Petersen Hind	180
0,172162 0,1718329	9,701885 9,7023784		R R	d'Arrest Pogson	
0,1698509 0,17152	9,7053514 9,70285	0,9603815 0,997 434 8	R R	0. Struve u. Döllen Schweizer	
0,1716030 0,1716651	9,7027232 9,7026301		R R	idem idem	
9,704173 9,686992	0,403869 0,429640		D D	Brorsen Niebour	181
9,695149 9,6901427	0,417405 0,4249137	0,9804400	D D	Schmidt Quirling u. Niebour	
9,6827056 9,6882986	0,4360693 0,4276798	0,9478827 0,9725603	D D	d'Arrest idem	
9,6884023 9,6886618	0,4275243 0,4271350	0,9716687 0,9739298	D D	Gould idem	
9,533197	0,660333		R	Miss Mitchell	182
9,51772 9,51822	0,68355 0,68280		R B	Schaub Oudemans	
9,50937	0,69608		R	Burgersdyk	
9,5177888 9,516912	0,6834445 0,684760		R R	Peirce Pogson	
9,5164004	0,6855271		R	Niebour	
9,5187597 9,517552	0,6819882 0,683800		R R	Rumker d'Arrest	
9,5174122	0,6840094		R	idem	
9,5184953 9,5172391	0,6823848 0,6842691		R R	G. Rumker idem	
9,5172334	0,6842776	1,0001326	R	idem	

Nr.	Jahr.	durc	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
183	1848 (T)	Sept. 8 Sept. 8	h , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	310°34′36″ 310°38′53	211°34′36″ 211°35′44	84 28 22" 84 30 24
		Sept. 8 Sept. 8	1 13 8 1 14 37	310 34 18 310 34 39	211 31 41 211 32 29	84 22 55 84 24 50
(96)	1848 (II)	Nov. 26 Nov. 26	2 55 56 2 8 41	157 47 8 157 47 2 4	334 22 12 334 21 21	13 8 36 13 8 32
184	1849 (I)	Jan. 19 Jan. 19	15 38 51 4 3 18	63 8 17 63 30 13	215 2 4 215 22 35	85 10 55 84 55 46
		Jan. 19 Jan. 19	9 13 30 9 6 7 8 0 19	63 8 12 63 11 50	215 8 39 215 10 58	85 6 2 85 4 20
		Jan. 19 Jan. 19 Jan. 19	8 0 19 8 42 11 8 37 23	63 18 22 63 16 2 63 14 38	215 15 35 215 13 43 215 12 50	85 1 10 85 2 12 85 2 51
		Jan. 19 Jan. 19	8 56 28 8 33 17	63 10 20 63 14 20	215 10 16 215 12 52	85 5 17 85 2 54
		Jan. 19 Jan. 19 Jan. 19	8 37 13 8 31 7 8 39 20	63 14 31 63 13 7 63 12 35	215 13 1 215 11 49 215 12 0	85 3 3 85 3 5 85 3 39
		Jan. 19 Jan. 19	8 30 3 8 29 24	63 14 14 63 14 10	215 12 53 215 12 52	85 2 55 85 2 56
185	1849	Jan. 19 Mai 26	8 30 12 12 38 8	63 14 15 235 45 20	215 12 54 202 33 15	85 2 54 67 9 34
	(H)	Mai 26 Mai 26	15 54 51 9 40 0 12 21 3	235 49 44 235 31 25 235 44 35	202 35 9 202 30 55 202 33 21	66 58 55 67 20 0 67 8 55
		Mai 26 Mai 26 Mai 26	12 21 3 15 38 19 12 6 31	235 44 55 235 54 46 235 43 55	202 33 21 202 33 28 202 33 22	67 8 55 67 0 18 67 9 19
		Mai 26 Mai 26	11 49 18 12 3 53	235 42 20 235 43 24	202 32 49 202 32 56	67 10 1 67 9 38
		Mai 26 Mai 26	12 10 43 11 58 39	235 43 35 235 43 2	202 32 56 202 32 45	67 9 24 67 9 55
186	1849 (III)	Juni 7 Iuni 8	15 3 50 5 52 4	267 42 43 266 59 12	30 34 56 30 29 38	66 4 43 67 11 45

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,5048748	0,7028155		R	G. Rümker	183
9,5052080	0,7023157		R	Schmidt	
9,5050880	0,7024957		R	Sonntag	
9,5050568	0,7025425		R	Quirling u. Sonntag	
9,5276718	0,6686200	0,8478280	Ð	Encke	(96)
9,5276185	0,6687000	0,8478500	D	idem	
9,982056	9,987044		D	Encke	184
9,9811282	9,9884354		Ð	Hind	
9,9824515	9,9864505		D	Plantamour	
9,9822469	9,9867574		D	Pogson	
9,9819342	9,9872264		D	d'Arrest	
9,9820574	9,9870416		Ð	idem	
9,9821197	9,9869482		D	idem	
9,9823338	9,9866270		Ð	Clausen	
9,9821432	9,9869129		Ð	idem	
9,9821429	9,9869134	0,9998181	D	Safford	
9,9821618	9,9868850		Ð	Hensel	
9,9822562	9,9867434	1	Ð	Petersen u. Sonntag	
9,9821509	9,9869014		D	iidem	
9,9821534	9,9868976	1,0000195	D	iidem	
9,9821497	9,9869032	The state of the s	D	iidem	
0,06413	9,86393		D	Argelander	185
0,06335	9,86510		D	G.Rümker u.Breymann	
0,0648988	9,8627795	Manual Control of the	D	d'Arrest	
0,0641718	9,8638700		Ð	Plantamour	
0,063769	9,864474		D	Goujon	
0,0642078	9,8638160		D	idem	
0,0642600	9,8637377		D	Weyer	
0,0642040	9,8638217		D	idem	
0,0642019	9,8638249		D	idem	
0,0642320	9,8637797	1,0007079	D	idem	
9,946096	0,040984		D	Gould	186
9,95214	0,03192		D	Graham	

Nr.	Jahr.	durc	h gan g h-das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
186	1849 (III)	Juni 8	4 50 8"	267°13′ 6″	30 °32 ′ 7 ″	66° 55′ 12″
	(,	Juni 8	3 44 21	267 2 6	30 32 17	66 55 49
		Juni 8	4 19 8	267 4 13	30 31 50	66 57 32
		Juni 8	4 21 36	267 4 23	30 31 51	66 57 57
		Juni 8	4 40 28	267 3 33	30 32 53	66 54 10
		Juni 8	4 11 10	267 7 6	30 32 36	66 54 5
		Juni 8 Juni 8	4 21 12 0 33 33	267 3 12 266 51 29	30 31 39 30 30 38	66 59 7 67 7 25
			4 19 49		30 30 38	66 59 2
		Juni 8 Juni 8	4 26 36	267 3 16 $267 3 54$	30 31 39	66 58 32
		Juni 8	5 2 36	267 6 8	30 31 33	66 55 19
	}	3000	0 2 00	201 0 0	30 32 0	00 33 13
187	1850	Juli 22	16 43 32	273 11 57	92 46 42	68 0 40
ļ	(1)	Juli 23	1 50 43	273 16 20	92 47 12	68 6 39
		Juli 23	8 50 33	273 20 11	92 55 6	68 9 16
		Juli 23	19 58 29	273 31 34	92 55 41	68 15 59
		Juli 23	10 11 18	273 24 54	92 53 44	68 9 47
		Juli 22	$23 \ 27 \ 9$	273 17 1	92 48 8	68 4 53
		Juli 22	$23 \ 43 \ 21$	273 16 46	92 50 46	68 4 20
		Juli 23	$10 \ 26 \ 33$	273 26 16	92 56 25	68 8 3
		Juli 23	14 14 14	273 25 14	92 53 18	68 13 19
		Juli 23	10 47 0	273 23 48	92 53 23	68 10 37
		Juli 23	12 41 19	273 24 20	92 53 2	68 12 12
		Juli 23	12 38 28	273 24 32	92 53 29	68 12 5
		Juli 23	12 37 40	273 23 58	92 52 57	68 12 7
		Juli 23	12 37 32	273 23 58	92 52 56	68 12 8
		Juli 23	12 49 37	273 25 5	92 53 28	68 11 24
188	1850	Oct. 19	8 37 3	89 21 26	205 55 50	40 14 21
	(H)	Oct. 19	8 23 21	89 16 3	205 59 31	40 8 53
į.		Oct. 19	7 46 59	89 3 5	206 1 47	39 45 44
1		Oct. 19	8 59 25	89 27 17	205 53 5	40 22 27
l		Oct. 19	8 45 51	89 21 52	205 56 39	40 14 36
		Oct. 19	8 23 42	89 20 17	205 55 47	40 10 52
1		Oct. 19	8 20 39	89 14 46	206 3 25	40 1 8
		Oct. 19	8 31 12	89 20 29	206 0 58	40 6 53
		Oct. 19	8 16 35	89 13 41	206 1 31	40 3 45
<u> </u>		1			l	

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,950707 9,951790 9,9515556 9,951550 9,9513114 9,951293 9,9516586 9,9521130 9,9516606 9,9515984	0,034067 0,032443 0,0327943 0,032803 0,0331606 0,033188 0,0326398 0,0319582 0,0326368 0,0327301	1,007066	D D D D D D	Walker G.Rümker u.Jürgensen R. Luther Hensel Runkle Sonntag idem Schweizer idem d'Arrest	186
9,951525 0,0330542 0,0334850 0,034241 0,0341100 0,0338906 0,033244 0,033467 0,0338532 0,0340853 0,034017	0,032840 9,9105464 9,9099002 9,908766 9,9089627 9,9092918 9,910262 9,9093479 9,9089998 9,9092513 9,9090982	0,997830	D D D D D D D D D D D D D D D D D D D	idem J. Breen R. Schumacher Pogson', Plantamour Hubbard Weyer Walker Hind Sonntag u. Götze d'Arrest Petersen u. R. Schu-	187
0,0340275 0,0340307 0,0340310 0,0340060 9,7515290 9,7522749 9,75336 9,7509246 9,751586 9,751524 9,752455 9,751826 9,752555	9,9090865 9,9090817 9,9090812 9,9091187 0,3328342 0,3317154 0,33009 0,3337408 0,332749 0,332842 0,331445 0,332389 0,331295	0,999868 0,9988519	D D D D D D D D D D D D D D D D D D D	Villarceau (macher Sonntag idem Carrington J. Breen Mauvais Graham Quirling d'Arrest Safford Runkle Reslhuber Niebour u. G. Rümker	188

Nr.	Jahr.	durc	hgang lı das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
188	1850 (II)	Oct. 19 Oct. 19	8 19 35" 8 17 43	89 [°] 13 ['] 54 ^{''} 89 13 19	205°59′24″ 206 0 5	40° 5′ 37″ 40 5 3
(163)	1851 (I)	April 3 April 1 April 1 April 1 April 1 April 1	12 4 28 19 29 25 22 36 49 22 34 38 22 36 21	49 42 40 49 41 25 49 42 10 49 42 10 49 42 3	209 30 35 209 31 7 209 31 14 209 31 16 209 31 6	11 21 40 11 21 39 11 21 37 11 21 38 11 21 38
189	1851 (II)	Juli 6 Juli 9 Juli 8 Juli 8 Juli 10 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8 Juli 8	7 51 31 0 41 21 20 57 9 16 57 23 0 13 29 22 56 13 16 38 53 23 30 22 16 45 13 16 33 39 16 27 25 16 24 51	324 36 0 324 9 59 323 35 59 322 59 46 324 7 48 323 55 12 322 57 13 324 10 27 322 59 40 322 56 57 322 56 6 322 54 42	152 41 33 149 18 56 148 54 5 148 27 20 148 13 14 149 8 17 148 25 39 149 21 52 148 27 41 148 25 31 148 24 59 148 23 37	14 43 39 14 14 10 14 5 41 13 56 12 14 4 2 14 10 47 13 55 37 14 14 41 13 56 4 13 55 22 13 55 10 13 55 8
190	1851 (III)	Aug. 26 Aug. 26 Aug. 26 Aug. 26 Aug. 26	4 27 32 11 15 37 7 29 27 5 39 38 5 47 13	309 51 7 311 3 38 311 12 52 310 54 32 310 58 49	225 1 1 215 30 45 223 9 17 223 44 20 223 40 33	40 9 24 37 41 22 37 43 57 38 16 39 38 9 2
191	1851 (IV)	Sept.30 Sept.30 Sept.30 Sept.30 Sept.30	19 22 6 19 18 18 19 15 5 19 29 57 19 21 15	338 45 13 338 46 26 338 38 31 338 45 31 338 45 18	44 24 54 44 21 30 44 47 30 44 28 50 44 25 37	73 59 18 ,73 58 37 74 5 19 74 0 39 73 59 44
(96)	1852 (1)	März 14 März 14	19 7 20 17 22 9	157 51 2 157 51 2	334 23 21 334 23 21	13 7 54 13 7 54
192	1852 (II)	April 19 April 19	15 20 34 15 50 2	280 3 26 279 46 24	318 15 54 317 26 55	48 54 41 49 23 36

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricităt.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,752406 9,7525112	0,331519 0,3313609		D D	Vogel Quirling u. Götze	188
0,2304370	9,6144722	0,5550194	D	Le Verrier	(163)
0,2303547	9,6145957	0,5549226	D	idem	
0,2304286	9,6144848	0,5550333	D	Axel Möller	
0,2304281	9,6144856	0,5549601	D	idem	
0,2304435	9,6144625	0,5549454	Ð	idem	
	,	,			
0,0892774	9,8262116		D	d'Arrest	189
0,073622	9,849695	0,700015	D	idem	
0,0716690	9,8526242	0,6793628	Ð	idem	
0,0696593	9,8556388	0,6608815	Ð	idem	
0,0688536	9,8568473	0,6228820	D	Pogson	
0,072770	9,850973	0,689093	D	Vogel	
0,0695205	9,8558470	0,6600097	D	Oudemans	
0,0737781	9,8494606	0,7036121	D	Villarceau	
0,0696476	9,8556563	0,6607426	D	idem	
0,0694813	9,8559058	0,6596701	D	idem	
0,0694368	9,8559725	0,6593535	Ð	Villarceau	
0,0694337	9,8559772	0,6592661	D	idem	
9,999860	9,960338		D	G. Rümker	190
9,98876	9,97699		D	C. W. Tuttle	1
9,991833	9,972379		D	Vogel	
9,9935340	9,9698267		Ð	Brorsen	
9,9931272	9,9704369	0,9968575	D	idem	
9,1506705	1,2341220		Ð	Schönfeld u. Lesser	191
9,1521784	1,2318601		D	Klinkerfues	
9,140564	1,249282		D	Kunes	
9,1493178	1,2361510		D	J. Breen	
9,1503928	1,2345385		D	Götze u. Sonntag	
9,5282058	0,6678190	0,8476725	Ð	Encke	(96)
9,5282050	0,6678202	0,8476633	, D	idem	
9,95816	0,02289		R	Bradford	192
9,95824	0,02277		R	C. W. Tuttle	

Nr.	Jahr.	dur	chgang ch das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
192	1852 (II)	April 19	7 4 5 "		316°19′11″	48°54′16
	(11)	April 19	13 13 34	280 17 42	317 17 54	48 32 0
		April 19 April 20	$\begin{array}{cccc} 14 & 0 & 32 \\ 15 & 24 & 27 \end{array}$	280 0 33 278 42 18	317 8 22 317 29 30	48 52 54 49 11 8
(84)	1852 (III) (A)	Sept. 23	17 13 59	109 5 20	245 49 34	12 33 28
	(III) (A)	Sept. 23	17 36 47	109 8 17	245 51 26	12 33 16
	(B)	Sept. 22 Sept. 23	22 51 2 1 30 57	108 58 17 109 8 16	245 53 29 245 51 28	12 33 50 12 33 19
		Sept. 23	1 59 38	109 8,3	245 52,5	12 33,3
193	1852	0ct. 11	7 53 1	42 47 5	346 44 31	41 39 37
	(1V)	Oct. 12	19 43 38	$43\ 17\ 44$	346 11 33	40 54 42
		Oct. 12	15 16 18	$43\ 12\ 16$	346 13 25	40 58 32
		0ct. 12	19 7 5	$43\ 15\ 27$	346 9 53	40 53 29
		0ct. 12 0ct. 12	18 27 45 18 10 25	43 14 8 43 13 42	346 9 49 346 10 0	40 54 28 40 55 0
194	1853	Febr. 24	6 42 46	153 21 12	69 49 48	20 19 47
104	(I)	Febr. 24	0 28 31	153 43 57	69 26 31	20 12 55
		Febr. 24	4 7 51	153 37 58	69 15 30	20 8 11
		Febr. 23	23 58 49	153 44 51	69 30 31	20 13 44
		Febr. 23	23 53 7	153 38 30	69 56 25	20 23 17
		Febr. 23	23 58 40	153 43 33	69 35 45	20 16 13
		Febr. 24	0 38 25	$153 \ 42 \ 32$	69 33 1	20 14 40
		Febr. 24	0 5 10	$153 \ 44 \ 19$	69 33 36	20 13 20
		Febr. 24	0 16 4	153 43 20	69 34 4	20 15 8
195	1853	Mai 9	17 2 7	$201 \ 53 \ 18$	40 57 45	57 44 45
	(11)	Mai 9	19 55 9	$201\ 45\ 47$	40 58 22	57 49 6
		Mai 9	19 58 41	201 44 37	40 57 37	57 49 3
196	1853	Sept. 1	16 45 36	310 54 34	140 31 29	61 31 59
	(111)	Sept. 1	16 7 48	$310\ 57\ 36$	140 32 13	61 30 59
		Sept. 1	17 55 26	311 - 1 - 24	140 28 9	61 29 41
		Sept. 1	17 20 54	310 58 56	140 30 34	61 30 3
		Sept. 1	17 15 19	310 58 30	140 31 3	61 30 40
		Sept. 1	17 3 46	310 56 59	140 31 22	61 30 11

Log. der mittl Bew	Name des Mr. echners.
0,028345 R Vogel	192
0,02546 R Bond	
0,0251335 R Sonnta	lg.
0,0195217 1,0525041 R Hartw	ig
0,0582580 0,7552007 D d'Arre	st (84)
0,0579246 0,7559217 D Hubba	rd
0,0579318 0,7561187 b d'Arre	st
0,0579118 0,7558660 D Hubba	rd
0,059200 0,756253 D Santin	i
9,8077814 D Sonnta	ig 193
9,8148647 0,9191398 D idem	
9,814228 0,9247530 D Marth	
9,8150018 0,9169345 D idem	
9,814715 0,91846239 D Möller	
9,8147831 0,91903397 D Westpl	nal
9,901748 B d'Arres	d 194
9,902867 R Bruhns	
9,903221 R C. W.	Tultle
9,902825 R Marth	
9,9019133 R v. Ree	dfz
9,9025667 R Lindele	oef
0,902711 R Hartwi	g
9,902903 0,9904127 R idem	
9,9027202 R Hornst	ein
0,022378 R Bruhns	0 195
0,0224959 0,9878350 R Stockw	
0,0225019 0,9893194 R G. Rûn	rker
0,729211 D Hubbar	rd 196
0,729577 D Bruhns	
0,7315332 D Ch. Ma	thieu
0,7302361 D d'Arres	t
0,7300629 D idem	
0,7294246 D Stockw	ell

Nr.	Jahr.	I Perihe	dur	chga ch da m. Pa	ıs	žeit.	Li des P	inge eril			ng les Kno		Nei	gun	g.
197	1853	Oct.	16	13	56	56"	301	23	20"	222	13	44"	63°	6	5"
,	(IV)	Oct.	16	14	23	33	301	55	9	220	19			15	55
		Oct.	16	15		40	302	7	16	220	-	26	61	1	37
		Oct.	16		20		302	10	23	220	2	36	60		28
		Oct.	16		14	31	302	_	28	220	2	39	60]	•	6
		Oct.	16	14	41	5	302	14	53	220	5	52	60	59	44
198	1854	Jan.	4	22	56	2	55	39	56	227	7	36	66	16	58
	(I)	Jan.	4	6	40	31	55	57	13	227	3	5	66	7	45
		Jan.	3*	22	36	10	56	6	28	227	2	36	66	6	45
		Jan.	2	17	28	57	56	38	52	227	0	44	66	0	44
		Jan.	3	22	35	57	56	6	35	227	2	48	66	6	47
199	1854	März	24	0	49	5	213	40	52	315	6	31	82	52	35
	(II)	März	24	0	26	56	213	51	32	315	29	52	82	34	28
-		März	24	0	42	29	213	47	53	315	26	50	82	22	41
		März	24	0	29	39	213	47	32	315	27	53	82	23	54
		März	24	0	39	26	213	45	58	315	16	29	82	52	49
		März	24	0	25	30	213	50	8	315	27	40	82	31	57
	1	März	24	0	24	39	213	48	52	315	30	11	82	26	43
		März	24	0	41	8	213	47	51	315	26	26	82	35	55
		März	24	0	29	10	213	50	9	315	28	16	82	30	17
		Márz	24	0	30	2	213	49	14	315	27	27	82	32	43
200	1854	: Juni	22	1	6	38	273	3	18	347	40	49	71	19	16
200	(111)	Juni	21			14	272	50	58	347			71	55	9
		Juni	22	1	28	41	272	59	6	347	42	24	71	16	58
		Juni	22	1	34	3	272	57	52	347	40	57	71	20	1
ĺ		Jani	22	2	11	4	272	58	6	347	48	45	71	8	21
		Juni	22	1	42	17	273	0	34	347	44	51	. 71	6	42
		Juni	22	1	44	32	273	G	9	347	54	45	. 71	22	11
		Juni	22	0	2	46	273	5	37	347	39	36	71	19	0
		Juni	22	0	30	6	273	3	52	347	41	14	71	18	51
		Juni	21	23	53	40	273	6	52	347	40	8	71	18	46
		Juni	22	0	14	10	273	4	11	347	40	18	71	20	29 \
		Juni	22	0	13	55	273	4	6	347			71	19	44
		Juni	22	()	5	8	273	5	23	347	39	43	71	18	59
							L			1			-		

9,200658 1,159141 R Bruhns 9,231106 1,113469 R idem 9,236926 1,104739 R idem 9,2380399 1,1030679 R idem 9,2374954 1,1038846 R d'Arrest 9,2372363 1,1042733 1,0012289 R idem	ers.
9,236926 1,104739 R idem 9,2380399 1,1030679 R idem 9,2374954 1,1038846 R d'Arrest	197
9,2380399 1,1030679 R idem 9,2374954 1,1038846 R d'Arrest	
9,2374954 1,1038846 R d'Arrest	
1,10001	
9,2372363 1,1042733 1,0012289 R idem	
0,310018 9,495101 R Bruhns	198
0,3105454 9,4943096 R Marth	
0,310641 9,494167 R Oudemans	
0,3108246 9,4938908 R Klinkerfues	
0,310618 9,494201 R Rzepecki	
9,44104 0,79857 R Reslhuber	199
9,4426170 0,7962022 R Adams	133
9,4425344 0,7963261 R Hornstein	
9,4427392 0,7950189 B Hind	
9,441511 0,797861 B Nell	
9,442538 0,796321 R Santini	
9,4430405 0,7955670 B E. B. Powell	
9,4425243 0,7963413 R E. Quetelet	
9,442544 0,796312 B Graham	
9,4425551 0,7962951 R Ch. Mathieu	
9,8117690 0,2424742 R Peirce	200
9,8153206 0,2371468 R Ragona	
9,81148 0,24291 R Argelander	
9,8114862 0,2428984 R Mathieu u. Li	iouville
9,811244 0,243262 R Bruhns	
9,811362 0,243085 R Winnecke	
9,811924 0,242242 R Reslhuber	
9,811640 0,242668 R Santini	
9,811728 0,242536 R Oudemans	-
9,811593 0,242738 0,9990656 R Keith	
9,811734 0,242527 1,001358 R idem	
9,811721 0,242546 1,000442 R idem	i
9,811650 0,242653 R Winnecke u.	Pape

Nr.	Jahr.	dure	ligang eli das m. Par. Zeit	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
201	1854 (IV)	Oct. 27 Oct. 27	h / " 13 13 52" 8 47 28	94 43 2" 94 12 49	324 °38 ′12" 324 35 34	40°58′31
		Oct. 27	8 24 24	94 10 30	324 34 48	40 58 34
	1	Oct. 27	9 58 44	94 20 42	324 34 43	40 59 22
	1	Oct. 27	6 1 51	93 56 10	324 39 10	40 58 9
	1	Oct. 27	10 24 38	94 22 34	324 34 7	40 59 43
		Oct. 27	11 7 38	94 26 38	324 33 19	41 0 16
		Oct. 27	11 32 1	$94\ 29\ 35$	324 33 39	41 1 11
		Oct. 27	12 22 25	94 24 18	324 28 31	40 54 38
202	1854	Dec. 16	3 54 47	166 3 33	238 18 18	14 12 3
	(\mathbf{Y})	Dec. 16	1 - 2 - 20	165 52 47	238 19 8	14 10 57
		Dec. 16	0 16 40	165 22	238 24	14 2
		Dec. 15	23 23 54	165 33 26	238 13 0	14 10 9
		Dec. 15	23 27 58	165 33 0	238 12 56	14 10 5
		Dec. 15	17 20 48	165 9 25	238 7 54	14 8 50
203	1855	Febr. 9	7 56 20	$224\ 45\ 23$	189 39 8	51 18 45
	(1)	Febr. 8	15 2 9	225 - 5 - 30	189 39 20	51 18 43
		Febr. 5	17 38 40	226 33 5	189 40 9	51 12 41
		Febr. 5	22 12 57	$226\ 25\ 26$	189 39 55	51 13 25
		Febr. 5	9 33 32	226 33 26	189 42 6	51 19 59
		Febr. 5	1 17 32	226 37 34	189 43 33	51 24 19
204	1855	Mai 30	4 37 51	237 40 53	260 21 58	23 5 40
	(H)	Mai 30	4 20 21	237 40 10	260 19 6	23 6 41
		Mai 30	10 55 49	237 + 0.34	260 9 40	23 8 47
		Mai 30	7 15 43	237 39 21	260 8 35	23 8 39
		Mai 30	4 59 13	237 36 2	260 15 7	23 7 8
		Mai 30	3 41 42	237 42 25	260 18 53	23 6 50
(96)	1855 (III)	Juli 1	4 49 0	157 53 12	334 26 24	13 8 9
205	1855	Nov. 25	15 30 22	85 22 13	52 3 49	10 16 38
	(IV)	Nov. 25	16 0 20	85 21 41	52 2 47	10 16 29
		Nov. 25	10 1 27	86 0 34	51 35 24	10 11 41
		Nov. 25	15 13 25	85 49 51	51 56 46	10 15 17
		Nov. 25	3 5 5	86 18 21	51 25 56	10 10 16

es Ni	Name des Berechner	Richt. der Bew.	Excentricitāt.	Log. der mittl. Bew.	Log. der Periheldist.
201	Hind	D		0,10800	9,90142
	Gould	D		0,104872	9,903504
u. Pape	Winnecke u. P	D		0,104782	9,903564
	Bruhns	D		0,105412	9,903144
	Günther	D		0,10362	9,90434
	idem	D		0,105499	9,903086
	idem	D		0,105650	9,902985
	Lesser	D		0,105602	9,903017
	idem	D	0,9933246	0,106552	9,902384
205	Winnecke	D .		9,755189	0,136626
s	Oudemans	D		9,75631	0,13588
	Valz	D		9,76122	0,13261
1	d'Arrest	D		9,7585328	0,1343966
	idem	D		9,7586117	0,1343440
	Adam	D	0,9864041	9,7609951	0,1327551
acher 205	R. Schumache	R		9,44078	0,34623
s	Oudemans	R		9,44195	0,34545
	Winnecke	R		9,447911	0,341478
	Tiele	R		9,4471814	0,3419642
	idem	R	0,978866	9,4479385	0,3414595
	idem	R	0,965185	9,4484137	0,3411427
20-	Puiseux	R		0,329404	9,753816
	Pape	R		0,329761	9,753578
0	Trettenero	R		0,326290	9,755892
	Donati	R	ļ	0,328822	9,7542042
	idem	R	0,9909006	0,3288072	9,7542137
	Schulze	R		0,330034	9,753396
(96	Encke	D	0,8477869	0,6684877	9,5277600
203	Bruhns	R		9,828125	0,088002
er	G. Rümker	R		9,828022	0,088070
	Winnecke	R		9,824765	0,090242
li	Calandrelli	R		9,8260349	0,0893952
	d'Arrest	R		9,824289	0,090559

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das n. Par. Z eit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst Knotens.	Neigung.
205	1855 (IV)	Nov. 25	10 20 17 "	85°59′11″	51 °33 ′24 ″	10° 11′ 29″
		Nov. 25	9 47 49	86 0 59	51 33 27	10 11 21
		Nov. 25	9 26 56	86 2 13	51 33 42	10 11 9
		Nov. 25	9 18 19 9 35 35	86 2 13	51 34 32	10 11 19
		Nov. 25 Nov. 25	9 34 46	86 1 53	51 33 35 51 33 38	10 11 13 10 11 11
		Nov. 25	9 94 46	86 1 57	01 00 08	10 11 11
206	1857	März 21	7 14 52	74 59 58	313 19 14	88 2 7
ii l	(I)	März 21	7 45 24	75 23 31	313 31 56	88 5 21
1		März 21	8 10 44	75 27 35	313 32 50	88 5 44
!		März 21	8 16 27	75 11 26	313 24 36	88 2 5
		März 21	8 42 24	74 49 11	313 12 58	87 57 7
li l		März 21	19 6 2	74 20 35	312 36 17	87 34 48
1		März 21	9 5 43	74 44 59	313 9 59	87 55 27
		März 21	8 58 19	74 43 35	313 9 5	87 55 53
		März 21	8 52 59	74 43 59	313 9 37	87 56 13
		Marz 21	8 52 30	74 43 34	313 9 20	87 56 13
		März 21	9 0 41	74 44 2	313 9 20	87 56 1
		Marz 21	9 0 49	74 44 2	313 9 19	87 56 1
(171)	1857	März 29	4 39 49	115 52 16	101 59 31	29 42 47
	(11)	März 29	6 29 31	115 42 43	101 40 29	29 51 23
		Mārz 29	6 12 45	115 44 34	101 44 3	29 49 35
į.		März 29	6 - 7 - 23	115 46 18	101 46 8	29 48 26
		Mārz 29	6 - 0.29	115 46 44	101 47 0	29 47 52
		März 29	5 35 59	115 43 32	101 46 29	29 48 59
207	1857	Juli 18	1 48 59	249 20 26	23 18 30	59 33 45
	(III)	Juli 18	0 3 26	249 19 33	23 29 37	59 10 21
		Juli 17	23 17 28	249 42 56	23 46 54	58 52 51
		Juli 17	23 32 41	249 37 40	23 40 59	58 59 32
		Juli 17	23 5 30	249 38 14	23 37 18	59 0 27
1		Juli 17	23 33 20	249 38 56	23 46 16	58 55 8
		Juli 17	23 42 31	249 36 1	23 41 28	58 57 1
208	1857	Aug. 23	23 32 38	22 24 46	201 11 21	33 24 42
	(IV)	Aug. 23	14 27 7	21 16 29	201 29 34	32 33 59
	<u> </u>					

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
0,0902602	9.8247374		R	d'Arrest	205
0,090230	9,824783		R	Adam	
0,090252	9,824750		R	Hoek	
0,090728	9,824036	0,997255	R	idem	
0,0902588	9,8247395		R	Schulze	
0,0902561	9,8247436		R	idem	
9,88694	0,12972		D	Winnecke	206
9,886100	0,130978		Ъ	Trettenero	
9,8859316	0,1312303		D	Plantamour	
9,886610	0,130213		D	Förster	
9,887693	0,128588		D	Pape	
9,890676	0,124114		D	Watson	
9,8878885	0,1282950		D	d'Arrest	
9,887882	0,128305		D	Schulze	
9,8878700	0,1283227	0,9992170	Ð	idem	
9,8879071	0,1282671		D	Löwy	
9,8878941	0,1282866	0,9999812	D	idem	
9,8878947	0,1282857		D	idem	
9,792059	0,272039	0,802297	D	Pape	(171
9,7930605	0,2705370	0,8030053	D	Trettenero	
9,7928930	0,2707882	0,8019295	D	Villarceau	
9,7927652	0,2709846	0,8019017	D	Bruhns	
9,7927035	0,2710725	0,8027502	D	d'Arrest	
9,7927978	0,2709310	0,8023131	D	idem	
9,56451	0,61336		R	Förster	207
9,563737	0,614522		R	Villarceau u. Lépissier	
9,565516	0,611854		R	R. Goltzsch	
9,565259	0,612239		R	Pape	
9,5652774	0,6122116		R	Donati	
9,5651883	0,6123453		R	Villarceau	
9,5652331	0,6122781	0,9989984	R	idem	
9,87276	0,15099		D	Winnecke	208
9,874808	0.147916		D	Bruhns	

Nr.	Jahr.	durcl	rgang 1 das n, Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
208	1857 (IV)	Aug. 23 Aug. 23	12 46 54 11 31 46	21° 3′ 20″ 20 53 36]	201 °32′ 3″ 201 29 2	32°22′58′ 32 10 11
		Ang. 23 Ang. 24 Ang. 23	18 15 22 1 8 40 23 46 27	21 44 46 21 47 6 21 47 18	201 18 44 200 44 3 200 51 32	32 54 34 32 45 3 32 47 12
		Aug. 23 Aug. 23	19 34 44 23 44 3	21 47 18 21 50 22 21 46 11	200 51 52 201 17 7 200 50 38	32 41 12 32 51 53 32 46 26
		Aug. 23 Aug. 23	23 47 9 23 58 22	21 47 10	200 50 50 200 51 2 200 50 10	32 46 59 32 46 32
		Ang. 24	0 4 19	21 46 51	200 49 16	32 46 24
209	1857 (V)	Sept. 30 Sept. 30	19 43 39 20 7 51	250 21 18 250 15 13	14 46 30 15 2 23	56 18 16 56 2 33
		Sept. 30 Sept. 30	19 27 13 19 45 56	250 18 12 250 16 12	14 54 8 15 0 40	56 7 11 56 2 12
		Sept. 30 Sept. 30	21 46 54 19 40 13	250 3 49 250 17 6	14 56 43 14 58 26	56 2 52 56 4 31
210	1857	Sept. 30 Nov. 19	21 16 26 0 18 36	250 7 38	14 57 48 139 4 42	56 3 21 37 48 51
210	(VI)	Nov. 19 Nov. 19 Nov. 19	1 9 9	44 16 3 44 15 25 44 3 10	139 18 40 139 43 19	37 50 1 37 48 32
		Nov. 19 Nov. 19	2 18 39 2 29 10	44 11 47	139 23 24 139 22 36	37 49 55 37 49 2
		Nov. 19 Nov. 19	1 41 43 1 52 0	44 13 34 44 13 16	139 18 40 139 18 42	37 49 44 37 48 55
(189)	1857 (VII)	Nov. 28	1 39 3	322 55 25	148 27 22	13 56 26
(102)	1858	Nov. 28 Febr.19	4 39 19	323 4 52 108 14 28	148 28 46 266 7 6	13 56 1 57 13 32
(102)	(1)	Febr.20 Febr.23	4 48 16	108 14 28 109 17 4 115 40 37	266 36 29 268 56 15	56 33 56 54 25 48
		Febr.23 Febr.23	11 16 49 12 57 36	115 44 16 115 52 24	269 0 40 269 3 26	54 26 49 54 24 17
		Febr.23 Febr.23	9 1 49 11 34 56	115 31 39 115 46 35	268 55 23 269 1 31	54 32 6 54 25 49

9,8750904	Nr.	Name des Berechners.	Richt. der Bew.	Excentricitāt.	Log, der mittl. Bew.	Log. der Periheldist.
9,873767 0,149477 Do. 1dem 9,873131 0,150431 0,9763760 Do. idem 9,873257 0,150242 0,9815556 Do. C. II. F. Peters 9,873257 0,150242 0,9815556 Do. Idem 9,873252 0,150249 0,981556 Do. Idem 9,873229 0,150284 0,9814925 Do. Lind 9,873228 0,150286 0,9808243 Do. idem 9,873228 0,150286 0,9803714 Do. Möller 9,752190 0,331843 R. Fearnley 9,751330 0,333133 R. Pape 9,7502139 0,3348069 0,9959179 R. idem 9,750430 0,334830 0,9969135 R. Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R. C. Struve 0,003976 9,954484 R. Villarceau 0,003976 9,95449 R. Villarceau 0,003918 9,954250 R. Villarceau 0,003929 9,954250 R. Auwers 0,003889 9,954254 O,9969918	208	Villarceau	D		0,1474921	9,8750904
9,873131 0,150431 0,9763760 Diden 9,873257 0,150242 0,9815556 D. C. H. F. Peters 9,873449 0,149954 D. Pape 9,873252 0,150249 0,981556 D. Idem 9,873229 0,150298 0,9808243 D. Idem 9,873228 0,150298 0,9808243 D. Idem 9,873228 0,150286 0,9803714 D. Möller 9,752190 0,331843 R. Fearnley 9,750732 0,334030 R. Fearnley 9,750130 0,333836 R. Villarceau 9,750131 0,333836 R. Villarceau 9,750430 0,3348069 0,9959179 R. Idem 0,003898 9,954281 R. C. Struve R. Pape 0,003976 9,95449 R. Winnecke Pape 0,0039012 9,954250 R. Villarceau 0,0039012 9,9542749 R. Auwers 0,003929 9,954294 0,996918 R. Auwers 0,003889 9,954294 0,996918 <td< td=""><td></td><td>Watson</td><td>Ð</td><td></td><td>0,147818</td><td>9,874873</td></td<>		Watson	Ð		0,147818	9,874873
9,873257 0,150242 0,9815556 D C. H. F. Peters 9,873449 0,149954 D Pape 9,873252 0,150249 0,981556 D Idem 9,873229 0,150284 0,9814925 D Lind 9,873220 0,150298 0,9808243 D idem 9,873228 0,150286 0,9803714 D Möller 9,752190 0,331843 R Bruhns 9,750732 0,334030 R Fearnley 9,7501330 0,3338386 R Villarceau 9,7502139 0,3348069 0,9959179 R idem 9,7502130 0,3348060 0,9959179 R Linsser 9,750430 0,334830 0,9969135 R Linsser 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,954281 R Willarceau 0,0039012 9,954250 R Villarceau 0,003929 9,954234 R Au		ıdеш	D .		0,149477	9,873767
9,873449 0,149954 D Pape 9,873252 0,150249 0,981556 D Idem 9,873229 0,150284 0,9814925 D Lind 9,873220 0,150298 0,9808243 D idem 9,873228 0,150286 0,9803714 D Möller 9,752190 0,331843 R Bruhns 9,750732 0,334030 R Fearnley 9,7501330 0,333836 R Villarceau 9,7502139 0,3348060 0,9959179 R idem 9,750430 0,334860 0,9959179 R idem 9,750430 0,334830 0,9969135 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R C. Struve Pape R Winnecke Pape 0,003898 9,954281 R Winnecke 0,003918 9,954250 R Villarceau 0,003929 9,954254 R Auwers		idem	Ð	0,9763760	0,150431	9,873131
9,873252 0,150249 0,981556 Didem 9,873229 0,150284 0,9814925 Didem 9,873220 0,150298 0,9808243 Didem 9,873228 0,150286 0,9803714 Didem 9,752190 0,331843 Resulus 9,750732 0,334030 Rescanley 9,7502130 0,333133 Rescanley 9,7502130 0,333886 Rescanley 9,750430 0,334860 0,9959179 Rescanley 9,750430 0,334880 0,9959179 Rescanley 9,750430 0,3344830 0,9969135 Rescanley 0,003898 9,954281 Rescanley Rescanley 0,003976 9,9544164 Rescanley Pape 0,003918 9,954250 Rescanley Villarceau 0,003929 9,954234 Rescanley Rescanley 0,003889 9,954294 0,996918 Rescanley 0,003889 9,954294 0,9969918 Rescanley 0,003889		C. H. F. Peters	Ð	0,9815556	0,150242	9,873257
9,873229 0,150284 0,9814925 D Lind 9,873220 0,150298 0,9808243 D idem 9,873228 0,150286 0,9803714 D Möller 9,752190 0,331843 R Fearnley 9,750732 0,334030 R Pape 9,7508594 0,3338386 R Villarceau 9,7502139 0,3348060 0,9959179 R idem 9,751031 0,333581 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R Linsser 0,003898 9,954281 R C Struve Pape 0,00376 9,95449 R Winnecke Villarceau 0,003912 9,954250 R Villarceau 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,996918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747		Pape	Ð		0,149954	9,873449
9,873220 0,150298 0,9808243 D idem 9,873228 0,150286 0,9803714 D Möller 9,752190 0,331843 R Fearnley 9,750732 0,334030 R Fearnley 9,751330 0,333133 R Pape 9,7508139 0,3338866 0,9959179 R idem 9,7502139 0,3348600 0,9959179 R idem 9,750430 0,3344830 0,9969135 R Linsser 9,003976 9,954281 R C. Struve 0,00376 9,95449 R Winnecke 0,003912 9,954250 R Villarceau 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,996918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6508747 D Villarceau 0,02951 9,943395 0,826153 D		ıdem	D	0,981556	0,150249	9,873252
9,873228 0,150286 0,9803714 D Möller 9,752190 0,331843 R Bruhns 9,750732 0,334030 R Fearnley 9,751330 0,333133 R Pape 9,7508594 0,3338386 R Villarceau 9,750130 0,3348060 0,9959179 R idem 9,750430 0,334830 0,9969135 R Linsser 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,95449 R Winnecke 0,003918 9,954250 R Villarceau 0,0039012 9,954254 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,996918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,026256 9,920744 D Pape 0,011127	la de la companya de	Lind	D	0,9814925	0,150284	9,873229
9,752190 0,331843 R Bruhns 9,750732 0,331030 R Fearnley 9,751330 0,333133 R Pape 9,7508594 0,3338386 R Villarceau 9,7502139 0,3348060 0,9959179 R idem 9,751031 0,333581 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R idem 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,954164 R Pape 0,00376 9,95449 R Winnecke 0,003918 9,954250 R Villarceau 0,003929 9,954254 R Schoder 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003918 0,956918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011127 9,943287 0,8234685 D idem		idem	D	0,9808243	0,150298	9,873220
9,750732 0,334030 R Fearnley 9,751330 0,333133 R Pape 9,7508594 0,3338386 R Villarceau 9,7502139 0,3348060 0,9959179 R idem 9,750430 0,33581 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R Linsser 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,9544164 R Pape 0,003918 9,954250 R Villarceau 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,9969918 R idem 0,003889 9,954294 0,9969918 D Lind 0,0		Möller	D	0,9803714	0,150286	9,873228
9,751330 0,333133 R Pape 9,7508594 0,3338386 R Villarceau 9,7502139 0,3348069 0,9959179 R idem 9,751031 0,333581 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R idem 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,954164 R Pape 0,003918 9,954250 R Willarceau 0,003912 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,9969918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 <	209	Bruhns	R		0,331843	9,752190
9,751330 0,333133 R Pape 9,7508594 0,333886 R Villarceau 9,7502139 0,3348660 0,9959179 R idem 9,750131 0,333581 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R Linsser 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,954464 R Pape 0,003918 9,954250 R Villarceau 0,003919 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,9542749 R Auwers 0,003889 9,954294 0,9969918 R Lind 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943287 0,826153 D idem 0,011227		Fearnley	R		0,334030	9,750732
9,7508594 0,3338386 R Villarceau 9,7502139 0,3348069 0,9959179 R idem 9,751031 0,333581 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R idem 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,95449 R Pape 0,003918 9,954250 R Willarceau 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6508747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem			$\mathbf{R} \longrightarrow$		0,333133	9,751330
9,7502139 0,3348060 0,9959179 R idem 9,751031 0,333581 R Linsser 9,750430 0,3344830 0,9969135 R idem 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,954164 R Pape 0,003918 9,954250 R Willarceau 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,9969918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem	1	•	R		0,3338386	9,7508594
9,750430 0,3344830 0,9969135 R idem 0,003898 9,954281 R C. Struve 0,003976 9,954464 R Pape 0,003918 9,954250 R Willarceau 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,9969918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem			R ,	0,9959179	0,3348069	9,7502139
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		Linsser	R		0,333581	9,751031
0,003976 9,954164 R Pape 0,00376 9,95449 R Winnecke 0,003918 9,954250 R Villarceau 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem			B	0,9969135	0,3344830	9,750430
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	210	C. Straye	R		9,954281	0,003898
0,00376 9,95449 R Winnecke 0,003918 9,954250 R Villarceau 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem			R		9,954164	0,003976
0,003918 9,954250 R Villarceau 0,0039012 9,9542759 R Schoder 0,003929 9,954234 R Auwers 0,003889 9,954294 0,9969918 R idem 0,0680651 9,8580301 0,6600779 D Lind 0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem		1	R		9,95449	0,00376
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			R		9,954250	0,003918
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			R		9,9542759	0,0039012
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					9,954234	0,003929
0,0681824 9,8578541 0,6598747 D Villarceau 0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem			R	0,9969918	9,954294	0,003889
0,02951 9,91586 D C. W. Tuttle 0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem	(189	Lind	D	0,6600779	9,8580301	0,0680651
0,026256 9,920744 D Pape 0,011155 9,943395 0,826153 D idem 0,011227 9,943287 0,8234685 D idem	(103	Villarceau	D	0,6598747	9,8578541	0,0681824
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	(102	C. W. Tuttle	D		9,91586	0,02951
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1	Pape	D		9,920744	0,026256
0,011227 9,943287 0,8234685 D idem		•	Ð	0,826153	9,943395	0,011155
0,010925 9,943740 0,8202385 D Safford			D	0,8234685	9,943287	0,011227
		Safford	D	0,8202385	9,943740	0,010925
0,0116950 9,9425852 0,8277140 D CArrest			Ð	0,8277140	9,9425852	0,0116950
0,011107 9,943467 0,823086 D Watson			D		9,943467	0,011107

Nr.	Jahr.	durc	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
(102)	1858 (1)	Febr.23 Febr.23 Febr.23 Febr.23	11 19 11" 8 8 28 12 55 48 12 43 41	115° 47′ 53″ 115° 29° 4 115° 52° 39 115° 51° 35	269° 3′ 18″ 268 54 52 269 3 43 269 3 13	54 [°] 24 [′] 25 [′] 54 32 22 54 23 39 54 24 10
(131)	1858 (II)	April 22 April 27 Mai 2 Mai 2 Mai 2 Mai 2 Mai 2	17 8 17 14 5 17 11 55 49 1 1 4 1 31 53 1 4 27 0 57 52	261 17 23 273 57,6 275 59 36 275 38 52 275 39 54 275 40 43 275 40 31	124 23 39 119 19,1 113 0 36 113 32 48 113 30 59 113 34 21 113 34 5	11 48 48 12 1,6 10 42 43 10 48 4 10 47 55 10 48 7 10 48 12
211	1858 (III)	Mai 2 Mai 2	1 10 16 7 51 58	195 42 54 195 58 44	171 3 30 170 42 56	23 11 5 22 59 49
212	1858 (IV)	Juni 5 Juni 5 Juni 5 Juni 5 Juni 5 Juni 5 Juni 5 Juni 5	4 25 53 5 8 2 7 21 55 7 17 35 7 15 32 7 17 25 7 15 0	226 6 47 226 6 30 226 6 47 226 6 2 226 6 3 226 5 54 226 6 5	324 21 56 324 30 2 324 59 59 324 58 26 324 58 14 324 58 21 324 58 8	80 28 48 80 23 19 80 2 49 80 3 53 80 2 45 80 2 54 80 2 42
(163)	1858 (V)	Sept.12 Sept.13 Sept.12 Sept.12	14 40 18 0 57 36 21 35 58 20 54 53	49 49 5 49 54 56 49 51 54 49 50 8	209 45 23 209 40 23 209 40 2 209 39 49	11 21 37 11 22 29 11 22 11 11 22 10
213	1858 (VI)	Sept.29 Sept. 30 Sept. 29 Sept. 29 Sept. 30 Sept. 29 Sept. 30 Sept. 29 Sept. 29	5 7 23 13 16 36 23 2 5 22 55 2 0 21 26 22 57 52 21 11 38 23 8 24 23 20 50	36 24 43 36 34 56 36 13 3 36 15 35 36 20 12 36 13 6 36 43 28 36 13 10 36 12 21	165 24 21 165 13 14 165 19 24 165 16 0 165 15 50 165 19 12 165 11 44 165 19 15 165 18 46	63 3 48 62 58 10 63 1 42 63 1 51 63 3 6 63 1 28 62 54 23 63 1 39 63 2 14

0,011754 9 0,0108974 9 0,0109378 9 9,94726 0 9,89916 0 9,884489 0 9,8858844 0 9,8858281 0 9,8859043 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,73730078 0 9,7358075 0 9,7358075 0 9,7358074 0	,9435956 ,942497 ,9437816 ,9437210 ,03924 ,11139 ,133394 ,1313011 ,1313856 ,1312713 ,1312906 ,836484 ,836114	0,8209609 0,829615 0,8205170 0,8209040 0,738276 0,7546707 0,7541036 0,7547979 0,7550212	D D D D D D D D D D D D D D D D D D D	Hall Bruhns idem idem Krüger Trettenero Winnecke idem Hånsel Seeling idem	(102)
0,0108974 9 0,0109378 9 9,94726 0 9,89916 0 9,884489 0 9,8858844 0 9,8858281 0 9,88589043 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358975 0 9,735799 0 9,7358074 0	,9437816 ,9437210 ,03924 ,11139 ,133394 ,1313011 ,1313856 ,1312713 ,1312906 ,836484	0,8205170 0,8209040 0,738276 0,7546707 0,7541036 0,7547979	D D D D D D D D D D	idem idem Krüger Trettenero Winnecke idem Hänsel Seeling	(131)
0,0109378 9 9,94726 0 9,89916 0 9,884489 0 9,8858844 0 9,885821 0 9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,9437210 ,03924 ,11139 ,133394 ,1313011 ,1313856 ,1312713 ,1312906 ,836484	0,8209040 0,738276 0,7546707 0,7541036 0,7547979	D D D D D D	idem Krüger Trettenero Winnecke idem Hänsel Seeling	(131)
9,94726 0 9,8916 0 9,884489 0 9,8858844 0 9,8858281 0 9,8859043 0 9,8859043 0 9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,03924 ,11139 ,133394 ,1313011 ,1313856 ,1312713 ,1312906	0,738276 0,7546707 0,7541036 0,7547979	D D D D D	Krüger Trettenero Winnecke idem Hänsel Seeling	(131)
9,89916 0 9,884489 0 9,8858844 0 9,8858281 0 9,8859043 0 9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,11139 ,133394 ,1313011 ,1313856 ,1312713 ,1312906 ,836484	0,7546707 0,7541036 0,7547979	D D D D	Trettenero Winnecke idem Hänsel Seeling	(131)
9,884489 0 9,8858844 0 9,8858281 0 9,8859043 0 9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358979 0 9,7358074 0	,133394 ,1313011 ,1313856 ,1312713 ,1312906	0,7546707 0,7541036 0,7547979	D D D	Winnecke idem Ilänsel Seeling	
9,884489 0 9,8858844 0 9,8858281 0 9,8859043 0 9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358979 0 9,7358074 0	,1313011 ,1313856 ,1312713 ,1312906 ,836484	0,7546707 0,7541036 0,7547979	D D D	idem Hånsel Seeling	
9,8858281 0 9,8859043 0 9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,1313856 ,1312713 ,1312906 ,836484	0,7541036 0,7547979	D D	Hänsel Seeling	
9,8858281 0 9,8859043 0 9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,1313856 ,1312713 ,1312906 ,836484	0,7541036 0,7547979	D	Seeling	
9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,1312906 ,836484				
9,8858914 0 0,082429 9 0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,1312906 ,836484			idem	
0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0					
0,082676 9 9,737356 0 9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0			b	Hall	211
9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0			D	Watson	
9,7370078 0 9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	071001			p. 1	212
9,7358075 0 9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,354094		R	Bruhns	212
9,7358288 0 9,735799 0 9,7358074 0	,3546160		R	Karlinski	
9,735799 0 9,7358074 0	,3564165		R	d'Arrest	
9,7358074 0	,3563845		R	Löwy	
	,356429		R	Auwers	
9,7358072 0	,3564166		R	idem	
	,3564169		R	idem	
0,2304369 9	,6144724	0,5550195	D	Bruhns	(163)
0,2291205 9	,6164470	0,5557441	D	idem	
0,2291239 9	,6164419	0,5577360	D	Möller	
0,2289652 9	,6166799	0,5556462	D	idem	
9,7603484 0	,3196051		R	Donati	213
9,767958 0	,308191		R	Brulms	
9,762265 0	,316730	0,9964743	R	idem	
9,762338 0	,316621		R	Winnecke	
9,763374 0	,315067		R	Watson	
9,762303 0	,316673	0,996787	R	idem	
9,770666 0	,304129		R	Stampler	
9,7622977 0	,3166812	0,9965142	R	idem	
9,7622362 0	,3167734	0,9967168	R	Searle	

Nr.	Jahr.	dure	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens,	Neigung.
213	1858 (VI)	Sept. 29 Sept. 29	23 18 22" 23 19 15	36 12 50" 36 12 51	165 °19 ′ 4 ″ 165 19 47	63 1 49 63 1 24
		Sept. 20	0 46 50	36 16 54	165 15 10	63 3 18
		Sept. 29	23 11 1	36 13 19	165 18 57	63 1 47
		Sept. 29	23 14 55	36 12 53	165 19 18	63 2 4
		Sept. 29	$23\ 12\ 27$	36 13 1	165 19 22	63 1 50
214	1858 (VII)	Oct. 12	15 38 15	4 20 44	159 41 30	21 15 42
	(111)	0ct. 12	19 37 14	4 13 15	159 45 31	$21\ 16\ 54$
		Oct. 12	$15 \ 46 \ 52$	4 20 17	159 41 28	$21 \ 15 \ 50$
		Oct. 12	19 36 6	4 13 18	159 45 3	21 16 37
(96)	1858 (VIII)	Oct. 18	8 50 58	157 57 30	334 28 34	13 4 15
215	1859	Mai 29	5 21 50	75 42 7	357 41 46	85 7 13
		Mai 29	5 39 40	75 24 19	357 23 0	84 35 58
		Mai 29	5 54 48	75 9 46	357 7 57	84 9 3
		Mai 29	4 58 3	75 49 10	357 45 2	85 5 56
		Mai 29	$5\ 27\ 19$	75 17 54	357 18 37	84 27 29
		Mai 29	5 38 1	75 20 6	357 20 2	84 30 34
		Mai 29	5 43 57	75 20 0	357 19 21	84 30 2
		Mai 29	5 34 59	75 20 31	357 20 44	84 31 44
216	1860	Febr. 16	17 39 49	173 26 12	324 1 54	79 22 36
	(I)	Febr. 16	16 18 50	173 45 21	324 3 25	79 35 54
217	1860 (II)	Mārz 6	3 21 48	50 44 9	8 56 58	48 13 24
	(11)	März 5	$5 \ 32 \ 16$	49 41 40	8 51 36	48 12 38
		März 5	$12 \ 33 \ 35$	50 2 7	8 55 52	48 13 10
		Marz 5	15 20 1	50 9 52	8 54 50	48 12 52
		März 5	17 21 45	50 16 5	8 56 8	48 13 4
		März 5	13 43 42	50 5 10	8 52 32	48 13 6
218	1860	Juni 15	$23\ 16\ 21$	161 19 39	84 50 13	79 19 7
	(111)	Juni 16	$0\ 12\ 39$	$161\ 26\ 24$	84 47 17	79 19 6
		Juni 16	$1\ \ 25\ \ 51$	161 31 25	84 40 44	79 18 36
		Juni 15	$23\ 20\ 16$	161 37 24	84 56 44	79 3 23
		Juni 16	0 30 18	161 21 10	84 42 50	79 17 38

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricitāt.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,7622483	0,3167553	0,9968345	R	Brünnow	213
9,762308	0,316666	0,9961673	R	Newcomb	
9,7629290	0,3157342		R	Löwy	
9,7623012	0,3166759	0,9968555	R	idem	
9,7622751	0,3167151	0,9964033	R	idem	
9,7622856	0,3166993	0,9964201	R	idem	
0,154593	9,728238		R	Pape	214
0,154408	9,728516		R	Auwers	
0,154563	9,728283	1	R	Thiele	
0,1544245	9,7284910		R	Weiss	
9,5324034	0,6615226	0,8463915	Đ	Encke	(96)
9,30403	1,00408	1	R	Safford	215
9,303694	1,004587		R	Watson	
9,303308	1,005166		R	Hall	
9,305498	1,001881		R	Löwy	
9,303006	1,005619		R	Tiele	
9,303307	1,005168		R	Stampfer	
9,303478	1,004911		R	Auwers	
9,303265	1,005230	1	R	Hertzsprung	į
0,07652	9,84535		D	Pape	216
0,0782182	9,8428004		Ð	Liais	
0,118132	9,782930		В	Romberg	217
0,114940	9,787718		D	Schiaparelli	
0,115840	9,786368		Q	Murmann	
0,116350	9,785603		D	Safford jun.	
0,1167062	9,7850684		D	Seeling	
0,116164	9,785882		D	Gyldėn	
9,46468	0,76311		D	Auwers	218
9,465480	0,761908		D	Powalky	
9,4665887	0,7602447		D	Löwy	
9,4659631	0,7611831	1	D	Seeling	
9,4655701	0,7617726	0,997240	Ð	Liais	

Nr.	Jahr.	dure	hgang ch das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels,	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
218	1860 (III)	Juni 16 Juui 16 Juni 16 Juni 16 Juni 16	1 46 16 1 42 2 1 35 45 1 54 7 1 35 2	161°34′56″ 161°33°10 161°37°34 161°34°17 161°31°59	84°41′20″ 84°39′45 84°40′29 84°40′29 84°40′4	79° 18′ 11′′ 79° 20° 10 79° 18° 33 79° 19° 18 79° 18° 34
219	1860 (IV)	Sept. 16 Sept. 28	4 4 11 6 58 26	133 40 111 59	96 2 104 14	45 25 28 14
220	1861	Juni 3 Juni 3 Juni 3 Juni 3 Juni 3 Juni 3 Juni 3 Juni 3 Juni 3	0 40 34 2 6 17 2 2 26 1 35 35 1 55 56 4 44 52 1 52 32 9 30 47	242 59 47 242 50 9 242 51 33 242 47 6 242 52 34 243 3 15 242 52 20 243 22 4	29 57 28 29 47 27 29 47 43 29 47 24 29 49 2 29 51 10 29 48 57 29 55 43	79 36 13 80 2 37 80 2 18 80 3 30 79 59 45 79 55 4 79 59 53 79 45 27
221	1861 (II)	Juni 11 Juni 11	11 37 41 12 0 43 16 9 29 15 43 10 17 38 48 18 7 12 15 50 28 17 24 5 18 58 19 16 58 56 18 9 28 8 52 53 15 8 15 13 22 11 13 22 31 12 11 56 17 20 7 12 8 30 17 11 41	248 50 2 248 51 50 249 13 55 249 11 15 249 23 52 249 11 28 249 19 49 249 26 0 249 17 32 249 22 42 248 53 44 249 13 13 249 7 15 249 7 21 249 3 42 249 19 28 249 19 28 249 1 9 28	278 59 28 278 59 23 278 59 24 278 59 24 278 59 14 278 58 32 278 58 41 278 59 32 278 58 33 279 1 41 278 59 17 278 58 11 278 57 30 278 58 1 278 58 40 278 58 1 278 58 1	85 39 37 85 41 27 85 38 35 85 37 39 85 37 46 85 36 52 85 37 17 85 37 57 85 37 8 85 37 46 85 19 4 85 33 12 85 29 18 85 29 18 85 28 52 85 37 7 85 37 7 85 37 7 85 37 7

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,46687 9,466870 9,467466 9,4668397 9,4667171	0,75982 0,759823 0,758929 0,7598682 0,7600521	1,0006560	D D D D	C. W. Tuttle H. Tuttle Searle Hall Moesta	218
9,9265	0,0704		R R	Valz idem	219
9,9794 9,964738 9,964789 9,96505 9,964780 9,964536 9,9647953 9,9641155	9,9910 0,013021 0,01281 0,012945 0,012955 0,012958 0,013324 0,0129348 0,0139545	0,993882 0,9834572	D D D D D D D D D D	rörster u. Tieljen Safford Hall Pape idem idem Oppolzer idem	220
9,913710	0,089563		Đ	Hopff	221
9,91352	0,08985		D	Hall	
9,9147259	0,0880389		D	Hind	
9,914600	0,088228		D	Murmann	
9,915125	0,087440		D	Pape	
9,9152512	0,0872509		D	Lõwy	
9,914624	0,088192		D	Hubbard	
9,915066	0,087529		D	Brunnow	
9,91555	0,08680		D	C. W. Tuttle	
9,914939	0,087719		D	H. P. Tuttle	
9,914952 9,915064	0,087700	0.0740004	D	Hawkins	
9,9167813	0,087532 0,0849558	0,9743284	D D	Michez	
9,915033	0,0849558	0,9944134	D D	Fergola Auwers	
9,9150472	0,0875569	0,9884530	р	idem	
9,9150695	0,0875235	0,9848468	D D	Sluzki	
9,915048	0,087556	0,0010100	D D	Safford	
9,915059	0,087539	0,984724	D a	idem	
9,9149790	0,0876592	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	D	Seeling	

Nr.	Jahr.	Durch durch Perihel in m	das	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
221	1861	Juni 11 Juui 11	h '" 15 22 53" 12 16 44	249 [°] 14 [′] 3 [″] 249 4 4	278 58 49" 278 57 59	85 [°] 32 [′] 49 [′] 85 26 25
222	1861	Dec. 7 Dec. 7	5 0 56 3 31 39 4 34 54	173 27 43 173 36 31 173 30 27	145 7 59 145 4 22	41 51 54 42 0 5
		Dec. 7 Dec. 7	4 26 39 4 58 22	173 30 36 173 29 41	145 8 0 145 6 58 145 8 47	41 56 56 41 57 23 41 58 24
(96)	1862 (L)	Pec. 7 Febr. 6	4 16 45 3 50 22	173 31 22 158 0 50	145 6 29 334 30 50	41 58 32 13 5 0
223	1862 (II)	Juni 23 Juni 22 Juni 22	19 27 58 0 59 45 13 11 16	298 36 27 299 21 12 298 35 12	327 17 42 327 9 49 324 30 24	7 49 28 7 49 54 8 14 12
		Juni 22 Juni 21 Juni 22	17 3 41 13 35 27 0 53 20	298 22 12 300 1 6 299 20 27	325 15 36 325 20 42 326 32 54	8 7 30 8 3 48 7 54 26
224	1862 (HI)	Aug. 24 Aug. 24 Aug. 21	8 28 45 12 32 26 17 30 54	343 56 31 343 40 36 345 8 0	136 57 56 136 51 10 137 19 28	65 53 32 65 50 24 66 30 15
		Aug. 23 Aug. 23	16 12 42 16 23 51	344 18 18 344 16 14	137 5 39 137 4 33	66 3 10 66 3 4
		Aug. 22 Aug. 22 Ang. 22	5 48 3 17 59 21 20 15 41	344 50 11 344 50 41 344 39 31	137 20 51 137 13 40 137 12 27	66 23 43 66 15 22 66 15 11
		Aug. 23 Aug. 23 Aug. 23	13 6 57 1 41 42 5 46 19	344 24 35 344 33 29 344 30 59	137 3 16 137 12 15 137 11 0	66 3 41 66 12 50 66 9 40
		Aug. 23 Aug. 22 Aug. 22	3 22 19 21 57 22 22 27 42	344 23 48 344 41 45 344 40 16	137 13 36 137 27 41 137 25 35	66 9 36 66 26 15 -66 24 28
		Aug. 23 Aug. 22 Aug. 22	2 4 43 22 7 33 22 2 52	344 28 53 344 41 16 344 41 26	137 14 15 137 26 50 137 26 53	66 14 10 66 25 23 66 25 33
225	1862 (IV)	Dec. 28 Dec. 27	19 24 13 20 37 7	125 35 44 125 15 49	356 15 8 355 34 33	43 37 48 41 58 15
		Dec. 28	3 38 44	125 9 43	355 44 58	42 22 52

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricität.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,9150743	0,0875163	0,993906	Б	Seeling	221
9,9150604	0,0875371	0,9853261	Ð	ide ın	
9,923922	0,074245		R	II. P. Tuttle	222
9,923364	0,075082		R	Tietjen	
9,923870	0,074323		R	Hall	
9,923813	0,074408		R	Pape	
9,92400	0,07413		R	Safford	
9,923766	0,074479		R	idem	
9,5313486	0,6631048	0,8467094	Ð	Encke	(96)
9,990620	9,974198		R	II. P. Tuttle	223
9,99182	9,97240		R	Hall	
9,99242	9,97150		R	Weiss	
9,99271	9,97106		R	Hind	
9,99112	9,97345		R	Seeling	
9,991818	9,972401		R	idem	
9,9855624	9,9817841		R	Secchi	224
9,9852294	9,982283€		R	Calandrelli	
9,982120	9,986948		R	H. P. Tuttle	
9,984836	9,982874		R	Bruhns	
9,9847732	9,9829679		R	Hornstein	
9,9830330	9,9855782		R	Hough	
9,9840743	9,9840163		R	Hind	
9,983676	9,984613		R	Engelmann	
9,984932	9,982730		R	Schjellerup	
9,983886	9,984299		R	Schiaparelli	
9,98424	9,98377		R	Hall	
9,98358	9,98476		R	Tebbutt	
9,983448	9,984956	0,9589376	R	Stampfer	1
9,983489	9,984894	0,9646000	R	Safford	
9,983543	9,984813	1	R	Oppolzer	
9,983466	9,984929	0,961160	R	idem	
9,9834648	9,9849305	0,9612708	R	idem	
9,909992	0,095140		R	Förster	225
9,9036981	0,1045806		R	Respighi	
9,904475	0,103415		R	Engelmann	

Nr.	Jahr.	durc	hgang h das m. Par. Zeit.	Länge des Perihels.	Länge des aufst.Knotens.	Neigung.
226	1863 (I)	Febr. 3 Febr. 3 Febr. 3	11 51 56 11 51 22 11 57 56 11 54 12	191 22 12" 191 22 14 191 23 12 191 22 36	116° 55′ 20″ 116° 55′ 48 116° 55′ 28 116° 55′ 31	85 °21' 34' 85 21 3 85 21 43 85 22 1
227	1863 (II)	Febr. 3 Febr. 3 April 5 April 4	11 55 14 11 56 37 1 16 58 0 23 45 22 4 19	191 22 41 191 22 45 247 7 42 247 9 13 247 16 18	116 55 33 116 55 33 251 19 32 251 18 20 251 16 42	85 21 56 85 21 56 67 13 38 67 13 47 67 19 56
228	1863 (III)	April 4 April 4 April 20 April 20	22 0 53 22 4 17 22 17 8 21 6 27	247 15 36 247 15 16 304 31 56 305 23 8	251 16 22 251 15 59 249 9 0 249 50 59	67 22 10 67 22 5 85 9 12 85 25 33
		April 20 April 20 April 20 April 20	20 48 28 20 24 5 20 49 3 20 48 43	305 31 6 305 53 19 305 47 6 305 47 24	249 59 22 250 17 20 250 10 35 250 10 39	85 28 44 85 30 19 85 29 45 85 29 29
229	1863 (IV)	Nov. 9 Nov. 9 Nov. 9 Nov. 9	9 5 20 11 10 6 12 8 14 12 1 36	95 7 29 94 44 48 94 46 11 94 47 22	98 4 49 97 34 40 97 31 15 97 33 6	78 42 6 78 11 17 78 6 46 78 9 42
		Nov. 9 Nov. 9 Nov. 9 Nov. 9	11 44 37 12 6 7 11 40 17 11 50 6	94 43 17 95 14 51 94 41 50 94 43 16	97 29 56 98 0 9 97 28 53 97 29 26	78 5 21 78 33 33 78 3 52 78 5 2
230	1863 (V)	Dec. 27 Dec. 27 Dec. 27 Dec. 27	17 59 24 19 22 22 18 28 51 1 0 49	60 24 55 60 24 7 60 23 58 59 40 8	304 23 55 304 43 24 304 43 15 304 52 16	64 26 28 64 32 36 64 29 12 63 56 29
231	1863 (VI)	Dec. 26 Dec. 27 Dec. 28 Dec. 29	14 6 35 18 29 4 17 20 42 1 22 16	59 13 26 60 24 28 182 18 25 182 54 19 183 7 2	304 57 43 304 43 26 104 56 14 104 59 49 105 1 24	63 35 7 64 28 46 82 59 53 83 15 12 83 19 57
		Dec. 29 Dec. 29	4 16 5 5 12 2	183 7 2 183 8 10	105 1 54	83 18 58

Log. der Periheldist.	Log. der mittl. Bew.	Excentricităt.	Richt. der Bew.	Name des Berechners.	Nr.
9,9002614	0,1097356		D	Romberg	226
9,9003095	0,1096635		Ð	Tietjen .	
9,9002165	0,1098030		D	idem	
9,900232	0,109780		D	Engelmann	
9,9002368	0,1097725		D	idem	ļ
9,9002349	0,1097754	0.9999470	D	idem	
0,028804	9,916922	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	R	Romberg	227
0,028713	9,917059		R	Tietjen	1
0,028610	9,917213		R	Engelmann	
0,028648	9,917156		R	v. Raschkoff	
0,028652	9,917150		R	Oppolzer	
9,79773	0,26353		D	Respighi	228
9,798164	0,262882		О	Anwers	
9,798266	0,262729		D	Karlinski	
9,798654	0,262147		D	Romberg	
9,798517	0,262352		D	Gylden	
9,798528	0,262336		D	Frischauf	
9.84902	0,18660		D	Donati	229
9,84899	0,18664		D	Michez	
9,849148	0,186406		D	Romberg	
9,849215	0,186305		D	Engelmann	
9,849171	0,186371		D	Stampfer	
9,849540	0,185818		D	G. Rümker	
9,849156	0,186394		D	Oppolzer	
9,849173	0,186368		D	idem	
9,887264	0,129232		D	Stampfer	230
9,887481	0,128906		Ð	F. Peters	
9,887333	0,129128		D	Engelmanu	
9,8854860	0,1318987	0,9662827	D	Michez	
9,884307	0,133667	0,945905	D	Weiss	
9,887344	0,129112		Ð	idem	
0,121816	9,777404		D	d'Arrest	231
0,119197	9,781333		Ď	Stampfer	
0,118320	9,782648		D	Oppolzer	
0,118282	9,782705		D	Engelmaun	

Anmerkungen

zu der

Fortsetzung und Ergänzung des Verzeichnisses der bisher berechneten Cometenbahnen.

(1 c. V. Chr.

12. Hind hält eine Identität dieses vor dem Tode des Agrippa erschienenen Cometen mit dem Halley'schen Cometen für sehr wahrscheinlich, und es ist zu besserer Darstellung der Beobachtungen
nur eine Verkleinerung der Neigung auf 10° erforderlich. Die Bahn
von Peirce findet derselbe mit den Beobachtungen nicht in Uebereinstimmung. Hind, Die Cometen, übers. von Mädler, p. 157. M. N. X. 58.
Derselbe glaubt, dass fast alle Erscheinungen des Halley'schen Cometen bis zu dem Jahre 12 v. Chr. zurück sich mit grösserer oder
geringerer Bestimmtheit nachweisen lassen, Vgl. Comet von 1378.

Die Zählung der Jahre vor Christus ist bei diesem Cometen und bei den Cometen von 137 und 69 v. Chr. (Nr. 1a und 1b in der Ausgabe von 1847) die gewöhnliche, bei dem von Pingré berechneten Cometen Nr. 1 371 v. Chr. dagegen die astronomische, welche von Pingré durchgängig angewandt ist, sodass zur Herstellung der Gleichformigkeit die letztere Jahreszahl in 372 umzuwandeln sein würde.

(1 cc. N. Chr.

- (10) 66. Aus den chinesischen Beobachtungen in der Conn. des temps für 1846.

 Die Längen bezogen auf das Aequ. 66. A. N. XXVII. 157. Nach
 etwas späteren Untersuchungen hält Hind diesen Cometen für vielleicht identisch mit dem von Halley, da durch die eine wie die
 andere Bahn den wenigen Beobachtungen genügt werden kann. Vgl.
 Comet von 1378.
- (19) 141. Hind findet, dass die Beobachtungen der Cometen von 141 und 1066 durch eine und dieselbe Bahn sich darstellen lassen und dass diese Cometen mit dem von Halley wahrscheinlich identisch seien. (M. N. X. 57.) Aenu. 141. Vgl. Comet von 1378.

- (19)218.)
- (19)295. Vgl. Comet von 1378.
- 373. (19)
- 451. Nach Laugier ist dieses eine Erscheinung des Halley'schen Cometen. (19)wenn der Perihel-Durchgang auf Juli 3.5 gesetzt wird. C. R. XXIII. 183. Vgl. Hind M. N. X. 56.
- (19)530 Die Meinung, dass dieser Comet (bei dem das Jahr der Erscheinung oder zweifelhaft ist) mit dem von 1680 identisch sei, ist nach Hind un-531. richtig, wahrscheinlicher dagegen eine Identifät mit dem Cometen von Halley, M. N. X. 56, XII, 146, Vgl. Comet 1378.
- 608.) vgl. Comet 1378. (19)
- (19)684 (
- (19)760. Laugier bringt den Lauf dieses Cometen mit dem des Halley'schen in Uebereinstimmung unter Annahme von Juni 11 für den Perihel-Durchgang, C. R. XXIII, 183, M. N. X. 56,
- (19)837.) vgl. Comet 1378,
- 912. (19)
 - 961. Etwas abweichende Oerter von denen Hind's findet aus den chine-8. sischen Beobachtungen Oudemans A. N. XXXVIII, 389. Auch zeigen sich die Vermuthungen über Identität mit dem Cometen 1854 (III) als ungegründet.
 - Hoek findet, dass eine Identität dieses Cometen mit denen von 1264 und 1556 nicht zulässig sei, deren Elemente die zwei rohen Angaben der A. R. von 975 nicht darstellen. A. N. XLV. 52. Hoek, De Kometen van de Jaren 1556, 1264 en 975, en hare vermeende identiteit (Haag 1857). Vgl. Valz C. R. XLIV. 274 und A. N. XLV. 186.
- 9. 989. Vgl. Comet 1378. i(19)
- 10. 1066. Diese von Pingré's Schätzungen gänzlich abweichenden Elemente Hind's i(19)sind theils durch die Beobachtungen von 1066, theils aus den chinesischen Beschreibungen des Cometen von 141 gefunden, welche ebenfalls durch dieselben dargestellt werden. Die Ungenauigkeit der Beobachtungen scheint eine noch grössere Annäherung an die Bahn des Halley'schen Cometen zu gestaften, dessen Sonnennahe nach Hind in diese Zeit fallen musste. M. N. X. 54.
- 10a. 1092. Aus den chinesischen Beobachtungen in der Conn. des temps für 1846. Aegu, 1092. A. N. XXVII. 157. C. R. XXVI. 341.
 - 1106 Hind zeigt, dass dieser Comet nicht mit dem grossen Cometen von 1680 identisch sein kann. Derselbe scheint um den 4. Februar, wo er, ähnlich wie der Comel 1843 (1), am Tage in der Nähe der Sonne gesehen sein soll, durch sein Perihel gegangen zu sein. M. N. XII. 144.
- (19) 1145. Vgl. Comet 1378.
- (19)1223.
- 12. 1231. Hind findet die Bahn dieses Cometen ähnlich der des Cometen von 1746 nach den Beobachtungen von Kindermann, die jedoch nach der Bemerkung von Olbers zu dem Cometen 1748 (II) als unzuverlässig zu betrachten sind. A. N. XXV, 95.
- 13. 1264. Die genauen und ausführlichen Untersuchungen von Hock über diesen Cometen (in seiner Inaugural-Dissertation: De Kometen van

de Jaren 1556, 1264 en 975, p. 55 fg., und etwas früher in den A. N. XI.V. 49, 337) machen die bisher vielfach angenommene Identität mit den Cometen von 1556 und 975 unwahrscheinlich. Als die sicherste der drei angeführten Bahnen ist die dritte anzusehen. welche sowohl die europäischen als die chinesischen Beobachtungen befriedigend darstellt und nur die Ausschliessung der einen chinesischen Reobachtung vom 30. Juli erfordert. Nahe dasselbe gilt von der zweiten Bahn, bei der weniger wahrscheinliche, aber noch zulässige Annahmen über einige Beobachtungs-Data gemacht sind. Wird die chinesische Beobachtung vom 30. Juli als richtig betrachtet, so folgt die erste Bahn, die jedoch dem ganzen späteren Laufe des Cometen widerspricht und daher nicht annehmbar ist. Desgleichen stimmt die Bahn von Pingré und die Bahn des Cometen von 1556 nicht mit den Beobachtungen überein. - Die Zahlenwerthe der Elemente sind nach der Dissertation angesetzt, die von den Angaben in den Astr. Nachr. einige kleine Abweichungen enthält. -Ausführliche Untersuchungen über diesen Cometen sind auch von Valz angestellt (C. R. XLIV. 270. A. N. XLV. 181), jedoch die Bahnberechnung weniger bestimmt abschliessend. Eine specielle Kritik derselben findet man gleichfalls in der Schrift von Hoek.

derselben findet man gleichfalls in der Schrift von Hoek.

Zu den drei gänzlich von einander differirenden Bahnbestimmungen dieses Cometen hat Hind noch die vierte Meinung hinzugefügt, dass derselbe eine Erscheinung des Cometen von Halley sei, mit dem Perihel-Durchgange Oct. 22 16 h. Derselbe findet, dass alle chinesischen Beobachtungen durch diese Annahme gut dargestellt werden, und hält die europäischen Angaben für unzuverlässig.

M. N. X. 52.

(19) 1378. Bereits oben ist erwähnt, dass Hind die Untersuchungen Laugier's über den Halley'schen Cometen noch weiter ausgedehnt hat, und glaubt, dass dieselben bis zum Jahre 12 v. Chr. zurück mit Wahrscheinlichkeit nachgewiesen werden können. Als nächstvorhergehende Erscheinung würde der Comet von

1301 mit dem Perihel-Durchgange T=0ct. 22 anzunehmen sein (s. d.). Bei

1223 stellt T = Juli die wenigen Beobachtungsangaben dar.

1145. Mit $T=\mathrm{Apr}$. 19 werden durch die Bahn des Halley'schen Cometen die europäischen und chinesischen Angaben vollkommen dargestellt.

1066 s. o.

989. Für $T={
m Sept.}$ 12 führten Burckhardt's Rechnungen auf einige Aehnlichkeit der Bahn.

912. Mit T= Anf. April lassen sich die chinesischen Angaben in Uebereinstimmung bringen.

837. Die Sichtbarkeit bei dieser Erscheinung ist ungewiss, wenn es nicht der zweite chinesische Comet dieses Jahres war.

760 war nach Laugier eine Erscheinung des Halley'schen Cometen, wobei T = Juni 11.

684. Für T= Oct. ist die Identität dieses in China beobachteten Cometen möglich, aber ungewiss.

608. T = Ende Oct. oder Anf. Nov. stellt die chinesischen Beobachtungen dar. Für

530 oder 531 werden durch T = Anf. Nov. die Beobachtungen erklärt (s. o.).

451 s. o.

373. T = Anf. Nov., jedoch ungewiss.

295. Allem Anscheine nach der Halley'sche Comet mit T=Anf. April. 218. Mit T = Apr. 6 werden alle vorhandenen Nachrichten treu dargestellt.

141. Vgl. 1066.

66. Die Angaben über diesen Cometen werden mit $T=\mathrm{Jan.}\ 26$ vollkommen dargestellt und vielleicht etwas besser als die über den Cometen von 65, bei welchem T = Aug, 5 zu nehmen sein würde. 12 v. Chr. s. o.

M. N. X. 51 fg. XXIII. 116.

21 a.1457. Nach der Beschreibung von Ebendorffer in Pingré's Cométogr, I. 464. A. N. XXVII. 157, Aegu, von 1457,

1491. Cooper in seinem Cometen-Verzeichnisse ist geneigt, Nr. 24 und 24 a für identisch zu halten. Indess stimmt Walther's Beobachtung vom 17. Jan. mit der chinesischen Angabe für den 13. Jan. gar nicht. Hind stützt sich nur auf die chinesischen Beobachtungen. Pingre I. 478, A. N. XXIII, 377. Peirce nach Walther's Beobachtungen; s. Mädler in der Uebers, von Hind's Schrift über die Cometen, p. 161. Diese dritte den früheren Hallev'schen Elementen sich wieder mehr (13)nähernde Bahn von Hind ist durch Verbesserung eines Irrthums in

der Beobachtung vom 5. März gefunden und schliesst sich den Beschreibungen von dem Laufe des Cometen befriedigend an. M. N. VII. 262. A. N. XXVII. 159. C. R. XXVI. 110. Die sehr erschöpfende Arbeit von Hoek über diesen Cometen wurde vornehmlich durch v. Littrow's Entdeckung von drei neuen Originalnachrichten über den Cometen veranlasst, theils die Beobachtungen von Fabricius betreffend, theils bisher unbekannte Beobachtungen von Joachim Heller enthaltend, welche den Beobachtungszeitraum auf 53 Tage erweitern, A. N. XLIV, 159, 311. Sitzungsber, d. Wien, Akad, 1856, Apr. Die Rechnungen von Hoek finden sich A. N. XLV. 49. 337. C. R. XLVI. 460 und besonders in seiner bei dem Cometen von 1264 erwähnten Inaugural-Dissertation. Die obige Bahn ist die wegen eines nachträglich bemerkten Rechnungsfehlers verbesserte, s. A. N. LV. 216. Dieselbe entfernt sich von den Bahnen Halley's und Hind's nur wenig und stellt die fünf von Hoek gebildeten Normalörter März 5 bis April 16 innerhalb eines Grades dar. Dass hiernach die Identität mit dem Cometen von 1264 oder dem von 975 aufzugeben sei, ist bereits bei diesem Cometen erwähnt. Die früheren Untersuchungen von Hind zu Gunsten dieser Hypothese findet man in Vol. VII., VIII., X der Monthly Notices, in seiner Schrift über die Cometen und in der besonderen Schrift: On the expected return of the great comet of 1264 and 1556 (London 1848). Vgl. auch A. N. XXVII. 159. XLV. 175, sowie die Untersuchungen von Valz: A. N. XLV. 181. Störungsrechnungen für die erwartete Wiederkehr 19*

wurden ausgefunrt von Bomme in Middelburg. — Ueber einige noch in einer Schrift von Valentin Engelhart enthaltene Beobachtungen dieses Cometen (die jedoch nach Auffindung der Heller'schen Beobachtungen auf die Bahnbestimmung keinen Einfluss mehr ausüben können) s. A. N. LIV. 12. — Die Längen der angegebenen Elemente gelten für das m. Aequ. 1556,0.

- 1580. Aus Tycho's Sextanten-Beobachtungen. A. N. XLII. 173. Schjellerup, Tycho Brahe's original observationer benyttede til Banbestemmelse af Cometen 1580 (Schriften der k. Dān. Akad. IV. 1, 1856). M. Aequ. 1580 Nov. 1
- 31. 1582. Aus den von Hind neu reducirten dreitägigen Beobachtungen Tycho's A. N. XXXVII. 277. XXXVIII. 36. Aequ. 1582. Die Fehler sind bei dieser Bahn möglichst gleichmässig auf alle drei Oerter wertheilt. Bei genauerer Darstellung der beiden äussersten Oerter Mai 12 u. 18 bleibt für den mittleren Ort Mai 17 wenigstens ein Fehler von 6', und man kann die Bahn zwischen den von Pingré gestellten Grenzen schwanken lassen, ohne die Beobachtungen ungenügend darzustellen.
- 32. 1585. Die Vermuthungen wegen einer etwaigen Identität mit dem de Vico'schen Cometen 1844 (1) werden von Le Verrier als unhaltbar nachgewiesen. A. N. XXVI. 381. Dasselbe zeigt Brünnow, Mém. sur la cométe de de Vico, p. 48. Die von Schumacher herausgegebenen Tychonischen Beobachtungen sind in der schärfsten und erschöpfendsten Weise reducirt und bearbeitet von Peters, in Gemeinschaft mit Sawitsch, in deren gekrönter Preisschrift (A. N. XXIX. 209—276). In der obigen definitiven Bahn (p. 269) ist die in die Rechnungen eingeführte Excentricität, deren sichere Bestimmung die Beobachtungen nicht gestatten, = 1 angenommen. Die Längen gelten für das m. Aequ. 1585 Nov. 14.
- 40. 1664. Lindelöf hat ausschliesslich aus den Beobachtungen Hevel's mit dem grossen Sextanten die Bahn von neuem berechnet und findet durch strenge Auflösung der Bedingungsgleichungen eine Hyperbel mit der Excentricität 1,00115, jedoch mit dem wahrscheinlichen Fehler ± 0,00310. Hiernach beschränkt sich derselbe auf die oben angegebene wahrscheinlichste Parabel, deren Längen für das m. Aequ 1665,0 gelten. Die Rechnung ist mit Rücksicht auf die Störungen durch Jupiter und Erde während der Dauer der Erscheinung des Cometen ausgeführt und hat zwar die Identität mit dem Cometen 1853 (1), welche vermuthet wurde, nicht wahrscheinlich gemacht, wohl aber die Genauigkeit der Hevel'schen Beobachtungen und der Halley'schen Rechnungen dargethan. Lindelöf, De orbita cometae, qui anno 1664 apparuit (Helsingfors 1854).
- 42. 1668. Die Rechnungen Henderson's findet man auch M. N. V. 266—268. Auch vergleiche man noch, insbesondere über das Werk von Aegid. Franc. de Gottignies, De figuris cometarum qui ann. 1664, 1665, 1668 apparuerunt, Pingré I. 201. 410. Mon. Corr. XXVIII. 428.
- 45. 1678. Astr. Nachr. XXVI. 375 (g. Nach diesen Rechnungen von Le Verrier ist der Comet von 1678 identisch mit dem Cometen von de Vico 1844 (I). Die erste Bahn ist die des letzteren Cometen für 1678 nach Anbringung der Störungen; die zweite ist eine Aenderung der-

selben, um sie den Beobachtungen von 1678 mehr anzupassen, in welchem Jahre der Comet der Erde sehr nahe war. Die Beobachtungen von La Ilire werden dadurch bis auf weniger als einen halben Grad dargestellt. — Auch Brünnow in seiner gekrönten Preisschrift über den de Vico'schen Cometen (Amsterdam 1849) p. 47—49 hält die Identifät beider Cometen für sehr wahrscheinlich. — In der Bahn von Dauwes ist bei Struyck 1753 p. 38 und p. 106 eine Differenz von 1 Tag (Aug. 27 und Aug. 26 neuen Stils), die einer besonderen Untersuchung bedarf. In den Cometen-Verzeichnissen ist die Angabe von p. 106 als die richtige angenommen.

- 46. 1680. Hind hat nochmals Untersuchungen über die von Halley angenommene Periode dieses Cometen von 575 Jahren angestellt und gelangt zu demselben Resultate wie Encke aus den Beobachtungen von 1680 und 1681 selbst. Die Beobachtungen von 1106 sind mit der Bahn von 1680 nicht vereinbar, und die von 530 oder 531, sowie die von 43 v. Chr. geben keinerlei Gewissheit. M. N. XII. 142.— Die Bahn von Wolfers ist ursprünglich die von Euler, aus welcher derselbe mehrere Unrichtigkeiten entfernt hat. A. N. LV. 139.— Ueber die physischen Erscheinungen des Cometen vgl. man noch M. N. XIV. 77.
- 50. 1689. Die Elemente von Peirce finden sich auch M. N. V. 307. Dieselben gelten (wie Vogel bemerkt, A. N. XXXIV. 387. M. N. XII. 207) für das nn. Aequ. 1843. Vogel hat die von Pingré angegebenen Beobachtungen von neuem berechnet (mit Berichtigung der Annahme von Peirce für die erste Beobachtung) und findet aus Dec. 10, 14, 21 für das m. Aequ. 1690,0 die obige Bahn, von der des Cometen 1843 (1) stark abweichend. Anch stellt die Bahn des letzteren Cometen die Beobachtungen von 1689 nicht genügend dar. A. N. XXXIV. 389. M. N. XII. 207.
- 59. 1723. Die ersten Beobachtungen dieses Cometen wurden in den Morgenstunden des 11. und 12. Oct. in Peking angestellt (Souciet, Obs. etc. à la Chine, p. 105); vom 12. Oct. (n. St.) an wurde derselbe auch in Ostindien gesehen (Struyck p. 296).
- Wie schon in der Ausgabe von 1847 erwähnt ist, hält Clausen diesen 65. 1743. (I)Cometen mit 1819 (IV) für identisch, welcher Meinung auch Olbers beinflichtet, dessen Rechnungen bereits früher grössere, die Ungenauigkeit der Beobachtungen überschreitende Abweichungen von der Parabel gezeigt hatten. A. N. H. 377. X. 345. XIV. 61. Clausen nimmt an, dass die erhebliche Aenderung der Bahn durch eine Störung des Jupiter bewirkt ist, und zieht hieraus Schlüsse auf den Werth der halben grossen Axe, die er zu 3,10 annimmt. Damit ergibt sich dann aus Febr. 12, 20, 28 die oben nachträglich angeführte Bahn. Er findet ferner eine Umlaufszeit von 6a,727 vor 1758 und von 5a,60 nach 1817. (Der Werth von $e = 0.7213085 = \sin 46^{\circ} 9' 45'',45$ differirt, wie Cooper p. 94 richtig bemerkt, etwas von dem aus a und q = a(1-e) folgenden Werthe e = 0.7220771.) — Laugier und Mauvais halten die Verschiedenheit der Bahnen von 1743 und 1819 (IV) für etwas zu gross in Beziehung auf die Länge des Perihels. C. R. XIX. 558.

- 66. 1743. Diese neueren genaueren Berechnungen von d'Arrest haben nahezu (11) wieder zu der Bahn von Klinkenberg geführt, da der Lauf des Cometen der Bahnbestimmung günstig war, obwohl die Beobachtungen sehr ungenau sind. Die dritte, die Fehler am besten vertheilende Bahn findet man A. N. XXXVII. 363, die beiden ersten ib. XXXVIII. 34. Die Längen beziehen sich auf das Aequ. 1743.
- Die obige Bahn ist die von Euler in der Theoria motus plan, et 67. 1744. com., aus welcher von Wolfers einige kleine Rechnungsfehler entfernt sind. A. N. LV, 145, - Hind hat die besseren Beobachtungen dieses Cometen, von Bradley, Maraldi, Le Monnier und zu Oxford, neu reducirt, eine Benutzung derselben zu einer neuen Bahnbestimmung ist indess bisher nicht bekannt geworden. XXVII. 137-148.
- 79. 1766 Ueber die mögliche Identität dieses Cometen mit 1819 (III) und (II)1858 (II) vgl. auch Winnecke A. N. XLIX, 117, 118.

81.

1770. Le Verrier's spätere Arbeiten über diesen Cometen, die Fragen (1)darüber in meisterhafter Weise aufhellend, finden sich in Vol. XXVI der C. R. und in Vol. III der Annales de l'observ, de Paris. Auch vergleiche man noch C. R. XXV, 561, 917. A. N. XXVI, 375. Bulletin phys.-math, de St. Pétersb. VI. 369. Die oben angeführten Elemente sind, wie man daselbst findet, als Functionen einer unbestimmten, von der Genauigkeit der Beobachtungen abhängenden Grösse u dargestellt, welche deren Einfluss auf die Elemente erkennen lässt. Bei den grossen Annäherungen des Cometen an den Jupiter vor und nach 1770 (1767 und 1779) sind dann durch die Annahme verschiedener Werthe von μ die Grenzen nachweisbar. bis zu welchen diese Störungen die Bahn umgestalten konnten. Le Verrier findet so, dass der Comet von 1770 mit keinem der bis jetzt berechneten Cometen weder in der Zeit vorher noch nachher identisch und wegen der grossen Unbestimmtheit der gestörten Bahn für jetzt als verloren zu betrachten ist. - Fast gleichzeitig hat Brünnow die Aenderung der Bahn durch die grosse Störung von 1779 berechnet in seiner Preisschrift über den Cometen von de Vico (p. 48) und ebenfalls die Nicht-Identität dieser beiden Cometen nachgewiesen. - Alle Rechnungen ergeben eine sehr grosse, die Aufsuchung erschwerende Periheldistanz, sowohl nach 1779 als vor 1767. Die älteren Untersuchungen von Burckhardt ergaben für letztere Zeit, nach Méc. cél. Vol. IV, die Periheldistanz = 5, die halbe grosse Axe = 13, welches bisher allgemein angenommene Resultat indess Le Verrier als irrig erkannte; derselbe zeigt, dass die halbe grosse Axe < 5 angenommen werden muss und dass noch weniger eine Parabel zulässig ist. D'Arrest, in den Besitz der Burckhardt'schen Manuscripte gelangt, hat einige Jahre später die vorgekommenen zufälligen Fehler in der That aufgefunden und durch Verbesserung derselben Burckhardt's Rechnungen mit denen von Le Verrier in die hierbei mögliche Uebereinstimmung gebracht. A. N. XLVI. 97. - In der Ausgabe von 1847 ist T in Le Verrier's Bahn um 12h zu gross angesetzt, demnach Aug. 13 12h 47' 57" zu lesen.

- 84. 1772. Hubbard hat im Verfolg seiner trefflichen Arbeiten über den Biela'schen Cometen die Beobachtungen Messier's nochmals streng reducirt und findet aus diesen und aus drei Rectaseensionen von Montaigne die obige Bahn, bei der jedoch die m. tågl. Bew. μ unbestimmbar bleibt und mit Rücksicht auf die späteren Erscheinungen = 524",0 angenommen ist. Die an μ noch anzubringende Correction Δμ ist in die Werthe für die übrigen Elemente eingeführt. A. J. VI. 114. M. A. 1772,0. Ob die Achnlichkeit dieses Cometen mit dem neuerdings (aus unsicheren Beobachtungen) berechneten Cometen 127b. 1818 (1) Beachtung verdient, bedarf noch einer weiteren Untersuchung.
- 92. 1783. C. H. F. Peters hat die Beobachtungen von neuem reducirt und auf drei Normalörter, Nov. 22, Dec. 2, 20, die obige Bahn gegründet, die mit Burckhardt's aus einzelnen Beobachtungen berechneter Ellipse sehr nahe übereinstimmt. Wegen des nahen Zusammentreffens des Apheliums mit der Jupiterbahn scheint der Comet zeitweise grossen Störungen unterworfen zu sein. Brünnow's Astr. Not. Nr. 19. M. A. 1783.0. Uml. 5*,888 lg a 0,5133056.
- 102. 1790. Ist gegenwärtig als ein periodischer Comet und als identisch mit dem von Tuttle und von Bruhns entdeckten Cometen 1858 (I) erkannt, dessen Umlaußzeit nach Bruhns 13,7 Jahre beträgt. A. N. XLVII—XLIX. A. J. V.
- 105. 1792. Der erste Entdecker dieses Cometen ist nicht Méchain, sondern der Rector Edw. Gregory zu Langar bei Nottingham, der den anfangs mit blossem Auge sichtbaren Cometen bereits Jan. 8 (2 Tage früher) beobachtet hatte. S. d'Arrest A. N. LX. 380 und Cooper, Cometic orbits. Auch zeigt d'Arrest a. a. 0., dass der am 14. Febr. 1793 von Maskelyne beobachtete Nebelfleck nichts Anderes als dieser Comet war.
- Für diesen Cometen sind, sowohl was die Beduction der Beobach-107. 1793. (II)tungen als was die Berechnung der Bahn betrifft, zwei neue werthvolle Bearbeitungen ausgeführt worden von d'Arrest und von C. H. F. Peters. Die von d'Arrest ist ausführlich dargelegt in den A. N. XXVI. 225 und XXXII. 219-224. Peters gibt nur die Resultate der Bahnbestimmung in Brünnow's Astr. Not. Nr. 19. Beide Berechner gelangen (in der zweiten und vierten der obigen für das m. Aeg. 1793,0 geltenden Bahnen) zu sehr nahe übereinstimmenden Ellipsen von grosser Umlaufszeit. D'Arrest's parabolische Bahn gründet sich auf 5 Oerter, bei denen die umliegenden Beobachtungen grössere Fehler der Messier'schen Beobachtungen nicht vermuthen liessen; die Ellipse mit 422ª Uml. auf die (genaueren) Rectascensionen mit Zurückstellung der Declinationen. Indess bleibt die Umlaufszeit unsicher und die Parabel ist als genügend zu betrachten. Peters fand, von Saron's Elementen ausgehend, aus Normalörtern zunächst die erste Bahn mit einer Umlaufszeit von 79a, später die zu stark abweichenden Beobachtungen entfernend die zweite Bahn mit 390° Uml. Die Ellipse Burckhardt's und einige andere Hypothesen einer kurzen Umlaufszeit sind hiernach als unzulässig zu betrachten. - In den Anmerkungen der Ausgabe von 1847

- ist zu berichtigen, dass der Comet bis Dec. 8 (nicht Dec. 3) beobachtet ist.
- 115. 1802. Wurde ausser von Pons und von Méchain auch noch am 2. Sept. von Olbers entdeckt. Mon. Corr. VI. 376.
- 116. 1804. Gleichfalls ausser von Pons auch von Olbers, März 12, enldeckt. Mon. Corr. IX. 344.
- (84) 1806. Hubbard hat die Beobachtungen mit einer etwas verbesserten Bahn (1) aufs neue verglichen und aus 4 dadurch gebildeten Normalörtern die obigen Elemente gefunden, bei denen μ aus Gambart's Bahn entnommen ist und das in die Elemente (wie bei 1772) eingeführte Δ μ aus dieser Erscheinung allein sich nicht bestimmen lässt. M. A. 1806,0 (A. J. VI. 117).
- 117. 1806. Nach theilweise neuer Reduction der Beobachtungen wurden 7 Nor(II) malörter gebildet, deren drei (Nov. 13, Dec. 17, Febr. 7) die obige
 Hyperbel ergaben, welche auch die übrigen befriedigend darstellt.
 Bei der Unsicherheit der Beobachtungen scheint jedoch die Annahme einer Parabel ausreichend. M. A. 1807,0 (A. N. LVIII. 92). —
 Bei Bessel's Bahn ist in der Perihel-Länge 94° in 97° umzuändern, welcher Druckfehler der Mon. Corr. XVI. 181 gleichfalls von Hensel bemerkt ist (A. N. LVII. 61).
- 124. 1812. Triesnecker Astr. Jahrb. 1816 p. 155, Bouvard ib. p. 239 und Mon. Corr. XXVII. 291, Grösserer Vollständigkeit wegen noch nachgetragen, obgleich nur die Ellipse von Eneke mit 70^a,7 Uml. den Beobachtungen in der wahrscheinlichsten Weise entspricht.
- 126. 1813. Aus Apr. 3 bis 21. Astr. Jahrb. 1817 p. 99.
- 1815. Zu genauerer Uebersicht des Ganges von Nicolai's und Bessel's Un-127. tersuchungen sind noch die obigen drei Elementensysteme nachgetragen. Nicolai's Bahn ist die aus den Beobachtungen bis Ende Juni berechnete erste Ellipse desselben (Astr. Jahrb. 1818 p. 265. Zeitschr, f. Astr. 1, 291). Die zweite Ellipse ist die in der Ausgabe von 1847 enthaltene wahrscheinlichste aus der Mehrzahl der Beobachtungen. Bessel's erste Bahn ist die in der Ausgabe von 1847 enthaltene aus Marz 11, Apr. 11 und Mai 20 geschlossene Parabel (Astr. Jahrb. 1818 p. 207. Abh. d. Berl. Akad. 1812-13 p. 120). Unter Benutzung mehrerer Beobachtungen zwischen März 11 und Mai 20 fand derselbe dann die erste obige Ellipse (Astr. Jahrb. 1818 p. 208. Zeitschr. f. Astr. I. 342. Berl. Akad. p. 121) und mit Benutzung aller Beobachtungen die zweite genauere Ellipse mit 73a,89682 Uml. (Astr. Jahrb. 1818 p. 209. Zeitsehr. f. Astr. 1. 346. Berl, Akad, p. 122). Die vierten in der Ausgabe von 1847 enthaltenen Elemente (Zeitschr. f. Astr. l. 348. Berl. Akad. p. 145) sind die wahrscheinlichsten mit Rücksicht auf die Störungen. - Vgl. auch noch: Olbers u. Bessel, Briefwechsel II. Nr. 236-241.
- 127a. 1816. Auf diese in dem Briefwechsel zwischen Olbers und Bessel (II. 32, 434) sich findende Bahn von Burckhardt ist von d'Arrest aufmerksam gemacht worden (A. N. XXXIV. 378. A. J. II. 131. Vgl. Ausgabe 1847 p. 220). Der Comet, der sehr klein und schwach war, wurde einigemal von Pons, ziemlich schlecht,

- beobachtet und einmal in Paris, daher Burckhardt's Data sehr dürftig waren.
- 127b. 1818. Aus den unsicheren Beobachtungen von Pons nach einer Reduction
 (1') derselben von Hind (M. N. X. 135. Vgl. Ausg. von 1847 p. 221).
 Die gefundene Bahn ist ähnlich der des Cometen von 1772.

Die bisher mit 1818 (I) und 1818 (II) bezeichneten Cometen sind nach dieser Einschaltung mit 1818 (II) und 1818 (III) zu bezeichnen.

- 128. 1818. Die Elemente von Olbers finden sich auch in Olbers und Bessel,
 (1) Briefw. II. 81, wo T = Febr. 27,494 m. Berliner Zeit = Febr. 27
 10^h 2' 54" m. Par. Z. und π = 183° 56' angegeben ist, welche Angaben die richtigeren zu sein scheinen.
- (96) 1819. Bei der ersten Ellipse von Encke ist zu lesen: T = Jan. 27
 (1) 2^h 39' 37", e = 0.8567776, lg q = 9.5257868, lg μ = 0.6714475.
- 131. 1819. Encke's elliptische Bahn hat sich auf vorzüglich genaue Weise be-(III) stätigt bei der Wiederentdeckung des Cometen durch Winnecke 1858 März 8, nachdem der Comet inzwischen 7 Umläufe vollendet hat (A. N. XLVIII. XLIX. A. J. V. 127).
- 133. 1821. In den Phil. Trans. 1822 p. 52 ist neben dem in der Ausgabe von 1847 enthaltenen ersten Elementensysteme Brinkley's noch ein anderes etwas genaueres angegeben, beide aus den Beobachtungen in Valparaiso. Bei den zweiten Elementen von Brinkley ist eine europäische Beobachtung vor dem Perihel mit hinzugezogen. Ib. p. 63.
- 137. 1823. Vgl. noch Königsb. Beobb. X. 4. 6. 8.
- 142. 1825. Hubbard hat eine neue Discussion aller Beobachtungen dieses durch (IV) die lange Dauer seiner Sichtbarkeit bemerkenswerthen Cometen unternommen, theils um Hansen's zwar den ganzen Zeitraum umfassende, aber nur auf drei Normalörter gegründete Bahn noch etwas zu verbessern, theils um überhanpt nach Anbringung der Störungen die Genauigkeit des Anschlusses an das Gravitationsgesetz zu prüfen. Indess findet sich die aus 20 Normalörtern hergeleitete Bahn mit der Hansen'schen völlig übereinstimmend. M. Aequ. d. Ep. (A. J. VI. 37.)
- (1) 1826. Aus den durch Vergleichung aller Beobachtungen mit den Santini'schen Elementen gebildeten Normalörtern und mit Beibehaltung des Santini'schen µ. M. A. 1826,0 (A. J. VI. 124).
- 146. 1826. Vgl. noch Königsb. Beobb. XII. 62.
- (V) 150. 1830, Noch einige Beobachtungen dieses Cometen am Cap finden sich (¹) Mem. Astr. Soc. XIX. 102.
- (84) 1832. Für diese Erscheinung des Biela'schen Cometen hat Hubbard, die Elemente von Baranowski beibehaltend, nur noch die Vergleichung mit denjenigen Beobachtungen hinzugefügt, welche den Dorpater und Königsberger Beobachtungen vorhergehen und folgen. Es sind dies Herschel's September-Beobachtungen in Slough, sowie Beobachtungen am Cap und in Italien. Aus allen wurden 4 Normalörter gebildet (A. J. VI. 124. 129).
- 153. 1833. Die Originalbeobachtungen dieses Cometen von Dunlop in Paramatta

sind abgedruckt, nebst einigen Bemerkungen von Henderson, A. N. XLII. 61. 75. 93. 105. Aus diesen Beobachtungen sind, nach erneuter Reduction derselben, von Harturig die obigen drei Elementensysteme abgeleitet, von denen das erste möglichst allen Beobachtungen angepasst ist, das zweite einige Beobachtungen ausschliesst, das dritte nur die besten Beobachtungen berücksichtigt. Der Berechner ist geneigt, diesen dritten Elementen den Vorzug zu geben, die jedoch andererseits durch die Verkürzung des Beobachtungsintervalls gegen die zweiten und noch mehr gegen die ersten im Nachtheile sind. M. A. 1833,0 (A. N. XLVII. 37 fg.).

- 155. 1835. Vgl. noch Königsb. Beobb. XXI. 81.
- (19) 1835. Zu dem Nachweise von Beobachtungen ist noch nachzutragen:
 (III) Königsb. Beobb. XXI. 68, 69, 81 und Mem. Astr. Soc. XVI. 337, die
 Reduction der Beobachtungen in Cambridge enthaltend.
- (96) 1838. Vgl. noch Königsb. Beobb. XXIV. 87.
- 157. 1840. Genfer Beobachtungen und die parabolischen Elemente von Plantamour finden sich auch in den Observations de comètes faites à
 l'observatoire de Génève 1844 (Mém. de Génève XI).
- 159. 1840. Zur Vervollständigung der Uebersicht über die ausgeführten Bechnungen sind noch die obigen 5 Bahnen, obwohl denen in der Ausgabe von 1847 vorhergehend, nachgetragen. Koller A. N. XVIII, 87.
 Encke ib. 69. M. A. 1841,0. Laugier C. R. XI. 821. Götze A. N. XXI. 358. 353. M. A. 1841,0. Die Ellipse diente zur Vergleichung der Beobachtungen für die definitive dritte Bahn. Beobachtungen des Cometen findet man noch: A. N. XLIV. 236. Königsb. Beobb. XXVIII. 13. 57. Weisse, Observationes magni cometae 1843 et istius anni 1840 a Bremiker detecti (Krak. 1845).
- (96) 1842. Am Cap der guten Hoffnung wurde diese Erscheinung des Encke'schen Cometen noch von Mai 2 bis Mai 21 beobachtet, auch Mai 22 der Comet noch gesehen. M. N. VI. 68. 69. Mem. Astr. Soc. XV. 211.
 Beobachtungen in Genf s. Obs. de Génève 1844 (Mém. de Génève XI).
- 161. 1843. Von den überaus zahlreichen Bahnbestimmungen dieses grossen (I) Cometen, die namentlich in Vol. V der M. N. und in Bd. XX u. XXI der A. N. sich finden, beschränkt sich die Ausgabe von 1847 auf eine Auswahl von zwölf, um so mehr, als den meisten Bahnen dieselben Beobachtungsdata aus der zweiten Hälfte des März zu Grunde liegen. Es sind gegenwärtig nur noch vier Bahnen nachgetragen: die von Caldecott aus drei indischen Beobachtungen von Marz 8, 13, 18 (M. N. V. 304), die von Nicolai unter der Hypothese einer 175 jährigen Umlaufszeit berechnete Ellipse (A. N. XX, 352) und die beiden Elementensysteme von Hubbard, welche das Resultat von dessen vorzüglicher und erschöpfender Arbeit über diesen Cometen in Vol. II des Astr. Journal bilden. Nicolai's hypothetische Ellipse gründet sich auf dieselben Beobachtungen wie die in der Ausgabe von 1847 angeführte Parabel desselben und bringt in der Darstellung der Beobachtungen fast gar keinen Unterschied hervor; wie Aehnliches auch Laugier und Mauvais fanden. Von den beiden Elementensystemen, welche nach vollständiger Discussion der

vorhandenen Beobachtungen Hubbard gefunden hat, ergibt sich das erste aus der Benutzung aller Beobachtungen, das zweite ausschliesslich aus den Beobachtungen mit dem Fadenmikrometer und den Tagbeobachtungen am 28. Febr. Auch die Störungen während der Dauer der Erscheinung sind in Rechnung gezogen. sowie die Aenderungen der Elemente und der übrig bleibenden Fehler bei verändertem e angegeben (p. 155). Bei Annahme des zweiten wahrscheinlicheren Systems wird die Umlaufszeit 533 Jahre. der kleinste Abstand von der Sonnenoberfläche 18195 geogr. Mejlen. — Als Quellen für die Beobachtungen sind noch nachzutragen: Greenwich Obs. 1843. Königsb. Beobb. XXVIII. Astr. Journ. I. II. M. N. V. VI. Mem. Astr. Soc. XV. XVI. XX. Plantamour, Obs. de Génève 1844 (Mém. de Génève XI). Weisse, observationes magni cometae 1843 (Krak, 1845). - Der Comet wurde zuerst am 27. Febr. Vorm, 11 h von Capt, Ray zu Concepcion S. A. in 5' Distanz von der Sonne gesehen (A. J. I. 10). Am 28. Febr. wurde derselbe von Clarke in Portland und von Bowring in Chihuahua in Mexico beobachtet und an vielen andern Orten in Amerika und Europa gesehen. Die ersten Abendbeobachtungen sind die am 4. März am Cap angestellten (I. 153. II. 46). Zuletzt wurde der Comet ebendaselbst am 19. April beobachtet (It. 47). - Zur gesammten Geschichte des Cometen geben ausführlichere Mittheilungen: Arago, Pop. Astronomie, übers, von Hankel, II, 283-292, von Humboldt. Kosmos III, 578-581. J. Herschel, Outlines p. 366 fg., and besonders auch Cooper, Cometic orbits p. 159-169.

162. 1843. Zu den Beobachtungen ist noch nachzutragen: Greenwich Obs. 1843.

(II) Königsb. Beobb. XXVIII. A. N. XLIV. 233. M. N. VI.

163. 1843. Die erste elliptische Bahn ist die von Goldschmidt in Göttingen. (III)Die oben nachgetragene, von dem Entdecker des Cometen Faue berechnete Bahn findet sich C. R. XVIII. 186. M. A. 1844.0. Ein neues und erhöhtes Interesse hat inzwischen dieser Comet nach seiner zweimaligen Wiederkehr durch die vorzüglichen Arbeiten über denselben von Axel Möller erhalten, welche unter Annahme der Encke'schen Hypothese eines widerstehenden Mittels auch in diesem Falle die bisher beobachteten Erscheinungen 1843, 1851 und 1858 in Uebereinstimmung bringen. Von den drei oben angegebenen Bahnen, die für das m. Aegu, der Epoche gelten, ist die erste, mit Bücksicht auf die Störungen, aus den Erscheinungen von 1843 und 1851 abgeleitet (A. N. LIII. 173); die zweite fügt die Erscheinung von 1858 hinzu und machte die Einführung der genannten Hypothese nothwendig (A. N. LIV. 360); bei der dritten Bahn sind noch wegen der hierdurch veränderten Cometenörter die Störungen von neuem berechnet (A. N. LVII. 221). Ueber die Beschleunigung der Umläufe vergleiche man ferner A. N. LV. 273. Astr. Jahrb. 1864 p. 386. Monatsber, d. Berl, Akad. 1861. C. R. LH. 370. — Zu den Beobachtungen sind noch nachzutragen: Greenwich Obs. 1843. M. N. VI. Mem. Astr. Soc. XV. Mém. de Généve XI.

164. 1844. Von den diesem Cometen gewidmeten umfassenden Arbeiten Brün(1) now's ist ein Theil in Bd. XXIV der Astr. Nachr. enthalten und

daraus die in der Ausgabe von 1847 gegebene Bahn entnommen. Die weiteren Untersuchungen gibt die von der k. Niederland, Akademie der Wissenschaften zu Amsterdam 1848 gekrönte Preisschrift. in der man die genannte Bahn gleichfalls (p. 20) und ausserdem die erste der oben nachgetragenen Bahnen findet (p. 29), bei welcher die später bekannt gewordenen Pulkowaer Beobachtungen benutzt sind. Leider ist der Comet bis jetzt nicht wieder aufgefunden worden, da derselbe 1850 nicht sichtbar war und der Aufsuchung 1855, die hierdurch sowie auch an sich selbst schwieriger war, überdem vielleicht nicht genug Aufmerksamkeit gewidmet worden ist. Von dem 1855 Mai 16 von Goldschmidt in Paris gesehenen Nebel (A. N. XLI, 285) glaubt Brünnow nicht, dass es der Comet gewesen sei. Auch 1860 wurde der Comet nicht aufgefunden. Die zuvor nochmals aufgenommene Bahnberechnung (die zweite der obigen Bahnen) findet man in den Astr. Notices von 1859 Nr. 3. 4. Es sind dabei die Elemente durch Bedingungsgleichungen aus 13 Oertern gefunden, während in der Preisschrift, wegen Unbestimmtheit bei der Auflösung, die Benutzung von nur drei Normalörtern vorgezogen wurde. - Die Identität des Cometen mit dem von 1678 wird sowohl von Le Verrier (C. R. XXV. 924. A. N. XXVI. 375 fg.) als auch von Brünnow (Preisschr. p. 47) für sehr wahrscheinlich gehalten. Dagegen wird von Le Verrier nachgewiesen, dass weder der Lexell'sche Comet von 1770 noch der von 1585 mit dem de Vico'schen identisch sein können (C. R. XXV. 917. 922). - Beobachtungen des Cometen enthalten noch: Greenwich Obs. 1844. Mem. Astr. Soc. XV. 236. Bishop's Observations p. 200. Bulletin ph. math. de St. Pétersb. VI. 347. Die aus je drei Beobachtungen zwischen Juli 22 und Aug. 21 geschlossenen Bahnen Graham's sind noch nachgetragen aus Cooper,

165. 1844. (II) p. 200. Bulletin ph. math. de St. Pétersb. VI. 347.
Die aus je drei Beobachtungen zwischen Juli 22 und Aug. 21 geschlossenen Bahnen Graham's sind noch nachgetragen aus Cooper,
Com. orb. p. 50. A. N. XXII. 209. 210. M. Aequ. d. Ep. Plantamour,
Mémoire sur la comète Mauvais 1844, Vol. XI der Mém. de la soc.
de physique et d'hist. nat. de Génève, p. 574. M. A. 1845,0. Die mit
Rücksicht auf die Störungen berechnete wahrscheinlichste Bahn aus
allen Beobachtungen. Auch die (wegen anfangs mangelnder Sternörter)
nur Iheilweise benutzte ausgezeichnete Reihe der Cap-Beobachtungen
schliesst sich derselben durchgängig an. Man vergleiche in dieser
tlinsicht besonders noch: Plantamour, Supplément au mém. sur la
comète Mauvais, Mém. de Génève XII. 153. — Zu dem Verzeichniss
der Beobachtungen kommen hinzu: Greenwich Obs. 1844. Mem. Astr.
Soc. XV. 236. 244. Königsb. Beobb. XXIX. 60. A. N. XXIX. 345.

166. 1844. (III) Rond hat aus allen genauen Beobachtungen, insbesondere denen am Cap, die wahrscheinlichste Bahn gerechnet, mit besonderer Beziehung auf die Aelmlichkeit einiger Elemente mit denen des Cometen von 1556, hat indess die obige Hyperbel gefunden. M. A. 1845, O. (A. J. l. 103.) — In Bezug auf die Beobachtungen vergleiche man noch: Greenwich Obs. 1845. A. N. LV. 145. M. N. VI. Die vollständige Reihe der Beobachtungen von Maclear am Cap findet sich M. N. IX. 130. Mem. Astr. Soc. XV. 251. Der Comet wurde zuerst am 18. Dec. am Cap gesehen (A. J. I. 97).

- 167. 1845. Zur Vervollständigung ist noch nachgetragen: die erste Bahn von Nicolai aus Dec. 28, Febr. 12, 25 (während die zweite Bahn auf 4 Normalörter sich gründet) und die von Sievers aus Dec. 28, Jan. 15, Febr. 10 berechnete Hyperbel. M. Aequ. 1845,0. (A. N. XXIII. 24. 31.) Beobachtungen findet man noch: Greenwich Ohs. 1845. Mem. Astr. Soc. XV. 236. Bishop's Obs. p. 203. Königsb. Beobb. XXIX. 60. A. N. XXIX. 345.
- 168, 1845. Vgl. noch: Greenwich Obs, 1845. Bishop's Obs. p. 207. Mem.
 (II) Astr. Soc. XV, 242. Königsb, Beobb, XXIX. 60. A. N. XXIX. 345.
- 169. 1845. Diese aus Juni 7, 13, 21 berechnete Bahn ist nachgetragen aus
 (BI) A. N. XXIII. 253. Beobachtungen findet man noch: Greenwich Obs. 1845. Bishop's Obs. p. 209. Proceed. Amer. Acad. l. 17. Königsb. Beobb. XXIX. 60. A. N. XXIX. 345. A. J. l. 134. Washington Obs. II. 422.
- (96) 1845, Vgl. Washington Obs. H. 422. A. J. I. 56, 134.
- 170. 1846.
 Abh. d. Böhm, Ges. d. Wiss, V. 111, sowie auch C. R. XXVI. 280.
 M. A. 1846,0. Nach dieser die sämmtlichen Beobachtungen umfassenden Bearbeitung ist die wahrscheinlichste Bahn eine Ellipse mit 2721a Uml., jedoch zwischen 2319a und 3255a schwankend.
 Die zweite Bahn ist die wahrscheinlichste Parabel. L. l. p. 130. 131.
 Eine Zusammenstellung der berechneten Elementensysteme findet sich p. 111. Beobachtungen s. Greenwich Obs. 1846. Bishop's Obs. p. 212. A. N. XXVI. 3.
- (84)1846. In der sehr ausgezeichneten Discussion dieser Erscheinung des (II)Biela'schen Cometen von Hubbard in Gould's Astr. Journ. Vol. III. IV. VI. sind die ersten Bahnen für die beiden Köpfe A und B (III. 90, 93.) die wahrscheinlichsten aus den besten Beobachtungen mit Rücksicht auf die Störungen während der Dauer der Erscheinung. Bei den zweiten (VI. 131, 137) sind, um einen bestimmteren Werth der grossen Axe zu erlangen, die Beobachtungen von 1852 mit hinzugezogen, unter Benutzung der approximativen Santini'schen Störungswerthe und unter der Annahme, dass der Kopf A mit dem vorangehenden von 1852 identisch sei. Die Elemente d'Arrest's sind, gleichfalls mit Zuziehung der Erscheinung von 1852, durch eine Modification von Hubbard's ersten Elementen bereits einige Jahre früher berechnet, wobei für die beiden Köpfe (wegen der ungewissen Identification derselben in beiden Erscheinungen) die grossen Axen als gleich angenommen wurden. Näheres hierüber, sowie insbesondere auch über die Entfernung der beiden Köpfe von einander findet man A. N. XXXIX. 321 fg., sowie in den bereits angeführten Bänden des A. J. - Ueber eine bei den Elementen von Plantamour (Ausg. v. 1847) erforderliche Berichtigung s. A. J. III. 13. A. N. XXXIX. 321. — Beobachtungen s. noch: A. N. XXVI. XXIX. XXXVII. Königsb. Beobb. XXIX. 60. Bulletin phys. math. de St. Pétersb. VI. M. N. X. A. J. I-IV. Bishop's Obs. p. 211. Greenwich Obs. 1845. Washington Obs. H.
- 171. 1846. Die elliptische Gestalt der Bahn des Brorsen'schen Cometen wurde zuerst von Brünnow und d'Arrest, und zwar bereits aus den sieben-

tägigen Beobachtungen Febr. 28 bis März 7 erkannt (A. N. XXIV. 45). Die erste Bahn von Hind in der Ausg. v. 1847 ist aus Febr. 28. März 4, 10 geschlossen, die oben nachgetragene (C. R. XXVI. 605. Bishop's Obs. p. 213) aus drei guten Beobachtungen, welche die ganze Dauer der Sichtbarkeit umfassen. M. A. März 0. - Es folgen demnächst die aus der Zusammenfassung aller Beobachtungen hervorgegangenen wahrscheinlichsten Elementensysteme von van Galen für das m. Aegu. d. Ep. und von Brünnow für 1846,0 geltend (A. N. XXXIII. 227. XLIV. 319 und A. N. XXIX. 332. 378, 377). Vorwiegende Geltung haben dabei die Elemente von Brünnow, der für die Zeit der Beobachtungen die Störungen in Bechnung gebracht und die m. tägl. Bewegung mit derjenigen äussersten Schärfe ermittelt hat, die bei der kurzen Dauer der Sichtbarkeit überhaupt möglich war. Demohnerachtet blieb die Unsicherheit des Ortes für den Perihel-Durchgang im Jahre 1851 nothwendig noch sehr gross, und hierdurch, verbunden mit der eigenthümlich raschen Lichtabnahme dieses Cometen bei grösserer Entfernung von der Sonne, kam es, dass derselbe 1851 nicht aufgefunden wurde. Inzwischen ist derselbe 1857 von Bruhns von neuem entdeckt worden, wonach die von Brünnow berechnete mittlere Bewegung sich nur um wenige Secunden zu klein ergab und zugleich die Nicht-Auffindung 1851 noch mehr erklärlich wurde. Für 1857 war die Aufmerksamkeit der Beobachter vornehmlich auf die Ephemeride van Galen's gerichtet, bei der die Störungen durch zwei Umläufe fortgeführt waren, die m. Bewegung jedoch erheblich zu klein war und den Perihel-Durchgang um mehrere Monate später stattfinden liess, sodass ohne die neue Entdeckung auch diese Erscheinung unbemerkt vorübergegangen wäre. Ueber die Ursachen der Abweichung der Rechnung van Galen's s. Oudemans A. N. XLVI, 87. Eine vollständige Verbesserung der Elemente mit Rücksicht auf 1857 ist bisher noch nicht ausgeführt. — Von den drei durch 6 Normalörter aus 55 Beobachtungen berechneten Brünnow'schen Bahnen ist die erste ohne, die zweite und dritte mit Rücksicht auf die Störungen berechnet. Bei der dritten Bahn ist die etwas stärker abweichende Declination des einen Normalortes ausgeschlossen. - Beobachtungen und Weiteres über die Rechnungen findet man: Greenwich Obs. 1846. Bishop's Obs. p. 213. Königsb. Beobb. XXIX. 60. A. N. XXIX, 60, XXX, 123, XXXII, 235, XXXIX, 221, Van Galen, Bahnbestimmung des Cometen (III) 1846 für die Wiedererscheinung 1851 u. 1857 (Rotterdam 1857). C. R. XXV. 611. XXVI. 465. M. N. XI. 222. Vgl. auch Comet 1857 (II).

172, 1846.

Diese vier Bahnen bestätigen bestimmter als die in der Ausg. v. 1847 angeführten die Bewegung in einer Ellipse mit einer Umlaufszeit von etwa 73 Jahren, ähnlich der des Halley'schen Cometen und der Cometen von 1812 und 1815, Die Längen gelten für das m. Aequ. 1846,0. Man findet die Bahn von *Jelinek*, die aus 3 Normalörtern, März 1, 31, April 28 geschlossen ist, in den Sitzungsberichten der Wien. Akad. 1848. Die Bahn von *Peirce* (Proceed. Amer. Acad. I. 39) ist die wahrscheinlichste aus den Beobachtungen

m Cambridge U. S. und an einigen andern Orten und hat den Vorzug, dass Bond's spätere Beobachtungen, welche bis Mai 19 sich erstrecken, noch dabei benutzt sind. Bei den übrigen Bahnen, auch denen von van Deinse, sind nur die Beobachtungen bis Mai 1 benutzt. Van Deinse's erste Bahn gründet sich auf 66, die zweite auf 78 Beobachtungen, und es sind bei dieser letzteren auch die Störungen berücksichtigt. (Van Deinse, Diss. inaugur, exhibens determinationem orbitae cometae detecti a de Vico, Leyden 1849. A. N. XXIX. 129. XXX. 306.) — Beobachtungen s. Proceed. Americ. Acad. I. 18. 39. A. N. XXVI. 3. Washington Obs. II. A. J. I. 137. Greenw. Obs. 1846.

- 173. 1846. Für die wenig zahlreichen Beobachtungen dieses schwachen Cometen sind als Quellen noch hinzuzufügen: Bishop's Obs. p. 215. Greenwich Obs. 1846. Königsb. Beobb. XXIX. 60. A. N. XXIX. 346. Die sicherste der bisher berechneten Bahnen ist die von Argelander. In Bonn wurde der Comet noch Oct. 18 geschen.
- 174. 1846. Diese von dem Entdecker berechnete wahrscheinlichste Ellipse ist von der d'Arrest's nur wenig abweichend und gibt eine Umlaufszeit von 12,8 Jahren. M. A. 1846,0. A. N. XXVIII. 140. Rendiento della R. Acad. di Napoli 1847 Sept. Oct. Biblioth. univ. de Généve 1848 Avril. Astr. Nol. Nr. 5. A. J. III. 141. In den Astr. Nol. Nr. 5 sind von Peters Ephemeriden für die hiernach erwartete Wiedererscheinung im Jahre 1859 gegeben, die jedoch zu einer Wiederauffindung nicht geführt haben.
- 175. 1846. Fernere Beobachtungen findet man: A. J. 1. 137. Proceed. Amer.
 (VII) Acad. I. 18. Bishop's Obs. p. 213. Greenwich Obs. 1846. Washington
 Obs. II. 424. Königsb. Beobb. XXIX. 60. A. N. XXIX. 346.
- 176. 1846. Es ist noch die aus Sept. 23, Oct. 16, 22 berechnete Ellipse von Quirling (A. N. XXV. 253) nachgetragen, obwohl zur Darstellung der einmonatlichen sehr spärlichen Beobachtungen dieses Cometen die Parabel ausreichend sein dürfte. Die beiden Königsberger Beobachtungen findet man mit kleinen Veränderungen der Reduction nochmals A. N. XXIX. 346. Königsb. Beobb. XXIX. 60.

Die ausführliche Darlegung der Beobachtungen des nur am 18. Oct. von Hind gesehenen Cometen findet sich in Bishop's Obs. p. 217. Vgl. auch Mem. Astr. Soc. XVI, 299.

Die Beobachtungen findet man: A. N. XXV -- XXVII, XXIX. M. N. VIII. 177 1847. (1) C. R. XXIV. Proceed. Amer. Acad. I. 69. Bishop's Obs. p. 219. Königsb. Beobb. XXIX; die Tagbeobachtungen Wiener Ann. IV, von Hind in Bishop's Obs. p. 224. C. R. XXIV, 689, die letzten Beobachtungen am 24. April von Graham ib. 900 und in Berlin A. N. XXVI. 5. - Bond's Bahn ist aus März 5, 12, 19 berechnet (Proceed, Amer. Acad. 1, 70. A. N. XXV, 356). Quirling's Ellipse aus Febr. 7, 22, März 11. M. A. März 1 (ib. 301). Villareeau's Ellipse aus Febr. 10, 24, März 14; indess ist derselben die in der Ausg. v. 1847 enthaltene Parabel vorzuziehen. M. A. Febr. o (C. R. XXIV. 449). Carlini aus Febr. 8, 15, Marz 14 (A. N. XXVI. 9). Boreham aus Febr. 7, 26, Marz 15. M. A. 1847,0 (ib. 143. M. N. VII 288). Pogson aus Febr. 7, der Tagbeobachtung Marz 30

und April 24. M. A. 1847,0. Derselbe findet die Bahn mit der Parabel nicht ganz vereinbar (M. N. VIII. 181). Graham aus Febr. 6, März 16, April 24. M. A. 1847,0 (C. B. XXIV. 900). Hornstein's erste Bahn aus Febr. 6, 23, März 2 (A. N. XXV. 373), die zweite und dritte Bahn, welche die Beobachtungen etwa gleich gut darstellen, aus 4 Normalörtern, Febr. 9, 23, März 3, 16 (A. N. XXVI. 101). Die vierte Bahn beruht auf 7 Normalörtern aus sämmtlichen Beobachtungen und zeigt eine kleine Abweichung von der Parabel; es wird a 489,141 Uml. = 10818²⁸. M. A. 1847,0 Sitzungsber. d. Wiener Akad. 1854. A. N. XXVIII. 327).

178. 1847.

ARAG, 1854. A. A. MANUL. 521).

Ungeachtet seiner grossen Lichtschwäche konnte der Comet nahezu acht Monate hindurch beobachtet werden, da in Verbindung mit der grossen Perihel-Distanz die Entfernung von Erde und Sonne sich nur sehr langsam vergrösserte. Die letzten Beobachtungen sind die von Lassell am 28. und 30. Dec. A. N. XXV—XXVII. XXIX. M. N. HI. VIII. C. R. XXIV—XXVII. Bishop's Obs. p. 228. Wiener Ann. IV. Hind aus den Beobachtungen bis Mai 30. M. A. 1847,0 (A. N. XXVI. 50). D'Arrest's zweite und dritte Elemente aus den Beobachtungen bis Juni 3. M. A. 1847,0 (ib. 40). Ganjon aus Mai 13 bis Juni 7. M. A. Mai 15 (C. R. XXV. 31). v. Littrow ans Mai 16, Juli 16, Sept. 13. M. A. 1847,0 (ib. 756. M. N. VIII. 12. A. N. XXVI. 313). Gautier aus 6 Normalörtern Mai 17 bis Dec. 6, welche durch die Parabel gut dargestellt werden. M. A. Mai 15 (C. R. XXVI. 46. A. N. XXVII. 33).

179. 1847. III. Entdeckt Juli 4 von Mauvais in Paris und Juli 14 von G. P. Bond in Cambridge U. S.; vor der Conjunction mit der Sonne bis zum 2. Nov. (in Berlin) beobachtet, nach der Conjunction am 18. Nov. in Paris von Mauvais wieder aufgefunden, zuletzt am 21. April 1848 von Bond beobachtet. Um den 12. Juli näherte sich der scheinbare Lauf des Cometen bis auf etwa 4° dem Pole. A. N. XXVI. XXVII. XXIX. XXXI. M. N. VIII. C. R. XXV. XXVI. Obs. de Généve 1847 p. 84 (Mém. de Généve XII. Suppl. 2). Proceed. Amer. Acad. I. II. Bishop's Obs. p. 230. Wiener Ann. IV. Königsb. Beobb. XXIX. Quirling und Niebour aus Juli 8, 12, 16. W. Aegu. (A. N. XXVI. 79, 80). D'Arrest aus Juli 12, 14, 22. M. A. 1847,0 (ib. 148). Schmidt aus Juli 4, 9, 16 (ib. 110). Mauvais ans Juli 5. 13. 21. M. A. Juli O (C. R. XAV, 149). v. Littrow aus Juli 13, Sept. 15, Nov. 18. M. A. 1847,0 (C. B. XXVI. 279. A. N. XXVII. 110). Gautier durch Herleitung von 8 Normalörtern aus den sämmtlichen Beobachtungen und mit Rücksicht auf die Störungen. M. A. 1848,0 (C. R. XXXV. 949. A. N. XXXVI. 80).

180. 1847. (IV) Schwacher am 31. Aug. von Schweizer in Moskau entdeckter Comet, beobachtet in Pulkowa von O. Struve bis zum 28. Nov. A. N. XXVI. XXVII. XXVII. XXVII. XXVII. M. N. VIII. Bishop's Obs. p. 235. Wiener Ann. IV. Petersen aus drei Altonaer Meridianbeobachtungen Sept. 11, 13, 15. W. A. Sept. 13 (A. N. XXVI. 192). Hind aus denselhen drei Beobachtungen. W. A. Sept. 15 (ib. 207). D'Arrest aus Sept. 12, 18, 21. W. A. Sept. 18 (ib. 252). Pogson aus Sept. 11, 19, 27. M. A. Sept. 0

(M. N. VIII. 12. A. N. XXVI. 258, wo lg q = 0,1718389). 0. Struce und böllen aus den drei Pulkowaer Beobachtungen Sept. 8, 15, 25. W. A. Sept. 15. Jedoch schliesst sich diese Ellipse den Pulkowaer Beobachtungen noch nicht ausreichend an. (A. N. XXVII. 324. Bulletin de St. Pétersb. VI. 365.) Mehrere Bahnen sind von Schweizer gerechnet; die Annahme einer Ellipse scheint nicht nothwendig, da die zuletzt angegebene wahrscheinlichste Parabel aus den Pulkowaer Beobachtungen Sept. 8 bis Nov. 4 diese schr gut darstellt. Die Ellipse und die erste Parabel sind aus Sept. 8, Oct. 7, Nov. 4 berechnet. M. A. Oct. 7 (A. N. XXIX. 168, 169, 170. Bulletin de St. Pétersb. VIII. 95). — In der Zeit des Perihel-Durchgangs stimmt der vorige Comet mit diesem so nahe überein, dass die nach den beiden bis jetzt zuverlässigsten Bahnen geordnete, sowie den Zeiten der Entdeckung entsprechende Reihenfolge beider noch als ungewiss zu hetrachten ist.

181. 1847. (V) Am 20. Juli von Brorsen in Altona entdeckt und besonders anfangs sehr schwach und verwaschen; am längsten von Rümker in Hamburg, bis Sept. 12, beobachtet. A. N. AXVI. AXVII. XMX. C. R. AXV. Brorsen aus Juli 21, 26, Aug. 1. M. A. 1847,0 (A. N. AXVI. 156), Niebour aus Juli 21, 29, Aug. 6. W. A. Aug. 1 (ib. 157). Schmidt aus Aug. 5, 11, 17 (ib. 179). Quirling und Niebour, eine Ellipse von 124 und Lund. aus Juli 21, Aug. 7, 23. M. A. Aug. 1 (ib. 185). Parrest's erste Ellipse, welche die Beobachtungen von Juli 21 bis Aug. 17 gut darstellt, gab eine Umlaufszeit von nur 28 Jahren nach der zweiten genaueren Babn beträgt dieselbe 75 Jahre. M. A. 1847,0 (A. N. XXVI. 192. XXVIII. 222). Hiermit stimmen nahe überein die beiden Bahnen von Gould aus je drei Normalörtern, welche 71 und 81 Jahre erseben (A. J. 1, 83, 145).

182. 1847.

welche 71 und 81 Jahre ergeben (A. J. 1, 83, 145). In der ersten Periode der Sichtbarkeit, Oct. 3-18, mit blossem Auge als ein nebliger Stern 4. Grösse erkennbar und unabhängig an vier Orten entdeckt: am 1. Oct. von Miss Mitchell in Nanfucket Am., am 3, Oct. in Rom von de Vico, am 7, Oct. von Dawes in Camden-Lodge bei Cranbrook und am 11. Oct. von Mad. Rümker in Hamburg. Der Comet hatte bei seiner grossen Erdnähe eine überaus starke, schon während der Durchgänge durch das Gesichtsfeld des Fernrohrs sehr bemerkbare Bewegung in Declination und erschien als ein heller, mit strahlenförmigen Streifen durchzogener Nebel von einem halben Grade Durchmesser. Binnen 13 Tagen bewegte sich derselbe von der Gegend des Nordpols bis zum Aequator und wurde vor dem Perihel nur bis Oct. 18 (in Berlin und in Cambridge U. S.) bei 12° s. Decl. beobachtet. Nach dem Perihel wurde er auf verschiedenen Sternwarten in den Morgenstunden als ein schwacher Nebel wieder aufgefunden und noch Dec. 11-19 beobachtet, zuletzt in Wien und in Hamburg. A. N. XXVI. XXVII. XXIX. XLV. M. N. VIII. C. R. XXV. XXVI. Proceed. Amer. Acad. I. 183. Bishop's Obs. p. 235. Wiener Annal. IV. Königsb. Beobb. XXIX. Miss Mitchell ohne Angabe der benutzten Beobachtungen (M. N. VIII. 130). Schaub aus Oct. 12, 14, 16.

W. A. Oct. 14 (A. N. XXVI. 289). Oudemans aus Oct. 11, 15, 16 (ib. 272). Burgersdyk aus Oct. 11, 15, 18 (ib. 278). Peirce aus Oct. 11, 14, 18. M. A. 1847,0 (ib. 288 und Proceed, Am. Acad. 1. 183, wo $\pi = 274^{\circ} \cdot 16' \cdot 49''$ angegeben ist). Pogson aus Oct. 7. 11. 17. M. A. 1847.0 (M. N. VIII. 25. A. N. XXVI. 368). Niehonr aus Oct. 7, 12, 17. M. A. 1848,0 (ib. 260). Rümker aus Oct. 3, 11, 17. W. A. Oct. 11 (M. N. VIII. 25). D'Arrest's erste Bahn (W. A. Oct. 14) aus Oct. 11, 14, 16, die zweite (M. A. 1847,0) aus Hamburger und Berliner Beobachtungen im October. Beide nur sehr wenig von der nachfolgenden definitiven Bahnbestimmung von G. Rümker aus allen Beobachtungen abweichend (ib. 11. A. N. XXVI. 249, 275). G. Rümker's erste Bahn ist aus Oct. 3, 17, Dec. 19 berechnet. W. A. Oct. 17 (ib. 349, M. N. VIII, 48). Die beiden letzten Bahnen sind aus sämmtlichen Beobachtungen durch 5 Normalörter gefunden. und zwar ist die erste derselben die wahrscheinlichste Parabel, die zweite der wahrscheinlichste Kegelschnitt. M. A. 1847,0 (A. N. XLV. 269, 270).

183. 1848. (1) Ein kleiner und nur 18 Tage sichtbarer, jedoch ziemlich heller und gut zu beobachtender Comet, entdeckt am 7. Aug. zu Altona von Petersen, zuletzt beobachtet am 25. Aug. in Hamburg und in Altona A. N. XXVII — XXIX. Königsb. Beobb. XXIX. 60. Bishop's Obs. p. 237. G. Rümker aus Aug. 11, 19, 23. W. A. Aug. 19 (A. N. AXVII. 368). Schmidt aus Aug. 7, 15, 21 (ib. 370. T als Berliner Zeit angenommen). Sonutag aus Aug. 11, 18, 25. M. A. Aug. 20,5 (ib. 367. M. N. VIII. 207). Quirling und Sonutag aus 3 Normal-ortern Aug. 14, 19, 22 mit Benutzung verbesserter Sternörter für die Altonaer Beobachtungen. M. A. Aug. 20,5 (A. N. XXVIII. 369). Wiedererscheinung des Encke'schen Cometen. Derselbe wurde am

(96) 1848. (II) die Altonaer Beobachtungen. M. A. Aug. 20,5 (A. N. XXVIII. 369). Wiedererscheinung des Encke'schen Cometen. Derselbe wurde am frühsten Aug. 27 in Cambridge U. S. von Bond aufgefunden und ebendaselbst auch am längsten, bis Nov. 25, beobachtet. A. N. XXVII.—XXIX. XXXI. M. N. VIII. IX. C. R. XXVII. A. J. I. 117. Proceed. Am. Acad. II. 138. Bishop's Obs. p. 238. Greenwich Obs. 1848. Washington Obs. IV. 292. Konigsb. Beobb. XXIX. Obs. de Génève 1848 p. 125 (Mém. de G. XII). Von den Elementen, für das m. Aequ. d. Ep. geltend, sind die zuerst angegebenen die vorausberechneten (A. N. XXVII. 113. M. N. VIII. 180); die zweiten sind die aus den Erscheinungen 1829 — 48 geschlossenen, unter gewissen Annahmen über die Merkursmasse und die Widerstandskraft (Encke, 7. Abh. über den Cometen von Pons, Berl. Akad. 1834). Entdeckt 1848 Oct, 26. von Petersen zu Altona, zuletzt beobachtet 1849 Jan. 26 in Genf von Plantamour. A. N. XXVIII. XXIX. C. R. XXVII. XXVIII. M. N. IX. Proceed. Am. Ac. II. Washington Obs. IV.

184. 1849. (I) gewissen Annahmen über die Merkursmasse und die Widerstandskraft (Encke, 7. Abh. über den Cometen von Pons, Berl. Akad. 1854). Entdeckt 1848 Oct, 26. von Petersen zu Altona, zuletzt beobachtet 1849 Jan. 26 in Genf von Plantamour. A. N. XXVIII. XXIX. C. R. XXVII. XXVIII. M. N. IX. Proceed. Am. Ac. II. Washington Obs. IV. Königsb. Beobb. XXIX. Obs. de Généve 1848 (Mém. de Généve XII). Encke aus Oct. 29, 30, Nov. 2 (M. N. IX. 12. A. N. XXVIII. 62). Hind aus Oct. 26, Nov. 8, 19 (ib. 137). Plantamour, ohne nähere Angabe der Bechnungsgrundlagen (A. N. XXIX. 92). Pogson aus Oct. 26, Nov. 4, 12 (M. N. IX. 27. A. N. XXVIII. 288). D'Arrest, die ersten Elemente aus Oct. 28, Nov. 2, 7 (ib. 108), die zweiten aus den Beobachtungen Oct. 28 bis Nov. 25 (ib. 139. M. N. IX. 26),

die dritten aus den Beobachtungen bis Jan. 12 (ib. 110, A. N. XXVIII. 222). Clausen's frühere Elemente aus Nov. 16, 24, Dec. 1 sind A. N. XXIX, 40 angeführt, die genaueren aus den Beobachtungen bis Jan. 9 bereits in Rd. XXVIII. 315. Safford's Ellipse ist aus Oct. 25, Dec. 18, Jan. 22 berechnet (M. N. IX. 109). Hensel aus 3 Normalörtern Oct. 28, Dec. 3, Jan. 11 (A. N. XXIX. 290). Die genauesten Untersuchungen über die Bahn sind die von Petersen und Sonntag (ib. 305 fg.). Mittels der zuerst angegebenen, aus Oct. 26, Nov. 10, 25 geschlossenen Elemente (A. N. XXVIII, 143) wurden zunächst einige Normalörter gebildet und durch diese die zweite Bahn gefunden (XXIX, 305). Mit dieser wurden die sämmtlichen Beobachtungen verglichen und durch 8 neue Normalörter der wahrscheinlichste Kegelschnitt und die wahrscheinlichste Parabel bestimmt (p. 320). - Das Aequinoctium ist nicht angegeben bei den Bahnen von Encke und von Safford, die Elemente von Hensel gelten für 1848,0, alle übrigen für das m. Aequinoctium 1849,0. Entdeckt am 15. April von Goujon in Paris und bis zum 22. Sept., zuletzt in Liverpool von Lassell und in Berlin, beobachtet. Der Comet erschien als ein rundlicher Nebel mit ziemlich bestimmtem Kern. Die der Parabel sehr nahe sich anschliessende Rahn liess sogleich aus den ersten Beobachtungen so annähernd sich ermitteln, dass die von Argelander aus nur 5 Tagen geschlossenen Elemente mit den definitiven Elementen Wever's aus den Beobachtungen in 5 Monaten fast genau übereinstimmen. A. N. XXVIII-XXXII. M. N. IX. X. C. R. XXVIII. Königsb, Beobb, XXX. Argelander aus April 15, 18, 20 (A. N. XXVIII. 360, M. N. IX. 149, C. R. XXVIII. 604). G. Rümker und Breumann aus April 15, 20, 24 (ib. 604. A. N. XXVIII. 357). D'Arrest aus April 15, 20, 27. M. A. 1849,0 (ib. 361. M. N. IX. 161). Plantamour aus April 15, 25, Mai 1. M. A. Mai 26 (A. N. XXIX. 31). Goujon, die zweiten Elemente aus 5 die ganze Erscheinung des Cometen umfassenden Normalörtern, M. A. Juli 15 (A. N. XXX. 342); über die ersten fehlen nähere Angaben (C. R. XXVIII. 603). Weyer's erste Elemente aus April 15, 25, Mai 5, die zweiten aus 3 auf 5 Monate vertheilten Normalörtern. Die beiden letzten Bahnen umfassen die sämmtlichen Beobachtungen; die erste derselben ist die wahrscheinlichste Parabel, die andere die als wahrscheinlichster Kegelschnitt sich ergebende Hyperbel. Die Berücksichtigung der Störungen während der Dauer der Erscheinung hatte auf dieses erlangte Resultat keinen merklichen Einfluss. M. A. 1849,0 (A. N. XXIX, 13, XXX, 75, XXXV, 208, 212, A. J. I. 36). Entdeckt am 11. April von Schweizer in Moskau und von Bond in Cambridge U. S., sowie auch am 14, April von Graham in Markree und am 24. April von Besson in Marseille. Vor dem Perihel nur etwa drei Wochen hindurch, bis Mai 4 in Berlin und bis Mai 9 in Marseille, beobachtet, nach dem Perihel jedoch nach der Ephemeride von d'Arrest wieder aufgefunden in Cambridge E. und in Cambridge U.S. und noch an den Tagen Aug. 20, 21, 26 und Aug. 24, 26

beobachtet. A. N. XXVIII — XXXI. M. N. IX, X. C. R. XXVIII. Greenwich Obs. 1849. Washington Obs. V. Bulletin phys. math. de

186. 1849.

(III)

185. 1849.

(II)

St. Pétersb. VIII. Gould aus April 11, 12, 14 (A. N. XXVIII 365 T in Cambr. Zeit angenommen). Graham aus April 14, 16, 19, W. A. April 17 (M. N. IX. 127). Walker aus April 11, 14, 19 (Proceed, Am. Acad. H. 150). G. Rümker und Jürgensen aus April 14, 20, 25 (A. N. XXVIII, 355 und C. R. XXVIII, 604, wonach $\log q = 9.95171$). R. Luther und Hensel aus April 14, 20, 26. M. A. 1849,0 (A. N. XXVIII. 361, 363, M. N. IX. 164). Runkle ohne Angabe der benutzten Beobachtungen. M. A. 1849,0 (ib. 165). Sonutag aus April 14, 20, 24 und aus April 14, 23, Mai 2, M. A. bei der zweiten Bahn 1849.0 (A. N. XXVIII. 356, XXIX. 41. C. B. XXVIII. 604). Schweizer, die erste Bahn aus den Pulkowaer Beobachtungen April 17, 23, 29; die zweite Bahn ist die wahrscheinlichste aus den sämmtlichen Pulkowaer Beobachtungen, M. A. April 23 (A. N. XXIX, 64, 122, 123), D'Arrest's erste Bahn aus den Beobachtungen April 14 bis Mai 4; die zweite, mit Zuziehung der Beobachtungen von Bond Aug. 24 u. 26 berechnet, ist eine Ellipse von 8375a Uml., sodass die anfänglichen Vermuthungen einer Identifät mit dem zweiten Cometen von 1748, auch abgesehen von der Verschiedenheit der Periheldistanz, unhaltbar werden. M. A. 1849,0 (A. N. XXIX, 102, XXX, 116, Ber. d. Sachs, Ges. d. Wiss, 1849).

Ucber einen 1849 Nov. 28 von J. Jenkins auf einer Reise von Baltimore nach Rio de Janeiro gesehenen Cometen s. A. N. XXX, 275. M. N. X. 122, 192, A. J. 1, 79.

187. 1850.

Entdeckt von Pelersen in Altona am 1. Mai. Auf der Nordhalbkugel bis zum 28. Juli, zuletzt in Marseille, beobachtet, später noch am Cap von Maclear vom 5. Sept. bis 16. Oct. Im Anfange des Juli war der Comet als ein Stern 5. Grösse mit blossem Auge erkennbar, A. N. XXX - XXXII, XXXIV, XXXVI. C. R. XXX, M. N. X. XI. Mem. Astr. Soc. XXI. Durham Obs. 1849-52. Washington Obs. V. Wiener Ann. IV. J. Breen aus Mai 11, 15, 20, M. A. 1850.0 (M. N. X, 155). R. Schumacher aus Mai 3, 8, 13. W. A. Mai 1 (ib. 152. A. N. XXX. 339). Pogson aus Mai 2, 9, 15. M. A. Mai 0 (M. N. X. 155). Plantamour aus Mai 5, 12, 18. M. A. Juli 24 (A. N. XXX. 384). Hubbard aus Mai 27, Juni 3, 11. M. A. 1850,0 (A. J. I. 92). aus Mai 2, 12, 20, W. A. Mai 12 (ib. 92, A. N. XXX, 388), Walker aus Mai 2, 15, 24. M. A. 1850,0 (A. J. I. 93. A. N. XXXI. 127). Hind, wie es scheint, mit Benutzung der Juni-Beobachtungen. W. A. Juni 15 (ib. 67). Sonntag und Götze aus 3 Normalörtern Mai 4, 22, Juni 6, M. A. 1850,0 (ib. 16, A. J. I. 109). D'Arrest aus den Beobachtungen bis Juni 10, M. A. 1850,0 (ib. 109, Ber. der Sächs, Ges. d. Wiss. 1850. A. N. XXXI. 17). Petersen und R. Schumacher aus 3 Normalörtern Mai 4, Juni 6, Juli 9. M. A. 1850,0 (ib. 80, M. N. X. 167). Villareeau's Elemente stellen die Beobachtungen bis Juli 23 sehr befriedigend dar und lassen keine Abweichung von der Parabel wahrnehmen. M. A. Juli 23,5 (C. R. XXXI. 385. A. N. XXXI. 227). Die sehr vorzügliche Bahnbestimmung von Sonntag umfasst die sämmtlichen, äusserst zahlreichen europaischen Beobachtungen, zum Theil mit verbesserten Sternortern neu reducirt. Die Abweichung von der Parabel ist unsicher und es werden die übrigbleibenden Fehler durch die elliplische Bahn so gut als gar nicht verkleinert. M. A. 1850,0 (A. N. AXMY. 69, 85, 165, 177, 178). In Folge der später bekannt gemachten Beobachtungen am Cap von Maclear hat Carrington zu Sonntag's 8 Normalörtern noch 2 andere binzugefügt und hat mit Berücksichtigung der Störungen für die ganze Dauer der Erscheinung von 167 Tagen die obige für den 12. Mai 1850 geltende Ellipse gefunden, die Längen bezogen auf das m. A. 1850,0 (A. N. XXXVII. 46. M. N. XIII. 219).

188, 1850.

Wurde unabhängig an fünf verschiedenen Orten enldeckt, zuerst Aug. 29 in Cambridge U.S. von Bond, demnächst Sept. 5 in Senftenberg von Brorsen, Sept. 9 in Paris von Mauvais, an demselben Tage in Markree von Robertson und Sept. 14 in Dorpat von Clausen. Vor dem Perihel bis Oct. 13. zuletzt in Marseille, beobachtet, nach dem Perihel nur noch fünfmal in Cambridge von Bond, in der Zeit vom 28. Oct. bis 13. Nov. A. N. XXXI. XXXII. M. N. XI. A. J. I. H. Durham Obs. 1849-52. Washington Obs. V. J. Breen aus Sept. 5, 9, 13. M. A. 1850,0 (A. N. XXXI. 299). Mauvais aus Sept. 9, 13, 17. M. A. Sept. 0 (ib. 219. C. R. XXXI. 219). Graham aus 3 Normalörtern Sept. 5, 9, 14. W. A. Sept. 9 (A. N. XXXI. 236). Quirling aus Sept. 5, 9, 15. M. A. 1850,0 (ib. 235). D'Arrest aus den ersten Beobachtungen von Brorsen und Berliner Beobachtungen (ib. 277). Safford und Runkle aus Aug. 29, Sept. 3, 8 (ib. 253. A. J. I. 128). Reslhuber aus Sept. 5, 16, 27. M. A. Sept. 30 (A. N. XXXI. 320). Niebour und Rümker aus den Beobachtungen bis Sept. 15. W. A. Sept. 10 (ib. 211. M. N. M. 14). Voqel aus Aug. 29, Sept. 17, Oct. 1 (A. N. XXXI. 278). Quirting und Götze, vorläufige aus 3 Normalortern abgeleitete Elemente (vom Aequator auf die Ekliptik reducirt), die den Anfang einer grösseren, nicht zu Ende geführten Untersuchung von Quirling bilden über die Bahn dieses Cometen aus sämmtlichen Beobachtungen. M. A. 1850,0 (A. N. XLI, 241-268).

(163) 1851. (I) Der Fave'sche Comet, der nach den Elementen von Le Verrier (A. N. XXIII. 196, XXXI, 349) in Cambridge E. von Challis wieder aufgefunden und daselbst von 1850 Nov. 28 bis 1851 März 4 beobachtet wurde. Bis zu eben diesem Tage wurde derselbe in Pułkowa beobachtet, an einigen Tagen auch in Cambridge U. S. A. N. XXXII. M. N. XI. C. B. XXXII. XXXIV. Bulletin ph. math. de St. Pétersb. X. 261. Von den angegebenen Bahnen ist die erste Le Verrier's mit Rücksicht auf die Störungen ausgeführte Vorausberechnung (A. N. XXIII, 196, XXXI, 349), welche in einer ausgezeichneten Weise mit den aus den Beobachtungen geschlossenen Bahnen übereinstimmte. Die aus der einen Erscheinung des Cometen von 1843 geschlossene mittlere Bewegung zeigte sich nur um 0",3, der Perihel-Durchgang nur um 1,5 Tage abweichend. Die zweite Bahn ist die durch die Cambridger Beobachtungen vom 28, und 29. Nov. verbesserte (C. R. XXXI. 789). Ueber die nachherige genaue Bearbeitung dieses Cometen von Axel Möller ist bereits bei der Erschemung von 1843 das Nähere angegeben, und es

sind die drei Bahnen für 1851 denen für 1843 entsprechend (A. N. LHI, 173. LIV. 354, 360. LV. 273, 321. LVII. 222. Berliner Astr. Jahrb. 1864. Monatsber. d. Berl. Akad. 1861).

189. 1851.

Der am 27. Juni von d'Arrest in Leipzig entdeckte und nach demselben benannte periodische Comet, dessen von d'Arrest selbst und von Andern auf 6.4 Jahre berechnete Umlaufszeit inzwischen durch die wirklich erfolgte Wiederkehr im Jahre 1857 die vollkommenste Bestätigung gefunden hat. Der Comet gehört zu den schwächeren teleskopischen Himmelskörpern dieser Art, konnte indess bis Oct. 6 (in Berlin) beobachtet werden. A. N. XXXII - XXXIV. M. N. XI. XII. A. J. H. Durham Obs. 1849 - 52. Königsb. Beobb. XXX. C. R. XXXIII. XXXVIII. D'Arrest's erste parabolische Bahn aus Juni 29, Juli 2, 6, W. A. (A. N. XXXII, 342, A. J. II, 41); die erste elliptische Bahn aus Juni 29, Juli 23, Aug. 4 (A. N. XXXIII, 34), die zweite aus 18 Beobachtungen etwa desselben Zeitraums (ib. 44), die dritte aus zweimonatlichen Beobachtungen mit einer m. tägl. Bew. von 551" und 2353 d Umlaufszeit (ib. 125), M. A. 1851,0. fand aus Juni 29, Juli 6, 24, 2001 d Uml. M. A. Aug. 1 (M. N. XI, 219). Vogel aus Juli 2, 23, Aug. 4 2709d. M. A. 1851,0 (ib. und A. N. XXXIII. 47. T nach den A. N. angenommen). Oudemans' Elemente sind die wahrscheinlichsten aus 8 Normalörtern und geben $\mu = 553''$, Uml. = 2342^d.5, nächster Perihel-Durchgang 1857 Dec. 5, M. A. 1851,0 (A. N. XLI, 60, XLVI, 345, A. J. V. 65, Abh. d. Akad. zu Amsterdam 1854). Von Villarceau's verschiedenen Bahnen ist die erste aus den Beobachtungen Juni 29 bis Aug. 3 geschlossen; die zweite aus dreimonatlichen Beobachtungen gibt $\mu = 551'' + 20''$; die dritten und vierten Elemente umfassen unter zwei verschiedenen Annahmen (Ausschluss oder Beibehaltung des letzten Normalortes Oct. 4) und mit Rücksicht auf die Störungen die sämmtlichen Beobachtungen und geben $\mu = 554''$ und = 555'' mit einer auf + 5" geschätzten Unsicherheit, die Umlaufszeit = 2339d und 2335d, nächstes Perihel 1857 Dec. 2,4 und Nov. 28,7. Die Wiederkehr des Cometen 1857 entsprach am genauesten der zweiten der gemachten Annahmen, indem der Perihel-Durchgang nur etwa um 0d,5 früher stattfand. Mit Benutzung dieser Erscheinung von 1857 und unter Fortsetzung der Störungen bis dahin sind dann die fünften Elemente gefunden, welche die Umlaufszeit zu 2334d,5 ergeben. Das Aequinoctium ist bei den ersten vier Bahnen das miltere der Epoche, bei der fünften das von 1850,0 (A. N. XXXIII, 65, M. N. XII, 18. C. R. XXXIII. 205, 459. XXXV. 827. XLIV. 1153. XLVIII. 926).

190. 1851. (III) Am 1. Aug. von Brorsen in Senftenberg entdeckt und ebendaselbst am längsten bis Sept. 30 beobachtet. Der Comet war von geringer Helligkeit, die überdem mit zunehmender Entfernung von der Sonne unverhältnissmässig schnell abnahm, sodass derselbe in der Mitte des October ungeachtet grösserer Erdnähe nicht mehr sichtbarblieb. A. N. XXXIII. XXXIV. XXXIV. C. R. XXXIII. M. N. XI. XII. A. J., II. Wiener Ann. IV. Durham Obs. 1849—52. Königsb. Beobb. XXX. G. Rümker aus Aug. 1, 4, 6. W. A. Aug. 4 (A. N. XXXIII. 31. C. R. XXXIII. 205. M. N. XI. 222). Tuttle aus Aug. 23, 26, 29.

- M. A. 1851,0 (A. J. H. 62. Q 225?). Vogel aus 24tägiger Zwischenzeit. M. A. 1851,0 (A. N. XXVIII. 109). Brorsen aus Aug. 4, 13, 20 (ib. 117), die elliptische Bahn aus Aug. 1, 26, Sept. 21. M. A. 1851,0 (ib. 242).
- 1851. Am 22. Oct. ebenfalls von Brorsen in Senftenberg entdeckt, zuletzt am 20. Nov. in Cambridge E. beobachtet. A. N. XXXIII. XXXIV.
 M. N. XII. A. J. II. Wiener Ann. IV. Schönfeld und Lesser aus Oct. 23, 29, Nov. 11. M. A. Oct. 1,0 (A. N. XXXIII. 339). Klinkerfues aus Oct. 22, 29, Nov. 11. M. A. 1851,0 (ib.). Knnes aus Oct. 30, Nov. 11, 21. M. A. Nov. 11 (ib. 336). J. Breen aus Oct. 24, Nov. 4, 15. M. A. 1851,0 (ib. 307). Götze und Sonntag aus Ornandörtern Oct. 23, Nov. 4, 19. M. A. 1851,0 (ib. 336).
- (96) 1852. Der Encke'sche Comet, zuerst aufgefunden Jan. 9 von Vogel in Bishop's Observatory zu London, zuletzt beobachtet zu Washington am 10. Marz von Ferguson. A. N. XXXIII—XXXVII. XLI. C. R. XXXIV. XXXV. M. N. XIII. A. J. II. Berl. Beobb. IV. Wiener Ann. IV. Durham Observ. 1849—52. Ber. der Wiener Akad. 1852. Die zuerst angeführten Elemente sind die vorausberechneten, bei denen von 1848 ab nur die Jupiters-Störungen angebracht sind (A. N. XXXIII. 247); die zweiten Elemente sind eine Verbesserung dieser nach den Beobachtungen in Berlin und Bonn und mit Rücksicht auf die Widerstandskraft (A. N. XLI. 116. Schriften der Berl. Akad. 1854).
- 192 1852 Ein nur einen Monat hindurch sichtbarer lichtschwacher Comet, der (II) iedoch unabhängig an drei verschiedenen Orten entdeckt wurde: am 15, Mai in Marseille von Chacornac, am 17. Mai in Altona von Petersen und am 18. Mai in Cambridge U. S. von Bond. Derselbe ging am 24. Mai ungewöhnlich nahe am Pole vorüber, bis auf etwa 1° Distanz. Zuletzt beobachtet von Bond Juni 14. A. N. XXXIV. XXXV. M. N. XII. A. J. H. Berl, Beobb, IV. Wiener Ann. IV. Königsb. Beobb. XXX. Bradford aus Mai 18, 19, 20 (A. N. XXXIV. 348. A. J. II. 131). Tuttle gleichfalls aus den ersten amerikanischen Beobachtungen (ib. 131). Vogel aus Mai 17, 19, 21 (A. N. XXXV, 15). Bond aus Mai 18, 21, 25 (A. J. II, 131). Sonntag aus Mai 17, 24, Juni 5 (A. N. XXXIV. 347). Hartwig aus 24tägiger Zwischenzeit (A. N. XXXV. 60). Das Aequinoctium ist bei Sonntag das mittlere von Mai 17.5, bei den übrigen Bahnen das von 1852,0. Die von Hartwig berechnete Hyperbel umfasst den längsten Zeitraum und stellt die Beobachtungen gut dar, widerspricht daher den anfänglich gehegten Vermuthungen einer Identität mit 1827 (II). Im übrigen dürfte die Parabel zur Darstellung der Beobachtungen ausreichen.
- (84) 1852. Wiederkehr des Biela'schen Cometen. Die vorausberechneten Elemente von Satlini, die Störungen des Jupiter und Saturn enthaltend, findet man C. R. XXXI. 496 und mit Hinzufügung der Störungen durch Erde und Venus A. N. XXXII. 95, M. N. XI. 156. Berichte der Wiener Akad. VI. 431. Mem. dell' Instituto Veneto V (1851). Wegen eines in den für 1846 angenommenen Elementen von Plantamour enthaltenen Irrthums (s. A. N. XXXIX. 321, M.I. 266, L. 123)

fand indess der Perihel-Durchgang nicht am 28. Sept., sondern hereits 5 Tage früher statt, und Secchi's Entdeckung des einen Cometenkopfes am 25. Aug. gab nicht sofort Gewissheit, ob derselbe zu dem gesuchten Cometen gehöre. Der zweite Cometenkopf befand sich von dem ersteren in viel grösserer Entfernung als 1846. und erst am 15, Sept, wurde dieser, ebenfalls in Rom von Secchi, Beide wechselten wiederholt ihr Helligkeitsverhältniss und wurden ihrer Lichtschwäche wegen ausser in Rom nur noch in Cambridge E., Berlin und Pulkowa einigemal beobachtet, an letzterem Orte bis Sept. 28. A. N. XXXV. XXXVII. C. R. XXXV. M. N. XII. XIII. A. J. III. IV. Bulletin ph. math. de St. Pétersb. XII. 167. Mém. de l'acad. de St. Pétersb. VI (1854). Beobb, IV. Die Elementenverbesserung aus den Beobachtungen bot dadurch eine eigenthümliche Schwierigkeit dar, dass eine Identification der beiden Cometenköpfe mit denen von 1846 bisher nicht möglich gewesen ist. Hubbard sowohl als d'Arrest fanden (A. J. IV. 1 fg. A. N. XXXIX, 321 fg.), dass die wirkliche Entfernung der beiden Köpfe von einander sowohl 1846 als 1852 jedesmal zur Zeit des Perihels ihr Maximum erreicht hat. Aus der abnehmenden Entfernung zu beiden Seiten des Perihels schliesst dann Hubbard auf zwei Minima vor und nach dem Perihel von 1846 und hält das kleinste Minimum vor diesem Perihel für wahrscheinlicher als umgekehrt. Dies führt zu der Annahme desselben, dass der Hauptcomet A von 1846 mit dem nördlich vorangehenden von 1852 (den d'Arrest mit D bezeichnet) identisch sei. Mit Anbringung der Santini'schen Störungen von 1846 bis 1852 ergaben sich dann bei dieser Annahme die obigen Bahnen für das m. Aegu. 1852.0 (A. J. VI. 140). Die Elemente von d'Arrest (l. l. 325, 327) schliessen sich den Beobachtungen von 1852 in bestmöglicher Weise an, ohne jedoch die m. tägl. Bewegung genauer als bis auf einige Secunden festzustellen. Erst die gegen Ende des Jahres 1865 zu erwartende Wiederkehr des Cometen dürfte bestimmtere Werthe der halben grossen Axen in Aussicht stellen, da der sehr ungünstige Perihel-Durchgang von 1859 unbemerkt vorübergegangen ist. Für letzteren wurden Elemente und eine Ephemeride von Santini publicirt (A. N. L. 123), wobei auch die obigen approximativen Elemente für 1852 angegeben sind. Diese sind mit Beibehaltung der früheren (Santini'schen) halben grossen Axe und mit Hinzufügung der Störungen von 1846 bis 1852 berechnet und stellen den Lauf des helleren (?) der beiden Cometenköpfe befriedigend dar. Es scheint, dass der zuerst entdeckte Kopf C (nach d'Arrest's Bezeichnung) hierunter verstanden werde, doch gibt das genannte Citat keine Gewissbeit darüber.

193. 1852. Entdeckt von Westphal in Göttingen am 24. Juli, im October eine (IV) Zeit lang mit blossem Auge erkennbar, zuletzt beobachtet am 11. Jan. 1853 in Bonn von Schönfeld. Auch am 9. Febr. war der Comet ebendaselbst noch sichtbar, konnte jedoch nicht mehr beobachtet werden. A. N. XXXV — XXXVIII. XL. C. R. XXXV. M. N. XII. XIII. A. J. III. Berl. Beobb. IV. Wiener Ann. IV. Die

Bahn eine Ellipse mit etwa 60 Jahren Umlaufszeit. Somntag's erste Bahn aus Juli 29, Aug. 7, 16; die Ellipse aus Juli 27, Sept. 10, Oct. 26; lg a=1,1891656, Uml. = 60^a ,8. M. A. Aug. 1 (A. N. XXXV. 75, 321. C. R. XXXV. 309. A. J. II. 189). Marth die ersten Elemente aus Juli 27, Aug. 17, Sept. 18; lg a=1,220778; die zweiten aus Juli 27, Sept. 18, Nov. 14; lg a=1,1773292, Uml. = 58^a ,35. M. A. Oct. 12 (A. N. XXXV. 196. 379). Accd Möller gibt diese Bahn in seiner Promotionsschrift (Lund 1854), welche die vollständige Discussion der Beobachtungen und für die Bauer der Erscheinung die Berechnung der Störungen enthält; Uml. = 60^a ,03, lg a=1,1855845. M. A. 1852,0 (A. N. XLIX. 356). West_t-hal's Bahn ist eine gleiche Bearbeitung aller Beobachtungen mit Rücksicht auf die Störungen; lg a=1,1885935, Uml. = 60^a ,66. M. A. 1852,0 (A. N. I. 49).

194. 1853. (1) Entdeckt März 6 von Secchi in Rom, März 8 von Schweizer in Moskau und von C. W. Tuttle in Cambridge U. S., Marz 10 von Hartwig in Leipzig; beobachtet in Rom bis April 11. A. N. XXXVI. XXXIX, XL. C. R. XXXVI. M. N. XIII, A. J. III, Berl. Beobb. IV. Wiener Ann. IV. Bulletin ph. math. de St. Pétersb. XI. D'Arrest aus März 6, 11, 16, M. A. 1853,0 (A. N. XXXVI. 212). Bruhns aus Marz 7, 13, 19. M. A. 1853,0 (ib. 211). Tuttle aus Marz 10, 18, 29. W. A. Marz 18 (A. J. III. 72). Marth aus Marz 7, 16, 28. M. A. Febr. 24 (ib. 78, A. N. XXXVI, 259), v. Reedtz aus Marz 7, 19, 30. M. A. März 19,5 (ib. 303, A. J. III, 79). Lindeloef ausschliesslich aus den Pulkowaer Beobachtungen März 13 bis April 6, M. A. 1853,0 (Bull, phys. math. de St. Pétersb. XIV. 141). Hartwig aus 5 Normalörtern, welche die sämmtlichen Beobachtungen von März 6 bis April 11 umfassen. Die Parabel stellt die Beobachtungen genügend, die Ellipse noch etwas besser dar. Für letztere ist $\lg a = 2,056454$. Uml. = 1215 a. M. A. 1853.0 (A. N. XXXVII. 408, 409). Hornstein aus 7 Normalörtern, welche ebenfalls die ganze Erscheinung umfassen und keinerlei Abweichung von der Parabel andeuten. Eine etwaige Identität mit dem Cometen von 1664 ist mit den Beobachtungen nicht vereinbar. M. A. 1853.0 (A. N. XXXVIII, 160, Wiener Sitzungsberichte XII [1854] p. 11 u. 320).

195. 1853.

Sitzungsberichte XII [1854] p. 11 u. 320).
Entdeckt von Schweizer in Moskau am 4. April, jedoch erst vom 14. April an, und zwar anfangs nur während eines zehntägigen Zeitraums und an wenigen Orten genauer beobachtet. Mit dem 24. April, wo der Comet noch in Berlin beobachtet wurde, verschwand derselbe für Europa, näherte sich zwischen dem 28. und 29. April der Erde bis auf 0,085, wurde demnächst am 30. April auf der südlichen Halbkugel als ein sehr heller Comet mit einem 4°—6° langen gekrümmten Schweife sichtbar und namentlich am Cap von Maclear vom 1. Mai bis 11. Juni beobachtet. A. N. XXXVI XXXIX. M. N. XIII—XV. A. J. III. IV. Berl. Reobb. IV. Bruhus aus April 14, 19, 24. M. A. 1853,0 (A. N. XXXVI. 390). Stockweit aus 3 Normalörtern Mai 2, 22, Juni 8. M. A. 1854,0 (A. J. V. 36), G. Rümker aus 9 Normalörtern, welche aus sämmtlichen Beobachtungen gebildet wurden. Die ausführliche Darlegung dieser sorg-

fältigen Rechnung und die Beschreibung der ganzen Erscheinung des Cometen findet sich A. N. XLV. 271 fg. Die Erdstörungen zeigen sich von nur sehr geringem Einfluss. Um die übrigbleibenden Fehler zu einem Minimum zu machen, hat man $T=\mathrm{Mai}\ 9^{\mathrm{d}}\ 19^{\mathrm{h}}\ 59^{\mathrm{f}}\ 13'',$ e=0,9892973, Uml. = 782^{a} anzunehmen, wenn die andern Elemente unverändert beibehalten werden. M. A. 1853,0 (A. N. XLII. 49. XLV. 283).

196, 1853,

Entdeckt am 10. Juni in Göttingen von Klinkerfues. Der Comet war anfangs teleskopisch, wurde aber im August mit blossem Auge sichtbar, sodass die Helligkeit des Kerns gegen Ende dieses Monats der eines Sterns 2. Grösse gleichkam und die Länge des gekrümmten Schweifes bis zu 10° geschätzt wurde. Schmidt in Olmütz gelang es, um die Zeit des Perihels denselben mehrere Tage nach einander am hellen Tage zu beobachten; am 3. Sept, wurde derselbe am Tage auch von Hartnup in Liverpool gesehen. Nach dem 4. Sept. wurde der Comet für die nördlichen Breiten unsichtbar, jedoch demnächst vom 12. Sept. an noch auf der Südhalbkugel, besonders von Maclear am Cap, beobachtet, welche ausgezeichnet zahlreiche Beobachtungsreihe sich bis zum 9. Jan. 1854 erstreckt. A. N. XXXVI -- XXXIX. Mem. Astr. Soc. XXXI. M. N. XIII. XIV. A. J. III - V. Berliner Beobb, IV. Wiener Ann. IV. Ueber die Tagbeobachtungen des Cometen s. besonders A. N. XXXVII. 211. 237, über die sonstigen physischen Erscheinungen desselben ib. 275, 307, 317, XXXVIII, 137, LV, 145, Hubbard aus Aug. 6, 13, 19 (A. J. III. 119). Bruhns aus Juni 17, Juli 3, 23 (ib. 118. A. N. XXXVII. 85). Ch. Matthieu aus Juni 11, Juli 19, Aug. 24 (C. R. XXXVII. 412). Die Bahnen von d'Arrest stellen beide die erste Abtheilung der Beobachtungen befriedigend dar, die zweite Bahn ist die genauere (A. N. XXXVII. 191. 192. M. N. XIII. 277). Eine Vergleichung der Beobachtungen an einzelnen Sternwarten, mit Einschluss von Schmidt's Tagbeobachtungen, mit der ersten Bahn findet sich A. N. XXXVII. 231. Stockwell hat aus allen vorhandenen Beobachtungen 9 Normalörter gebildet und an drei derselben (Juni 18, Aug. 29, Dec. 29) die obige Parabel angeschlossen, die von der Wahrheit zwar wenig abweichen wird, jedoch so, dass die beigefügte Vergleichung der sämmtlichen Beobachtungen eine nochmalige Revision der Bahn nicht als überflüssig erscheinen lässt (A. J. V. 1-6). Das Aequinoctium ist bei allen Bahnen das mittlere von 1853.0.

197. 1853. (IV)

Entdeckt in Berlin von Bruhns am 11. Sept.; anfangs bis Oct. 5, dann nach seinem Wiedererscheinen in den Morgenstunden noch von Nov. 27 bis Dec. 11 (zuletzt in Olmütz von Schmidt) beobachtet. Im October kam derselbe an Helligkeit einem Sterne 4. Grösse gleich und zeigte einen schmalen geradlinigen Schweif. A. N. XXXVII. XXXVIII. XL. M. N. XIII. A. J. III. Berl. Beobb. IV. Die erste Bahn von Bruhns aus Sept. 11, 13, 15 ist nur als ein Rechnungsbeispiel für den bekannten Ausnahmefall bei Olbers' Methode mit aufgenommen. Die zweiten Elemente sind aus Sept. 11, 16, 21, die dritten aus Sept. 11, 23, Oct. 5, die vierten sind die wahr-

scheinlichsten aus 4 Normalörtern mit Einschluss der Beobachtungen nach dem Perihet (A. N. XXXVII. 193. 219. 259. XXXVIII. 31. A. J. III. 128. M. N. XIII. 277). Die ersten Elemente von d'Arrest sind aus Sept. 11, 21, Oct. 2, 4. Bei der Zusammenfassung aller Beobachtungen findet derselbe mehr eine Abweichung nach der Hyperbel als nach der Ellipse hin (A. N. XXXVII. 276. XXXVIII. 190. Berichte der Sächs. Ges. d. Wiss. 1853). Das Aequinoctium ist durchgängig das mittlere von 1853,0.

Entdeckt von van Arsdale zu Newark in Nordamerika 1853 Nov. 25 198 1854 (1) und von Klinkerfues in Göttingen Dec. 2. zuletzt beobachtet 1854 März 1 in Bonn. A. N. XXXVII - XL. XLVI. M. N. XIV. A. J. III. Rerl. Beobb. IV. Wiener Ann. IV. VII. Bruhns aus Dec. 2, 11, 17 (A. N. XXXVIII, 15). Marth aus Dec. 2, 11, 23 (ib. 45. Bei lg q ist zu lesen 0,3105454). Oudemans aus Dec. 2, 17, Jan. 1 (ib. 39). Klinkerfues aus Dec. 2, 25, Jan. 18 (ib. 94). Die Bahn von Rzepecki ist die wahrscheinlichste aus allen Beobachtungen sich ergebende Parabel, mit der die Elemente von Oudemans aus nur einem Monate fast genau übereinstimmen. Bei der Bahn von Klinkerfues ist die zweite der benutzten Beobachtungen (Dec. 25) mit einem Fehler von 2' in Decl. behaftet. (Rzepecki, De orbita cometae 1854 I. Diss. inaug. Breslau 1857. A. N. XL. 265. XLVII. 178). Das Aequinoctium ist bei allen Bahnen das mittlere von 1854.0.

> 1854 März 16 wurde von Brorsen in Senftenberg ein heller Nebel gesehen und näherungsweise beobachtet, den derselbe für einen Cometen hielt, jedoch später nicht wieder wahrgenommen hat. A. N. XXXVIII. 141.

Zuerst im südlichen Frankreich in den Morgenstunden März 23-25 199, 1854. (II) wahrgenommener heller Comet; von de Menciaux bei Damazan (Dép. Lot et Garonne) am 23. März 4h früh gesehen, allgemeiner erst nach dem Perihel vom 29. März an in den Abendstunden, mit einem mehrere Grade langen gekrümmten Schweif und einem Kern von der Helligkeit eines Sterns 2, Grösse (Bericht von Colla in der Gazz, uffic, di Parma 1854. M. N. XIV, 152); weiterhin an Helligkeit abnehmend, in Europa bis April 19, in Madras von E. B. Powell noch bis April 28 beobachtet. A. N. XXXVIII-XL. M. N. XIV. A. J. HI. Berl. Beobb. IV. Greenwich Obs. 1854. Wiener Ann. IV. Sitzungsber. der Wiener Akad. 1854. C. R. XXXVIII. Die Beobachtungen in Madras von Powell finden sich M. N. XIV. 218. Resthuber aus April 1, 3, 5. M. A. April 1 (A. N. XXXVIII. 324). Adams aus März 30, April 1, 3 (M. N. XIV. 181). Hornstein aus April 1, 2, 4, 5. W. A. April 3 (ib. 178. C. R. XXXVIII. 749. A. N. XXXVIII. 201; π und $\lg q$ in den M. N. etwas abweichend von den A. N.). Hind aus März 29, April 1, 4. W. A. April 0 (M. N. XIV. 177. C. R. XXXVIII, 713). Nell aus April 5, 10, 15 (A. N. XXXVIII, 311). Santini aus April 2, 7, 12. M. A. 1854,0 (Berichte d. Wien. Akad. XII. 1074). E. B. Powell aus April 8, 13, 27 (M. N. XV, 60). E. Quetelet aus Marz 31, April 7, 15 (Bull, de

Pac. de Brux. XXI. 1. 209). Graham aus Mârz 30, April 7, 15.
 M. A. April 0 (M. N. XIV. 193, C. R. XXXVIII, 890). Ch. Mathieu aus 6 Normalörtern von Mârz 31 bis April 15. M. A. April 1 (ib. 1064, A. N. XXXVIII, 347).

200. 1854.

Entdeckt von Klinkerfues in Göttingen Juni 4, 20 Tage später auch von van Arsdale in Newark U. S., wurde gegen Ende des Monats mit blossem Auge sichtbar, mit einem 2-3° langen Schweife. Beobachtet bis Juli 30, zuletzt von Reslhuber in Kremsmünster, A. N. XXXVIII - XL, XLII, M. N. XIV, A. J. IV, Berl, Beobb, IV, Wiener Ann. VII. Königsb. Beobb. XXXI. C. R. XXXVIII. XXXIX. Peirce aus Juni 27, Juli 1, 5. W. A. Juli 1 (A. J. IV. 7. Bei T ist die Länge von Cloverden gleich der von Cambridge 4h 53' 50" W. von Paris angenommen). Ragona aus drei Beobachtungen in Palermo einen Monat nach dem Perihel, Juli 16, 21, 27, M. A. 1854,0 (Atti dell' Acad. di Palermo Vol. III). Argelander aus Juni 5, 11, 17 (A. J. IV. 5. A. N. XXXVIII. 345). Ch. Mathieu und E. Liouville aus Juni 5, 11, 17, M. A. 1854.0 (ib. 349, C. R. XXXVIII, 1087), Bruhns aus Juni 5, 9, 17. M. A. 1854,0 (A. N. XXXVIII. 349. M. N. XIV. 214). Winnecke aus Juni 5, 11, 17 (A. N. XXXVIII, 354). Reslhuber aus Juni 19, 26, Juli 3. M. A. Juni 22 (A. N. XXXIX. 44). Santini aus Juni 11, 26, Juli 10. M. A. 1854,0 (C. R. XL. 200). Oudemans aus Juni 5, 17, Juli 5, M. A. 1854.0 (A. N. XXXVIII, 381). Derselbe zeigt, dass die Annahme einer Identität mit den Cometen von 961 und 1558 unzulässig sei. Keith, die Ellipse aus Juni 11, 26, Juli 11, die beiden hyperbolischen Bahnen aus Juni 5, 26, Juli 18 und aus Juni 5, Juli 1, 27. M. A. 1854,0 (A. J. IV. 15, 23). Bei der Bahnbestimmung von Winnecke und Pape sind 6 Normalörter aus sämmtlichen Beobachtungen gebildet, welchen die Parabel auf das genaueste sich anschliesst. M. A. 1854,0 (A. N. XLII, 119),

201. 1854. (IV) An fünf verschiedenen Orlen unabhängig von einander entdeckt: Sept. 11 von Klinkerfues in Göttingen, Sept. 12 von Bruhns in Berlin, Sept. 13 von van Arsdale in Newark U. S., Sept. 18 von Donati in Florenz und Sept. 21 von Gussew in Wilna; beobachtet zuletzt in Berlin Nov. 14: von Colla in Parma noch bis zum 2. Dec. wahrgenommen, A. N. XXXIX, XL, XLII, XLIII, XLVI, M. N. XIV. A. J. IV. Berl, Beobb. IV. Wiener Ann. VII. Königsb. Beobb. XXXI. C. R. XXXIX. Hind aus Sept. 12, 20, 24. W. A. Sept. 20 (A. N. XXXIX, 132). Gould aus Sept. 12, 20, 26, M. A. 1854,0 (A. J. IV. 38). Winnecke und Pape aus Sept. 12, 22, Oct. 2. M. A. 1854,0 (A. N. XXXIX, 137), Bruhns aus Sept. 12, 28, Oct. 14. M. A. 1855,0 (ib. 157). Günther aus Sept. 12, 20, 28. W. A. Sept. 20. Die zweite Bahn aus Sept. 12, 28, Oct. 14. W. A. Sept. 28. Die dritte Bahn ist die aus 6 Normalörtern sich ergebende wahrscheinlichste Parabel für dasselbe Aequinoctium (A. N. XXXIX. 163. XLI. 277. 279). Lesser hat mit Hinzufügung noch einiger Beobachtungen und von der Günther'schen Parabel ausgehend die ganze Beobachtungsreihe nochmals verglichen und fünf Normalörter gebildet, die erst durch die Ellipse genau dargestellt werden. Letztere gibt eine Umlaufszeit von 1309°. M. A. 1855,0 (A. N. L. 373. 375).

Entdeckt 1855 Jan. 14 von Winnecke in Berlin und von Dien in 202 1854 (V) Paris (A. N. XXXIX, 351, 353, C. R. XL, 200), Wahrscheinlich wurde der Comet schon Ende December von Colla in Parma wahrgenommen, jedoch nicht als neu erkannt, sondern mit dem nahe dabei stehenden Cometen von Klinkerfues (1854 IV) verwechselt (C. R. XL. 294 fg. A. N. XXXIX. 334, 380. XLI. 273). Ungeachtet der Lichtschwäche desselben konnten die Beobachtungen in Leyden von Oudemans bis April 19, in Berlin von Lesser bis April 22 fortgesetzt werden. A. N. XXXIX-XLI. M. N. XV. A. J. IV. C. R. XL. Winnecke aus Jan. 15, 28, Febr. 9. M. A. 1855,0 (A. N. XL, 241). Oudemans aus Jan. 15, 28, Febr. 17. M. A. 1855,0 (ib. 238). Valz aus Beobachtungen bis Febr. 28 (C, R, XL, 536), D'Arrest und Adam fanden, dass eine ganz befriedigende Darstellung der Beobachtungen durch die Parabel nicht möglich ist, während die obige Ellipse nur kleine Fehler in den 6 angewandten Normalörtern übrig lässt; man vgl. A. N. XLI. 297 fg. M. A. 1855,0.

203, 1855. Entdeckt von Schweizer in Moskau am 11. April, sehr spärlich (1) beobachtet, zuletzt Juni 5 in Berlin von Lesser. A. N. XL - XLH. XLIV. M. N. XV. Wiener Ann. VII. Bulletin ph. math. de St. Pétersb. XIV. 72. R. Schumacher aus Apr. 14, 19, Mai 5. W. A. April 19 (A. N. XLI, 11). Oudemans aus April 14, Mai 5, 17. M. A. 1855,0 (ib. 95). Winnecke aus April 19, Mai 6, 18. Die mittlere Beobachtung wird fast genau dargestellt. M. A. 1855,0 (ib. 63, M. N. XV. 227). Tiele's erste Bahn ist aus April 16, Mai 9, Juni 5 berechnet und stellt die mittlere Beobachtung nicht genau dar. Es wurden deshalb 5 Normalörter gebildet, in welche zuerst alle Beobachtungen aufgenommen, dann einige minder sicher scheinende ausgeschlossen wurden. Dies gab entweder zwei Parabeln, welche von der zuerst berechneten wenig abweichen, oder die obigen zwei Ellipsen mit den Umlaufszeiten 1058a,6 und 520a,12, deren Excentricität jedoch wegen der geringen Anzahl und kurzen Dauer der Beobachtungen sehr unsicher bleibt. M. A. 1855.0 (A. N. LH. 33, 37, 38).

204 1855 Entdeckt Juni 3 von Donati zu Florenz, sowie Juni 4 von Klinker-(II) fues in Göttingen und von Dien in Paris; noch kürzere Zeit hindurch beobachtet als der vorige Comet, zuletzt von Lesser in Berlin Juni 30. A. N. XLI. XLII. XLIV. M. N. XV. A. J. IV. C. R. Puiseux aus viertägigen Beobachtungen. M. A. 1855,0 (C. R. XL. 1272). Pape aus Juni 5, 9, 14. M. A. 1855,0 (A. N. XLI. 175). Trettenero aus Juni 5, 12, 19. M. A. Juni 5,5 (ib. 205). Donati, die Parabel aus Juni 5, 11, 17 für das W. A. Juni 11 (C. R. XLI. 274), die Ellipse mit 493 a Uml. aus Juni 3, 5, 11, 17. M. A. 1855,0 (M. N. XVI. 14. A. N. XLII. 63). Die Elemente von Schulze geben für den Zeitraum Juni 5-30 aus 6 Normalörtern die beste Parabel, jedoch bleibt bei der Berliner Beobachtung Juni 30 ein Breiten-Fehler von 106". Die Wegschaffung dieses Fehlers durch eine Ellipse von 14ª Uml. liess für die übrigen Beobachtungen unstatthafte Fehler zurück. Auch die Ellipse von Donati stellt die Normalörter nicht befriegend dar. M. A. 1855,0 (A. N. M.H. 200).

(96)Der Encke'sche Comet, aufgefunden am 12. Juli am Cap der guten 1855 (III)Hoffnung von Maclear dem Sohne, beobachtet daselbst von Mann Juli 13 - Aug. 16. Monatsber. d. Berl. Akad. 1855, p. 667. Mem-

Astr. Soc. XXXI, 19. Die obigen Elemente sind die mit Rücksicht auf die Jupiters-Störungen und die Widerstandskraft vorausberechneten. M. A. Juni 23. A. N. XLI, 118. Encke's siebente Abhandlung über den Cometen von Pons: Schriften d. Berl. Akad. 1854.

Monatsber, 1854 p. 284.

205. 1855.

Entdeckt von Bruhns in Berlin Nov. 12, zuletzt beobachtet 1856 (IV) Jan. 3 in Leipzig von d'Arrest und in Berlin von Winnecke. Der Comet erschien als ein grosser verwaschener Nebel mit sehr unbestimmtem Kern und war in den ersten Tagen des December mit blossem Auge erkennbar, A. N. XLII - XLIV, M. N. XVI, A. J. IV. Wiener Ann. VII. Königsb. Beobb. XXXI. Bruhns und G. Rümker aus Nov. 12, 15, 20, M. A. 1856,0 und W. A. Nov. 15 (A. N. XLII. 192. 189. M. N. XVI. 24. A. J. IV. 141). Winnecke aus Nov. 12, 20, 28. M. A. 1856,0 (A. N. XLII, 207). Calandrelli aus Nov. 20, Dec. 3, 16. M. A. 1856,0 (L'Institut 1856 Juni 4, nach einer Mittheilung von Colla aus den Mém, de l'observ, de l'université Romaine). D'Arrest, die erste Bahn aus den Beobachtungen bis Dec. 3, die zweite bis Jan. 3. M. A. 1855,0 (A. N. XLII. 238. Adam aus den Beobachtungen bis Jan. 3. M. A. 1856,0 (ib. 360). Hoek aus 8 Normalörtern, die sämmtlichen Beobachtungen umfassend. Die Parabel stellt dieselben bereits in befriedigender Weise dar, sodass es der Ellipse nicht nothwendig bedarf. M. A. 1856,0 (A. N. XLIV. 37). Schulze findet gleichfalls aus sämmtlichen Beobachtungen und 6 Normalörtern parabolische Bahnen, die erste die Gewichte der einzelnen Normalörter gleichsetzend, die zweite durch Herleitung des Gewichtes aus der Anzahl der benutzten Beobachtungen. M. A. 1856,0 (ib. 85).

206, 1857.

Entdeckt von d'Arrest in Leipzig Febr. 22, zuletzt beobachtet Mai 2 (1)in Florenz von Donati und in Genf von Plantamour. A. N. XLV-XLVII. M. N. XVII. A. J. V. Wiener Ann. VII. Königsb. Beobb. XXXI. C. B. XLIV. Winnecke aus Febr. 25, März 3, 10, M. A. 1857,0 (A. N. XLV, 286). Trettenero und Plantamour aus Febr. 25, März 6, 12. W. A. und M. A. März 14 (ib. 350, 331). Förster aus Febr. 23, 26, März 10 (ib. 251). Pape aus Febr. 23, März 3, 13. M. A. 1857,0 (ib. 255, M. N. XVII. 161). Watson aus Febr. 26, März 13, 27. W. A. März 13 (A. J. V. 54). D'Arrest aus den Beobachtungen bis April 20. M. A. 1857,0 (A. N. XLVI. 69). Schulze bildete aus den Beobachtungen bis April 26 6 Normalörter und legte durch den ersten und letzten Ort die möglichst sich anschliessende Parabel, welche für die mittleren Oerter nur geringe gleichmässige Abweichungen übrig lässt. Die durch drei der Normalörter gelegte Ellipse trägt zu einer ferneren Verkleinerung der Abweichungen nicht wesentlich bei. M. A. 1857,0 (A. N. XLVII. 86). Nach allen Seiten hin den Gegenstand erschöpfend ist die Arbeit von Loewn über diesen Cometen, wonach eine merkliche Abweichung von der Parabel nicht stattfindet. Die erste der obigen Bahnen ist eine vorläufige Berechnung aus 4 Normalörtern bis April 19, die beiden andern geben die definitiven Elemente aus 222 auf 12 Normalorter vertheiften Beobachtungen, und zwar die zweite den wahrscheinlichsten Kegelschnitt, die dritte die fast genau damit zusammen, fallende wahrscheinlichste Parabel. M. A. 1857,0 (Sitzungsber. d. Wiener Akad. 1859, XXXV, 392, 408, 409, A. N. XLVL 256, Ll. 61).

(171) 1857. Der Brorsen'sche Comet, neu entdeckt von Bruhns in Berlin März 18. (11)Die Identität mit dem Cometen 1846 (III) wurde bald nach den ersten Bahnberechnungen von Pape, Winnecke, Bruhns u. A. erkannt, wobei die Genauigkeit der Brünnow'schen Elemente für 1846 die vollste Bestätigung fand (vgl. 1846 III). Die Helligkeit des Cometen nahm wie 1846 mit der Entfernung von der Sonne ungewöhnlich rasch ab, sodass derselbe nur bis Ende Mai, am längsten von Schmidt in Ohnütz, beobachtet werden konnte. A. N. XLV-XLVII. LIX. C. R. XLIV. XLVII. M. N. XVII. Pape entrahm aus van Galen's Elementen die grosse Axe und die Excentricität und fand so aus den Beobachtungen März 18 und 24 die obigen Elemente, M. A. 1857.0 (A. N. XLV, 287, 319). Trettenero aus März 18, 27, April 3 (A. N. XLVI. 10). Villarceau aus fünfzehntägigen Beobachtungen, als Rechnungsbeispiel zu der Methode der Bahnberechnung desselben in den Ann. de l'obs. de Paris III. 162. M. A. 1857,0. Bruhns' erste Rechnungen unter der Annahme der elliptischen Bahn finden sich A. N. XLV. 327 fg., die obigen genaueren für $\mu = 640''$ A. N. XLVI. 189. M. A. 1857.0. B'Arrest's erste Bahn aus den Beobachtungen bis Mitte April ib. 7, die zweite, die ganze Erscheinung umfassend, ib. 240. M. A. 1857,0. Ueber den Einfluss der grossen Annäherung dieses Cometen an Jupiter im Jahre 1842 auf die Bahn

desselben s. d'Arrest ib. 101. Entdeckt Juni 22 von Klinkerfues in Göttingen, Juni 23 von Dien 207 1857. (III)in Paris, Juni 24 von Habicht in Gotha, Juni 28 von Donati in Florenz. Ein ziemlich beller Comet, der jedoch noch vor Ablauf eines Monates in der Abenddammerung verschwand, zuletzt Juli 19 von Plantamour in Genf beobachtet. A. N. XLVI - XLVIII. C. R. XLIV. XLV. M. N. XVII. A. J. V. Wiener Ann. VII. Königsb. Förster aus Juni 23, 24, 25 (A. N. XLVI. 221). Beobb, XXXI. Villarceau und Lépissier aus Juni 24, 25, 26. M. A. 1857,0 (C. R. XLIV. 1342). R. Goltzsch aus Juni 23, 28, Juli 3, M. A. Juni 28 (A. N. XLVI. 303). Pape aus Juni 23, Juli 3, 14. M. A. 1857,0 (ib. 362. M. N. XVII. 263). Donati aus Juni 23, Juli 4, 17. M. A. 1857,0 (A. N. XLVII. 83). Villarceau die zweiten Elemente aus Juni 24, Juli 2, 5, 10, die dritten aus den sämmtlichen Beobachtungen. M. A. 1857,0 (C. R. XLV. 107. XLVI. 1117). Die ersten und zweiten Elemente finden sich auch in den Ann. de l'obs. de Paris III. 195. 197.

208. 1857. Zuerst entdeckt von C. II, F. Peters in Albany Juli 25, sodann in Paris von Dien Juli 28 und in Gotha von Habicht Juli 30. Der Comet blieb nahe drei Monate am Morgenhimmel sichtbar, wurde jedoch im September nur wenigemal, im October nur noch einmal Oct. 21) von Bond in Cambridge U. S. beobachtet. A. N. XLVI—XLVIII.

M. N. XVII. A. J. V. Wiener Ann. IX. C. R. XLV. Winnecke und Bruhus aus Beobachtungen der Tage Juli 30, Aug. 1, 3 (A. N.

XLVII. 7. XLVI. 383. M. N. XVII. 265. C. R. XLV. 220). Villarceau aus den Beobachtungen bis Aug. 3 (C. R. XLV. 220), Watson, die erste Bahn aus Juli 27, Aug. 3, 10, die zweite aus Juli 27, 29. Aug. 10, 23, die jedoch den Beobachtungen nicht genügte, für deren Darstellung die obige Ellipse mit etwa 175ª Uml, erforderlich war (A. J. V. 72, 79). C. H. F. Peters aus Beobachtungen bis Sept. 23. Uml. 258 a (A. N. XLVII. 301). Pape's parabolische Elemente liessen einen Fehler von 1' 50" in Länge; bei den elliptischen Elementen ist die halbe grosse Axe von Peters angenommen (ib. 301, 302). Lind's erste Bahn aus 3 Normalörtern Juli 25 bis Sept. 7. Uml. 256a; die zweite Bahn aus den Normalörtern Aug. 2, 25, Oct. 21, Uml. 243a (A. N. XLVIII, 74, XLIX, 117). Möller aus der Discussion aller Beobachtungen und mit Berücksichtigung der Störungen während der Dauer der Erscheinung, Uml. 234a,7 (A. N. XLIX, 363). Das Aequinoctium ist bei allen Bahnen das mittlere von 1857,0, ausser bei Winnecke das wahre für Aug. 1. Entdeckt von Klinkerfues in Göttingen Aug. 20. Der Comet zeigte 209. 1857. im September einen etwa 3° langen Schweif, während die Helligkeit des Kerns einem Sterne 3. Grösse gleichkam. Beobachtet von Fearnley in Christiania bis Oct. 3. A. N. XLVII, XLVIII, LII, C. R. XLV. M. N. XVIII, A. J. V. Wiener Ann. IX. königsb. Beobb. XXXIII. Bruhns aus Aug. 21, 22, 23 (A. N. XLVII, 45, M. N. XVII, 266). Fearuley aus Aug. 30, Sept. 1, 3. W. A. Sept. 1 (A. N. XLVII, 75. T in Berliner Zeit angenommen). Pape aus Aug. 21, 29, Sept. 6. M. A. 1857,0 (ib. 77. A. J. V. 88). Villarceau, die parabolischen Elemente aus 9 Beobachtungen Aug. 21-29, die Ellipse mit 1618a Uml, aus Normalörtern Aug, 23 — Oct, 2. M. A. 1857.0 (C. R. XLV. 378, XLVI, 103). Linsser, die vorläufige parabolische Bahn aus Aug. 21, Sept. 12, Oct. 3, die Ellipse aus 5 Normalörtern. die sämmtlichen Beobachtungen umfassend, Uml. 2463a. W. A. Sept. 12 und Sept. 15 (A. N. LH. 98, 105).

210. 1857. (VI)

(V)

Entdeckt Nov. 10 von Donati in Florenz und in derselben Nacht auch von van Arsdale in Newark; sehr schwacher Comet, zuletzt beobachtet Dec. 19 in Berlin. A. N. XLVII. XLVIII. L. C. R. XLV. A. J. V. M. N. XVIII. Wiener Ann. IX. C. Struve aus Nov. 14, 16, 18. M. A. 1858.0 (A. N. XLVII. 231). Pape aus Nov. 11, 15, 18, M. A. 1857,0 (ib. 219. M. N. XVIII. 15). Winnecke und Villarceau aus Beobachtungen bis Nov. 18. W. A. Nov. 15 und M. A. 1857,0 (A. N. XLVII. 218. T = Nov. 19,02633 angenommen, und C. R. XLV. 898). Schoder, die wahrscheinlichste Parabel aus den bekannt gewordenen Beobachtungen, die jedoch dieselben nicht ganz befriedigend darstellt. M. A. 1857 Nov. 14 (Schoder, Die Elemente des Cometen VI. 1857, Tübingen 1858). Die Bahnen von Auwers umfassen ebenfalls sämmtliche Beobachtungen. Die Ellipse gibt keine wesentlich bessere Darstellung, sodass bei der theilweisen Ungenauigkeit der Beobachtungen eine kleine Unsicherheit in den Elementen zurückbleibt. M. A. 1858,0 (A. N. L. 118, 119).

(189) 1857. Wiederkehr des d'Arrest'schen Cometen. Derselbe wurde nach den (VII) Ephemeriden von Villarceau (C. R. XLIV. 1153) den 5. Dec. am Cap wieder aufgefunden und 44 Tage hindurch, bis 1858 Jan. 18, von Mactear und Mann beobachtet. C. R. XLVI. 361. XLVII. 967. A. N. L. 248. M. N. XIX. 45. Die Elemente von Lind sind mit Rücksicht auf die Jupiters-Störungen von 1851—57 aus 6 Normalörtern für diese Erscheinung hergeleitet. M. A. 1858,0 (A. N. L. 250). Von Villarceau sind die Störungen von Jupiter, Saturn und Mars in Betracht gezogen. M. A. 1860,0. Ueber die in der m. Länge der Epoche dabei noch anzunehmende Unsicherheit und deren Einfluss auf die übrigen Elemente findet man das Nähere C. R. XLVIII. 926. Ehhemeriden zur Aufsuchung des Cometen 1863 und 1864 von Vil-

larceau C. R. LIV. 737. (102) 1858. Dieser am 4. Jan. von Horace Tuttle in Cambridge U. S. und am 11. Jan. von Bruhns in Berlin entdeckte Comet erwies sich bald nach den ersten Bahnberechnungen als identisch mit dem zweiten Cometen von 1790, und zwar so, dass derselbe seit dieser Zeit fünf Umläufe gemacht hat und die Periode desselben 13,7 Jahre beträgt. Die Beobachtungen erstrecken sich (in Cambridge U. S.) bis März 23. A. N. XLVII - LI. LIX. C. R. XLVI. A. J. V. M. N. XVIII. Astr. Not. Nr. 2, 9. Wiener Ann. IX. Königsb. Beobb. XXXIII. Auf die Vergleichung mit dem Cometen von 1790 führten zuerst die aus Jan. 4, 7, 12 berechneten obigen parabolischen Elemente von C. W. Tuttle (A. J. V. 101), demnächst noch bestimmter die Untersuchungen Pape's, dessen erste parabolische Elemente man A. N. XLVII. 327 findet. Von den beiden oben angegebenen elliptischen Bahnen Pape's ist die erste aus den Beobachtungen Jan. 4 bis Febr. 8 berechnet (Uml. = 14a,3377), die zweite ist eine Aenderung dieser durch möglichstes Anschliessen der m. Bewegung an die wahre Umlaufszeit (M. N. XVIII. 134. A. N. XLVIII. 24. 25). Safford aus Jan. 4, 21, Febr. 6. Uml. 13a,625 (A. J. V. 114. 144). p'Arrest aus den Beobachtungen bis Febr. 22. Uml. 14a,56 (A. N. XLVIII. 46). Watson aus Jan. 4, 30, Febr. 24. Uml. 13a,965 (A. J. V. 111, 119, 120). Hall aus Jan. 4, Febr. 6, Marz 12. Uml. 13a,71256 (ib. 120, 138). Von den mehrfachen Bahnbestimmungen von Bruhus in Bd. XLVII - XLIX der A. N. sind oben nur die drei späteren genaueren angeführt. Die erste derselben ist aus den Beobachtungen bis Febr. 10 hergeleitet, Uml. 14^a,81 (A.N. XLVIII. 21. M. N. XVIII. 134); die zweite aus 3 Normalörtern Jan. 11, Febr. 2, März 4, Uml. 13a,65 (A. N. XLVIII. 222. XLIX. 34. A. J. V. 170. C. R. XLVII. 65); die dritte aus 4 Normalörtern der Berliner Beobachtungen, Unil. 13a,70 (A. N. XLIX. 39. A. J. V. 174). - Die Längen gelten für das M. A. 1858,0; bei Tuttle ist das Aequ. nicht angegeben. - Die vier Perihel-Durchgänge zwischen 1790 und 1858 haben nach Pape's Untersuchung (A. N. XLVIII. 26) 1803 im August, 1817 im April, 1830 im December, 1844 im Juni oder Juli stattgefunden. Keiner derselben war indess für die Sichtbarkeit des Cometen günstig, mit Ausnahme des von 1830, wo inzwischen die Erscheinung in den Morgenstunden des November und December gleichfalls unbemerkt vorübergegangen ist.

(131) 1858

(II)

Der vorhergehenden Entdeckung der Periodicität des zweiten Cometen von 1790 folgte unmittelbar eine zweite Entdeckung dieser Art, indem der am 8. März von Winnecke in Bonn entdeckte Comet sich als identisch mit dem dritten Cometen von 1819 erwies, als dessen wahre Bahn jedoch Encke schon damals eine Ellipse berechnet hatte, welche durch diese Wiederentdeckung in ausgezeichneter Weise bestätigt worden ist. Der Comet erschien als ein schwacher runder Nebel und konnte in Europa nur bis April 23, in Cambridge U.S. auch noch Mai 2 beobachtet werden, wurde jedoch in Santiago (Chili) von Moesta am 26. Mai wieder aufgefunden und noch bis Juni 22 daselbst beobachtet. XLVIII - LIL C. R. XLVI. A. J. V. Astr. Not. Nr. 9. Schon die aus Mai 8, 11, 12 berechneten ersten Elemente von Krüger liessen Winnecke die Aehnlichkeit mit dem Cometen 1819 (III) erkennen und führten hiernach auf eine genauere Bestimmung der Perihelzeit (A. N. XLVIII, 77. C. R. XLVI. 590). Dasselbe zeigte noch bestimmter die Parabel von Trettenero (A. N. XLVIII, 140). Winnecke's erste Ellipse ist aus März 8, 18, 28, April 6 berechnet (ib. 157. M. N. XVIII. 165, sowie auch A. J. V. 138, wo π um 1' grösser angegeben ist); die zweite aus März 8, April 19, Mai 29 gibt 5a,5489 Uml. M. A. 1858,0 (M. N. XVIII. 320. A. N. XLIX. 117, wo die Epoche Mai 2,0 und bei M... 13",25 zu lesen ist; A. N. LH. 310 ist bei der Berichtigung 5",50 in 0",50 zu verändern). Hänsel's Elemente sind 8 ans allen Beobachtungen gebildeten Normalörtern möglichst gut angeschlossen. Uml. 5a,5285. M, A. 1858,0 (A. N. LIX. 235). Seeling's zweite Elemente sind die wahrscheinlichsten aus allen Beobachtungen mit Rücksicht auf die Störungen während der Dauer der Erscheinung und mit Benutzung der in Bonn und in Pulkowa beobachleten Oerter der Vergleichsterne. Uml. 5a,5610. M. A. 1860,0. Hiernach ist M. N. XXIII. 256 eine Ephemeride für die Wiederkehr Nov. 1863 berechnet. Die ersten Elemente sind vorläufige aus März 8, April 19, Mai 29, denselben Oertern wie bei Winnecke (A. N. LV. 344, 358). - Die Annahme von 7 Umläufen seit 1819 mit einer mittleren Umlaufszeit von 5,54 Jahren kann sonach keinem Zweifel unterliegen. Encke's nur aus einem 36tägigen Zeitraum mit 18 Beobachtungen geschlossene Bahn für 1819 ergab die Umlaufszeit zu 5a,62. Ueber die für die genauere Ermittelung der halben grossen Axe und die Untersuchung über eine mögliche Identität mit dem Cometen 1766 (II) nöthigen Störungsrechnungen s. Winnecke A. N. XLIX. 118.

211.

(III)

1858. Ein sehr schwacher von Horace Tuttle in Cambridge U.S. Mai 2 entdeckter, zuletzt in Ann Arbor Juni 1 und überhaupt nur an diesen beiden Orten einigemal beobachteter Comet. A. N. XLVIII. LI. A. J. V. C. B. XLVI. Astr. Not. Nr. 2, 9, Hall aus Mai 4, 9, 12 (A. N. XLVIII, 331, M. N. XVIII, 322). Watson aus Mai 3, 4, 9, 12. M. A. 1858,0 (A. J. V. 141. A. N. XLIX. 120). — Die Aufeinanderfolge dieses und des vorhergehenden Cometen bietet eine ahnliche Unbestimmtheit dar wie bei 1847 (III) u. (IV): für jetzt ist indess die-

selbe auch hier der Reihenfolge der Entdeckungen entsprechend. 212.Entdeckt am 21. Mai von Bruhns in Berlin. Der Comet erschien

(IV)

- ziemlich hell und zeigte einen etwa 1/2° langen Schweif, konnte jedoch an den meisten Orten nur während eines Monats beobachtet In Marseille wurde derselbe bis Juli 15 gesehen (C. R. XLVII, 306). A. N. XLVIII-L. LIX. A. J. V. C. R. XLVI. Wiener Ann. IX. Königsb. Beobb. XXXIV. Bruhns und Karlinski aus Mai 21, 23, 26. W. A. Mai 23 (A. N. XLVIII, 286, 287, M. N. XVIII, 322). D'Arrest aus den Beobachtungen bis Juni 10. M. A. 1858,0 (A. N. XLVIII. 353). Loewy aus 10 Beobachtungen. M. A. 1858,0 (ib. 361, Berichte d. Wien. Akad, XXX. 272). Auwers, die erste Bahn aus 3 vorläufig abgeleiteten Normalörtern Mai 25, Juni 6, 19; die zweite Bahn aus 4 Normalörtern mit Berücksichtigung der Gewichte der verschiedenen Beobachtungen; die dritte Balın aus denselben Normalörtern Mai 28, Juni 4, 10, 17 ohne Unterscheidung der Gewichte. Letzlere Bahn stellt die Beobachtungen noch ein wenig besser dar als die zweite. M. A. 1858.0 (A. N. LI. 113, 122, 124).
- (163) 1858. Der Faye'sche Comet. Aufgefunden am 7. Sept. von Bruhns in (V) Berlin, beobachtet daselbst von Sept. 8 bis Oct. 16, ausserdem bei der sehr grossen Lichtschwäche desselben nur noch in Cambridge E. Sept. 15 bis Oct. 11. A. N. XLIX, L. LII. A. J. V. Die Elemente von Bruhns sind nur vorläufige Approximationen, worüber das Nähere nachzuschen ist A. N. XLIX, 107, LIJ, 86, M. N. XVIII. 325. Die definitiven Elemente von Möller findet man A. N. LIV. 361. LVII. 223. Bei den zweiten Elementen sind die Störungsrechnungen mit den verbesserten Cometenörtern wiederholt. Man vergleiche oben die Erscheinungen von 1843 und 1851, sowie auch Encke über den Fave-Möller'schen Cometen in dem Berl, Astr. Jahrb, 1864 und den Monatsberichten der Berl, Akad. 1861,
- 213.1858. Dieser seit dem Cometen von 1811 glänzendste Comet des gegenwärtigen Jahrhunderts wurde, längere Zeit vor seiner Sichtbarkeit mit blossem Auge, zuerst am 2. Juni von Donati in Florenz entdeckt und konnte bis zum 4. März des folgenden Jahres, zuletzt von Maclear am Cap, beobachtet werden, demnach während eines Zeitraums von 275 Tagen. Mit blossem Auge war derselbe von Ende August bis Anfang December sichtbar, besonders zu Anfang des October mit seinem gegen 30° langen fächerförmigen und etwas gekrümmten Schweife die allgemeinste Aufmerksamkeit auf sich tenkend. A. N. XLVIII - LIII. LVI. LVIII - LX. C. R. XLVII. XLVIII. A. J. V. VI. M. N. XVIII - XX. Mem. Astr. Soc. XXIX. XXX. Astr. Not. Nr. 1, 5, 7, 9, Bulletin de l'acad. de St. Pétersb. I (1860). Mém. de St. Pétersb. II (1859). Proceed. Amer. Acad. IV. V. Wiener Ann. IX. Königsb. Beobb. XXXIV. Greenw. Obs. 1858. Dorpat. Beobb. XV. Lamont, Jahresber. der Sternwarte bei München 1858. Edinb, philos, Journ. 1859 Juli. Ueber die physischen Erscheinungen dieses grossen Cometen gibt die vollständigste Zusammenstellung Bond's Account of the great comet of 1858 (Vol. III der Annals of the observatory of Harvard college), ein in dieser Hinsicht in der

astronomischen Literatur einziges und namentlich in Betreff der ausgezeichneten Schöuheit und Treue der Abbildungen bisher unerreichtes Werk. Einen wichtigen Nachtrag zu den physischen Beobachtungen geben noch J. Schmidt's Astr. Beob. über Cometen (Athen 1863) p. 1-66. - Die genaueren Bahnbestimmungen, welche jedoch bis jetzt nur die Beobachtungen auf der nördlichen Halbkugel bis Ende October einschliessen, und ohne Rücksicht auf die Störungen, ergeben eine Ellipse von etwas über 2000 Jahren Umlaufszeit. Donati aus Juni 7, 28, Juli 14 (A. N. XLIX. 57. M. N. XVIII. 323). Bruhns, die Parabel aus Juni 14. Juli 9. Aug. 7. die Ellipse aus Juni 14, Aug. 7, Sept. 21. Uml. 2102 a (A. N. XLIX. 59, 138). Winnecke aus einem Normalort Mitte Juni, Aug. 7 und Sept. 24 (Bull. de St. Pet. XVII. 299). Watson, die Parabel aus 3 Normalörtern Juni 11, Juli 13, Aug. 14; die Ellipse ebenso aus Juni 11, Aug. 13, Sept. 25 (bei der jedoch der mittlere Ort nicht genau dargestellt wird). Uml. 2415a (A. N. XLIX. 119. A. J. V. 156, 165, Mem. Astr. Soc. XXX, 56). Stampfer, die Parabel aus Juni 14, Juli 9, Aug. 5, die Ellipse aus Juni 14 bis Sept. 29. Uml. 2138ª (A. N. XLIX, 102, 173), Searle aus 3 Normalörtern Juni 13, Aug. 14, Oct. 15. Uml. 2338ª (A. J. V. 189). Brünnow aus den Normalörtern Juli 11 und Aug. 14 und aus Oct. 15. Unl. 2470a (Astr. Not. Nr. 1). Newcomb aus 3 Normalörtern Juni 13, Aug. 22, Oct. 19. Und. 1854a (A. J. V. 178). Loewy, die Parabel aus Beobachtungen von Juni 13 bis Sept. 14, die erste Ellipse aus Beobachtungen bis Sept. 29, Uml. 2495a; die zweite Ellipse aus 6 Normalörtern bis Oct. 16, Uml. 2040a: die dritte aus 5 Normalörtern bis Oct. 4, Uml. 2054a, letztere die Beobachlungen etwas besser darstellend (A. N. XLIX. 135, 178. Sitzungsber. der Wiener Akad. XXXIII. 152, 208, 210). -Das Aegu, ist durchgängig das mittlere von 1858,0; bei den Elementen von Newcomb ist dasselbe nicht angegeben.

214. 1858. (VII) Entdeckt Sept. 5 von II. Tuttle in Cambridge U. S. Der Comet erschien im Anfange des October als ein ziemlich heller und grosser rundlicher Nebel, jedoch mit wenig bestimmtem Kern, beobachtet in Kremsmünster von Reslhuber bis Nov. 10. A. N. XLIX.—LII. A. J. V. VI. M. N. XX. C. R. XLVII. Astr. Not. Nr. 10. Wiener Ann. IX. Königsb. Beobb. XXXIV. Pape und Auwers aus Sept. 9, Oct. 3, 12 (A. N. XLIX. 183. 205). Thiele gleichfalls aus den Beobachtungen bis Oct. 12 (ib. 222). Weiss aus Sept. 5, Oct. 7, 14, Nov. 2 (Ber. d. Wiener Akad. XXXIII. 360). — Die Längen gelten bei allen Bahnen für das M. A. 1858.0.

(96) 1858. (VIII) Der Encke'sche Comet, aufgefunden Aug. 7 von Förster in Berlin, beobachtet besonders im September, in Berlin bis Oct. 7. A. N. XLIX—LI. A. J. V. M. N. XVIII. C. R. XLVII. Astr. Not. Nr. 2. Wiener Ann. IX. Königsb. Beobb. XXXIV. Die obigen vorausberechneten Elemente sind aus denen für 1855 gefunden durch Hinzufügung der Jupiters-Störungen nach den Rechnungen von Powalky (A. N. XLIX. 46. LI. 84. A. J. V. 154. M. N. XVIII. 310. C. R. XLVIII. 302). Verschiedene an diese Erscheinung des Encke'schen Cometen geknüpfte Erörterungen, das widerstehende Mittel betref-

fend, findet man C. R. XLVII. A. N. LV. 273. Astr. Jahrb. 1861. Monalsber. d. Berl. Akad. 1858.

- 215. 1859 Entdeckt am 2. April in Venedig von Tempel, sowie unabhängig davon gegen Ende des Monats auch auf den Sternwarten in Ann Arbor, Cambridge U.S. und Washington. Der Comet war ziemlich hell und liess einen Schweifansatz erkennen, wurde jedoch in Europa nur bis Mitte Mai (in Florenz bis Mai 17) beobachtet. Nach dem Perihel gelangen Bond in Cambridge, obwohl mit Mühe, noch drei Beobachtungen Juni 26, 27, 30, A. N. L-LHI. LXI. C. R. XLVIII. XLIX. A. J. VI. Astr. Not. Nr. 6, 7, 12. Wiener Ann. IX. Safford aus April 23, 27, 29 (A. N. L. 330, A. J. VI. 24, M. N. XIX. 297). Watson aus April 23, 27, Mai 1 (A. Not. Nr. 7). Hali aus April 23, 27, Mai 2 (A. J. VI. 24, M. N. XIX. 297). Loewy aus April 7, 14, 20 (A. N. L. 239). Tiele aus April 14, 24, Mai 5 (ib. 331). Stampfer aus April 14, 26, Mai 6 (ib. 297). Auwers aus April 14, 24, Mai 3, 7 (ib. 287). Hertzsprung aus 4 Normalörtern bis Mai 7, iedoch die vorhandenen Beobachtungen nicht vollständig enthaltend (A. N. LIII, 152). — Alle Längen beziehen sich auf das M. A. 1859,0, ausser bei Safford auf Apr. 27,
- aui das M. A. 1859,0, ansser bei Sanora aui Apr. 27.

 216. 1860. Entdeckt von Liais zu Olinda in Brasilien Febr. 26 und nur von dem Entdecker bis März 13 an 7 Tagen beobachtet. In der Lichtabnahme begriffener sehr schwacher Comet, jedoch ausgezeichnet als das zweite bestimmte Beispiel eines Doppelcometen.

 Der vorangehende hellere Comet war in der Richtung des Radiusvectors etwas verlängert, von dem erheblich schwächeren Nebencometen liess die Gestalt sich nur als rundlich bezeichnen. A. N. LII. C. R. L. LI. A. J. VI. M. N. XX. Pape aus Febr. 26, 29, März 3. W. A. Febr. 29,6 (A. N. LII. 381. A. J. VI. 108). Liais aus den gesammten Beobachtungen. M. A. 1860,0 (C. R. L. 1992. M. N. XX, 336).
- 217. 1860. Entdeckt von G. Rümker zu Hamburg am 17. April. Die Beobach-(II)tungen dieses lichtschwachen Cometen erstrecken sich wenig über einen Monat, eine einzelne Beobachtung Bond's vom 11. Juni ausgenommen, A. N. LHI, LV, LVII, LXI, A. J. VI, Astr. Not. Nr. 18, 19 Bull, de l'acad, de St. Pétersb. 1860. Wiener Ann. X. Romberg aus April 22, Mai 1, 10 (A. N. LHL 175). Schiaparelli aus April 17, 28, Mai 9 (Bull, de St. Pétersb. II. 255). Murmann aus den Beobachtungen April 17 bis Mai 12 (A. N. LHI. 153). Safford jun. aus April 17, 25, Mai 23 (Astr. Not. Nr. 19). Seeling aus April 17, Mai 6, 23 (A. N. LIV. 7, M. N. XX, 357). Bei den Elementen von Gylden sind die sammtlichen Beobachtungen benutzt und in 6 Normalorter zusammengezogen, welche sehr gut dargestellt werden Bull. de l'acad, de St. Pétersb. Vt. 363 fg.). Das Aequ, ist durchgängig das mittlere 1860,0.
- 218. 1860. Heller, mit blossem Auge sichtbarer Comet; Juni 18 in Italien, Juni 19 in Chalons, sowie in den nächstfolgenden Tagen an verschiedenen andern Orten Europas und Amerikas wahrgenommen. Der Comet, anfangs einen 20° langen Schweif zeigend, jedoch bald an Helligkeit abnehmend, war für Europa nur bis um die Mitte Juli sichtbar, konnte jedoch in Santiago noch bis Sept. 12, am Cap bis

Oct. 18 beobachtet werden. A. N. LIH. LIV. LVII. LVIII. LXI. C. R. L. L.I. Bull, de St. Pétersb. III. Wiener Ann. X. A. J. VI. Not. Nr. 20-22. M. N. XX-XXII. Schmidt, Astr. Beob. über Cometen (Athen 1863). Bond, Account of the great comet of 1858 n. 325 p. 362. Die Can-Beobachtungen, auf neu bestimmten Sternortern beruhend, finden sich Mem. Astr. Soc. XXXI. 29. Auwers aus Juni 23, 25, 27. W. A. Juni 25 (A. N. LIII. 299). Powalky aus Juni 23, 26, 29, W. A. Juni 26 (ib. 319, M. N. XX, 363). Loewy ans Juni 22 bis Juli 2. M. A. 1860,0 (A. N. LIII, 318). Seeling aus Juni 22, 29, Juli 6. M. A. 1860,0 (A. N. LIV. 8). Liais aus Beobachtungen bis Juli 23. M. A. 1860,0 (ib. 92. C. R. L.I. 503. A. J. VI. 164. Nach den A. N. ist $\pi = 161^{\circ} 31' 10''$). C. W. Tuttle aus Juni 21, 24, 27, M. A. 1860,0 (A. J. VI. 128. T als Greenw, Zeit angenommen). H. Tuttle aus Juni 21, 28, Juli 6, M. A. id. (A. N. LIV, 6). aus Juni 22, Juli 1, 10, M. A. 1860,0 (A. J. VI. 128. T als Washingtoner Zeit angenommen). Hall aus 3 Normalörtern Juni 25, Juli 6, 18. M. A. 1860,0 (Astr. Not. Nr. 24). Moesta aus Juni 23, Juli 14, Aug. 13, Sept. 12. M. A. 1860,0 (M. N. XXI. 188). Die Bahn scheint hiernach von der Parabel wenig abzuweichen.

219. 1860. (IV)

Entdeckt am 23. Oct. von Tempel in Marseille, daselbst nur noch einmal an dem folgenden Tage und einmal Oct. 25 in Paris beobachtet. Auf diese drei Beobachtungen gründet sich die erste der beiden obigen von Valz berechneten Bahnen. Am 14. Nov. sah Tuttle in Cambridge U. S. einen sehr schwachen Cometen in der Nähe des Polarsterns, nach welcher Richtung hin jener Comet sich bewegte, und unter Benutzung dieser Angabe ist die zweite sehr abweichende Bahn berechnet. A. N. LIV. 143. 285. C. R. LI. 675. A. J. VI. 166. M. N. XXI. 39.

220. 1861. (I) Zuerst entdeckt am 4. April von Thatcher in Newyork; in Europa am 30. April mit blossem Auge wahrgenommen von Bäcker in Nauen. Der Comet erschien Anfang Mai als ein sehr grosser Nebel mit wenig bestimmtem Kern und einem schmalen 3° langen Schweife. Vor dem Perihel wurde derselbe auf der Nordhalbkugel (in Washington und in Athen) bis Mai 25 beobachtet, nach dem Perihel von Moesta in Santiago Juli 30 bis Aug. 15, von Mann am Cap Aug. 18 bis Sept. 6. A. N. LV-LXI. Astr. Not. Nr. 24. Wiener Ann. XI. XII. M. N. XXI. XXII. Observ. de Paris XVII. Washington Obs. 1861. Die Cap-Beobachtungen, zu welchen die Sternörter neu bestimmt sind, finden sich Mem. Astr. Soc. XXXI. 41. Förster und Tietjen aus Mai 1, 2, 3 (A. N. LV. 217). Safford aus April 10, 18, 29. M. A. 1861,0 (ib. 300). Hall aus April 19 bis Mai 20. M. A. 1861,0 (Astr. Not. Nr. 26). Pape, die erste Parabel aus Mai 2, 3, 4 (W. A. Mai 3), die zweite aus April 10, Mai 1, 18. Die Ellipse aus denselben Beobachtungen, jedoch mit Benutzung eines Normalortes statt der einzelnen Beobachtung Mai 1. M. A. 1861,0 (A. N. LV. 205. 253. 255. M. N. XXI. 241). Oppolzer's erste aus 3 Normalörtern April 14, Mai 4, 19 berechnete Bahn stellte diese nahe dar; bei Zuziehung eines vierten Normalortes Sepl. 4 aus den Cap-Beobachtungen genügte dagegen die Parabel nicht, und wurden somit die

schon bei den Bahnen von Hall und Pape aus den Beobachtungen auf der Nordhalbkugel sich zeigenden Abweichungen bestätigt. M. A. 1861,0 (A. N. LVI. 372. LVIII. 7). Die dritte definitive Bahn aus 7 Normalörtern von April bis September (A. N. LXII. 187), die erst während des Druckes dieses Nachtrages bekannt geworden ist, ergibt von dieser zweiten nur äusserst geringe Abweichungen. Es wird T= Juni 3 9 h 30′ 50″, $\pi=$ 243° 22′ 1″, Q= 29° 55′ 42″, i= 79° 45′ 31″, i= 9,9641181, i= 0,983463143, i= 55,67565. Uml. 415³,430.

221. 1861. (II) Dieser grosse Comet ging nahezu zwischen Erde und Sonne durch seinen aufsteigenden Knoten, und bei der fast senkrechten Lage seiner Bahn gegen die Ekliptik zeigte sich derselbe für die Nordhalbkugel an dem ersten Tage seiner Sichtbarkeit, dem 30. Juni, plötzlich in dem Maximum seines Glanzes. Auf der südlichen Halbkugel wurde derselbe bereits früher beobachtet, so am 11. Juni von Liais in Brasilien, am 10. Juni von Moesta in Santiago; zuerst entdeckt Mai 13 in Neuholland von Tebbutl. Der Schweif hatte am 30. Juni eine Länge von mehr als 40° (in Athen selbst bis zu 120° erkennbar), nahm indess, wie auch der Kopf des Cometen, hald an Heltigkeit ab. Jedoch blieb der Comet in hoher nördlicher Declination ungewöhnlich lange sichtbar und konnte von O. Struve bis zum 1. Mai 1862 verfolgt werden, sodass demnach die Beobachtungen fast die Dauer eines Jahres erreichen. A. N. LV-LXI. C. R. LIII. LIV. Astr. Not. Nr. 26, 27. Wiener Ann. XI. XII. M. N. XXI. XXII. Washington Obs. 1861. Oxford Obs. XXI. Observ. de Paris XVII. Silliman's Amer. Journal 1861 Sept. J. Schmidt, Astr. Beob. über Cometen (Athen 1863). Jahresbericht der Sternwarte Pulkowa 1862. Hopff aus Juni 30, Juli 1, 2, W. A. Juli 1 (A. N. LV. 310). Hall aus den ersten Beobachtungen (Silliman's Journ, 1861 Sept.). Hind W. A. Juli 1 (C. R. LIII. 42. 80). Murmann aus Juni 30, Juli 2, 4. W. A. Juli 2 (A. N. LV. 364). Pape aus Juni 30, Juli 3, 6. M. A. Juni 30,5 (ib. 307). Loewy W. A. Juli 4 (C. R. LHI. 41, 42, 80). Hubbard aus Juli 2, 4, 6 (Sill, Journ, 1861 Sept.), Noch zwei andere Rechnungen Hubbard's finden sich A. N. LV. 380. Astr. Not. Nr. 26 und Washington Obs. 1861 p. 274, letzteres eine Hyperbel. Brünnow aus Juli 2, 9, 13, 23. M. A. 1861,0 (Astr. Not. Nr. 26). C. W. Tuttle aus Juli 4, 8, 12. M. A. 1861.0 (ib.). II. P. Tuttle aus Juli 2, 13, 24. M. A. 1861,0 (A. N. LVI. 271). Hawkins aus den Beobachtungen im Mai und Juni in Sydney (M. N. XXI. 258). Michez aus Juni 11, Juli 17, Aug. 18. M. A. Juni 11 (A. N. LVI. 94). Fergola aus Beobachtungen bis Sept. 8. M. A. Juli 1 (A. N. LVII. 93). Auwers, die erste Bahn aus Juni 11, Juli 18, Aug. 21, die zweite aus den Normalörtern Juni 12 und Juli 23 und aus Aug. 30. M. A. 1861,0 (A. N. LVI. 79, 80). Sluzki aus Juni 30 bis Sept. 10. M. A. 1861,0 (A. N. LVIII. 199). Safford, die Parabel aus Juni 30, Juli 8, 9, 18. M. A. 1861,0 (Sill. Journ. 1861 Sept.). Die Ellipse aus 4 Normalörtern Juli 1, 16, Aug. 5, Sept. 16 (A. N. LVI. 270). Seeling, die Parabel aus Juni 11, Juli 1, 21. M. A. Juli 1 (A. N. LV, 367). Die erste Ellipse aus Juli 1 bis Aug. 7. M. A. Juli 1

(A. N. LVI. 60), die zweite aus 6 Oertern von Juni 12 bis Dec. 22, bei der jedoch für die Erdnähe Juli 1 noch ein erheblicher Breitenfehler bleibt. M. A. 1861,0 (A. N. LVII. 41). Die genaueren Bahnen sind hiernach Ellipsen, jedoch mit sehr von einander abweichenden Umlaufszeiten.

- Entdeckt 1861 Dec. 28 von H. P. Tuttle in Cambridge U. S. und 222. 1861. (III)1862 Jan. 8 von Winnecke in Pulkowa. Konnte, wegen baldiger Lichtabnahme, nur kurze Zeit beobachtet werden, zuletzt am 2. Febr. von Tietien in Berlin. A. N. LVII. LIX - LXI. C. R. LIV. M. N. XXII. Wiener Ann. XII. Bull, de St. Pétersb. V. Sill, Journ. 1862 März. Wash. Obs. 1862, Tuttle aus Dec. 28, Jan. 1, 4, 7, M. A. 1862,0 (A. N. LVII. 132, C. R. LIV. 465). Tietien aus Jan. 8, 18, 22, W. A. 1862 Jan. 18 (A. N. LVII. 31). Hall aus Dec. 30, Jan. 9, 22. M. A. 1862,0 (A. N. LVIII, 30. Le Verrier, Bulletin 1862 Juli 26). Pape aus Dec. 28. Jan. 9, 22. M. A. 1862,0 (A. N. LVII. 31). Safford, die ersten Elemente aus Dec. 28, 30, Jan. 1, die zweiten aus Dec. 28, Jan. 10, 23. M. A. 1862,0 (ib. 29. M. N. XXII. 95. Le Verrier, Bulletin 1862 Juli 26).
- (96) 1862. Der Encke'sche Comet, zuerst aufgefunden am 4. Oct. 1861 von Förster. Ausser dieser einen Berliner Beobachtung sind vom October nur noch Beobachtungen in Athen und in Cambridge U. S. vorhanden, allgemeiner wurde derselbe erst im November, December und Januar beobachtet, in Kremsmünster, in Leyden und in Cambridge U. S. bis Jan. 27, zuletzt am 24. Febr. in Sydney von Scott. A. N. LVI—LVIII. LX. LXI. C. R. LIV. M. N. XXII. Monatsber. d. Berl. Akad. 1862. Sill. Journ. 1862 März. Wash. Obs. 1861—62. Die Elemente sind die vorausberechneten aus denen der vorhergehenden Erscheinung mit Hinzufügung der von Powalky berechneten Jupiters-Störungen. A. N. LVI. 86. M. N. XXI. 253. Monatsber. d. Berl. Akad. 1861 p. 927.
- 1862. Am 2. Juli in Athen von Schmidt und einige Stunden später in 223.(II)Marseille von Tempel entdeckt, sowie auch am 3. Juli von Bond in Cambridge U. S. und von Simons in Albany. Der Comet erschien anfangs wegen seiner Erdnähe als ein grosser, selbst mit blossem Auge erkennbarer Nebel, nahm jedoch bald an Helligkeit ab und konnte nur bis zum 30. Juli (zuletzt in Athen, in Cambridge U. S. und in Clinton) beobachtet werden. A. N. LVIII. LX. C. R. LV. J. Schmidt, Astr. Beob. über Cometen (Athen 1863). H. P. Tuttle und Hall aus Juli 3, 4, 5, W. A. Juli 4 (A. N. LVIII. 90, 89. Le Verrier, Bulletin 1862 Juli 29, wo T als auf Washington bezogen angegeben ist, statt in den A. N. auf Greenwich). Weiss aus Juli 2, 3, 5. M. A. 1862,0 (A. N. LVIII. 93. M. N. XXII. 314). Hind aus den ersten Beobachtungen (Le Verrier, Bull. 1862 Juli 29). Seeling, die erste Bahn aus Juli 2, 7, 11. W. A. Juli 7; die zweite aus Juli 3, 10, 23. M. A. 1862,0 (A. N. LVIII. 32. 141).
- 224. 1862. Zuerst wahrscheinlich entdeckt Juli 15 von Swift in Marathon U. S., der den vorhergehenden Cometen zu sehen glaubte, bestimmter Juli 18 von H. P. Tuttle in Cambridge U. S., Juli 22 von Pacinotti und Toussaint in Florenz, Juli 25 von P. Rosa in Rom, Juli 26 von

Schiellerup in Copenhagen. Im August zeigte sich der Comet dem blossen Auge, obwohl nur in mässiger Helligkeit, mit einem 10-20° langen Schweife, und konnte in Athen von Schmidt bis zum 26. Sept. beobachtet werden, auf der Südhalbkugel von Tebbutt in Sydney bis Oct. 14. A. N. LVIII - LXI. M. N. XXII. XXIII. Wiener Ann. XII. Obs. de Paris XVIII. Schmidt, Astr. Beob. über Cometen (Athen 1863). Wash, Obs. 1862. Secchi aus 3 römischen Meridian-Beobachtungen Juli 26, 28, 30. W. A. Juli 24 (A. N. LVIII. 144). Calandrelli, gleichfalls aus römischen Beobachtungen Juli 27, 30, Aug. 2. M. A. 1860,0 (A. N. LIX. 76). H. P. Tuttle aus Juli 18, 21, 25. M. A. 1862,0 (A. N. LVIII. 223). Bruhns aus Juli 24, 27, 31, W. A. Aug. 27 (ib. 95). Horustein aus Juli 24, 27, Aug. 1. M. A. 1862,0 (ib. 109. C. R. LV. 291. M. N. XXII. 314). Hough aus Juli 18, 25, 26, 27. W. A. Juli 25 (A. N. LIX, 32). Hind aus Juli 22 bis Aug. 3, (C. R. LV. 291). Engelmann aus Juli 24, 31, Aug. 5. M. A. 1862,0 (A. N. Schjellerup aus Juli 22, 28, Aug. 4. M. A. 1862,0 LVIII. 119). (ib. 111). Schiaparelli aus Juli 24, 31, Aug. 6. W. A. Juli 31 (ib. 117). Hall aus Juli 21, 28, Aug. 4. W. A. Juli 28 (ib. 203). Tebbutt aus den Beobachtungen in Sydney Sept. 1-15. M. A. 1862,0 (M. N. XXIII. 95. Vgl. auch A. N. LIX. 158). Stampfer aus Juli 27 bis Aug. 15. M. A. 1862,0. Uml. 114 a (A. N. LVIII. 203). Safford aus Juli 19, 30, 31, Aug. 10, M. A. 1862,0. Uml. 142 a (A. N. LIX. 25). Oppolzer, die ersten beiden Bahnen aus Juli 26, Aug. 14, Sept. 1. Die Parabel lässt für den mittleren Ort erhebliche Fehler zurück. Bei der Ellipse wird die Uml. 123a. Grösste Bahnnähe der Erde und des Cometen 0,00472. Die zweite Ellipse ist 7 Normalörtern aus den europäischen Beobachtungen angeschlossen, mit Rücksicht auf die Störungen durch Erde, Jupiter und Saturn. Uml. 124a. M. A. 1862,0 (A. N. LVIII. 249, 250, LIX, 58).

225. 1862. (IV) Entdeckt am 27. Nov. von Respighi in Bologna und am 1. Dec. in Leipzig von Bruhns. Die Beobachtungen vor dem Perihel gehen nur bis Dec. 17 (zuletzt in Florenz); nach dem Perihel wurde der Comet mit Mübe noch zweimal, Febr. 18 und 20, von Bruhns beobachtet. A. N. LIX. LX. Förster aus Dec. 1, 3, 5 (A. N. LIX. 63). Respighi aus Nov. 27, Dec. 3, 10. W. A. Dec. 27 (ib. 93). Engelmann aus Dec. 1, 5, 16 (ib. 127. T als Berliner Zeit angenommen). Entdeckt von Bruhns in Leipzig am 30. Nov. 1862, einen Tag vor Auffindung des vorhergehenden Cometen. Anfangs sehr schwach,

226. 1863. (I)

Entdeckt von Bruhns in Leipzig am 30. Nov. 1862, einen Tag vor Auffindung des vorhergehenden Cometen. Anfangs sehr schwach, um die Zeit des Perihels heller, beobachtet in Leipzig bis zum 12. März. A. N. LIX. LXI. M. N. XXIII. Obs. de Paris XVIII. Romberg aus Dec. 5, 26, Jan. 11. M. A. 1863,0 (A. N. LIX. 187. M. N. XXIII. 199). Tietjen, die ersten Elemente aus Dec. 1, 16, 26, die zweiten mit Hinzufügung von Jan. 14, 23. W. A. 1862 Dec. 6 (A. N. LIX. 111. 181). Von 5 von Eugelmann berechneten Elementensystemen sind oben die drei letzten angeführt. Von diesen ist das erste aus Dec. 1, 26, Jan. 25 geschlossen, das zweite und dritte aus 5 die bis dahin bekannten Beobachtungen enthaltenden Normalörtern; die Abweichung von der Parabel ist unmerklich. M. A. 1863,0 (A. N. LIX. 59, 93, 185. LX. 146, 149, 151. M. N. XXIII. 77).

Entdeckt April 11 von Klinkerfues in Göttingen und April 14 von 227. 1863. (H)Donati in Florenz. Im Mai mit blossem Auge sichtbar, mit einem Schweif bis zu 3° Länge. Beobachtet an den meisten Orten bis in den Juli, womit auch die bisherigen Bahnbestimmungen abschliessen, an einzelnen Orten jedoch auch noch im August und September, in Leipzig von Engelmann bis Oct. 8, von Bond bis Mitte October, A. N. LIX-LXII. M. N. XXIII. Romberg aus April 16, 18, 20. W. A. April 18 (M. N. XXIII, 226. A. N. LX, 71). Tietjen aus April 15. 17, 19, M. A. 1863,0 (A. N. LIX, 279). Engelmann aus April 13, 15, 17. W. A. April 15 (ib. 281). v. Raschkoff aus April 13, Mai 16, Juli 5. M. A. 1863,0 (A. N. LX, 346). Oppolzer aus 3 Normalörtern, denen die Parabel nicht ganz zu genügen scheint. Doch stimmte dieselbe mit späteren Beobachtungen noch gut überein. M. A. 1863.0

(ib. 230). 1863 Entdeckt April 12 von Respighi in Bologna, April 13 von Bäcker in 998 (III)Nauen, April 16 von Winnecke in Pulkowa und von Tempel in Marseille, April 18 von Karlinski in Krakau. Der Comet war als nebliger Stern 5. Grösse mit blossem Auge erkennbar und zeigte einen bellen sternartigen Kern nebst einem etwa 2° langen Schweif, nahm indess bald an Helligkeit ab und konnte nur wenig über einen Monat, in Florenz bis Mai 21, beobachtet werden. A. N. LIX - LXII. Respighi aus April 14, 16, 18, M. A. April 20 (A. N. LX. 5). Auwers ans April 15, 17, 20, M. A. 1863.0 (ib. 15, T in Berliner Zeit angenommen). Karlinski aus April 18, 20, 23. M. A. 1863.0 (ib. 11. M. N. XXIII. 228). Romberg aus April 15, 20, 25. M. A. 1863,0 (A. N. LX, 72). Gyldèn aus April 16, 26, Mai 4, 15. M. A. 1863,0 (ib. 110). Frischauf aus 3 Normalörtern April 18, Mai 7, 18, M. A. 1863,0 (ib. 112).

229.

Entdeckt von Tempel in Marseille Nov. 4, 8 Tage später auch von 1863. (IV) Schmidt in Athen, zeigte einen 2-3° langen Schweif und war mit blossem Auge erkennbar. Beobachtet in Florenz von Donati bis Jan. 20. A. N. LXI. LXII. M. N. XXIV. C. R. LVIII. Donati aus Nov. 18, 20, 22. M. A. 1863,0 (A. N. LXI. 171). Michez, wie es scheint, aus Nov. 17, 19, 21 (ib. 173). Romberg aus Nov. 9, 13, 17. W. A. Nov. 13,5 (ib. 137, M. N. XXIV. 44). Engelmann aus Nov. 9, 13, 19, M, A, 1864,0 (A, N, LXI, 137). Stampfer aus Nov. 9, 17, 23, M. A. 1863,0 (ib. 203). G. Rümker's (wie es scheint, eine Ungenaufgkeit der Beobachtungen enthaltende) Elemente aus Nov. 9, 20, Dec; 1. M. A. 1863,0 (ib. 191). Oppolzer's erste Elemente aus Nov. 9, 17, 26, die zweiten aus 3 Normal- und 2 einzelnen Oertern bis Dec. 20. Die Parabel stellt die Beobachtungen sehr gut dar. M. A. 1863,0 (ib. 135, 173, 248).

230. 1863. Entdeckt Dec. 28 von Respighi in Bologna und 1864 Jan. 1 von Kacker in Nauen, auch Jan. 9 von Karlinski in Krakau und von Wätson in Ann Arbor, zeigte im Fernrobr einen 1—2° langen Schweif, beobachtet in Krakau und in Leipzig bis Febr. 11. A. N. LXI, LXII. M. N. XXIV. Die Bahn des Cometen erinnerte an die wenig sicheren Bahnen der Cometen von 1810 und von 1490, besonders auch wegen der Zwischenzeiten von 53°,3 und 6 × 53°,3 = 320°.

Indess ergaben die bisherigen Rechnungen eine Umlaufszeit von 53°,3 als zu kurz; auch würde der Comet von 1490 um vieles heller anzunehmen sein als der von 1863, was mit den nahe gleichen Perihelzeiten nicht übereinkommen würde. Stampfer aus Ian. 3, 6, 7, 12 (A. N. LXI. 285. 302). F. Peters aus Dec. 28, Ian. 8, 17. M. A. 1864,0 (ib. 287. 303). Engelmann aus Ian. 4, 15, 26. M. A. 1864,0 (ib. 357). Michez aus Jan. 7, 23, Febr. 8. Uml. 108°a,76. M. A. 1864,0 (M. N. XXIV. 125. A. N. LXII. 14). Weiss aus 6 Normaförtern von Jan. 3 bis Jan. 23. M. A. 1864,0; die Ellipse mit 53°a,3 angenommener Umlaufszeit stellt diese Oerter weniger gut dar als die Parabel (A. N. LXI. 349, 350).

231. 1863. Vor den beiden vorhergehenden Cometen entdeckt am 9. Oct. von (VI) Bäcker in Nauen, beobachtet von Schultz in Upsala bis Jan. 25, auch von Krüger in Helsingfors noch Jan. 27 gesehen. A. N. LXI. LXII. M. N. XXIV. D'Arrest aus einer Anzahl Beobachtungen im October. M. A. 1863,0 (ib. N. LXI. 189). Stampfer aus Oct. 11, 18, 24. M. A. 1863,0 (ib. 202). Oppotzer aus Oct. 11, Nov. 6, 29. M. A. 1863,0 (ib. 203). Engelmann aus Oct. 11, Nov. 9, Dec. 8. M. A. 1864,0 (ib. 205).

Nachtrag zu dem Verzeichnisse der Schriften

vor

Heinr. Wilh. Matth. Olbers.

am Schlusse der Vorrede zu der zweiten Anflage, 1847, p. XXXV.

Olbers' Verzeichniss aller bisher berechneten Cometenbahnen, unter Mitwirkung von Schumacher herausgegeben in dessen Astronomischen Abhandlungen, Altona 1823—25.

Briefwechsel zwischen W. Olbers und F. W. Bessel. Herausgegeben von Adolf Erman Zwei Bände. Leipzig 1852.

Erklärung der Abkürzungen.

a. a. O. am angeführten Orte

A. J. Gould's Astronomisches Journal A. N. Astronomische Nachrichten

Astr. Not. Brünnow's Astronomical Notices

C. R. Comptes rendus hebdomadaires de l'Académie de Paris

M. A. Mittleres Aequinoctium

Mon. Corr. v. Zach's Monatliche Correspondenz

M. N. Monthly Notices of the R. Astronomical Society

Uml. Umlaufszeit

W. A. Wahres Aequinoctium.

Die fur die Cometen-Elemente hin und wieder gebrauchten Buchstaben

 $T, \pi, \Omega, i, q, e, \mu, a$

haben die allgemein bekannten Bedeutungen.

Die einigen Zeitangaben oben beigefügten Buchstaben

h, d, a

sınd Abkurzungen für horae, dies, anni.

Berichtigungen.

Bei den Cometen Nr. 229 und Nr. 231 ist bei den Perihel-Durchgängen zu lesen:

Nr. 229. Elemente von Donati: Nov. 9 9 h 5 / 11 "

Nr. 231. Elemente von Engelmann: Dec. 29 4 27 48.

Die während des Druckes veröffentlichten definitiven Elemente des Cometen Nr. 227 1863 (II) von Frischauf (noch einen Normalort für Nov. 12 einschliessend und von den Elementen Oppolzer's nur wenig abweichend) findet man A. N. LMI. 343 und in den Sitzungsberichten der Wiener Akademie.

Noch spätere Beobachtungen der Cometen 1863 (V) und (VI), als oben angegeben, sind die in Kremsmünster 1864 Febr. 14 und März 18 (A. N. LXII. 293).









